



FILTROS FIR

Muestreo de la frecuencia



MUESTREO DE LA FRECUENCIA

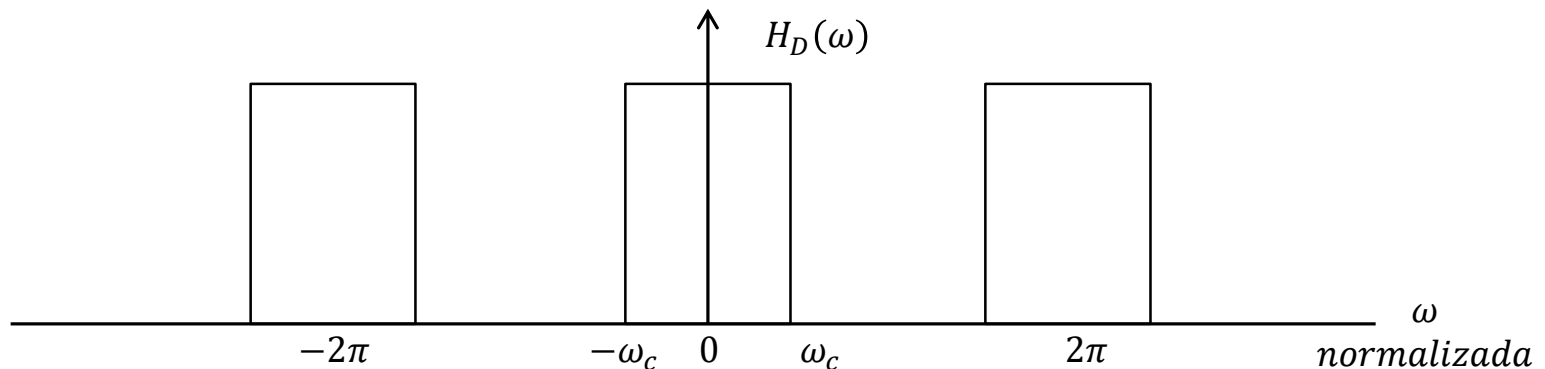
- Se elige la forma de $H(F)$,
- Se interpola y se emplea la DFT inversa para obtener los coeficientes $h(n)$
- Si $h(t)$:
 - Banda limitada
 - Reconstrucción perfecta (muestras - frecuencia de Nyquist), mediante interpolación con la función sinc.
 - Sin banda limitada
 - Reconstrucción perfecta sólo en los instantes de muestreo



MUESTREO DE LA FRECUENCIA

- **Análogamente**

- $H(F)$ puede reconstruirse a partir de sus muestras usando la función *senc* de interpolación teniendo correspondencia exacta en los puntos de muestreo
- Base de diseño de los filtros FIR





MUESTREO DE LA FRECUENCIA

Diseño

1. Las N muestras de $H_D(F)$ deben corresponder al intervalo de frecuencias digital $0 \leq F < 1$ con:

$$H_D[k] = H_D(F) \Big|_{F=k/N}, \quad k = 0, 1, 2, \dots, N-1$$

2. $h[n]$ real \rightarrow su DFT $H[k]$ debe ser simétrica conjugada con respecto a $k=0.5N$.
 - $H[0]$ puede elegirse, ya que no tiene pareja (simetría)



MUESTREO DE LA FRECUENCIA

- Para N par, los extremos de $h[n]$ pueden ser no simétricos, se garantiza la simetría forzando $h[0] = h[N]$ (por ejemplo, ambas igual a $0.5h[0]$)
- Para que $h[n]$ sea causal debe retrasarse \Rightarrow desplazamiento de fase lineal que produce la secuencia

$$H[k] = |H_D[k]|e^{j\phi[k]}$$



MUESTREO DE LA FRECUENCIA

- Considerando la simetría conjugada respecto a $k=0.5N$, la fase para las $N/2$ primeras muestras es:

$$\phi[k] = \frac{-\pi k(N-1)}{N}, \quad k = 0, 1, 2, \dots, 0.5(N-1)$$

- Para secuencias 3 y 4, se agrega una fase constante de 0.5π a $\phi[k]$, hasta $k=0.5N$.
- Las muestras restantes de $H[k]$ se encuentran por simetría conjugada



MUESTREO DE LA FRECUENCIA

- Efecto Gibbs:
 - Se reduce variando gradualmente los valores de $H(F)$ en sus discontinuidades.

EJERCICIO

- Realice un filtro con las siguientes especificaciones:
- Filtro pasabajas
 - $F_m = 18 \text{ kHz}$;
 - $N = 9$;
 - $F_c = 5 \text{ kHz}$;