Национальный исследовательский университет ИТМО

Факультет Программной Инженерии и Компьютерной техники

Информатика Лабораторная работа $\mathbb{N}_{2}1$ Перевод чисел между различными системами счисления Вариант $\mathbb{N}_{2}17$ (9 + 8)

Выполнил: Кузьмин Дмитрий Анатольевич

> Группа: Р3109

Преподаватель: Рыбаков Степан Дмитриевич

Содержание

1	Задание	2
2	Основные этапы вычисления	2
3	Доп задание	4
4	Заключение	4

1 Задание

Перевести число A, заданное в системе счисления B, в систему счисления C.

2 Основные этапы вычисления

1. $25334_{10} = ?_9$

$$25334 / 9 = 2814 \text{ (ост.} = 8)$$

 $2814 / 9 = 312 \text{ (ост.} = 6)$
 $312 / 9 = 34 \text{ (ост.} = 6)$
 $34 / 9 = 3 \text{ (ост.} = 7)$
 $3 / 9 = 0 \text{ (ост.} = 3)$

Чтобы получить девятеричную запись числа необходимо остатки записать в обратном порядке, следовательно:

$$25334_{10} = 37668_9$$

$2. 22211_5 = ?_{10}$

$$22211_5 = 1 * 5^0 + 1 * 5^1 + 2 * 5^2 + 2 * 5^3 + 2 * 5^4 = 1556_{10}$$

3. $3CAAD_{15} = ?_5$

$$3CAAD_{15} = 13*15^{0} + 10*15^{1} + 10*15^{2} + 12*15^{3} + 3*15^{4} = 194788_{10}$$

 $194788 / 5 = 38957 \text{ (oct.} = 3)$
 $38957 / 5 = 7791 \text{ (oct.} = 2)$
 $7791 / 5 = 1558 \text{ (oct.} = 1)$
 $1558 / 5 = 311 \text{ (oct.} = 3)$
 $311 / 5 = 62 \text{ (oct.} = 1)$
 $62 / 5 = 12 \text{ (oct.} = 2)$
 $12 / 5 = 2 \text{ (oct.} = 2)$
 $2 / 5 = 0 \text{ (oct.} = 2)$
 $3CAAD_{15} = 22213113_{5}$

4. $53, 54_{10} = ?_2$

Переводим целую часть:
$$53 / 2 = 26$$
 (ост. $= 1$) $26 / 2 = 13$ (ост. $= 0$) $13 / 2 = 6$ (ост. $= 1$) $6 / 2 = 3$ (ост. $= 0$) $3 / 2 = 1$ (ост. $= 1$) $1 / 2 = 0$ (ост. $= 1$)

Переводим дробную часть:

$$0.54 * 2 = 1.08$$
 (в целой части: 1)

$$0.08 * 2 = 0.16$$
 (в целой части: 0)

$$0.08 * 2 = 0.32$$
 (в целой части: 0)

$$0.16 * 2 = 0.64$$
 (в целой части: 0)

$$0.32 * 2 = 1.28$$
 (в целой части: 1)

Т.к. точность - 5 знаков после запятой:

$$53, 54_{10} = 110101, 10001_2$$

5. $72.98_{16} = ?_2$

$$7_{16} = 0111_2$$

$$2_{16} = 0010_2$$

$$9_{16} = 1001_2$$

$$8_{16} = 1000_2$$
, следовательно

$$72,98_{16} = 1110010,10011_2$$

6. $25, 11_8 = ?_2$

$$2_8 = 010_2$$

$$5_8 = 101_2$$

$$1_8 = 001_2$$
, следовательно

$$25, 11_8 = 10101, 00101_2$$

7. $0,0111111_2 = ?_{16}$

$$0,0111111_2 = 0,0111 \ 1100_2$$

$$0111_2 = 7_{16}$$

$$1100_2 = C_{16}$$
, следовательно

$$0,011111_2 = 0,7C_{16}$$

8. $0,000001_2 = ?_{10}$

$$0,000001_2=2^{-6}=0,015625_{10}$$
 , следовательно с учетом округления:

$$0,000001_2 = 0,01563_{10}$$

9.
$$7A,87_{16} = ?_{10}$$

$$7A,8716=7*16^1+10*16^0+8*16^{-1}+7*16^{-2}=122,52734375$$
, следовательно с учетом округления:

$$7A,8716 = 122,52734_{10}$$

10. $142121_{fact} = ?_{10}$

$$142121_{fact} = 1 + 2 * 2! + 1 * 3! + 2 * 4! + 4 * 5! + 1 * 6! = 1259_{10}$$

11. $175_{10} = ?_{fib}$

Числа Фибоначчи: 1, 2, 3, 5, 8, 13, 21, 34, 55, 89, 144, 233, 377, ... $175 = 144 + 21 + 8 + 2 \; , \; \mathtt{значит}$

$$17510 = 10001010010_{fib}$$

12. $10100010_{fib} = ?_{10}$

Числа Фибоначчи: 1, 2, 3, 5, 8, 13, 21, 34, 55, 89, 144, 233, 377, ... $10100010_{fib} = 2 + 13 + 34 = 49_{10}$

13. $1000001.000001_{berg} = ?_{10}$

$$1000001.000001_{berg} = (\frac{1+\sqrt{5}}{2})^6 + 1 + (\frac{1+\sqrt{5}}{2})^{-6} = 19_{10}$$

3 Доп задание

Ссылка на код python

```
def decimal(x):
    if len(x) == 1:
        return x
    rez = int(x[-1]) + 2 * int(x[-2])
    a, b = 2, 1
    for i in range(len(x) - 3, -1, -1):
        rez += int(x[i]) * (a + b)
        a, b = a + b, a
    return rez
x = input()
```

4 Заключение

print(decimal(x))

Во время выполнения лабораторной работы я научился переводить числа в различных системах счисления, как классических, так и факториальной СС, фибоначчиевой СС и СС Бергмана.