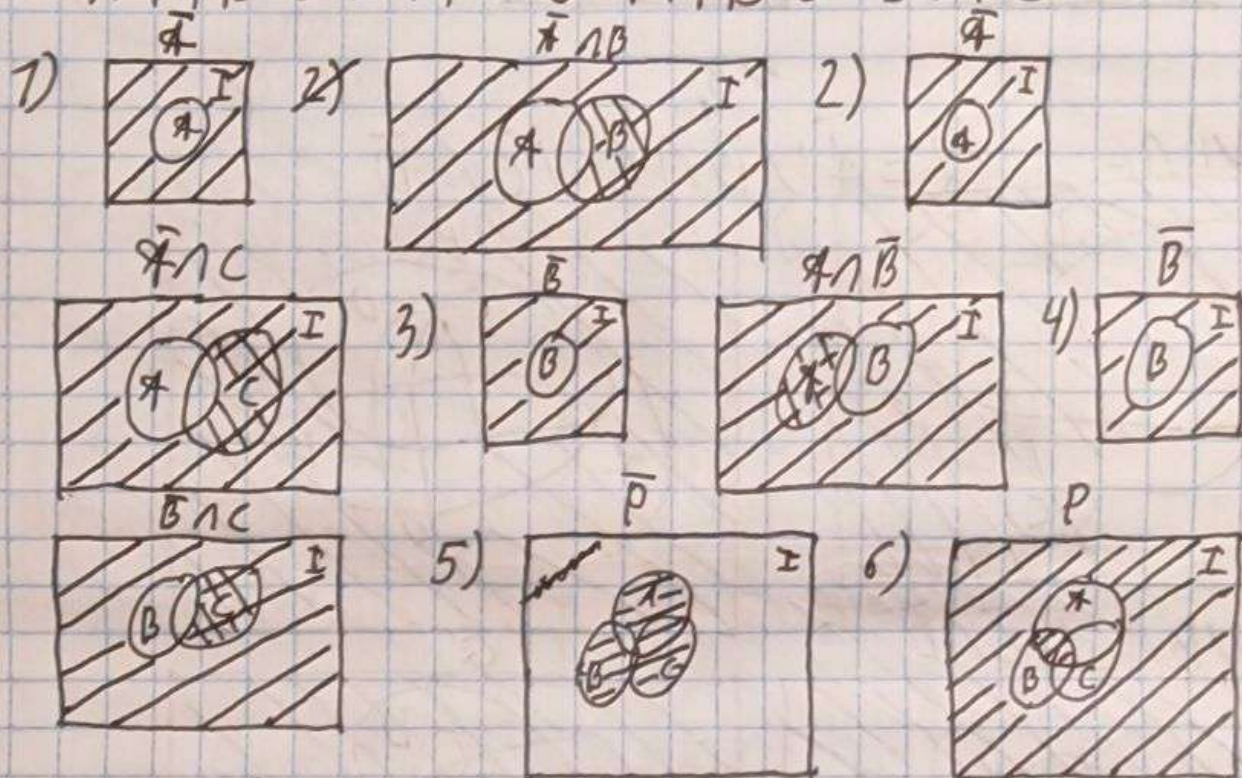


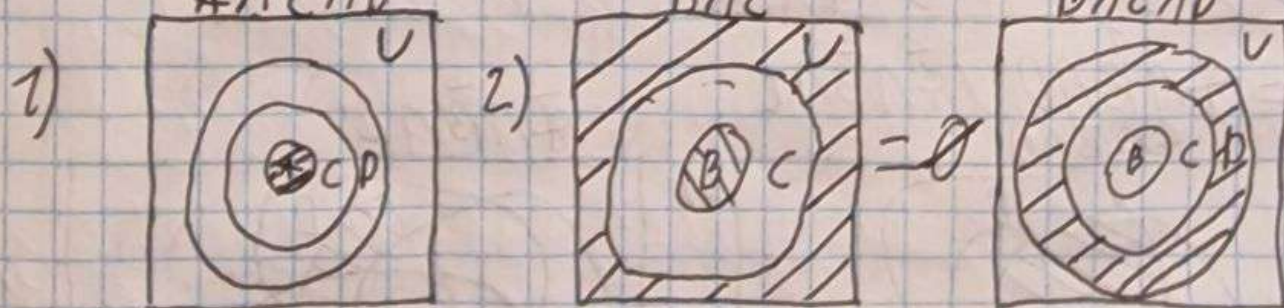
Плюсовой пациент.
Вильямов Дмитрий М3115

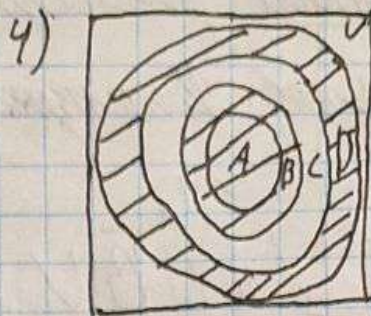
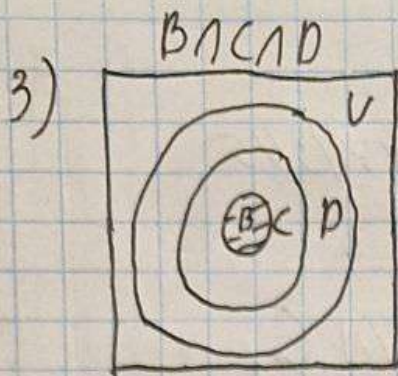
$$\bar{P} = \bar{A} \wedge B \vee \bar{A} \wedge C \vee \bar{A} \wedge \bar{B} \vee \bar{B} \wedge C$$



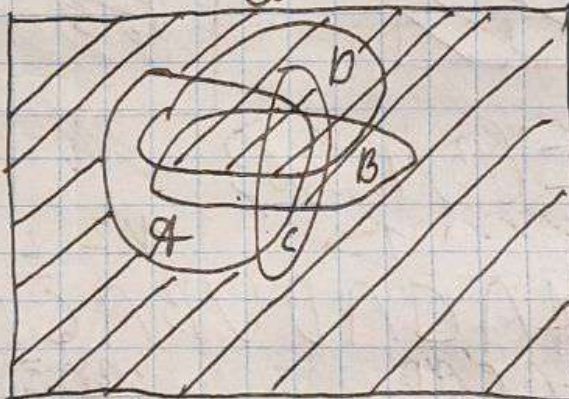
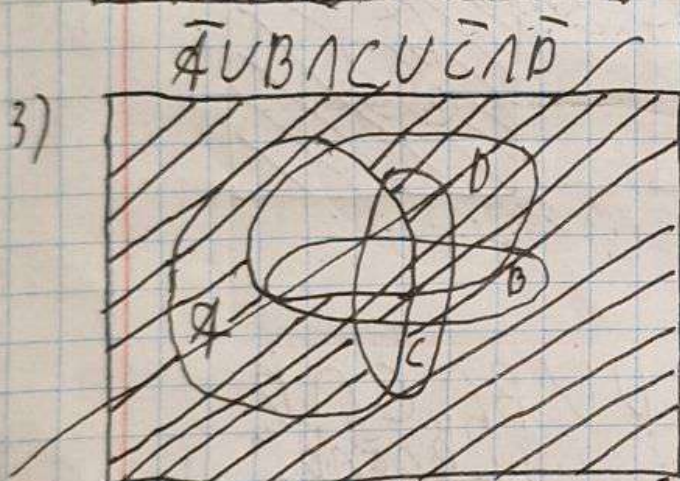
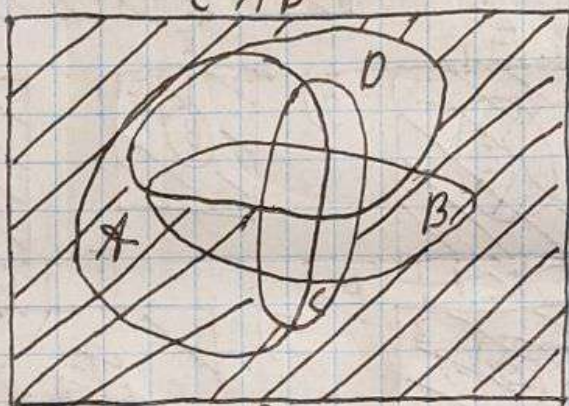
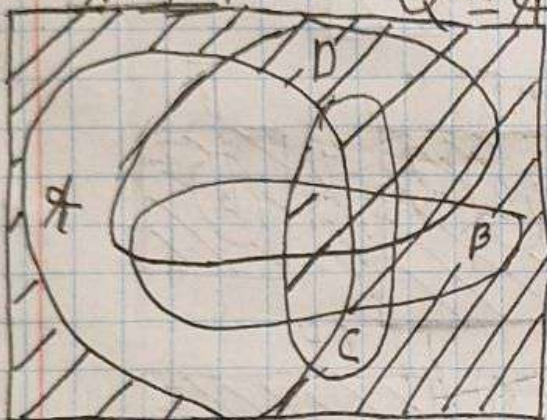
$$P = \{3, 4, 5, 6\}$$

$$A \wedge C \wedge D \vee B \wedge \bar{C} \wedge D \vee B \wedge C \wedge \bar{D}$$

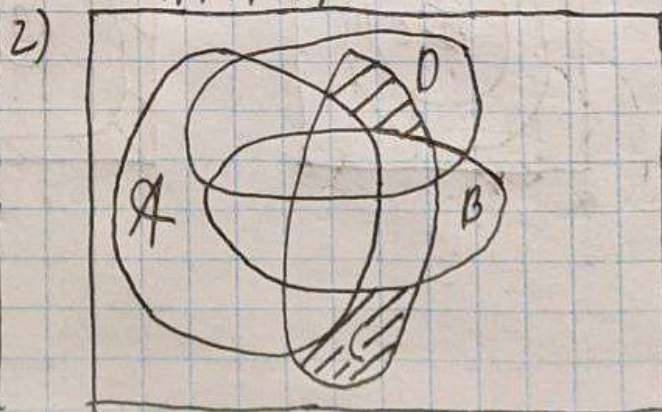
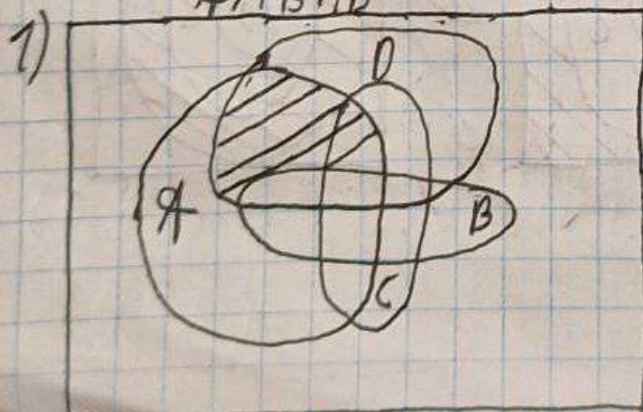


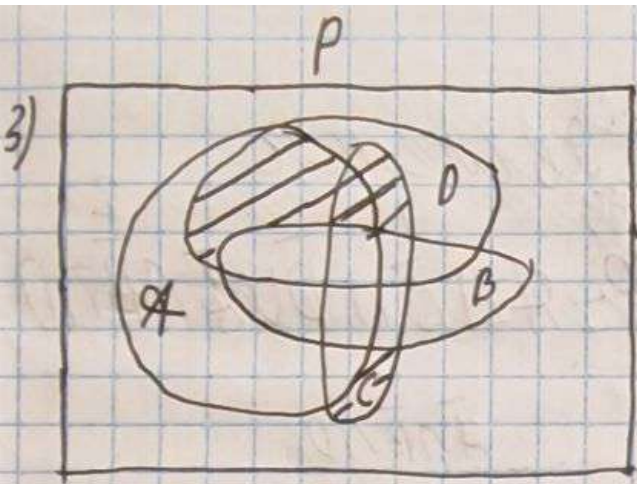


1) $\bar{A} \cup B \cap C$ $Q = \bar{A} \cup B \cap C \cup \bar{C} \cap \bar{D}$



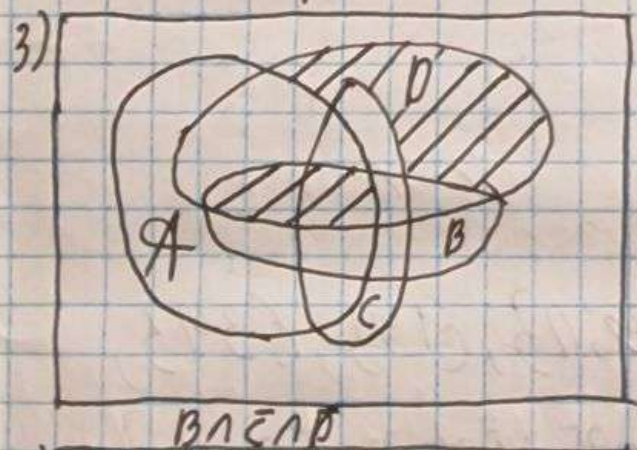
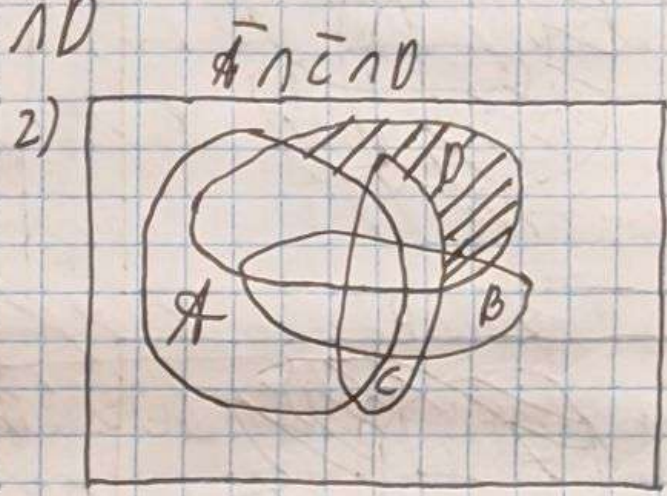
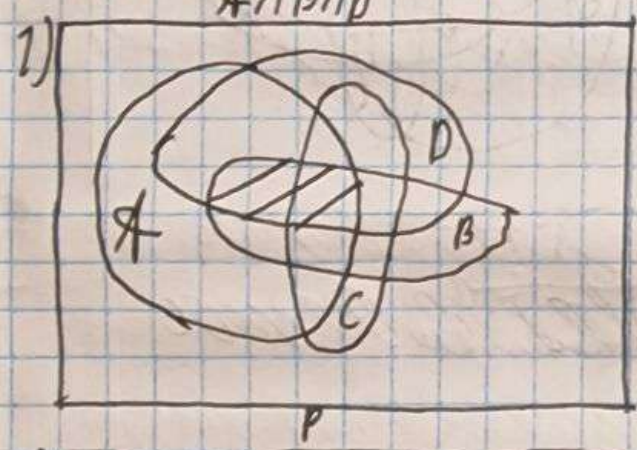
1. $P = \bar{A} \cap \bar{B} \cap D \cup \bar{A} \cap \bar{B} \cap C$





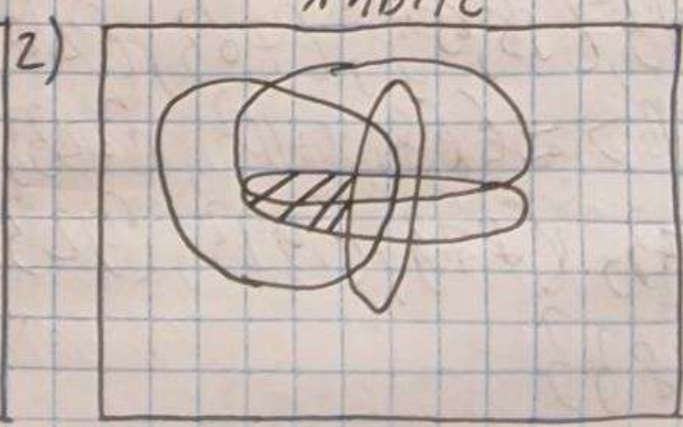
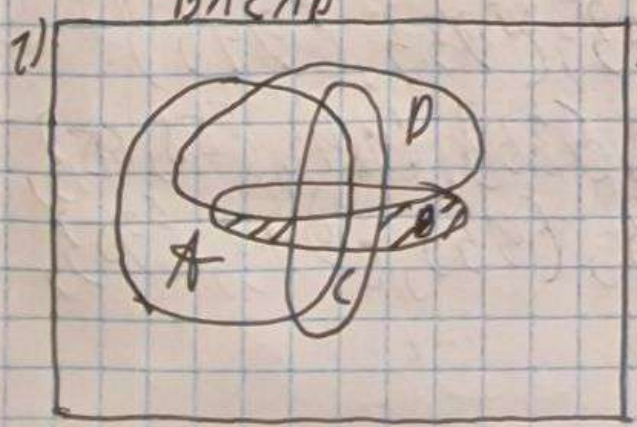
не является

2. $P = \overset{1}{A \cap B \cap C} \cup \overset{2}{\bar{A} \cap \bar{C} \cap D}$

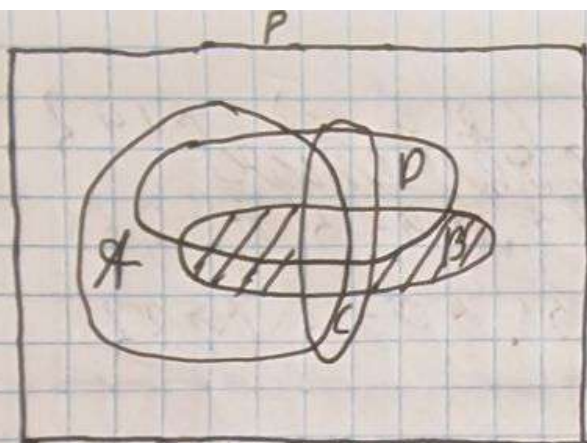


не является

3. $P = \overset{1}{B \cap C \cap D} \cup \overset{2}{\bar{A} \cap B \cap \bar{C}}$



3)

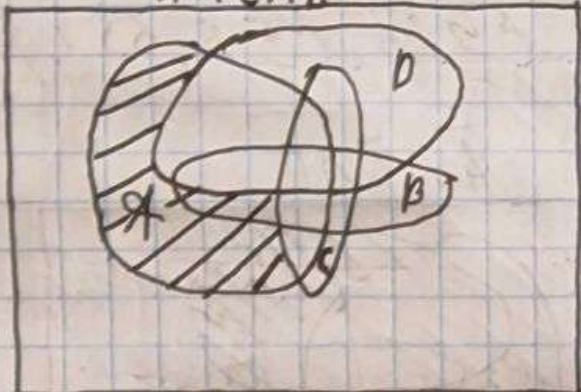


не является

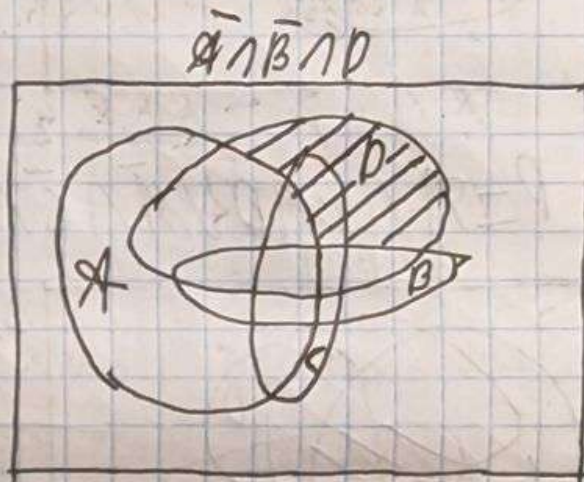
$$4. P = A \cap \overset{1}{C} \cap \bar{D} \cup \overset{2}{A} \cap \bar{B} \cap D$$

 $A \cap \bar{C} \cap \bar{D}$

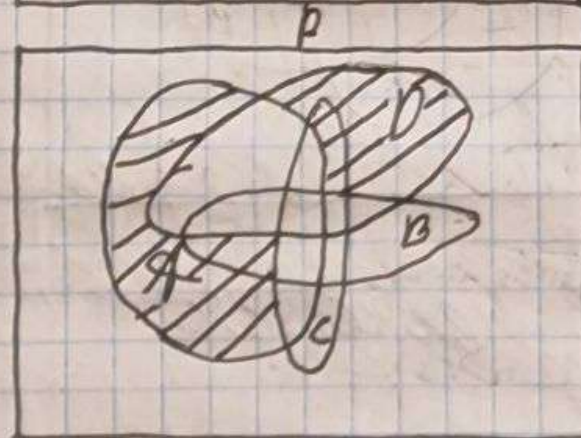
1)



2)

 $\bar{A} \cap \bar{B} \cap D$

3)



не является

$$a) \langle A \rangle = \{ \{6\}, \{7\}, \overset{N4}{\{8, 9, 11\}}, \{14\}, \{34\}, \{91\}, \{55, 65\}, \{76\}, \{28\}, \{93\}, \{94\} \}.$$

$$b) \langle B \rangle = \{ \{8, 9, 11\}, \{22\}, \{33\}, \{44\}, \{55, 65\}, \{67\}, \{87\}, \{91\}, \{92\}, \{93\}, \{94\}, \{95\}, \{98\} \}$$

$$c) A \cup B = \{ \{633\}, \{73\}, \{8, 9, 113\}, \{143\}, \{223\}, \{283\}, \{333\}, \{343\}, \{443\}, \{55, 653\}, \{673\}, \{763\}, \{873\}, \{913\}, \{923\}, \{933\}, \{943\}, \{953\}, \{983\} \}.$$

$$d) A \cap B = \{ \{8, 9, 113\}, \{913\}, \{55, 653\}, \{933\}, \{943\} \}.$$

Разнов множества таким образом мы получаем как минимальные заданные множества в разложении, а именно: $\{8, 9, 113\}$ и $\{55, 653\}$. Таким же множеством какого разложения превышает 4, так как минимальная мощность из всех возможных разложений равна 5.

v5

$$a) (A \cap B \cap C) \cup (\bar{A} \cap B \cap C) \cup \bar{B} \cup \bar{C}$$

пусть $B \cap C = T$,

$$\text{тогда } (A \cap T) \cup (\bar{A} \cap T) \cup \bar{B} \cup \bar{C}$$

по закону исключенного третьего:
 $T \cup \bar{B} \cup \bar{C}$

Если $T = B \wedge C$, то $T \vee \bar{B} \vee \bar{C} = B \wedge C \vee \bar{B} \vee \bar{C}$

По закону коммутативности
получаем: $C \wedge B \vee \bar{B} \vee \bar{C} = C \wedge B \vee \bar{C} =$
 $C \vee \bar{C} = 1,$

где 1 - универсум

б) $(A \vee B) \wedge (\bar{A} \vee B) \wedge (A \vee \bar{B})$

По закону склеивания получаем:
 $B \wedge (A \vee \bar{B})$

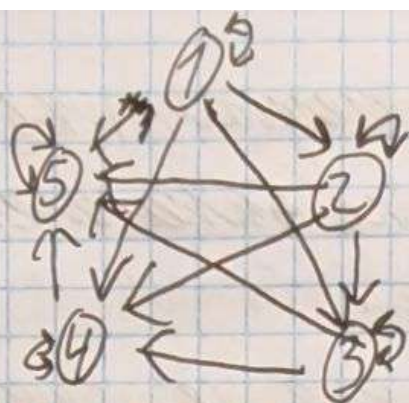
По закону дистрибутивности
получаем: $(B \wedge A) \vee (B \wedge \bar{B})$

$B \wedge \bar{B} = 0$ тогда выражение упрощаем
получаем $(B \wedge A)$

По закону де Моргана
получаем: $\overline{B \vee \bar{A}}$
или $\bar{B} \wedge A$

$$R = \{(1,1), (1,2), (1,3), (1,4), (1,5), (2,2), (2,3), (2,4), (2,5), (3,3), (3,4), (3,5), (4,4), (4,5), (5,5)\}$$

запись 1



а) Данное отношение рефлексивно, т.к. для каждого элемента a множества найдётся пара вида (a, a) .

На графе обозначена в виде петель.

б) Отношение асимметрично, так как ни где keiner пары вида (a, b) не существует пары (b, a) , но при этом выполняется рефлексивность. (На графе это видно по наличию самопетель)

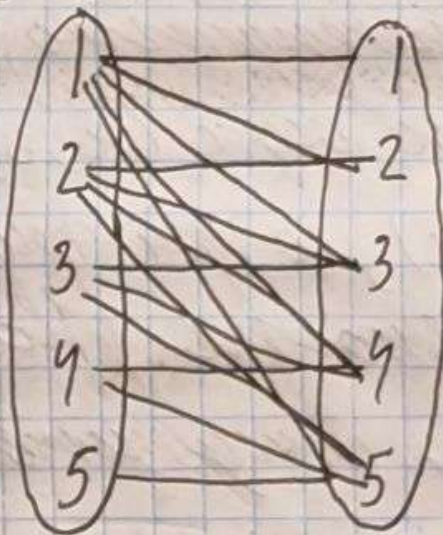
в) Представленное графически отношение транзитивно, так как нет парок, которые бы не давала дальнейшее отношение.

Задача 2

а) Нет, данное отношение не эк-

Легкая отношения эквивалентности, так как не выполняется симметричность.

б) Нет, отношение не является функциональным, так как ^{не} каждому элементу x соответствует ^{не} более одного элемента y . Это видно на графике:



Как графике видно, что только элемент 5 ~~не имеет~~ не имеет ^{не} соответствующего функционального

отношения.

с) У данного отношения нет соответствия не определено, так как существует 5, которая соответствует только 5 в каноничном $5Ry$, а также 1, во в каноничном $KR1$, где в случае 5 y может быть

равен лишь 5, а в случае с 7 и равен
только 1.

д) Данное отношение является отно-
шением эквивалентности, так как
выполняются рефлексивность и транзити-
вность, но не выполняется симме-
тричность, но само отношение симме-
трично. Также отношение
является линейно упорядоченным,
так как все элементы упорядочены.

\forall

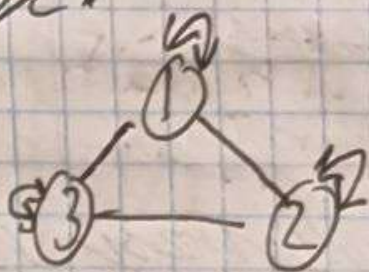
$$a) R = \{(a, b) \mid a + b = 0\}$$

Данное отношение не может быть
отношением эквивалентности, так
как если $a + b = 0$, то и при этом
 $a, b \in$ множество целых чисел, но
данное отношение может только иметь
вид $(a, -a)$ или $(-a, a)$ или (a, a) , если
 $a = 0$. Значит данное отношение можно

не будет регулярным, а значит
и не будет двусторонним отношением
эквивалентности.

б) $R = \{ (a, b) \mid a^3 = b^3 \}$ также отно-
шение тоже не будет отношением
эквивалентности, так как оно
симметрично, транзитивно, но не реф-
лексивно, так как $a, b \in \mathbb{Z} \times \mathbb{Z}$, где $\mathbb{Z} = \{ -10, \dots, 10 \}$ а др-
вая часть равна 0, а значит не все эле-
менты будут им свой, не
рефлекс.

с)



разбить данное
множество отношением
эквивалентности на 3-
множество, так как в регулярном множестве
имеется только 1 0 — 0 и 1 0 или

1 0 2 0 3 0. В первом случае не от-
ношение эквивалентности будет
только отношение на первом 1, а во
втором случае 1 0 — 0 и 1 0.

Знаем $[1] \supset [2] \supset [3] = \{1, 2, 3\}$ - сум
 класс эквивалентности.

а) Транзитивная ситуация ^{не} невозможна, на-
 пример, отношение $R = \{(1,1), (2,2), (1,2)\}$
 - рефлексивно и транзитивно $1^2 \rightarrow 2^2$,
 но $\begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 2 & 2 \end{pmatrix}$ не является одно-много-

значным отношением соответствия, так
 как выполняется транзитивность.

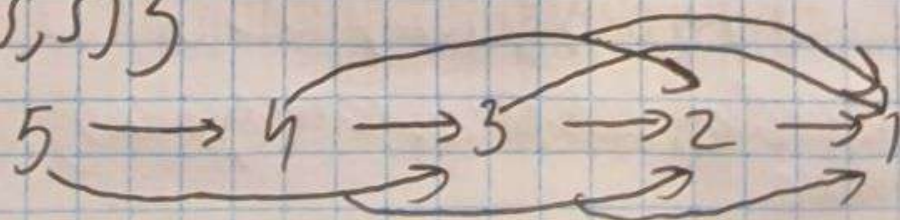
б) $\varphi \Phi = \{1, 2, 3, 4\}$

$R = \{(1,1), (2,2), (3,3), (4,4), (1,2), (1,3),$
 $(1,4), (2,3), (2,4)\}$

4 $\xrightarrow{3} 2 \rightarrow 1$
 взаимно удовлетворено, так как 4 не удовле-
 горено по отношению к 3.

$\varphi \Phi = \{1, 2, 3, 4, 5\}$

$R = \{(1,1), (1,2), (1,3), (1,4), (1,5), (2,2),$
 $(2,3), (2,4), (2,5), (3,3), (3,4), (3,5), (4,4),$
 $(4,5), (5,5)\}$



$$c) R = \{(1,1), (2,2), (1,2), (2,1)\}$$

$\textcircled{S1} - \textcircled{2}^2$ - транзитивно, рефлексивно, симметрично.

$$R^{-1} = \{(1,1), (2,2), (2,1), (1,2)\}$$

$\textcircled{S1} - \textcircled{2}^2$ - транзитивно, рефлексивно, симметрично.

$$R_2^{-1} = \{(2,1), (3,1), (5,1), (3,2), (4,2), (5,2), (4,3), (5,3), (5,4)\}$$

$$R_1^{-1} = \{(1,1), (2,2), (3,3), (1,2), (2,1), (3,2), (2,3), (1,4), (5,4), (4,5), (5,5)\}$$

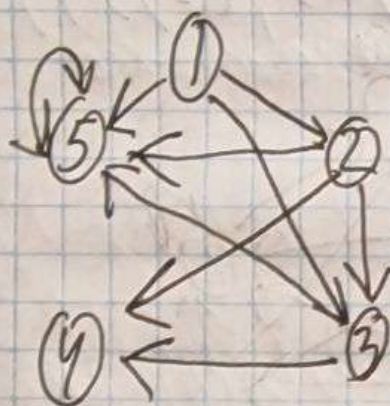
$$R_1^2 = \{(1,1), (2,2), (2,1), (2,3), (3,3), (3,2), (1,2), (1,3), (3,1), (4,1), (4,2), (4,4), (4,5), (5,1), (5,4), (5,5)\}$$

$$R_2^2 = \{(1,3), (1,4), (1,5), (2,4), (2,5), (3,5)\}$$

а)

$R_1 \cdot R_2$

$$R_1 \cdot R_2 = \{(1,2), (1,3), (1,5), (2,3), (2,4), (2,5), (3,4), (3,5), (5,5)\}$$

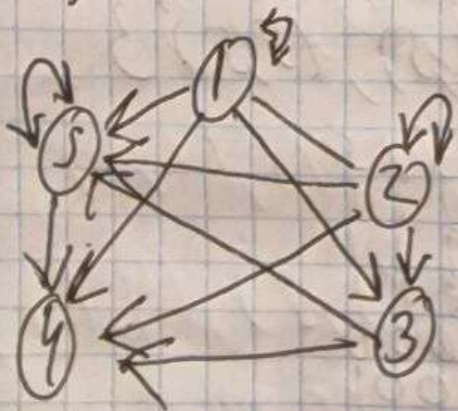


| | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 |
|---|---|---|---|---|---|
| 1 | 0 | 1 | 1 | 0 | 1 |
| 2 | 0 | 0 | 1 | 1 | 1 |
| 3 | 0 | 0 | 0 | 1 | 1 |
| 4 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 |
| 5 | 0 | 0 | 0 | 0 | 1 |

непереходиво, симметрично, рефлексивно

$R_2 \cdot R_1$

$$R_2 \cdot R_1 = \{(1,2), (1,1), (1,3), (1,4), (1,5), (2,3), (2,2), (2,1), (2,5), (2,4), (3,5), (3,4), (5,4), (5,5)\}$$



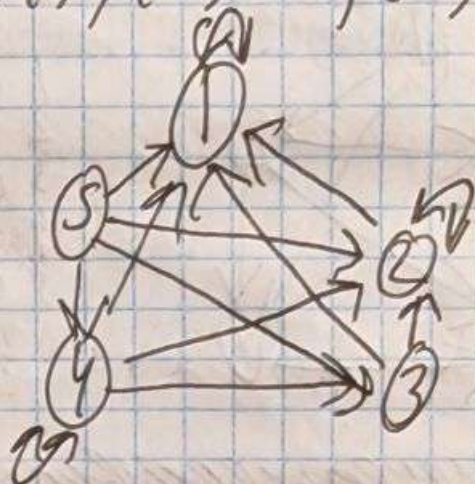
непереходиво, не симметрично, не рефлексивно

| | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 |
|---|---|---|---|---|---|
| 1 | 1 | 1 | 1 | 1 | 1 |
| 2 | 1 | 1 | 1 | 1 | 1 |
| 3 | 0 | 0 | 0 | 1 | 1 |
| 4 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 |
| 5 | 0 | 0 | 0 | 1 | 1 |

$$R_1 \cdot R_2^{-1}$$

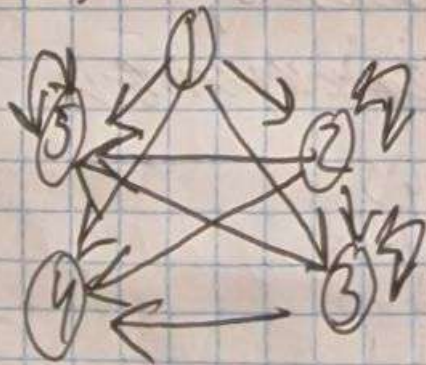
$$R_1 \cdot R_2^{-1} = \{(2,1), (3,1), (3,2), (1,1), (2,2), (4,1), (4,2), (4,3), (4,4), (5,2), (5,3), (5,4), (5,1)\}$$

| | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 |
|---|---|---|---|---|---|
| 1 | 1 | 0 | 0 | 0 | 0 |
| 2 | 1 | 1 | 0 | 0 | 0 |
| 3 | 1 | 1 | 0 | 0 | 0 |
| 4 | 1 | 1 | 1 | 1 | 0 |
| 5 | 1 | 1 | 1 | 1 | 0 |



многозначно, антисимметрично,
транзитивно, рефлексивно
 $R_1^{-1} \cdot R_2$

$$R_1^{-1} \cdot R_2 = \{(1,2), (1,3), (1,5), (2,3), (2,4), (2,5), (3,4), (3,5), (1,4), (2,2), (2,3), (2,5), (3,3), (3,4), (3,5), (2,4), (2,5), (5,5)\}$$

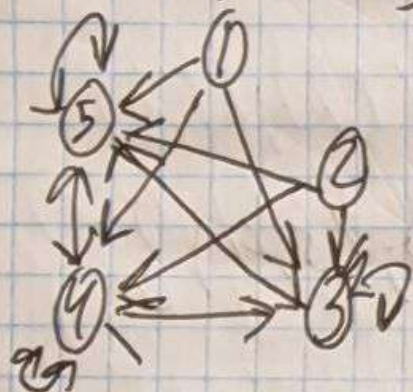


| | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 |
|---|---|---|---|---|---|
| 1 | 0 | 1 | 1 | 1 | 1 |
| 2 | 0 | 1 | 1 | 1 | 1 |
| 3 | 0 | 0 | 1 | 1 | 1 |
| 4 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 |
| 5 | 0 | 0 | 0 | 0 | 1 |

несимметрично, антисимметрично,
транзитивно.

$$R_1^2 \cdot R_2^2$$

$$R_1^2 \cdot R_2^2 = \{(1,3), (1,4), (1,5), (2,4), (2,5), (2,3), (2,4), (3,5), (3,4), (3,3), (4,3), (4,4), (4,5), (5,3), (5,4), (5,5)\}$$

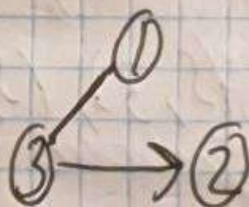


~~симметрично~~
 переднекично
 несимметрично

| | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 |
|---|---|---|---|---|---|
| 1 | 0 | 0 | 1 | 1 | 1 |
| 2 | 0 | 0 | 1 | 1 | 1 |
| 3 | 0 | 0 | 1 | 1 | 1 |
| 4 | 0 | 0 | 1 | 1 | 1 |
| 5 | 0 | 0 | 1 | 1 | 1 |

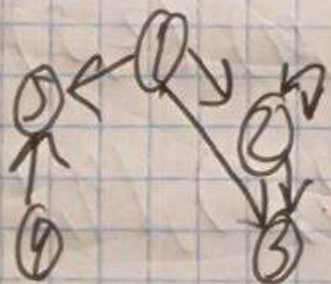
~10

a) $R_1 = \{(3,2), (3,1); (1,3)\}$



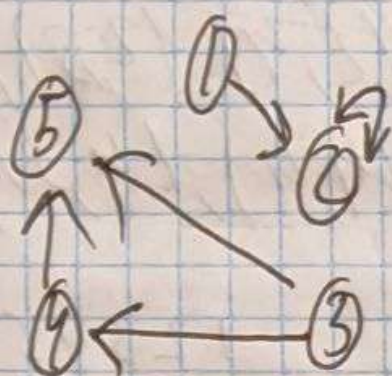
антисимметрично
 несимметрично
 симметрично

b) $R_2 = \{(1,2), (2,2), (1,3), (1,5), (2,3), (4,5)\}$



переднекично
 антисимметрично
 несимметрично

$$c) R_3 = \{(1,2), (2,2), (3,4), (3,5), (4,5)\}$$



выдающему

непринимавшему

существующему

$$R_3^2 = \{(1,2), (2,2), (3,5)\}$$

$$R_3^{-1} = \{(2,1), (2,2), (4,3), (5,3), (5,4)\}$$

$$\overline{R_3^2} = \{(1,1), (1,4), (1,5), (2,1), (2,4), (2,5), (3,1), (3,2), (3,3), (3,4), (3,5), (4,1), (4,2), (4,3), (4,4), (4,5), (5,1), (5,2), (5,3), (5,4), (5,5)\}$$

$$R_2^2 = \{(1,2), (1,3), (2,2), (2,3)\}$$

$$\overline{R_2} = \{(1,1), (1,4), (2,1), (2,4), (2,5), (3,1), (3,2), (3,3), (3,4), (3,5), (4,1), (4,2), (4,3), (4,4), (5,1), (5,2), (5,3), (5,4), (5,5)\}$$

$$a) R_1 \cap R_2 = \{(4,3)\} \quad \text{— не содержится в } R_2$$

$0 \rightarrow 3$ антисимметрично не содержится
 (мало элементов — симметрично в } R_1
 выделенных в } симметрично
 R_1 симметрично

$$b) (R_1 \cup R_2) \cap R_3 = \{(1,2), (2,2), (4,5)\}$$

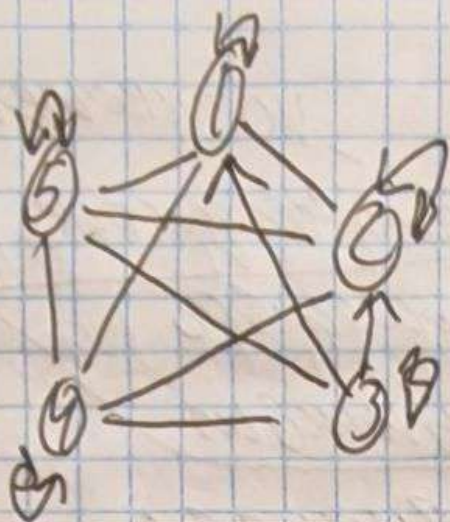
$0 \rightarrow 3$ симметрично — не ант. в } R_2
 $3 \rightarrow 0$ непредставимо — не ант. в } R_2, R_3
 $5 \leftarrow 4$ антисимметрично — не ант. в } R_2, R_3

$$c) R_3 \cap R_3^{-1} = \{(2,2)\}$$

~~антисимметрично (} R_1)~~
представимо

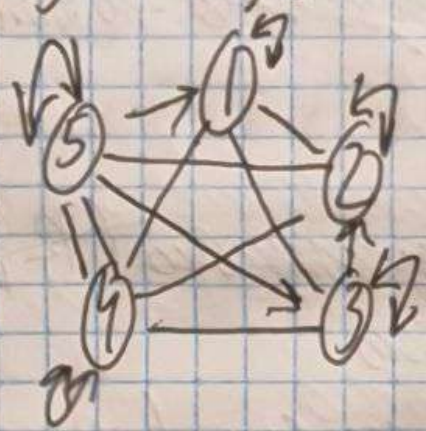
антисимметрично ~~антисимметрично~~ (} R_2, R_3)

$$d) R_3 \cup R_3^{-1} = \{(1,1), (1,2), (1,4), (1,5), (2,1), (2,2), (2,4), (2,5), (3,1), (3,2), (3,3), (3,4), (3,5), (4,1), (4,2), (4,3), (4,4), (4,5), (5,1), (5,2), (5,3), (5,4), (5,5)\}$$



транзитивно (R_3)
рефлексивно
несимметрично R_1

e) $R, \cup R_2, \cup R_3 = \{(1,1), (1,2), (1,3), (1,4), (2,1), (2,2), (2,4), (2,5), (3,1), (3,2), (3,3), (3,4), (3,5), (4,1), (4,2), (4,3), (4,4), (4,5), (5,1), (5,2), (5,3), (5,4), (5,5)\}$



транзитивно R_3
рефлексивно
несимметрично

Задание

№1

$$P = \{3, 4, 5, 6\}$$

№2

см рис.

№3

2

№4

см решение.

№5

a) \neg

b) $\neg B \vee \neg A$

№6

Задача 1

a) перемножено

b) антинантенуально

c) взаимно

Задача 2

a) тем

b) тем

c) тем и

d) тем и

v_7

um nehmen

v_8

a) beobachtet

b) $A = \{1, 2, 3, 4\}$

$R = \{(1,1), (2,2), (3,3), (4,4), (1,2), (1,3), (1,4), (2,3), (2,4)\}$

c) $A = \{1, 2, 3, 4, 5\}$

$R = \{(1,1), (1,2), (1,3), (1,4), (1,5), (2,2), (2,3), (2,4), (2,5), (3,3), (3,4), (3,5), (4,4), (4,5), (5,5)\}$

v_9

um nehmen

v_{10}

um nehmen.