



UNIDAD I

Series de Fourier



APLICACIÓN

- Representa los componentes senoidales de una señal periódica no senoidal.
 - Cambia una señal en el dominio del tiempo a una señal en el dominio de la frecuencia

$$f(t) = a_0 + a_1 \cos \alpha + a_2 \cos 2 \alpha + a_3 \cos 3 \alpha + \dots a_k \cos k \alpha + b_1 \operatorname{sen} \beta + b_2 \operatorname{sen} 2 \beta + b_3 \operatorname{sen} 3 \beta + \dots b_k \operatorname{sen} k \beta$$

$$\alpha = \beta$$

$$f(t) = cd + \text{fundamental} + 2a\text{armonica} + 3a\text{armonica} + \dots + n\text{armonica}$$



COEFICIENTES

$$a_0 = \frac{1}{T} \int_0^T f(t) dt$$

$$a_k = \frac{2}{T} \int_0^T f(t) \cos(k\omega_0 t) dt$$

$$b_k = \frac{2}{T} \int_0^T f(t) \text{sen}(k\omega_0 t) dt$$

FORMAS DE LA SERIE DE FOURIER

- Trigonométricas

$$a_0 + \sum_{k=1}^{\infty} [a_k \cos(2\pi k f_0 t) + b_k \text{sen}(2\pi k f_0 t)]$$

- Polar

$$c_0 + \sum_{k=1}^{\infty} c_k \cos(2\pi k f_0 t + \theta_k)$$

- Exponencial

$$\sum_{k=-\infty}^{\infty} X[k] e^{j2\pi k f_0 t}$$

RELACIÓN DE COEFICIENTES

$$X[0] = a_0 = c_0$$

$$X[k] = 0.5(a_k - jb_k)$$

$$X[k] = 0.5c_k \angle \theta_k = 0.5c_k e^{j\theta_k}$$

SIMPLIFICACIONES POR SIMETRÍA

- Simetría par

$$b_k = 0$$

$$a_k = \frac{4}{T} \int_0^{\frac{T}{2}} x(t) \cos(2\pi k f_0 t) dt$$

- Simetría impar

$$a_0 = a_k = 0$$

$$b_k = \frac{4}{T} \int_0^{\frac{T}{2}} x(t) \operatorname{sen}(2\pi k f_0 t) dt$$

SIMPLIFICACIONES POR SIMETRÍA

- Simetría de media onda
 - No hay offset ni términos cuando k es par

$$a_0 = 0$$

$$a_k = \frac{4}{T} \int_0^{\frac{T}{2}} x(t) \cos(2\pi k f_0 t) dt$$

$$b_k = \frac{4}{T} \int_0^{\frac{T}{2}} x(t) \operatorname{sen}(2\pi k f_0 t) dt$$