Вступительная работа по информатике - 2021 для поступления в Летнюю Компьютерную Школу (г. Ставрополь)

Рекомендации по написанию вступительной работы

- 1. Все поступающие должны подать заявку на сайте www.stavdeti.ru.
- 2. Выполнить вступительную работу. Вступительная работа состоит из двух частей: теоретической и практической. Для поступления необходимо выполнить задачи обеих частей работы. Очень важно выполнить вступительную работу самостоятельно. Нам нужно видеть, что умеете и знаете именно Вы, а не что знают и умеют ваши одноклассники, учителя, родители и т.д., т.к. учить в ЛКШ нам предстоит именно Вас! Школьники, которые будут уличены в несамостоятельном выполнении вступительной работы, зачислены в ЛКШ не будут. Если факт несамостоятельного выполнения вступительной работы будет установлен уже во время самой школы, школьник может быть отчислен из ЛКШ ввиду бессмысленности его пребывания в школе.
- 3. Вы должны позаботиться о том, чтобы ваши решения не были сданы другими участниками. В случае, когда одно и то же решение задачи сдается несколькими школьниками, оргкомитет оставляет за собой право отказать в зачислении всем уличенным в этом школьникам без выяснения того, кто является автором решения, а кто "заимствователем", в том числе, когда одно решение разрабатывается на основе другого.
- 4. **Не пугайтесь вступительной работы!** Возможно, она покажется вам довольно сложной так и должно быть. Возможно, у вас получится решить не все задачи сдайте то, что получилось, может быть, этого будет достаточно для поступления.
- 5. Решения задач теоретической части вступительной работы записываются в файл, файл Microsoft Word, файл формата pdf. Этот файл сдаётся по электронной почте на poisk_stav@mail.ru. Файл с материалом вступительной части рекомендуем назвать по шаблону «ЛКШ Фамилия Имя Город Школа», например: ЛКШ Серов Владислав Ставрополь МБОУ СОШ 13.doc

Важно! В задачах теоретической части недостаточно просто указать ответ, нужно еще обосновать (доказать) его.

6. Решения задач практической части сдаются в проверяющую систему http://contest.stavlider.ru и проверяются в режиме online на контест с названием «Вступительная работа ЛКШ 2021». Вам практически сразу будут доступны результаты проверки.

Важно! К выполнению практической части работы допускаются только те кандидаты, которые подали заявку на участие в ЛКШ.

- 7. **Вопросы** по условиям задач вступительной работы, а также связанные со сдачей решений в проверяющую систему, задавать посредством сообщений проверяющей системы. Допуск для решения задач практической части будет осуществляется в проверяющей системе каждые 2 часа с 9-00 до 18-00 часов в течение всего периода сдачи вступительной работы.
- 8. Баллы за решение задач вступительной работы **не начисляются**. Работа оценивается в комплексе, и по работе в целом принимается решение о зачислении или об отказе к зачислению.
- 9. Льготами при поступлении в ЛКШ пользуются победители и призеры Всероссийских олимпиад по информатике (из перечня олимпиад РСОШ) и учащиеся бюджетного отделения Центра «Поиск» по информатике, показавшие высокие результаты в учебном году.

Условия задач теоретической части вступительной работы

Задача Т-1 (С) Гороскоп

Артём — известный на весь мир астролог. Он умеет делать прогнозы на любой год, просто взглянув на номер года. Для этого он берет первые 2 цифры года и обозначает полученное число как х. Затем, последние 2 цифры года обозначаются как у. Для того, чтобы вычислить количество благоприятных месяцев в году, он вычисляет значение x^y , считая, что х и у — числа в шестнадцатеричной системе счисления. Количество благоприятных месяцев — это последняя цифра полученного числа в десятичном представлении (самый младший разряд).

Например, количество благоприятных месяцев в 1002 году будет вычислено так:

- $x = 10_{16} = 16_{10}$
- $y = 02_{16} = 2_{10}$
- $x^y = 16^2 = 256_{10}$
- количество благоприятных месяцев = 6.

Помогите Артёму и найдите количество благоприятных месяцев в 2021 году.

Задача Т-2 (С) Зюзики

Миша оказался в незнакомом вам мире, о котором ему достоверно известно лишь следующее:

- 1. В мире есть зюзики
- 2. Все зюзики пушистики
- 3. Пушистиков в мире больше, чем зюзиков
- 4. Все зюзики используют пепелацы
- 5. Некоторые из тех, кто использует пепелацы, умеют варить луц.
- 6. Все, кто умеет варить луц, используют гравицапу.
- 7. Некоторые зюзики любят спать.

Помогите ему приспособиться к новым условиям. Для каждого из приведенных ниже утверждений требуется выяснить, является ли оно всегда верным при этих условиях. Ответ «да» необходимо доказать. Для ответа «нет» необходимо привести контрпример.

- 1. Некоторые зюзики используют гравицапу
- 2. Среди тех, кто использует пепелацы, есть те, кто любит спать.
- 3. Среди тех, кто любит спать, обязательно найдется пушистик, который умеет варить луц.
- 4. Все, кто использует гравицапу зюзики.
- 5. Некоторые пушистики используют гравицапу.

Задача Т-3 (С) Беды с кодом

Даниил во время школьной олимпиады написал следующий код, считывающий одно целое неотрицательное число и выводящее два целых числа.

```
Python
                                                                                 C++
c = 0
                                                       #include <iostream>
def fib(n):
                                                       using namespace std;
  global c
  c += 1
                                                       int c;
  if (n == 0 \text{ or } n == 1):
                                                       int fib(int n) {
     return 1
  return fib(n - 1) * 2 + fib(n - 2)
                                                               c++;
                                                               if (n == 0 || n == 1) {
n = int(input())
                                                                       return 1;
print(fib(n))
print(c)
                                                               return fib(n - 1) * 2 + \text{fib}(n - 2);
                                                       int main()
                                                               int n;
                                                               c = 0;
                                                               cin >> n;
                                                               cout \ll fib(n) \ll endl;
                                                               cout << c << endl;
```

Объясните, почему такой код будет работать долго даже при небольших значениях п. Предложите способ ускорить его. Разрешается модифицировать код так, чтобы второе выводимое число было не больше, чем в приведенном коде. Например, если ввести число 15, предложенный код выведет

```
275807
1973
```

Тогда, ваш вариант кода должен вывести

```
275807
<любое число, не большее, чем 1973>
```

При этом выделенные строки изменять запрещается, но можно добавлять новые.

Задача Т-4 (С) Шахматный кружок

Максим — преподаватель в шахматном кружке, в котором состоит 24 человека. На последнем занятии он решил провести шахматный турнир. Турнир будет проходить по следующей схеме:

- Случайной жеребьевкой все ученики распределяются на 3 группы по 8 человек.
- Внутри каждой группы ученики играют ровно по одной партии каждый с каждым.

Помогите Максиму посчитать количество различных вариантов распределения учеников по группам и суммарное количество шахматных партий, которое будет проведено во время турнира.

Задача Т-5 (С) Сложный алгоритм

Внимательно изучите следующий код:

```
Python
                                                        C++
def f(a, b):
                                                        int f(int a, int b) {
        c = 0
                                                                 int c = 0;
        while a \ge b:
                                                                 while (a \ge b) {
                a = b
                                                                         a = b;
                c += 1
                                                                         c++;
        return c
                                                                 return c;
def g(a, b):
        c = 0
        for i in range(b):
                                                        int g(int a, int b) {
                c += a
                                                                 int c = 0;
                                                                 for (int i = 0; i < b; i++)
        return c
                                                                         c += a;
def h(a, b):
                                                                 return c;
                                                         }
        return a - g(f(a, b), b)
                                                        int h(int a, int b) {
                                                                 return a - g(f(a, b), b);
```

Перепишите функцию h, так, чтобы она всё ещё состояла из одной строки, но не использовала функции g и f. Считайте, что числа а и b, передающиеся в функцию h всегда натуральные, не большие 10 000.

Задача Т-6 (С) Изучение языка зюзиков

Александр изучает язык зюзиков, в котором слова состоят из латинских букв. У вас есть очень большой зюзико-русский словарь, в котором записи идут в алфавитном порядке (порядок букв в языке зюзиков такой же, как в английском). К сожалению, в словаре нет ни оглавления, ни нумерации страниц. Ему требуется как можно быстрее найти перевод некоторого слова с языка зюзиков на русский. Предложите алгоритм поиска слов в словаре. Александр недавно изучает язык и ничего не знает о том, как устроены слова в языке зюзиков и как часто используется каждая буква.

Если вам кажется, что в задаче недостаточно данных для решения, уточните ее так, как подсказывает вам здравый смысл, и опишите эти уточнения в вашем решении.

Задача Т-7 (С) Капча

Ерофей путешествует во времени. Прилетев в 777 год эпохи зюзиков, он захотел увидеть, какие же мемы любят зюзики. Но чтобы он смог зайти на сайт с мемами, ему нужно подтвердить, что он зюзик (а сделать он этого не может, так как он человек). Помогите ему решить задание капчи. А звучит так:

• На какую цифру оканчивается число 777⁷⁷⁷?

Приведите ответ и обоснуйте, почему он именно такой.

Задача Т-8 Рекурсия(С)

Функция f определена так:

```
Pascal
                                                                          C/C++
function f (n: integer): integer;
                                                      int f (int n) {
                                                         int i;
    i, sum: integer;
                                                         int sum = 1;
                                                         for (i = 2; i < n - 1; i++)
 begin
    sum := 1;
                                                           if (n \% i == 0) sum += f(i-1);
    for i := 2 to n - 2 do begin
                                                         }
      if ( n \mod i = 0 ) then
            sum := sum + f(i-1)
                                                      return sum;
    end;
    f := sum;
  end;
```

Сколько раз будет вызвана функция f при подсчете f(20)? Самый первый вызов тоже считается. Например, при подсчете f(1) функция будет вызвана 1 раз.

Задача Т-9 Уничтожение цикла (С)

В классе учатся 15 школьников. Из них нужно выбрать четверых школьников, которые поедут на командную олимпиаду. Сколькими способами можно составить команду? Порядок выбора школьников в команду не имеет значения.