Раздел 2, задание 2

ПРОВЕРКА СТАТИСТИЧЕСКИХ ГИПОТЕЗ О ТИПЕ РАСПРЕДЕЛЕНИЯ

В этом задании требуется произвести проверку гипотезы для предоставленной выборки о типе её распределения. У задания есть несколько вариантов: проверка гипотезы согласия критерием хиквадрат и критерием Колмогорова. К каждому из заданий прилагаются дополнительные параметры (гипотеза H_0 и уровень значимости α). По общей теории проверок статистических гипотез см. [1], п.3.

1 Что нужно сделать

Для заданных параметров:

- построить гистограмму выборки с наложением графика функции плотности предполагаемого распределения (для критерия хи-квадрат), либо график ЭФР с наложением графика функции распределения предполагаемого распределения (для критерия Колмогорова);
- определить вид критической области и вычислить критическую константу;
- вычислить статистику и сделать вывод о принятии либо отклонении гипотезы;
- вычислить p-значение.

2 Содержание отчёта (минимальное):

- 1. Гистограмма выборки с наложением графика функции плотности предполагаемого распределения (для критерия хи-квадрат), либо график ЭФР с наложением графика функции распределения предполагаемого распределения (для критерия Колмогорова);
- 2. Предположения о выборках, при которых возможно применение критерия;
- 3. Вид критической области, значение критической константы;
- 4. Значение статистики, принимаемое решение (гипотеза принимается, либо отклоняется);
- 5. *p*-значение.

3 Варианты

Вариант 1

Критерий хи-квадрат.

K заданию прилагается одна выборка и дополнительные параметры: требуемый уровень значимости критерия α и вид гипотезы H_0 . В случае, если в гипотезе у распределения не заданы значения параметров — строить график функции плотности с подогнанными значениями параметров.

Описание и теоретические аспекты выполнения см. в [1], с.57-61 (Задание 4).

Для оценивания параметров распределений оценки максимального правдоподобия имеют вид:

- 1. Для нормального распределения: $\hat{\mu} = \bar{X}, \, \hat{\sigma}^2 = S^2;$
- 2. Для экспоненциального распределения: $\hat{\lambda}=1/\bar{X}$.

Вариант 2

Критерий Колмогорова.

К заданию прилагается одна выборка и дополнительные параметры: требуемый уровень значимости критерия α и вид гипотезы H_0 .

Описание и теоретические аспекты выполнения см. в [1], с.61–62 (Задание 5).

4 Литература:

• Симушкин С.В и др. Теоретические основы выполнения курсовой работы по математической статистике. - Казань: 2019. (п. 3, задания 4,5)