Лабораторная работа 4

Попов Дмитрий Павлович, НФИмд-01-23

Содержание

1	Цел	ь работы	5												
2															
	2.1	Алгоритм Евклида	6												
	2.2	Бинарный алгоритм Евклида	7												
	2.3	Расширенный алгоритм Евклида	8												
	2.4	Расширенный бинарный алгоритм Евклида	9												
	2.5	Результат работы программы	10												
3	3 Выводы														
4	Спи	сок литературы	13												

List of Figures

2.1	nod1																	7
2.2	nod2																	8
2.3	nod3																	9
2.4	nod4																	10
2.5	011t																	11

List of Tables

РОССИЙСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ ДРУЖБЫ НАРОДОВ

Факультет физико-математических и естественных наук

Кафедра математического моделирования и искусственного интеллекта ОТЧЕТ ПО ЛАБОРАТОРНОЙ РАБОТЕ №4

дисциплина: Математические основы защиты информации и информацион-

ной безопасности

Преподователь: Кулябов Дмитрий Сергеевич

Студент: Попов Дмитрий Павлович

Группа: НФИмд-01-23

MOCKBA

2023 г.

1 Цель работы

Целью данной работы является освоить на практике алгоритмы вычисления HOД.[1]

2 Выполнение лабораторной работы

Требуется реализовать:

- 1. Алгоритм Евклида
- 2. Бинарный алгоритм Евклида
- 3. Расширенный алгоритм Евклида
- 4. Расширенный бинарный алгоритм Евклида

2.1 Алгоритм Евклида

Основные шаги:

- 1. Берёт два числа а и b, где a > b
- 2. Повторяет деление а на b, заменяя а значением b и b остатком от деления, пока b не станет равным 0.
- 3. Последнее ненулевое значение а будет НОД.

Реализация на Python предствлена на рисунке 1 fig. 2.1.

Figure 2.1: nod1

2.2 Бинарный алгоритм Евклида

Основные шаги:

- 1. Если оба числа четные, делит оба числа на 2 и удваивает итоговый НОД
- 2. Если только одно из чисел четное, делит только его на 2.
- 3. Из большего числа вычитает меньшее.
- 4. Повторяет процесс, пока числа не станут равными. Это число становится НОД, умноженным на полученный ранее множитель.

Реализация на Python предствлена на рисунке 2 fig. 2.2.

```
def binary_gcd(a, b):
    g = 1
    while a % 2 == 0 and b % 2 == 0:
    a, b, g = a // 2, b // 2, 2 * g

u, v = a, b

u, v = a, b

while u != 0:
    while u % 2 == 0:
    u //= 2
    while v % 2 == 0:
    v //= 2
    if u >= v:
    u -= v
else:
    v -= u
```

Figure 2.2: nod2

2.3 Расширенный алгоритм Евклида

Основные шаги:

- 1. Кроме нахождения НОД, алгоритм находит такие числа х и у, что ax+by=HOД(a,b).
- 2. Начинается с базовых коэф.: x0 = 1, y0 = 0 (для a) и x1 = 0, y1 = 1 (для b).
- 3. При каждом шаге обновляются значения коэффициентов, используя остаток и частное от деления.

Реализация на Python предствлена на рисунке 3 fig. 2.3.

Figure 2.3: nod3

2.4 Расширенный бинарный алгоритм Евклида

Основные шаги:

- 1. Как и обычный бинарный алгоритм, но также отслеживает коэффициенты х и у.
- 2. Когда числа делятся на 2, коэффициенты корректируются соответствующим образом.
- 3. Когда из одного числа вычитается другое, соответствующие коэффициенты также вычитаются.

Реализация на Python предствлена на рисунке 4 fig. 2.4.

```
def extended_binary_gcd(a, b):
    while a % 2 == 0 and b % 2 == 0:
        a, b, g = a // 2, b // 2, 2 * g
    u, v, \underline{A}, \underline{B}, \underline{C}, \underline{D} = a, b, 1, 0, 0, 1
        while u % 2 == 0:
             u //= 2
             if A % 2 == 0 and B % 2 == 0:
                 A, B = A // 2, B // 2
             else:
                 A, B = (A + b) // 2, (B - a) // 2
        while v % 2 == 0:
             v //= 2
             if C % 2 == 0 and D % 2 == 0:
                 C, D = C // 2, D // 2
             else:
                 C, D = (C + b) // 2, (D - a) // 2
        if u >= v:
             v, C, D = v - u, C - A, D - B
    return g * v, C, D
```

Figure 2.4: nod4

2.5 Результат работы программы

Выходные значения программы fig. 2.5.

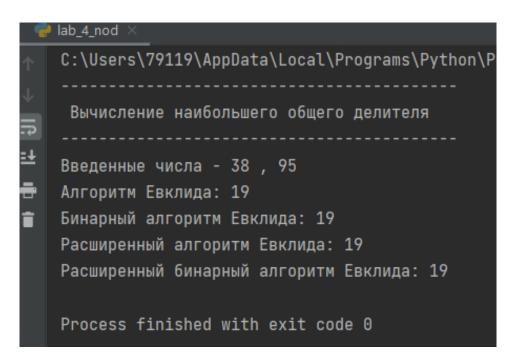


Figure 2.5: out

3 Выводы

В результате выполнения работы я освоил на практике применение алгоритмов нахождения НОД.

4 Список литературы

1. Методические материалы курса