

Лабораторная работа 6

Попов Дмитрий Павлович, НФИмд-01-23

Содержание

1	Цель работы	5
2	Выполнение лабораторной работы	6
2.1	р-метод Полларда	6
3	Выводы	9
4	Список литературы	10

List of Figures

2.1	pollard	7
2.2	init	7
2.3	output	8

List of Tables

РОССИЙСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ ДРУЖБЫ НАРОДОВ

Факультет физико-математических и естественных наук

Кафедра математического моделирования и искусственного интеллекта

ОТЧЕТ ПО ЛАБОРАТОРНОЙ РАБОТЕ №6

дисциплина: Математические основы защиты информации и информацион-
ной безопасности

Преподаватель: Кулябов Дмитрий Сергеевич

Студент: Попов Дмитрий Павлович

Группа: НФИмд-01-23

МОСКВА

2023 г.

1 Цель работы

Освоить на практике разложение чисел на множители.[1]

2 Выполнение лабораторной работы

Требуется реализовать:

1. Алгоритм, реализующий р-метод Полларда

2.1 р-метод Полларда

Метод Полларда применяется при факторизации натуральных чисел.

Основные шаги:

Вход: число N , начальное значение s , функция f , обладающая сжимающими свойствами
Выход: нетривиальный делитель n

- 1) положить $a \leftarrow s, b \leftarrow s$
- 2) Вычислить $a \leftarrow f(a) \pmod n, b \leftarrow f(b) \pmod n$
- 3) Найти $d \leftarrow \text{НОД}(a-b, n)$
- 4) Если $1 < d < n$, То положить $p \leftarrow d$ и результат: p . При $d=n$ результат: “Делитель не найден”; при $d=1$ вернуться на шаг 2

Чтобы реализовать программу был написан след. код на python:

1. Функция, реализующая р-метод Полларда
2. Функция нахождения НОД fig. 2.1.

```

1  def rho(x):
2      return f(x) % N
3
4  def pollards_rho(N, c, f):
5      a = b = c
6      while True:
7          a = rho(a)
8          b = rho(rho(b))
9          d = gcd(abs(a - b), N)
10         if 1 < d < N:
11             return d
12         elif d == N:
13             return "Делитель не найден"
14
15     # Функция для нахождения наибольшего общего делителя (НОД)
16     def gcd(a, b):
17         while b:
18             a, b = b, a % b
19         return a

```

Figure 2.1: pollard

Начальные данные для запуска функции fig. 2.2.

```

23     N = 1359331
24     c = 1
25     f = lambda x: (x**2 + 5) % N
26
27     result = pollards_rho(N, c, f)
28     print("Ответ:", result)

```

Figure 2.2: init

Выходные значения программы (пример из методички) fig. 2.3.

```
C:\Users\79119\AppData\Local\Programs\
Ответ: 1181
```

```
Process finished with exit code 0
```

Figure 2.3: output

3 Выводы

В результате выполнения работы я освоил на практике алгоритм разложения чисел на множители.

4 Список литературы

1. Методические материалы курса