## Защита лабораторной работы №7 Модель распространения рекламы

Математическое моделирование

Миронов Д. А.

2024

Российский университет дружбы народов, Москва, Россия

### Докладчик

- Миронов Дмитрий Андреевич
- Студент группы НПИбд-02-21
- Студ. билет 1032211701
- Российский университет дружбы народов

### Цель лабораторной работы

• Изучить и построить модель эффективности рекламы

### Теоретическое введние

Мальтузианская модель роста (англ. Malthusian growth model), также называемая моделью Мальтуса — это экспоненциальный рост с постоянным темпом. Модель названа в честь английского демографа и экономиста Томаса Мальтуса. [4]

### Теоретическое введние. Построение математической модели (1)

Модель рекламной кампании описывается следующими величинами. Считаем, что  $\frac{d n}{dt}$ - скорость изменения со временем числа потребителей, узнавших о товаре и готовых его купить, *t*- время, прошедшее с начала рекламной кампании, *N*- общее число потенциальных платежеспособных покупателей, пр-число уже информированных клиентов. Эта величина пропорциональна числу покупателей, еще не знающих о нем, это описывается следующим образом  $\alpha_1(t)(N-n(t))$ , где  $\alpha_1>0$  - характеризует интенсивность рекламной кампании (зависит от затрат на рекламу в данный момент времени). Помимо этого, узнавшие о товаре потребители также распространяют полученную информацию среди потенциальных покупателей, не знающих о нем (в этом случае работает т.н. сарафанное радио). Этот вклад в рекламу описывается величиной  $\alpha(t) n(t) N(t) - n(t)$ ) эта величина увеличивается с увеличением потребителей узнавших о товаре.

### Теоретическое введние. Построение математической модели (2)

Математическая модель распространения рекламы описывается уравнением:

$$\frac{dt}{tt} = (\alpha_1(t) + \alpha_2(t)n(t))(N - n(t))$$

### Теоретическое введние. Построение математической модели (3)

При  $\alpha(b) >> \alpha(b)$  получается модель типа модели Мальтуса, решение которой имеет вид

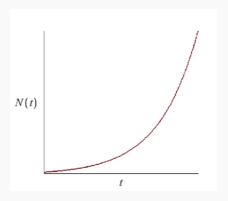


Рис. 1: График решения уравнения модели Мальтуса

### Теоретическое введние. Построение математической модели (4)

В обратном случае  $\alpha(t) << \alpha(t)$  получаем уравнение логистической кривой

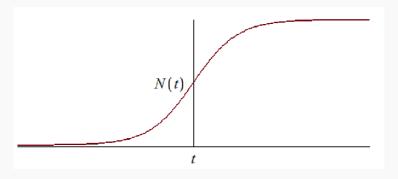


Рис. 2: График логистической кривой

### Задание лабораторной работы. Вариант 32

Постройте график распространения рекламы, математическая модель которой описывается следующим уравнением:

1. 
$$\frac{d n}{d}$$
 = (0.66 + 0.000061 $n(t)$ )( $N - n(t)$ )

2. 
$$\frac{d}{d} = (0.000056 + 0.66n(t))(N - n(t))$$

3. 
$$\frac{d n}{d} = (0.66 \sin t + 0.66 \sin (6t)n(t))(N - n(t))$$

При этом объем аудитории N=860, в начальный момент о товаре знает 2 человек.

Для случая 2 определите в какой момент времени скорость распространения рекламы будет иметь максимальное значение.

# Ход выполнения лабораторной

работы

### Математическая модель

По представленному выше теоретическому материалу были составлены модели на обоих языках программирования.

Решение с помощью программ

# Результаты работы кода на Julia и Open Modelica для первого случая $\frac{d \ n}{d} = (0.66 + 0.000061n(t))(N - n(t))$ :

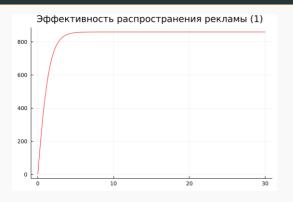
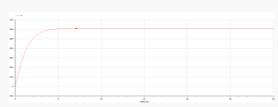


Рис. 3: "График, построенный на языке Julia"



**Puc. 4:** "График, построенный на языке Open Modelica"

Результаты работы кода на Julia и Open Modelica для случая  $\frac{d \cdot n}{d} = (0.000056 + 0.66n(t))(N - n(t))$ :

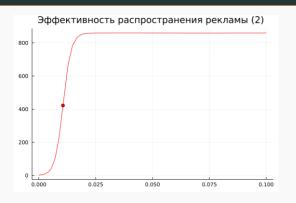
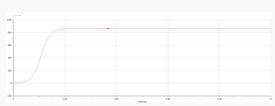


Рис. 5: "График, построенный на языке Julia"



**Рис. 6:** "График, построенный на языке Open Modelica"

Результаты работы кода на Julia и Open Modelica для случая  $\frac{d n}{d} = (0.66 \sin t + 0.66 \sin (6t)n(t))(N - n(t))$ :

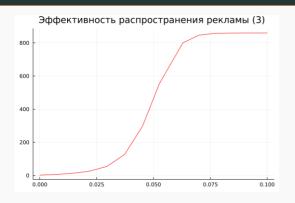
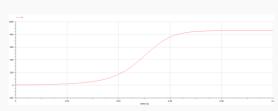


Рис. 7: "График, построенный на языке Julia"



**Рис. 8:** "График, построенный на языке Open Modelica"

### Анализ полученных результатов. Сравнение языков.

- В итоге проделанной работы мы построили графики распространения рекламы для трех случаев на языках Julia и OpenModelica. Построение модели распространения рекламы на языке OpenModelica занимает значительно меньше строк, чем аналогичное построение на Julia
- Кроме того, построения на языке OpenModelica проводятся относительно значения времени t по умолчанию, что упрощает нашу работу

## Вывод

#### Вывод

В ходе выполнения лабораторной работы была изучена модель эффективности рекламы и в дальнейшем построена модель на языках Julia и Open Modelica.

### Список литературы. Библиография

- 1 Документация по Julia: https://docs.julialang.org/en/v1/
- 2 Документация по OpenModelica: https://openmodelica.org/
- 3 Решение дифференциальных уравнений: <a href="https://www.wolframalpha.com/">https://www.wolframalpha.com/</a>
- 4 Мальтузианская модель роста:

https://www.stolaf.edu//people/mckelvey/envision.dir/malthus.html