

## Лабораторная работа 7

Попов Дмитрий Павлович, НФИмд-01-23

РОССИЙСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ ДРУЖБЫ НАРОДОВ

Факультет физико-математических и естественных наук

Кафедра математического моделирования и искусственного интеллекта

ПРЕЗЕНТАЦИЯ ПО ЛАБОРАТОРНОЙ РАБОТЕ №7

дисциплина: Математические основы защиты информации и информационной безопасности

Преподаватель: Кулябов Дмитрий Сергеевич

Студент: Попов Дмитрий Павлович

Группа: НФИмд-01-23

МОСКВА

2023 г.

# **Прагматика выполнения лабораторной работы**

# Прагматика выполнения лабораторной работы

Требуется реализовать:

1. Алгоритм, реализующий  $p$ -метод Полларда для задач дискретного логарифмирования

## Цель работы

# Цель работы

Освоить на практике дискретное логарифмирование в конечном поле.

## **Выполнение лабораторной работы**

Для реализации р-метода Полларда:



## Для реализации р-метода Полларда:

1. Функция, реализующая р-метод Полларда
2. Функция нахождения НОД
3. Расширенный алгоритм Евклида для вычисления модульного обратного элемента

# 1. Функция, реализующая р-метод Полларда

# 1. Функция, реализующая р-метод Полларда

```
def pollard_p_method(p, a, b, f, r, u, v):  
    # Выбор произвольных чисел u, v  
    c = (a ** u * b ** v) % p  
    d = c  
  
    # Итерации метода Полларда  
    while True:  
        c = f(c) % p  
        d = f(f(d)) % p  
  
        # Если c = d, вычисляем логарифмы для c и d  
        if c == d:  
            # Вычисляем логарифм x решением сравнения по модулю r  
            # Решения нет, если r и p не взаимно просты  
            if gcd(r, p - 1) != 1:  
                return "Решения нет"  
  
            # Вычисляем логарифм x  
            x = (u - v * modinv((u - v), r) * (c - a ** u) % r) % r  
            return x
```

Figure 1: pollard

## 2. Функция нахождения НОД

## 2. Функция нахождения НОД

```
# Функция вычисления наибольшего общего делителя (GCD)
def gcd(a, b):
    while b:
        a, b = b, a % b
    return a
```

Figure 2: gcd

### 3. Расширенный алгоритм Евклида для вычисления модульного обратного элемента

### 3. Расширенный алгоритм Евклида для вычисления модульного обратного элемента

```
# Расширенный алгоритм Евклида для вычисления модульного обратного элемента
def modinv(a, m):
    m0, x0, x1 = m, 0, 1
    while a > 1:
        q = a // m
        m, a = a % m, m
        x0, x1 = x1 - q * x0, x0
    return x1 + m0 if x1 < 0 else x1
```

Figure 3: modinv

Основная функция запуска где получаем  
входные значения



# Основная функция запуска где получаем входные значения

```
40      # Пример использования
41      p = 107
42      a = 10
43      b = 64
44      r = 53
45      u = 2
46      v = 2
47
48
49      # Определение функции f
50      def f(c):
51          if c < r:
52              return (10 * c) % p
53          else:
54              return (64 * c) % p
55
56
57      result = pollard_p_method(p, a, b, f, r, u, v)
58      print("Решение:", result)
```

## Выводы

## Выводы

В результате выполнения работы я освоил на практике дискретное логарифмирование в конечном поле.

