

Работа 3.1.3

Измерение магнитного поля Земли

Шелихов Дмитрий

Группа Б01-305

30 сентября 2024 г.

Цель работы: исследовать свойства постоянных неодимовых магнитов; измерить с их помощью горизонтальную и вертикальную составляющие индукции магнитного поля Земли и магнитное наклонение.

В работе используются: неодимовые магниты; тонкая нить для изготовления крутильного маятника; медная проволока; электронные весы; секундомер; измеритель магнитной индукции; штангенциркуль; брусок; линейка и штатив из немагнитных материалов; набор гирь и разновесов.

Теоретическая справка

$$\vec{m} = I\vec{S}$$

(1) - магнитный момент тонкого витка с током.

$$\vec{B} = \frac{\mu_0}{4\pi} \left(\frac{3(\vec{m} \cdot \vec{r})\vec{r}}{r^5} - \frac{\vec{m}}{r^3} \right)$$

(2) - Магнитное поле точечного диполя.

$$\vec{M} = [\vec{m} \times \vec{B}]$$

(3) - Механический момент сил, действующий на точечный магнитный диполь \vec{m}

$$W = -(\vec{m} \cdot \vec{B})$$

(4) - Потенциальная энергия, которой обладает диполь с постоянным \vec{m}

$$\vec{F} = (\vec{m} \cdot \nabla) \vec{B}$$

(5) - Сила, действующая на магнитный диполь в неоднородном внешнем поле \vec{B} .

$$F_{12} = -\frac{6m_1m_2}{r^4}$$

(6.1) - Сила, взаимодействия двух точечных диполей, когда их моменты направлены вдоль соединяющей их прямой.

$$F_{12} = \frac{3m_1m_2}{r^4}$$

(6.2) - Сила, взаимодействия, если моменты направлены перпендикулярно соединяющей их прямой.

Экспериментальная установка

Используем неодимовые шарообразные магниты: а) Вещество магнитожестко б) Шары намагничены однородно

$$\vec{B}_0 = \frac{\mu_0 \vec{m}}{2\pi R^3}$$

(7) - магнитное поле внутри шара (однородно).

$$\vec{m} = \vec{M}V$$

(8), где \vec{M} - намагниченность материала магнита.

$$\vec{B}_r = 4\pi \vec{M}$$

(9) - остаточная индукция материала.

$$B_p = B_0 = \frac{2}{3}B_r$$

(10) - индукция на полюсах однородно намагниченного шара.

Определение магнитного момента магнитных шариков

Метод А.

Когда векторы двух магнитных моментов ориентированы вертикально:

$$\vec{m} = \sqrt{\frac{mgr_{max}^4}{6}}$$

(11)

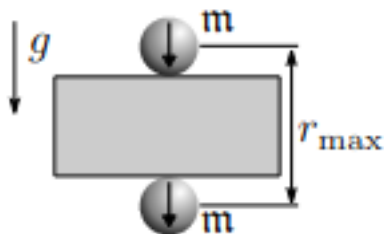


Рис. 1. Измерение магнитных моментов шариков

Метод Б.

Максимальная сила сцепления определится по весу магнитной цепочки, которую способен удержать самый верхний магнитный шарик.

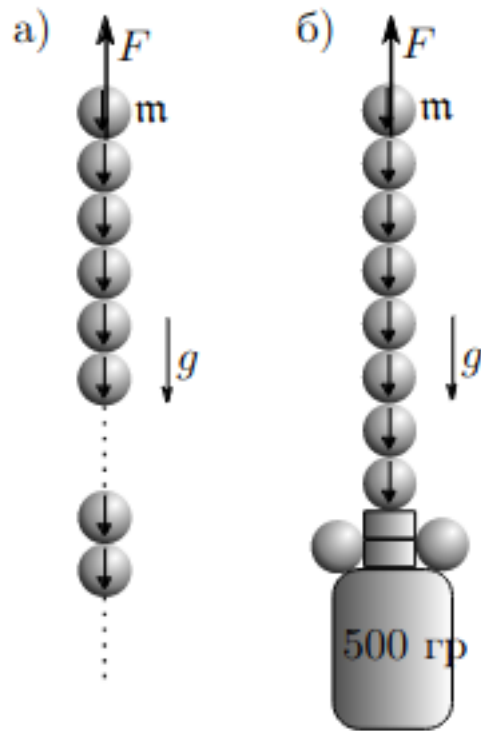


Рис. 2. Альтернативный метод измерения магнитных моментов шариков

Сила сцепления двух одинаковых шаров радиусами R с магнитными моментами \vec{m} равна

$$F_0 = \frac{6m^2}{(2R)^4} = \frac{3m^2}{8R^4} \quad (12)$$

Минимальный вес цепочки, при котором она оторвётся от верхнего шарика, равен:

$$F = F_0 \left(1 + \frac{1}{2^4} + \frac{1}{3^4} + \frac{1}{4^4} + \dots \right) \approx 1,08 F_0 \quad (13)$$

Измерение горизонтальной составляющей индукции магнитного поля Земли

Магнитное поле измеряем по периоду крутильных колебаний "магнитной стрелки" вокруг вертикальной оси. Стрелка стремится повернуться по горизонтальной составляющей магнитного поля Земли $\vec{B}_{||}$ в направлении Юг-Север.

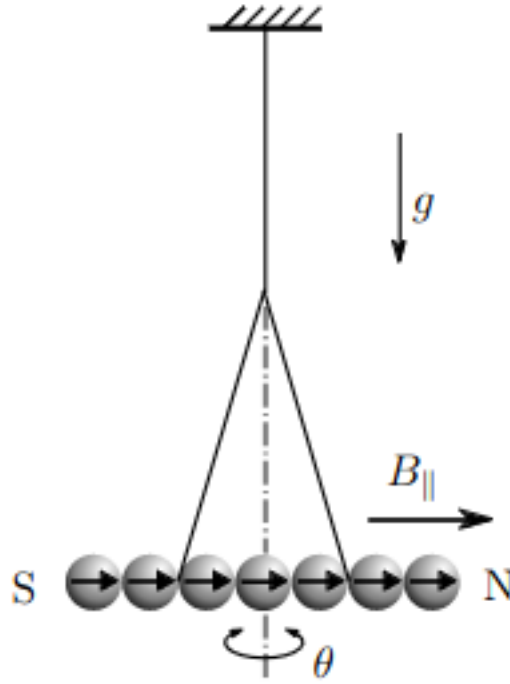


Рис. 3. Крутильный маятник во внешнем магнитном поле

$$M = -m_n B_{||} \sin \theta$$

(14) - возвращающий момент сил.

$$J_n \ddot{\theta} + m_n B_{||} \theta = 0$$

(15) - уравнение малых колебаний.

$$T = 2\pi \sqrt{\frac{J_n}{m_n B_{||}}}$$

(16) - период малых колебаний.

$$J_n \approx \frac{1}{12} m_n l_n^2 = \frac{1}{3} n^3 m R^2$$

(17) - момент инерции магнитной стрелки.

$$T_n = 2\pi \sqrt{\frac{m R^2}{3 m B_{||}}} \cdot n$$

(18) - период колебаний пропорционален числу шаров n , составляющих "стрелку".

Измерение вертикальной составляющей индукции магнитного поля Земли.

Магнитное наклонение

Подвешиваем стрелку в одной точке. β - магнитное наклонение

С помощью доп. груза выравниваем стрелку по горизонтали.

$$M_n = mgr = nmB_{\perp}$$

(19) - момент силы тяжести, уравнивающего груза. Из равенства (19) определяем вертикальную составляющую индукции магнитного поля Земли.

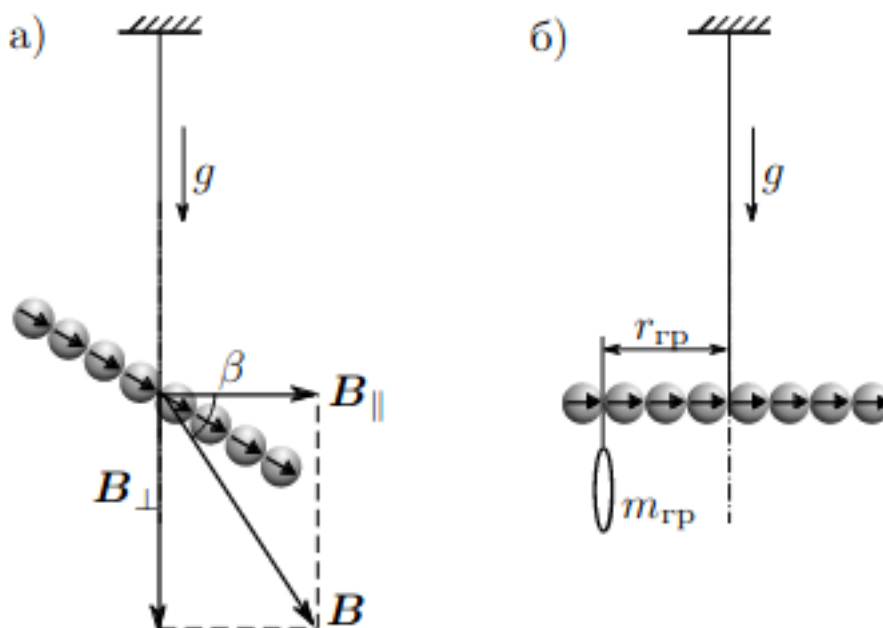


Рис. 4. Измерение вертикальной составляющей поля и магнитного наклона

Ход работы

I. Определение магнитного момента, намагниченности и остаточной магнитной индукции вещества магнитных шариков.

1) Измерим диаметр шариков и их массу.

М, г (76 шаров)	m, г	Δm , г
63,316	0,833	0,001

	d, мм
	5,496
	5,487
	5,492
$\langle d \rangle$, мм	5,492
Δd , мм	0,004
d, мм	$5,492 \pm 0,004$

2) С помощью магнитометра измерим индукцию поля B_p на полюсах шарика

N	B_p , мТл
1	357
2	319
3	275
4	305
5	346
6	265
7	368
8	367
9	357
10	354
11	400
12	393
$\langle B_p \rangle$, мТл	342
σ_{B_p} , мТл	41
B_p , мТл	342 ± 41

3) Определим максимальное расстояние r_{max} , на котором шарики удерживают друг друга в поле тяжести Земли.

N	r_{max} , мм
1	22,5
2	21,0
3	22,5
4	21,5
5	22,5
6	21,5
7	19,0
8	22,0
9	21,5
10	23,0
$\langle r_{max} \rangle$, мм	21,7
$\sigma_{r_{max}}$, мм	1,1
r_{max} , мм	$21,7 \pm 1,6$

4) Рассчитаем величину магнитного момента магнетика m . Оценим погрешность

$$\varepsilon_m = \frac{1}{2}(\varepsilon_m + \varepsilon_g + 4\varepsilon_{r_{max}})$$

m, г	g, \bar{z}	r_{max}	m, ед.СГС	Δm , ед.СГС
0,833	981,5	2,17	55,0	8,14