

Лабораторная работа 7

Попов Дмитрий Павлович, НФИмд-01-23

Содержание

1	Цель работы	5
2	Выполнение лабораторной работы	6
2.1	р-метод Полларда	6
3	Выводы	9
4	Список литературы	10

List of Figures

2.1	pollard	7
2.2	gcd	7
2.3	modinv	7
2.4	output	8

List of Tables

РОССИЙСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ ДРУЖБЫ НАРОДОВ

Факультет физико-математических и естественных наук

Кафедра математического моделирования и искусственного интеллекта

ОТЧЕТ ПО ЛАБОРАТОРНОЙ РАБОТЕ №7

дисциплина: Математические основы защиты информации и информацион-
ной безопасности

Преподаватель: Кулябов Дмитрий Сергеевич

Студент: Попов Дмитрий Павлович

Группа: НФИмд-01-23

МОСКВА

2023 г.

1 Цель работы

Освоить на практике дискретное логарифмирование в конечном поле.[1]

2 Выполнение лабораторной работы

Требуется реализовать:

1. Алгоритм, реализующий p -метод Полларда для задач дискретного логарифмирования

2.1 p -метод Полларда

Основные шаги:

Вход: Простое число p , числа a порядка r по модулю p , целое число b , $1 < b < p$
отображение f , обладающее сжимающими свойствами и сохраняющее вычислимость логарифма
Выход: Показатель x , Для которого $a^x \equiv b \pmod{p}$, если такой показатель существует
1. Выбрать произвольные числа u, v и положить $s \leftarrow a^u \cdot b^v \pmod{p}$, $d \leftarrow s$
2. Выполнять $s \leftarrow f(s) \pmod{p}$, $d \leftarrow f(f(d)) \pmod{p}$, вычисляя при этом логарифмы для s и d как линейные функции от x по модулю r , до получения равенства $s \equiv d \pmod{p}$
3. Приравняв логарифмы для s и d , вычислить логарифм x решением сравнения по модулю r .
Результат: x или “Решения нет”

Чтобы реализовать программу был написан след. код на python:

1. Функция, реализующая p -метод Полларда fig. 2.1.
2. Функция нахождения НОД fig. 2.2.
3. Расширенный алгоритм Евклида для вычисления модульного обратного элемента fig. 2.3.

```

def pollard_p_method(p, a, b, f, r, u, v):
    # Выбор произвольных чисел u, v
    c = (a ** u * b ** v) % p
    d = c

    # Итерации метода Полларда
    while True:
        c = f(c) % p
        d = f(f(d)) % p

        # Если c = d, вычисляем логарифмы для c и d
        if c == d:
            # Вычисляем логарифм x решением сравнения по модулю r
            # Решения нет, если r и p не взаимно просты
            if gcd(r, p - 1) != 1:
                return "Решения нет"

            # Вычисляем логарифм x
            x = (u - v * modinv((u - v), r) * (c - a ** u) % r) % r
            return x

```

Figure 2.1: pollard

```

# Функция вычисления наибольшего общего делителя (GCD)
def gcd(a, b):
    while b:
        a, b = b, a % b
    return a

```

Figure 2.2: gcd

```

# Расширенный алгоритм Евклида для вычисления модульного обратного элемента
def modinv(a, m):
    m0, x0, x1 = m, 0, 1
    while a > 1:
        q = a // m
        m, a = a % m, m
        x0, x1 = x1 - q * x0, x0
    return x1 + m0 if x1 < 0 else x1

```

Figure 2.3: modinv

Выходные значения программы fig. 2.4.

```
40      # Пример использования
41      p = 107
42      a = 10
43      b = 64
44      r = 53
45      u = 2
46      v = 2
47
48
49      # Определение функции f
50      def f(c):
51          if c < r:
52              return (10 * c) % p
53          else:
54              return (64 * c) % p
55
56
57      result = pollard_p_method(p, a, b, f, r, u, v)
58      print("Решение:", result)
```

lab_7 ×

↑ C:\Users\79119\AppData\Local\Programs\Python\Python3
↓ Решение: Решения нет

Process finished with exit code 0

Figure 2.4: output

3 Выводы

В результате выполнения работы я освоил на практике дискретное логарифмирование в конечном поле.

4 Список литературы

1. Методические материалы курса