## **Bap. 1** (9307)

- **1.** Решить диофантово уравнение 1365x + 1378y = 39
- **2.** Представить  $\sqrt{229}$  в виде периодической цепной проби.
- **3.** Найти наименьшее натуральное число x, удовлетворяющее условиям  $x\equiv 1 \bmod 19;$   $x\equiv 8 \bmod 36; \ x\equiv 19 \bmod 37; \ x\equiv 13 \bmod 29;$
- **4.** Найти остаток от деления  $19^{17^{51}}$  на 72.
- **5.** По формуле Лагранжа найти многочлен p не выше 4-ой степени, удовлетворяющий условиям:  $p(-4)=40; \quad p(2)=34; \quad p(1)=5; \quad p(-3)=-11; \quad p(-2)=-10;$
- **6.** Найти рациональные корни:  $12x^4 + 28x^3 + 19x^2 9$
- 7. Решить уравнение, записанное в 8-ичной системе счисления: 6x+25=611. Решение записать в 8-ичной и десятичной системах.
- **8.** Вычислить 36/47 в кольце вычетов по модулю 83.
- **9.** Найти представление рационального числа  $\frac{57}{44}$  непрерывной дробью.
- 10. Найти остаток от деления многочлена  $2x^5+x^4+x^2+2x$  на  $2x^3+2x^2+2x+2$  в кольце  $\mathbb{Z}/3\mathbb{Z}\left[x\right]$

## **Bap. 3** (9307)

- **1.** Решить диофантово уравнение 2924x 1785y = 153
- **2.** Представить  $\sqrt{142}$  в виде периодической цепной дроби.
- **3.** Найти наименьшее натуральное число x, удовлетворяющее условиям  $x \equiv 0 \mod 28$ ;  $x \equiv 8 \mod 33$ ;  $x \equiv 5 \mod 25$ ;  $x \equiv 0 \mod 17$ ;
- **4.** Найти остаток от деления  $13^{5^{29}}$  на 72.
- **5.** По формуле Лагранжа найти многочлен p не выше 4-ой степени, удовлетворяющий условиям:  $p(-1)=7; \quad p(1)=5; \quad p(-2)=-4; \quad p(2)=4; \quad p(3)=-29;$
- **6.** Найти рациональные корни:  $x^4 5x^3 6x^2 + 7x 2$
- 7. Решить уравнение, записанное в 6-ичной системе счисления: 5x+51=353. Решение записать в 6-ичной и десятичной системах.
- **8.** Вычислить 42/68 в кольце вычетов по модулю 93.
- **9.** Найти представление рационального числа  $\frac{326}{259}$  непрерывной дробью.
- 10. Найти остаток от деления многочлена  $2x^5+3x^4+x^3+4x^2+x+1$  на  $4x^3+4x^2+3x+3$  в кольце  $\mathbb{Z}/5\mathbb{Z}\left[x\right]$

#### **Bap. 2** (9307)

- **1.** Решить диофантово уравнение 3179x 2754y = -68
- **2.** Представить  $\sqrt{192}$  в виде периодической цепной дроби.
- **3.** Найти наименьшее натуральное число x, удовлетворяющее условиям  $x \equiv 22 \mod 39$ ;  $x \equiv 20 \mod 25$ ;  $x \equiv 7 \mod 17$ ;  $x \equiv 3 \mod 11$ ;
- **4.** Найти остаток от деления  $12^{23^{53}}$  на 31.
- **5.** По формуле Лагранжа найти многочлен p не выше 4-ой степени, удовлетворяющий условиям: p(3)=26; p(-1)=-2; p(-2)=-49; p(1)=8; p(2)=19;
- **6.** Найти рациональные корни:  $x^4 5x^3 6x^2 + 7x 2$
- 7. Решить уравнение, записанное в 7-ичной системе счисления: 2x+13=114. Решение записать в 7-ичной и десятичной системах.
- **8.** Вычислить 17/25 в кольце вычетов по модулю 46.
- **9.** Найти представление рационального числа  $\frac{415}{181}$  непрерывной дробью.
- **10.** Найти остаток от деления многочлена  $4x^5+x^3+3x^2+3x$  на  $3x^3+3x^2+4x+1$  в кольце  $\mathbb{Z}/5\mathbb{Z}\left[x\right]$

# **Bap.** 4 (9307)

- **1.** Решить диофантово уравнение 2461x 2346y = -115
- **2.** Представить  $\sqrt{185}$  в виде периодической цепной дроби.
- **3.** Найти наименьшее натуральное число x, удовлетворяющее условиям  $x \equiv 4 \bmod 16;$   $x \equiv 23 \bmod 25; \ x \equiv 2 \bmod 37; \ x \equiv 5 \bmod 17;$
- **4.** Найти остаток от деления  $19^{11^{35}}$  на 60.
- **5.** По формуле Лагранжа найти многочлен p не выше 4-ой степени, удовлетворяющий условиям:  $p(-4)=-17;\ p(-3)=-34;\ p(1)=-2;\ p(-2)=-17;$  p(-1)=-2;
- **6.** Найти рациональные корни:  $x^4 5x^3 6x^2 + 7x 2$
- 7. Решить уравнение, записанное в 8-ичной системе счисления: 3x+123=404. Решение записать в 8-ичной и десятичной системах.
- **8.** Вычислить 6/51 в кольце вычетов по модулю 92.
- **9.** Найти представление рационального числа  $\frac{407}{170}$  непрерывной дробью.
- **10.** Найти остаток от деления многочлена  $3x^5+2x^3+3x^2+x+3$  на  $x^3+4x^2+2x+3$  в кольце  $\mathbb{Z}/5\mathbb{Z}\left[x\right]$

### **Bap. 5** (9307)

- **1.** Решить диофантово уравнение 1505x + 728y = -49
- **2.** Представить  $\sqrt{229}$  в виде периодической цепной дроби.
- **3.** Найти наименьшее натуральное число x, удовлетворяющее условиям  $x\equiv 10 \bmod 19;$   $x\equiv 9 \bmod 34; \ x\equiv 7 \bmod 13; \ x\equiv 0 \bmod 15;$
- **4.** Найти остаток от деления  $5^{9^{35}}$  на 66.
- **5.** По формуле Лагранжа найти многочлен p не выше 4-ой степени, удовлетворяющий условиям:  $p(1)=-12; \quad p(-2)=24; \quad p(3)=-26; \quad p(2)=-28; \quad p(-1)=2;$
- **6.** Найти рациональные корни:  $x^4 + 3x^3 9x^2 + 3x 2$
- 7. Решить уравнение, записанное в 6-ичной системе счисления: 3x+231=424. Решение записать в 6-ичной и десятичной системах.
- **8.** Вычислить 38/73 в кольце вычетов по модулю 82.
- **9.** Найти представление рационального числа  $\frac{902}{413}$  непрерывной дробью.
- 10. Найти остаток от деления многочлена  $2x^5+x^3+2x^2+x$  на  $x^3+2x^2+2x+1$  в кольце  $\mathbb{Z}/3\mathbb{Z}\left[x\right]$

## **Bap. 7** (9307)

- **1.** Решить диофантово уравнение 1757x 959y = 21
- **2.** Представить  $\sqrt{335}$  в виде периодической цепной дроби.
- **3.** Найти наименьшее натуральное число x, удовлетворяющее условиям  $x\equiv 26 \ {
  m mod}\ 33;$   $x\equiv 9\ {
  m mod}\ 40;$   $x\equiv 4\ {
  m mod}\ 29;$   $x\equiv 8\ {
  m mod}\ 19;$
- **4.** Найти остаток от деления  $17^{5^{19}}$  на 32.
- **5.** По формуле Лагранжа найти многочлен p не выше 4-ой степени, удовлетворяющий условиям: p(3)=49; p(1)=9; p(-1)=1; p(2)=31; p(4)=21;
- **6.** Найти рациональные корни:  $x^4 5x^3 6x^2 + 7x 2$
- 7. Решить уравнение, записанное в 5-ичной системе счисления: 2x+120=243. Решение записать в 5-ичной и десятичной системах.
- **8.** Вычислить 9/43 в кольце вычетов по модулю 97.
- **9.** Найти представление рационального числа  $\frac{531}{112}$  непрерывной дробью.
- **10.** Найти остаток от деления многочлена  $2x^5+3x^4+2x^2+4x+3$  на  $3x^3+4x^2+2x+1$  в кольце  $\mathbb{Z}/5\mathbb{Z}\left[x\right]$

#### **Bap. 6** (9307)

- **1.** Решить диофантово уравнение 4981x 3145y = -85
- **2.** Представить  $\sqrt{321}$  в виде периодической цепной дроби.
- **3.** Найти наименьшее натуральное число x, удовлетворяющее условиям  $x \equiv 1 \mod 37$ ;  $x \equiv 14 \mod 38$ ;  $x \equiv 30 \mod 35$ ;  $x \equiv 8 \mod 33$ ;
- **4.** Найти остаток от деления  $2^{7^{29}}$  на 35.
- **5.** По формуле Лагранжа найти многочлен p не выше 4-ой степени, удовлетворяющий условиям:  $p(2)=-16; \quad p(1)=5; \quad p(-1)=5; \quad p(-2)=20; \quad p(-3)=29;$
- **6.** Найти рациональные корни:  $x^4 5x^3 6x^2 + 7x 2$
- 7. Решить уравнение, записанное в 9-ичной системе счисления: 3x+60=256. Решение записать в 9-ичной и десятичной системах.
- **8.** Вычислить 9/16 в кольце вычетов по модулю 33.
- **9.** Найти представление рационального числа  $\frac{675}{277}$  непрерывной дробью.
- **10.** Найти остаток от деления многочлена  $3x^5 + 4x^4 + 2x^2 + 4x + 2$  на  $x^3 + 4x^2 + x + 4$  в кольце  $\mathbb{Z}/5\mathbb{Z}\left[x\right]$

## **Bap. 8** (9307)

- **1.** Решить диофантово уравнение 1085x 1029y = -35
- **2.** Представить  $\sqrt{128}$  в виде периодической цепной дроби.
- **3.** Найти наименьшее натуральное число x, удовлетворяющее условиям  $x\equiv 1 \bmod 17;$   $x\equiv 3 \bmod 21; \ x\equiv 25 \bmod 31; \ x\equiv 11 \bmod 20;$
- **4.** Найти остаток от деления  $7^{3^{51}}$  на 32.
- **5.** По формуле Лагранжа найти многочлен p не выше 4-ой степени, удовлетворяющий условиям:  $p(1)=-4; \quad p(-1)=-6; \quad p(2)=15; \quad p(-2)=-13; \quad p(-3)=0;$
- **6.** Найти рациональные корни:  $x^4 5x^3 6x^2 + 7x 2$
- 7. Решить уравнение, записанное в 7-ичной системе счисления: 5x+56=400. Решение записать в 7-ичной и десятичной системах.
- 8. Вычислить 15/31 в кольце вычетов по модулю 71.
- **9.** Найти представление рационального числа  $\frac{493}{95}$  непрерывной дробью.
- **10.** Найти остаток от деления многочлена  $3x^5+3x^4+4x^3+2x$  на  $4x^3+x^2+4x+2$  в кольце  $\mathbb{Z}/5\mathbb{Z}\left[x\right]$

### **Bap. 9** (9307)

- **1.** Решить диофантово уравнение 1404x + 2197y = -65
- **2.** Представить  $\sqrt{318}$  в виде периодической цепной проби.
- **3.** Найти наименьшее натуральное число x, удовлетворяющее условиям  $x\equiv 13 \bmod 39;$   $x\equiv 15 \bmod 17; \ x\equiv 4 \bmod 23; \ x\equiv 23 \bmod 40;$
- **4.** Найти остаток от деления  $73^{29^{107}}$  на 94.
- **5.** По формуле Лагранжа найти многочлен p не выше 4-ой степени, удовлетворяющий условиям:  $p(-2)=-31; \quad p(1)=-1; \quad p(-1)=-13; \quad p(2)=17; \quad p(-4)=29;$
- **6.** Найти рациональные корни:  $6x^4 + 11x^3 + 20x^2 + 18x + 9$
- 7. Решить уравнение, записанное в 6-ичной системе счисления: 2x+54=244. Решение записать в 6-ичной и десятичной системах.
- 8. Вычислить 28/79 в кольце вычетов по модулю 86.
- **9.** Найти представление рационального числа  $\frac{806}{123}$  непрерывной дробью.
- 10. Найти остаток от деления многочлена  $2x^5 + x^3 + 3x + 3$  на  $4x^3 + 3x^2 + 3x + 5$  в кольце  $\mathbb{Z}/7\mathbb{Z}[x]$

## **Bap. 11** (9307)

- **1.** Решить диофантово уравнение 2023x 3876y = 153
- **2.** Представить  $\sqrt{140}$  в виде периодической цепной дроби.
- **3.** Найти наименьшее натуральное число x, удовлетворяющее условиям  $x\equiv 20\,\mathrm{mod}\,37;$   $x\equiv 23\,\mathrm{mod}\,26;\ x\equiv 14\,\mathrm{mod}\,17;\ x\equiv 25\,\mathrm{mod}\,35;$
- **4.** Найти остаток от деления  $69^{39^{117}}$  на 83.
- **5.** По формуле Лагранжа найти многочлен p не выше 4-ой степени, удовлетворяющий условиям:  $p(-3)=41; \quad p(-4)=10; \quad p(-1)=7; \quad p(1)=5; \quad p(2)=-14;$
- **6.** Найти рациональные корни:  $x^4 5x^3 6x^2 + 7x 2$
- 7. Решить уравнение, записанное в 5-ичной системе счисления: 3x + 23 = 240. Решение записать в 5-ичной и десятичной системах.
- 8. Вычислить 31/39 в кольце вычетов по модулю 68.
- **9.** Найти представление рационального числа  $\frac{62}{51}$  непрерывной дробью.
- 10. Найти остаток от деления многочлена  $x^5 + x^3 + 2x^2$  на  $x^3 + 2x^2 + x + 1$  в кольце  $\mathbb{Z}/3\mathbb{Z}\left[x\right]$

#### **Bap. 10** (9307)

- **1.** Решить диофантово уравнение 1443x + 2795y = -91
- **2.** Представить  $\sqrt{322}$  в виде периодической цепной дроби.
- **3.** Найти наименьшее натуральное число x, удовлетворяющее условиям  $x \equiv 8 \mod 18$ ;  $x \equiv 15 \mod 37$ ;  $x \equiv 3 \mod 23$ ;  $x \equiv 9 \mod 35$ ;
- **4.** Найти остаток от деления  $65^{5^{51}}$  на 84.
- **5.** По формуле Лагранжа найти многочлен p не выше 4-ой степени, удовлетворяющий условиям:  $p(-2)=24; \quad p(-3)=37; \quad p(-4)=2; \quad p(2)=-28; \quad p(-1)=5;$
- **6.** Найти рациональные корни:  $x^4 5x^3 6x^2 + 7x 2$
- 7. Решить уравнение, записанное в 9-ичной системе счисления: 3x+16=213. Решение записать в 9-ичной и десятичной системах.
- **8.** Вычислить 27/34 в кольце вычетов по модулю 55.
- 9. Найти представление рационального числа  $\frac{647}{153}$  непрерывной дробью.
- **10.** Найти остаток от деления многочлена  $2x^5+3x^3+3x$  на  $2x^3+2x^2+3x+4$  в кольце  $\mathbb{Z}/5\mathbb{Z}\left[x\right]$

### **Bap. 12** (9307)

- **1.** Решить диофантово уравнение 1955x + 1921y = -34
- **2.** Представить  $\sqrt{138}$  в виде периодической цепной дроби.
- **3.** Найти наименьшее натуральное число x, удовлетворяющее условиям  $x\equiv 13 \, \mathrm{mod} \, 14;$   $x\equiv 18 \, \mathrm{mod} \, 31; \, x\equiv 16 \, \mathrm{mod} \, 19; \, x\equiv 1 \, \mathrm{mod} \, 11;$
- **4.** Найти остаток от деления  $31^{17^{53}}$  на 56.
- **5.** По формуле Лагранжа найти многочлен p не выше 4-ой степени, удовлетворяющий условиям: p(2) = 42; p(-1) = -6; p(-2) = -14; p(-3) = 32; p(1) = 4;
- **6.** Найти рациональные корни:  $x^4 5x^3 6x^2 + 7x 2$
- 7. Решить уравнение, записанное в 6-ичной системе счисления: 3x + 202 = 452. Решение записать в 6-ичной и десятичной системах.
- **8.** Вычислить 40/47 в кольце вычетов по модулю 62.
- **9.** Найти представление рационального числа  $\frac{353}{62}$  непрерывной дробью.
- 10. Найти остаток от деления многочлена  $3x^5+3x^4+2x^3+2x^2+3x$  на  $x^3+4x^2+2x+3$  в кольце  $\mathbb{Z}/5\mathbb{Z}\left[x\right]$

### **Bap. 13** (9307)

- **1.** Решить диофантово уравнение 2992x + 3587y = -34
- **2.** Представить  $\sqrt{318}$  в виде периодической цепной
- 3. Найти наименьшее натуральное число условиям удовлетворяющее  $x \equiv 4 \mod 19$ ;  $x\equiv 27\,\mathrm{mod}\,33;\,x\equiv 11\,\mathrm{mod}\,28;\,x\equiv 2\,\mathrm{mod}\,25;$  4. Найти остаток от деления  $9^{29^{35}}$  на 65.
- **5.** По формуле Лагранжа найти многочлен p не выше 4-ой степени, удовлетворяющий условиям: p(2) = -18;p(1) = -2; p(-1) = 0; p(4) = 10;p(3) = -28;
- **6.** Найти рациональные корни:  $x^4 + 5x^3 + 3x^2 + 6x + 1$
- 7. Решить уравнение, записанное в 8-ичной системе счисления: 4x + 34 = 224. Решение записать в 8-ичной и десятичной системах.
- **8.** Вычислить 6/23 в кольце вычетов по модулю 79.
- 9. Найти представление рационального числа  $\frac{299}{45}$ непрерывной дробью.
- остаток **10.** Найти otделения многочлена  $3x^5 + x^4 + 2x^3 + 3x^2 + 4x + 4$  на  $x^3 + x^2 + 4x + 4$ в кольце  $\mathbb{Z}/5\mathbb{Z}[x]$

## **Bap. 15** (9307)

- **1.** Решить диофантово уравнение 2369x 2484y = 115
- **2.** Представить  $\sqrt{312}$  в виде периодической цепной дроби.
- 3. Найти натуральное наименьшее число условиям удовлетворяющее  $x \equiv 13 \mod 23;$  $x\equiv 20\,\mathrm{mod}\,24;\,x\equiv 11\,\mathrm{mod}\,17;\,x\equiv 17\,\mathrm{mod}\,31;$
- **4.** Найти остаток от деления  $7^{13^{19}}$  на 52.
- **5.** По формуле Лагранжа найти многочлен p не выше 4-ой степени, удовлетворяющий условиям: p(1) = -9; p(-2) = 33; p(2) = -39; p(-1) = 3;p(5) = -9;
- **6.** Найти рациональные корни:  $x^4 5x^3 6x^2 + 7x 2$
- 7. Решить уравнение, записанное в 7-ичной системе счисления: 2x + 16 = 144. Решение записать в 7-ичной и десятичной системах.
- **8.** Вычислить 12/16 в кольце вычетов по модулю 99.
- **9.** Найти представление рационального числа  $\frac{1}{2}$ непрерывной дробью.
- **10.** Найти остаток от деления многочлена  $x^5 + x + 2$  на  $2x^3 + 2x^2 + x + 1$  в кольце  $\mathbb{Z}/3\mathbb{Z}[x]$

### **Bap. 14** (9307)

- **1.** Решить диофантово уравнение 1734x + 1853y = 119
- **2.** Представить  $\sqrt{293}$  в виде периодической цепной
- **3.** Найти наименьшее натуральное число удовлетворяющее условиям  $x \equiv 5 \mod 14$ ;  $x \equiv 17 \mod 27$ ;  $x \equiv 12 \mod 23$ ;  $x \equiv 12 \mod 19$ ;
- 4. Найти остаток от деления  $23^{11^{21}}$  на 33.
- **5.** По формуле Лагранжа найти многочлен p не выше 4-ой степени, удовлетворяющий условиям: p(2) = 5; p(-1) = -1; p(-3) = 25; p(-2) = -3; p(1) = -3;
- **6.** Найти рациональные корни:  $x^4 5x^3 6x^2 + 7x 2$
- 7. Решить уравнение, записанное в 6-ичной системе счисления: 2x + 202 = 320. Решение записать в 6-ичной и десятичной системах.
- **8.** Вычислить 9/25 в кольце вычетов по модулю 51.
- **9.** Найти представление рационального числа  $\frac{177}{46}$ непрерывной дробью.
- **10.** Найти остаток otмногочлена деления  $2x^5 + 4x^4 + x^2 + 4x + 3$  на  $4x^3 + x^2 + 3x + 3$ кольце  $\mathbb{Z}/5\mathbb{Z}[x]$

## **Bap. 16** (9307)

- **1.** Решить диофантово уравнение 1955x + 2992y = 119
- **2.** Представить  $\sqrt{180}$  в виде периодической цепной дроби.
- 3. Найти наименьшее натуральное число удовлетворяющее условиям  $x \equiv 10 \mod 16$ ;  $x \equiv 8 \mod 31$ ;  $x \equiv 11 \mod 21$ ;  $x \equiv 9 \mod 17$ ;
- **4.** Найти остаток от деления  $52^{5^{151}}$  на 59.
- **5.** По формуле Лагранжа найти многочлен p не выше 4-ой степени, удовлетворяющий условиям: p(-1) = -7; p(2) = 11; p(-3) = -39; p(-2) = -25;p(-4) = -7;
- **6.** Найти рациональные корни:  $x^4 5x^3 6x^2 + 7x 2$
- 7. Решить уравнение, записанное в 7-ичной системе счисления: 5x + 33 = 432. Решение записать в 7-ичной и десятичной системах.
- **8.** Вычислить 30/61 в кольце вычетов по модулю 94.
- **9.** Найти представление рационального числа  $\frac{92}{33}$ непрерывной дробью.
- 10. Найти остаток otoorrowделения многочлена  $6x^5 + 2x^4 + 5x^3 + 6x^2 + 2x$  на  $5x^3 + 5x^2 + 6x + 1$  в кольце  $\mathbb{Z}/7\mathbb{Z}[x]$

### **Bap. 17** (9307)

- **1.** Решить диофантово уравнение 1603x + 1176y = 21
- **2.** Представить  $\sqrt{305}$  в виде периодической цепной дроби.
- 3. Найти наименьшее натуральное число удовлетворяющее условиям  $x \equiv 17 \mod 30;$  $x \equiv 3 \mod 11$ ;  $x \equiv 29 \mod 31$ ;  $x \equiv 30 \mod 37$ ;
- **4.** Найти остаток от деления 57<sup>985</sup> на 80.
- **5.** По формуле Лагранжа найти многочлен p не выше 4-ой степени, удовлетворяющий условиям: p(3) = 12; p(4) = -35; p(-1) = 0; p(-2) = -23; p(2) = 9;
- **6.** Найти рациональные корни:  $x^4 5x^3 6x^2 + 7x 2$
- 7. Решить уравнение, записанное в 5-ичной системе счисления: 2x + 342 = 1033. Решение записать в 5-ичной и десятичной системах.
- **8.** Вычислить 42/46 в кольце вычетов по модулю 67.
- **9.** Найти представление рационального числа  $\frac{277}{192}$ непрерывной дробью.
- **10.** Найти остаток otoделения многочлена  $2x^5 + 2x^4 + x^3 + 3$  на  $2x^3 + 4x^2 + 4x + 3$  в кольце  $\mathbb{Z}/5\mathbb{Z}[x]$

# **Bap. 19** (9307)

- **1.** Решить диофантово уравнение 1001x 1162y = 56
- **2.** Представить  $\sqrt{140}$  в виде периодической цепной дроби.
- 3. Найти наименьшее натуральное число удовлетворяющее условиям  $x \equiv 22 \mod 24;$  $x \equiv 0 \mod 23$ ;  $x \equiv 18 \mod 37$ ;  $x \equiv 1 \mod 11$ ;
- **4.** Найти остаток от деления  $16^{13^{53}}$  на 57.
- **5.** По формуле Лагранжа найти многочлен p не выше 4-ой степени, удовлетворяющий условиям: p(-1) = 4; p(-3) = -8; p(-2) = 8; p(2) = -8;p(1) = 8;
- **6.** Найти рациональные корни:  $x^4 5x^3 6x^2 + 7x 2$
- 7. Решить уравнение, записанное в 8-ичной системе счисления: 2x + 57 = 171. Решение записать в 8-ичной и десятичной системах.
- **8.** Вычислить 22/52 в кольце вычетов по модулю 87.
- **9.** Найти представление рационального числа  $\frac{593}{273}$ непрерывной дробью.
- **10.** Найти остаток otделения многочлена  $x^5 + 5x^4 + 3x^3 + 3x^2 + 6x + 1$  на  $5x^3 + 5x^2 + x + 1$ в кольце  $\mathbb{Z}/7\mathbb{Z}\left[x\right]$

#### **Bap. 18** (9307)

- **1.** Решить диофантово уравнение 2394x + 2033y = -133
- **2.** Представить  $\sqrt{155}$  в виде периодической цепной
- **3.** Найти наименьшее натуральное число удовлетворяющее условиям  $x \equiv 26 \mod 36$ ;  $x\equiv 10\, \mathrm{mod}\, 11;\, x\equiv 17\, \mathrm{mod}\, 25;\, x\equiv 15\, \mathrm{mod}\, 17;$  4. Найти остаток от деления  $~28^{7^{45}}$  на 45.
- **5.** По формуле Лагранжа найти многочлен p не выше 4-ой степени, удовлетворяющий условиям: p(-1) = 7; p(-2) = 21; p(-4) = 13; p(2) = -35;p(1) = 3;
- **6.** Найти рациональные корни:  $x^4 5x^3 6x^2 + 7x 2$
- 7. Решить уравнение, записанное в 5-ичной системе счисления: 3x + 211 = 1000. Решение записать в 5-ичной и десятичной системах.
- **8.** Вычислить 32/71 в кольце вычетов по модулю 86.
- **9.** Найти представление рационального числа  $\frac{695}{301}$ непрерывной дробью.
- **10.** Найти остаток otделения многочлена  $6x^5 + 4x^3 + 6x^2 + 4x + 2$  на  $3x^3 + x^2 + 2x + 1$  в кольце  $\mathbb{Z}/7\mathbb{Z}[x]$

## **Bap. 20** (9307)

- **1.** Решить диофантово уравнение 1981x 1526y = 28
- **2.** Представить  $\sqrt{392}$  в виде периодической цепной дроби.
- **3.** Найти натуральное наименьшее число удовлетворяющее условиям  $x \equiv 30 \mod 31;$  $x \equiv 13 \mod 21$ ;  $x \equiv 10 \mod 32$ ;  $x \equiv 3 \mod 17$ ;
- 4. Найти остаток от деления  $83^{11^{55}}$  на 86.
- **5.** По формуле Лагранжа найти многочлен p не выше 4-ой степени, удовлетворяющий условиям: p(2) = 7; p(1) = 3; p(3) = 5; p(4) = -39; p(-1) = 1;
- **6.** Найти рациональные корни:  $x^4 5x^3 6x^2 + 7x 2$
- 7. Решить уравнение, записанное в 9-ичной системе счисления: 8x + 103 = 668. Решение записать в 9-ичной и десятичной системах.
- **8.** Вычислить 33/53 в кольце вычетов по модулю 82.
- **9.** Найти представление рационального числа  $\frac{191}{135}$ непрерывной дробью.
- 10. Найти остаток от деления многочлена  $2x^5 + x^4 + x^3 + 2x^2 + x + 1$  на  $2x^3 + 2x^2 + x + 1$  в кольце  $\mathbb{Z}/3\mathbb{Z}[x]$

#### **Bap. 21** (9307)

- **1.** Решить диофантово уравнение 882x 749y = -49
- **2.** Представить  $\sqrt{373}$  в виде периодической цепной
- **3.** Найти наименьшее натуральное число удовлетворяющее условиям  $x \equiv 11 \mod 22;$  $x \equiv 10 \mod 19$ ;  $x \equiv 13 \mod 27$ ;  $x \equiv 21 \mod 23$ ;
- **4.** Найти остаток от деления  $56^{5^{247}}$  на 89.
- **5.** По формуле Лагранжа найти многочлен p не выше 4-ой степени, удовлетворяющий условиям: p(2) = 10; p(3) = -8; p(-1) = -8; p(-2) = -38; p(1) = 4;
- **6.** Найти рациональные корни:  $x^4 5x^3 6x^2 + 7x 2$
- 7. Решить уравнение, записанное в 5-ичной системе счисления: 3x + 332 = 1121. Решение записать в 5-ичной и десятичной системах.
- **8.** Вычислить 25/27 в кольце вычетов по модулю 97.
- **9.** Найти представление рационального числа  $\frac{528}{455}$ непрерывной дробью.
- **10.** Найти остаток  $\mathbf{OT}$ деления многочлена  $x^5 + x^4 + x^3 + 2x^2 + 2x$  на  $x^3 + 2x^2 + 2x + 1$  в кольце  $\mathbb{Z}/3\mathbb{Z}[x]$

## **Bap. 23** (9307)

- **1.** Решить диофантово уравнение 2147x + 2090y = -57
- **2.** Представить  $\sqrt{194}$  в виде периодической цепной дроби.
- 3. Найти наименьшее натуральное число удовлетворяющее условиям  $x \equiv 18 \mod 35$ ;  $x \equiv 6 \mod 38$ ;  $x \equiv 9 \mod 13$ ;  $x \equiv 15 \mod 17$ ;
- **4.** Найти остаток от деления  $7^{11^{27}}$  на 48.
- **5.** По формуле Лагранжа найти многочлен p не выше 4-ой степени, удовлетворяющий условиям: p(-3) = 41;p(2) = -24; p(-4) = 6; p(1) = 1;p(-2) = 28;
- **6.** Найти рациональные корни:  $x^4 5x^3 6x^2 + 7x 2$
- 7. Решить уравнение, записанное в 5-ичной системе счисления: 2x + 34 = 212. Решение записать в 5-ичной и десятичной системах.
- **8.** Вычислить 8/59 в кольце вычетов по модулю 64.
- **9.** Найти представление рационального числа  $\frac{454}{119}$ непрерывной дробью.
- **10.** Найти остаток otделения многочлена  $x^5 + 2x^3 + 4x^2 + 4x + 3$  на  $x^3 + 4x^2 + 4x + 1$ кольце  $\mathbb{Z}/5\mathbb{Z}[x]$

#### **Bap. 22** (9307)

- 1. Решить диофантово уравнение 3519x + 5612y = -92
- **2.** Представить  $\sqrt{377}$  в виде периодической цепной
- **3.** Найти наименьшее натуральное число удовлетворяющее условиям  $x \equiv 13 \mod 30$ ;  $x\equiv 21\,\mathrm{mod}\,23;\,x\equiv 28\,\mathrm{mod}\,29;\,x\equiv 11\,\mathrm{mod}\,31;$  4. Найти остаток от деления  $5^{7^{101}}$  на 41.
- **5.** По формуле Лагранжа найти многочлен p не выше 4-ой степени, удовлетворяющий условиям: p(3) = -20; p(2) = -4; p(1) = 6; p(4) = -12;p(-1) = 8;
- **6.** Найти рациональные корни:  $x^4 5x^3 6x^2 + 7x 2$
- 7. Решить уравнение, записанное в 7-ичной системе счисления: 6x + 161 = 1043. Решение записать в 7-ичной и десятичной системах.
- 8. Вычислить 20/29 в кольце вычетов по модулю 83.
- **9.** Найти представление рационального числа  $\frac{151}{106}$ непрерывной дробью.
- **10.** Найти остаток от деления многочлена  $x^5 + 3x^4 + 4x^3 + 2x^2 + 4x$ на  $x^3 + 4x^2 + x + 1$  в кольце  $\mathbb{Z}/5\mathbb{Z}[x]$

# **Bap. 24** (9307)

- 1. Решить диофантово уравнение 2527x + 2508y = -57
- **2.** Представить  $\sqrt{320}$  в виде периодической цепной дроби.
- 3. Найти наименьшее натуральное число условиям удовлетворяющее  $x \equiv 0 \mod 13;$  $x \equiv 37 \mod 38$ ;  $x \equiv 7 \mod 15$ ;  $x \equiv 10 \mod 29$ ;
- 4. Найти остаток от деления  $7^{17^{45}}$  на 90.
- **5.** По формуле Лагранжа найти многочлен p не выше 4-ой степени, удовлетворяющий условиям: p(-1) = 4; p(2) = -23; p(3) = -32; p(-2) = 33;p(4) = 9;
- **6.** Найти рациональные корни:  $x^4 5x^3 6x^2 + 7x 2$
- 7. Решить уравнение, записанное в 7-ичной системе счисления: 5x + 31 = 430. Решение записать в 7-ичной и десятичной системах.
- 8. Вычислить 13/52 в кольце вычетов по модулю 73.
- **9.** Найти представление рационального числа  $\frac{569}{132}$ непрерывной дробью.
- 10. Найти остаток OTделения многочлена  $3x^5 + 4x^3 + 3x^2 + 4x + 5$  на  $3x^3 + 6x^2 + x + 2$ кольце  $\mathbb{Z}/7\mathbb{Z}[x]$

### **Bap. 25** (9307)

- **1.** Решить диофантово уравнение 749x + 805y = 56
- **2.** Представить  $\sqrt{180}$  в виде периодической цепной дроби.
- **3.** Найти наименьшее натуральное число x, удовлетворяющее условиям  $x\equiv 25 \bmod 37;$   $x\equiv 0 \bmod 13; \ x\equiv 29 \bmod 35; \ x\equiv 5 \bmod 12;$
- **4.** Найти остаток от деления  $2^{19^{77}}$  на 49.
- **5.** По формуле Лагранжа найти многочлен p не выше 4-ой степени, удовлетворяющий условиям:  $p(-1)=-9;\ p(1)=-7;\ p(-2)=-13;\ p(-3)=-35;\ p(2)=-45;$
- **6.** Найти рациональные корни:  $x^4 5x^3 6x^2 + 7x 2$
- 7. Решить уравнение, записанное в 5-ичной системе счисления: 3x + 343 = 1110. Решение записать в 5-ичной и десятичной системах.
- **8.** Вычислить 1/57 в кольце вычетов по модулю 88.
- **9.** Найти представление рационального числа  $\frac{259}{116}$  непрерывной дробью.
- 10. Найти остаток от деления многочлена  $x^5+x^4+6x^3+5x^2+5$  на  $2x^3+3x^2+5x+1$  в кольце  $\mathbb{Z}/7\mathbb{Z}[x]$

## **Bap. 27** (9307)

- **1.** Решить диофантово уравнение 4945x 4623y = -92
- **2.** Представить  $\sqrt{185}$  в виде периодической цепной дроби.
- **3.** Найти наименьшее натуральное число x, удовлетворяющее условиям  $x\equiv 20\, {
  m mod}\, 27;$   $x\equiv 2\, {
  m mod}\, 16;$   $x\equiv 10\, {
  m mod}\, 35;$   $x\equiv 3\, {
  m mod}\, 29;$
- **4.** Найти остаток от деления  $4^{13^{85}}$  на 75.
- **5.** По формуле Лагранжа найти многочлен p не выше 4-ой степени, удовлетворяющий условиям:  $p(-1)=1; \quad p(2)=-2; \quad p(1)=-1; \quad p(-2)=-46; \quad p(3)=-11;$
- **6.** Найти рациональные корни:  $x^4 5x^3 6x^2 + 7x 2$
- 7. Решить уравнение, записанное в 5-ичной системе счисления: 3x + 321 = 1110. Решение записать в 5-ичной и десятичной системах.
- **8.** Вычислить 4/19 в кольце вычетов по модулю 41.
- **9.** Найти представление рационального числа  $\frac{829}{673}$  непрерывной дробью.
- **10.** Найти остаток от деления многочлена  $x^5+2x^4+x^3+2x^2+2x$  на  $2x^3+2x^2+2x+2$  в кольце  $\mathbb{Z}/3\mathbb{Z}\left[x\right]$

#### **Bap. 26** (9307)

- **1.** Решить диофантово уравнение 2299x + 5035y = -114
- **2.** Представить  $\sqrt{219}$  в виде периодической цепной дроби.
- **3.** Найти наименьшее натуральное число x, удовлетворяющее условиям  $x \equiv 8 \mod 31$ ;  $x \equiv 26 \mod 37$ ;  $x \equiv 19 \mod 32$ ;  $x \equiv 11 \mod 39$ ;
- **4.** Найти остаток от деления  $18^{39^{53}}$  на 47.
- **5.** По формуле Лагранжа найти многочлен p не выше 4-ой степени, удовлетворяющий условиям:  $p(1)=-7; \quad p(-2)=32; \quad p(2)=-16; \quad p(-1)=-7; \quad p(3)=17;$
- **6.** Найти рациональные корни:  $x^4 5x^3 6x^2 + 7x 2$
- 7. Решить уравнение, записанное в 6-ичной системе счисления: 4x+150=414. Решение записать в 6-ичной и десятичной системах.
- **8.** Вычислить 5/27 в кольце вычетов по модулю 47.
- **9.** Найти представление рационального числа  $\frac{425}{176}$  непрерывной дробью.
- **10.** Найти остаток от деления многочлена  $4x^5+4x^4+3x^3+x^2+3x$  на  $x^3+3x^2+2x+4$  в кольце  $\mathbb{Z}/5\mathbb{Z}\left[x\right]$

## **Bap. 28** (9307)

- **1.** Решить диофантово уравнение 4760x 3723y = -119
- **2.** Представить  $\sqrt{125}$  в виде периодической цепной дроби.
- **3.** Найти наименьшее натуральное число x, удовлетворяющее условиям  $x\equiv 26 \, \mathrm{mod} \, 38;$   $x\equiv 29 \, \mathrm{mod} \, 37; \, x\equiv 4 \, \mathrm{mod} \, 17; \, x\equiv 9 \, \mathrm{mod} \, 11;$
- **4.** Найти остаток от деления  $17^{7^{27}}$  на 32.
- **5.** По формуле Лагранжа найти многочлен p не выше 4-ой степени, удовлетворяющий условиям: p(4)=29; p(2)=9; p(3)=30; p(5)=-48; p(-1)=-6;
- **6.** Найти рациональные корни:  $x^4 5x^3 6x^2 + 7x 2$
- 7. Решить уравнение, записанное в 7-ичной системе счисления: 3x+150=342. Решение записать в 7-ичной и десятичной системах.
- **8.** Вычислить 14/89 в кольце вычетов по модулю 98.
- **9.** Найти представление рационального числа  $\frac{433}{82}$  непрерывной дробью.
- **10.** Найти остаток от деления многочлена  $5x^5+4x^4+4x^2+5x$  на  $2x^3+6x^2+6x+1$  в кольце  $\mathbb{Z}/7\mathbb{Z}\left[x\right]$