# Міністерство освіти і науки України Національний технічний університет України "Київський політехнічний інститут імені Ігоря Сікорського" Фізико-технічний інститут

# •

# КОМП'ЮТЕРНИЙ ПРАКТИКУМ №1

Експериментальна оцінка ентропії на символ джерела відкритого тексту

#### Виконали:

ФБ-21 Редько-Шпак Р.А.

ФБ-21 Серяков В.Л.

# Мета роботи

Засвоєння понять ентропії на символ джерела та його надлишковості, вивчення та порівняння різних моделей джерела відкритого тексту для наближеного визначення ентропії, набуття практичних навичок щодо оцінки ентропії на символ джерела.

## Порядок виконання роботи

- 1. Написати програми для підрахунку а) частот букв і b) частот біграм в тексті, а також підрахунку c) Н1 та Н2 за безпосереднім означенням. Підрахувати частоти букв та біграм, а також значення Н1 та Н2 на довільно обраному тексті російською мовою достатньої довжини (щонайменше 1Мб), де імовірності замінити відповідними частотами. Також одержати значення Н1 та Н2 на тому ж тексті, в якому вилучено всі пробіли.
- **2.** За допомогою програми CoolPinkProgram оцінити значення H (10) , H (20) , H (30) .
- **3.** Використовуючи отримані значення ентропії, оцінити надлишковість російської мови в різних моделях джерела.

## Хід роботи

# Пункт №1

Для виконання лабораторної роботи було розроблено програму на мові Python, яка виконує аналіз тексту та обчислює різні статистичні показники. Основні етапи роботи коду:

- → Зчитування тексту з файлу (в нашому випадку text.txt Майстер та
  Маргарита, бо за умовою необхідно було проаналізувати текст >1 мб)
- ♦ Попередня обробка тексту (видалення зайвих символів, приведення до нижнього регістру)
- ♦ Створення версії тексту без пробілів (в подальшому вона буде збережена як text\_no\_spaces.txt)
- ♦ Підрахунок частот символів та біграм (для текстів з пробілами та без)
- ♦ Обчислення ентропії Н1 та Н2
- ♦ Обчислення надлишковості
- ♦ Візуалізація результатів у вигляді матриць біграм (хітмапами)
- → Збереження результатів у файли (можливо, для подальшої обробки та аналізу)

## Аналіз (текст з пробілами)

#### Консольний вивід (скорочено)

```
АНАЛІЗ ТЕКСТУ З ПРОБІЛАМИ
|] Загальна кількість символів: 712213
||] Загальна кількість біграм: 712212
[x] Частоти букв [x]:
  : 0.1602441966 о: 0.0929160237 а: 0.0725400969 е: 0.0682717109 и: 0.0574729751
н: 0.0538490592 т: 0.0506365371 л: 0.0441230362 с: 0.0425687259 р: 0.0398588624
B: 0.0395471579 k: 0.0307155303 y: 0.0252382363 k: 0.0252017304 h: 0.0238748801 

D: 0.0236052979 r: 0.0160836716 k: 0.0160134679 k: 0.0151906803 k: 0.0149281184
ы: 0.0145251491 ч: 0.0133541511 б: 0.0130045366 й: 0.0098439652 ж: 0.0075665566 ш: 0.0073320762 х: 0.0069094498 ю: 0.0044340668 щ: 0.0029710213 ц: 0.0027856835
[x/x] Біграми (перетинаючі) [x/x]: o : 0.0206595789 a : 0.0175046194 п: 0.0166144350 в: 0.0160022578 и : 0.0159713681
ф6: 0.0000014041 мя: 0.0000014041 тэ: 0.0000014041 ц6: 0.0000014041 фп: 0.0000014041
[x|x] Біграми (не перетинаючі) [x|x]: 0 : 0.0207775213 а : 0.0173908892 п: 0.0167450141 е : 0.0160317434 и : 0.0158744868
лэ: 0.0000028082 юя: 0.0000028082 рф: 0.0000028082 йа: 0.0000028082 тэ: 0.0000028082
[SAVE] Збереження даних [SAVE]
В папку "output\з_пробілами" збережено:
Б напку битриста_произнами эсережено.
+] Файл частоти букв <u>з</u> пробілами.xlsx
+] Файл частоти біграм перетинаючі <u>з</u> пробілами.xlsx
+] Файл частоти_біграм_пе_перетинаючі <u>з</u> пробілами.xlsx
+] Файл сортовані_біграми_перетинаючі <u>з</u> пробілами.xlsx
+] Файл сортовані біграми не перетинаючі з пробілами.xlsx
В папку "output\біграм_матриці" збережено:
+] Файл матриця_біграми_перетинаючі_для_тексту_з_пробілами.png
+] Файл матриця_біграми_не_перетинаючі_для_тексту_з_пробілами.png
```

Знайдено загальну к-сть символів та біграм:

```
|] Загальна кількість символів: 712213
||] Загальна кількість біграм: 712212
```

Частоти букв (а також повні значення збереження в excel файл):

Частоти біграм (повні значення збереження в ехсеl файл):

/ Перетинаючі (перші 5 та останні 5 за частотою):

```
[x/x] Біграми (перетинаючі) [x/x]:
o : 0.0206595789 a : 0.0175046194 п: 0.0166144350 в: 0.0160022578 и : 0.0159713681
... ...
ф6: 0.0000014041 юя: 0.0000014041 тэ: 0.0000014041 ц6: 0.0000014041 фп: 0.0000014041
```

## Не перетинаючі (перші 5 та останні 5 за частотою):

#### Таблиці з сортованими біграмами за першими буквами

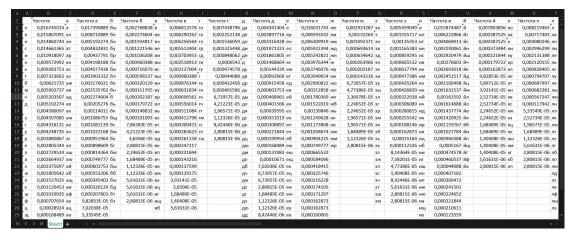
Зі вже отриманих мною даних біграм було створено ексель таблиці (і для перетинаючих, і для не перетинаючих). Їх структура така - перший рядок колонки - це буква алфавіту (а, б, в, ... я) або (, а, б, в, ... , я - у випадку тексту з пробілами), а далі вниз ідуть всі біграми, які починаються з цієї літери. І, що важливо, вони відсортовані за частотою (тобто від найпоширеніших до рідких), а також для зручності в сусідньому стовпичку пишеться частота, що відповідає цій біграми.

Це було створено для того, щоб було наочніше зрозуміло і можна було самостійно подивтися от для якої букви які біграми найпопулярніші, як навпаки рідкі, бо в сирому вигляді - дуже важко розібратися.

# Сортовані біграми перетинаючі з пробілами

- A A	В	С	D	Ε	F	G	н	l J	K	L N	1 N	0	Р	Q	R	S	T	U	V	W	X	Υ
1	Частота	a	Частота а	б	Частота б	В	Частота в г	Частота г	д	Частота д е	Частота е	ж	Частота ж	3	Частота з	И	Частота и	й	Частота й	К	Частота к	Л
2 n	0,016614435	a	0,017504619	бы	0,002736545	8	0,006776072 rd	0,007598861	да	0,004185551 e	0,015756544	же	0,00295558	31 sa	0,0054590	49 и	0,015971368	Вй	0,007779987	ко	0,00840199	13 л
3 в	0,016002258	ал	0,008633665	бе	0,002313918	8 80	0,006295878 ra	0,002134196	де	0,003849977 ep	0,006477004	жа	0,0013156	52 3	0,0015585	25 ил	0,006130197	7 йн	0,000405778	в ка	0,00707092	18 ла
4 н	0,014852319	ан	0,005143132	бо	0,001936221	L ва	0,006283242 rn	0,001520615	до	0,003254649 ен	0,006274817	7 жи	0,00112887	77 зн	0,00138020	07 ит	0,004091478	Вйт	0,000391737	к	0,00416308	16 ли
5 c	0,01457712	ат	0,004917075	бу	0,001213122	2 ве	0,005610689 rp	0,001277709	ди	0,001982556 ел	0,005919586	жд	0,00071607	79 38	0,0010923	71 ин	0,003260265	5 йс	0,000376292	2 ки	0,00288397	з ло
6 и	0,010861934	ар	0,004359657	бр	0,001068502	2 ви	0,003524232 гд	0,000900013	дн	0,001927797 ет	0,005203507	7 жн	0,0006304	13 зд	0,0008621	03 ис	0,002906438	В йч	0,000174109	ку	0,00217912	16 ле
7 o	0,00945505	ак	0,004269796	ба	0,000951964	1 вы	0,002604562 ги	0,00063043	ду	0,001454623 ec	0,004073225	ж	0,0002583	35 30	0,0006472	79 ив	0,002780071	1 йш	0,000171297	кр	0,00210330	)6 ль
8 к	0,009431181	ac	0,004045144	би	0,000659916	Бвс	0,002115943 r	0,000494235	д	0,001433562 ew	0,003663235	жу	0,00018533	38 зе	0,0006276	22 ик	0,002678978	Вйк	0,000139004	ке	0,00086491	1 лс
9 т	0,007218356	<b>a</b> 3	0,003876655	бл	0,000567247	7 BW	0,000951964 ry	0,000481598	др	0,000963196 er	0,002938732	2 жк	0,00014040	08 зи	0,0004928	31 им	0,002544186	5 йд	0,000102498	В кл	0,0008059	14 ля
10 6	0,006287454	am	0,003114241	бя	0,000322938	В вн	0,00088176 re	0,00047879	дв	0,000918266 ед	0,002813769	жо	5,61631E-0	05 sy	0,0004254	35 из	0,002188955	5 йц	8,28405E-05	KT	0,0007062	.5 лу
11 M	0,005749693	ав	0,002497852	бн	0,000315917	7 ву	0,000650087 ne	0,000390333	дь	0,000579884 ев	0,002115943	3 жл	4,07182E-0	05 зы	0,0003819	9 ич	0,001715781	1 йм	4,91427E-05	кн	0,00068940	)1 лы
12 д	0,005277923	ад	0,002240906	б	0,000190954	1 вр	0,000614985 rx	7,58201E-05	ды	0,00048581 ей	0,001851977	7 жч	3,51019E-0	)5 зл	0,0003439	99 ие	0,001651194	4 йб	2,24652E-05	КВ	0,00054618	16 лю
13 4	0,005088373	ая	0,002117347	бь	0,000178318	В вл	0,000586904 ru	4,91427E-05	дл	0,000419819 ек	0,001453219	жб	2,38693E-0	)S 3r	0,0002723	91 ий	0,001617496	5 йо	2,10611E-09	КС	0,00014321	.6 лн
14	0,004613795	ax	0,001123261	бк	0,000158661	L вь	0,000483002 rr	2,10611E-05	дя	0,000411394 ез	0,001387227	жс	2,10611E-0	05 зр	0,000258	35 ид	0,001489729	5 йв	1,8253E-05	юк	4,77386E-0	)5 лл
15 з	0,004552015	ae	0,001106412	бщ	0,000129175	B3	0,000415607 ra	1,12326E-05	дс	0,000359444 ee	0,001290346	жь	1,8253E-0	05 am	0,0002372	89 их	0,001437774	4 йщ	1,8253E-05	кц	2,52734E-0	)5 лк
16 r	0,00438493	аж	0,001086755	бс	8,14364E-05	БТ	0,000290644 rc	8,42446E-06	дк	0,000301876 en	0,001206102	экг	1,40408E-0	05 зя	0,0001993	79 ир	0,00110922	2 йг	1,68489E-05	КК	2,52734E-0	<b>)</b> 5 лж
17 y	0,004040932	ач	0,000929499	бм	4,49304E-05	вд.	0,000270987 re	7,02038E-06	дц	0,000210611 ey	0,001061482	жм	9,82853E-0	06 s6	0,0001712	97 ия	0,000991278	В йл	1,54448E-05	кз	1,8253E-0	)5 лт
18 p	0,003864018	ar	0,000914054	бх	2,80815E-05	Б ВЯ	0,000255542 rs	1,40408E-06	дт	0,000203591 e6	0,000869123	з жж	9,82853E-0	06 зь	0,000151	54 иц	0,000970217	7 йп	1,40408E-05	кш	1,12326E-0	)5 лч
19 a	0,002810961	an	0,000902821	бв	2,10611E-05	в вк	0,000233077 rn	1,40408E-06	дш	0,000160065 еж	0,000758203	1 жр	4,21223E-0	)6 зк	0,000113	73 иб	0,000571459	9 йя	1,40408E-05	кп	7,02038E-0	)6 лг
20 e	0,002775859	аш	0,000791899	бг	1,8253E-05	5 вп	0,000226056 ru	1,40408E-06	дм	0,000130579 eu	0,000650087	7 жт	2,80815E-0	06 33	8,70527E-I	05 ии	0,000504063	3 йи	1,12326E-05	км	5,61631E-0	)6 лб
21 л	0,002737949	аю	0,000731524	бю	1,68489E-05	БВМ	0,000122155		дп	0,000103902 eu	0,000578479	9		эж	8,70527E-I	05 иш	0,000497043	3 йф	4,21223E-06	кб	5,61631E-0	)6 лд
22 э	0,002367273	ай	0,000575671	бж	1,12326E-05	ВВ	0,000117942		дб	7,02038E-05 ex	0,000397354	1		зп	4,35264E-I	05 иг	0,000494235	5 йа	4,21223E-06	ю	4,21223E-0	)6 лп
23 ж	0,001816875	аб	0,000565843	66	1,12326E-05	БВЧ	0,000108114		дч	6,73957E-05 eu	0,000329958	3		34	1,40408E-	05 ио	0,000417011	1 йр	2,80815E-06	194	4,21223E-0	)6 лм
24 я	0,001564141	ащ	0,000341191	бш	7,02038E-06	5 вх	3,93141E-05		дж	5,19508Е-05 еи	0,000217632	2		зс	1,26367E-I	05 ип	0,000321533	3 йу	2,80815E-06	кг	2,80815E-0	)6 лз
25 x	0,001093775	аи	0,000313109	бд	7,02038E-06	5 вц	3,79101E-05		дх	3,36978E-05 eo	0,000209207	7		ST	4,21223E-I	06 иж	0,000247117	7 йз	1,40408E-06	5		лв
26 ш	0,001030592	аф	0,00018955	бч	5,61631E-06	5 вг	2,24652E-05		дг	1,40408E-05 ex	0,000178318	3		зш	2,80815E-I	06 ию	0,000244309	ей б	1,40408E-06	5		лш
27 ф	0,000716079	ay	8,14364E-05	бт	4,21223E-06	5 вщ	1,68489E-05		дд	1,12326Е-05 ея	0,000174105	5		310	1,40408E-I	06 иа	0,000238693	3 йе	1,40408E-06	5		лф
28 ц	0,000254138	ац	7,16079E-05	бц	1,40408E-06	5 вб	1,12326E-05		дз	9,82853E-06 ey	0,000165683	L				ищ	0,000197975	5 йж	1,40408E-06	5		лх
29 щ	0,000137599	ao	5,4759E-05	бп	1,40408E-06	5			дю	9,82853E-06 ea	0,00013479	L				иу	0,000123559	9				лэ
K   K	> >I Sheet1	+										- 1				-						F 1

## Сортовані біграми не перетинаючі з пробілами



#### Логування про збереження результатів в excel:

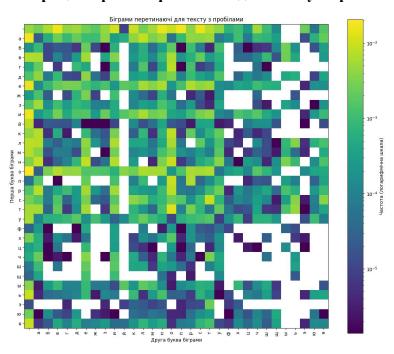
```
[SAVE] Збереження даних [SAVE]
В папку "output\з_пробілами" збережено:
+] Файл частоти_букв_з_пробілами.xlsx
+] Файл частоти_біграм_перетинаючі_з_пробілами.xlsx
+] Файл частоти_біграм_не_перетинаючі_з_пробілами.xlsx
+] Файл сортовані_біграм_перетинаючі_з_пробілами.xlsx
+] Файл сортовані_біграми_перетинаючі_з_пробілами.xlsx
+] Файл сортовані_біграми_не_перетинаючі_з_пробілами.xlsx
```

## Матриці біграм

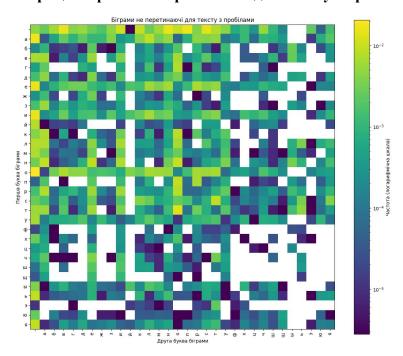
В папку "output\біграм\_матриці" збережено: +] Файл матриця\_біграми\_перетинаючі\_для\_тексту\_з\_пробілами.png +] Файл матриця\_біграми\_не\_перетинаючі\_для\_тексту\_з\_пробілами.png

В методичних вказівках було сказано, що таблицю частот біграм зручно подавати у вигляді квадратної матриці, індексованої першою та другою літерами біграм. Тому це було зроблено за допомогою хітмапи бібліотеки матплотліб:

## Матриця біграми перетинаючі для тексту з пробілами



## Матриця біграми не перетинаючі для тексту з пробілами



# Аналіз (текст без пробілів)

За умовою завдання, треба було також проаналізувати текст без пробілів, тому були створені і використані відповідні ф-ії. Спочатку текст фільтрується за допомогою ф-ії filter\_text() - переводить весь текст у нижній регістр, замінює 'ë' на 'ь' на 'ь', видаляє всі символи, крім букв та пробілів (за умовою). Вже після цього ф-ія remove\_spaces() видаляє пробіли з тексту та ф-ія save text no spaces to txt() - зберігає текст без пробілів у файл.

#### Консольний вивід (скорочено)

```
= АНАЛІЗ ТЕКСТУ БЕЗ ПРОБІЛІВ
 |] Загальна кількість символів: 598085
||] Загальна кількість біграм: 598084
[x] Частоти букв [x]:
 о: 0.1106464800 a: 0.0863823704 e: 0.0812994808 и: 0.0684401047 н: 0.0641246646

      C. 0.0602991214
      n.:
      0.06229426988
      c:
      0.0506917913
      p.:
      0.04746648252
      B.:
      0.04769936495

      K.:
      0.0365767408
      y:
      0.0300542565
      m.
      0.0300107844
      n.:
      0.0284307414
      a.:
      0.0281097168

      F.:
      0.0191527960
      n.:
      0.0190691959
      b.:
      0.0180894020
      n.:
      0.0177767374
      b.:
      0.0172968725

      q.
      0.0159024219
      b.:
      0.0154860931
      b.:
      0.0117224140
      m.:
      0.0090104249
      b.:
      0.0087312004

 х: 0.0082279275 ю: 0.0052801859 щ: 0.0035379587 ц: 0.0033172542 э: 0.0030714698
[x/x] Біграми (перетинаючі) [x/x]: то: 0.0162251456   но: 0.0118227540   ст: 0.0111823757  на: 0.0109683590  по: 0.0109048227
фя: 0.0000016720 ф6: 0.0000016720 пд: 0.0000016720 эб: 0.0000016720 шч: 0.0000016720
[x|x] Біграми (не перетинаючі) [x|x]:
 то: 0.0164190983 но: 0.0116271293 ст: 0.0111589676 по: 0.0110853994 на: 0.0110553033
фя: 0.0000033440 фб: 0.0000033440 дш: 0.0000033440 ш: 0.0000033440 эп: 0.0000033440
[SAVE] Збереження даних [SAVE]
В папку "output\без_пробілів" збережено:
+] Файл частоти_букв_без_пробілів.xlsx
+] Файл частоти_біграм_перетинаючі_без_пробілів.xlsx
 +] Файл частоти_біграм_не_перетинаючі_без_пробілів.xlsx
+] Файл сортовані_біграмм_перетинаючі_без_пробілів.xlsx
+] Файл сортовані_біграмм_не_перетинаючі_без_пробілів.xlsx
В папку "output\біграм матриці" збережено:
     Файл матриця_біграми_перетинаючі_для_тексту_без_пробілів.png
+] Файл матриця_біграми_не_перетинаючі_для_тексту_без_пробілів.png
```

#### > Знайдено загальну к-сть символів та біграм:

```
|] Загальна кількість символів: 598085
||] Загальна кількість біграм: 598084
```

Як видно, кількість букв та біграм зменшилася більше, ніж на 100 тисяч, після обробки та видалення пробілів.

#### Частоти букв (повні значення збереження в excel файл):

```
[x] Частоти букв [x]:

o: 0.1106464800 а: 0.0863823704 е: 0.0812994808 и: 0.0684401047 н: 0.0641246646

т: 0.0602991214 л: 0.0525426988 с: 0.0506917913 р: 0.0474648252 в: 0.0470936405

к: 0.0365767408 у: 0.0300542565 м: 0.0300107844 п: 0.0284307414 д: 0.0281097168

г: 0.0191527960 я: 0.0190691959 ь: 0.0180894020 з: 0.0177767374 ы: 0.0172968725

ч: 0.0159024219 б: 0.0154860931 й: 0.0117224140 ж: 0.0090104249 ш: 0.0087312004

х: 0.0082279275 ю: 0.0052801859 щ: 0.0035379587 ц: 0.0033172542 э: 0.0030714698

ф: 0.0021602281
```

Частоти біграм (а також повні значення збереження в excel файл):

/ Перетинаючі (перші 5 та останні 5 за частотою):

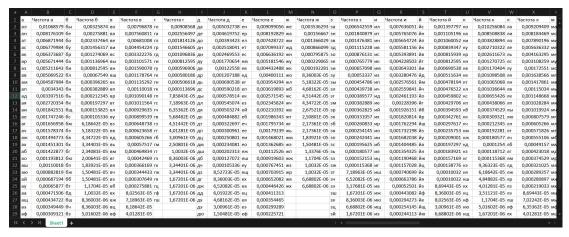
```
[x/x] Біграми (перетинаючі) [x/x]:
то: 0.0162251456 но: 0.0118227540 ст: 0.0111823757 на: 0.0109683590 по: 0.0109048227
......
фя: 0.0000016720 фб: 0.0000016720 пд: 0.0000016720 эб: 0.0000016720 шч: 0.0000016720
```

Не перетинаючі (перші 5 та останні 5 за частотою):

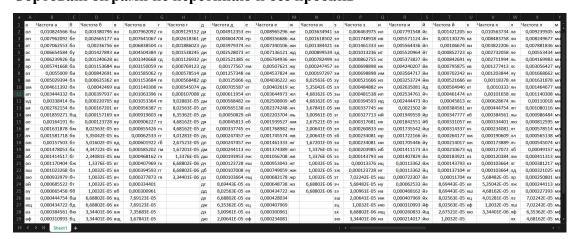
```
[x|x] Біграми (не перетинаючі) [x|x]:
то: 0.0164190983 но: 0.0116271293 ст: 0.0111589676 по: 0.0110853994 на: 0.0110553033
... ...
фя: 0.0000033440 фб: 0.0000033440 дщ: 0.0000033440 шч: 0.0000033440 эп: 0.0000033440
```

Таблиці з сортованими біграмами за першими буквами

Сортовані біграми перетинаючі без пробілів (



Сортовані біграми не перетинаючі без пробілів



**Логування про збереження результатів в excel:** 

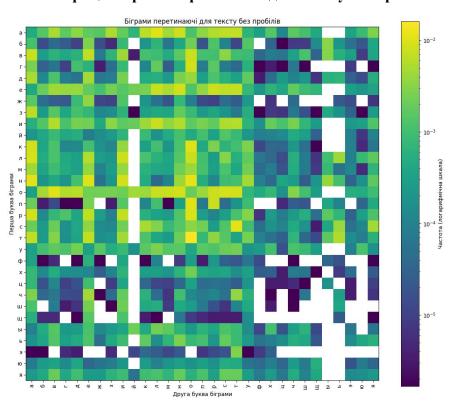
```
[SAVE] Збереження даних [SAVE]

В папку "output\без_пробілів" збережено:
+] Файл частоти_букв_без_пробілів.xlsx
+] Файл частоти_біграм_перетинаючі_без_пробілів.xlsx
+] Файл частоти_біграм_не_перетинаючі_без_пробілів.xlsx
+] Файл сортовані_біграми_перетинаючі_без_пробілів.xlsx
+] Файл сортовані_біграми_не_перетинаючі_без_пробілів.xlsx
```

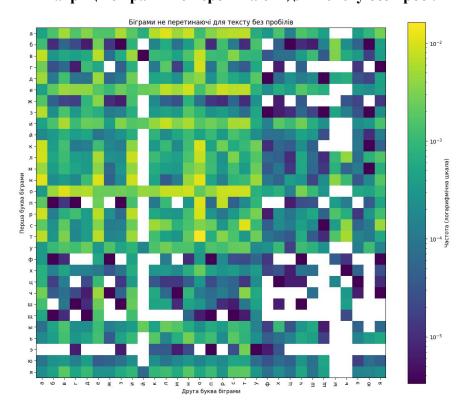
## > Матриці біграм

- В папку "output\біграм\_матриці" збережено:
- +] Файл матриця\_біграми\_перетинаючі\_для\_тексту\_без\_пробілів.png
- +] Файл матриця\_біграми\_не\_перетинаючі\_для\_тексту\_без\_пробілів.png

## Матриця біграми перетинаючі для тексту без пробілів



#### Матриця біграми не перетинаючі для тексту без пробілів



#### Загальні результати:

#### А також у вигляді таблиці (результати\_аналізу.xlsx):

Текст	Параметр	Значення		
3 пробілами	Ентропія Н_1	4,372436188		
3 пробілами	Ентропія Н_2 (перетинаючі біграми)	3,996502021		
3 пробілами	Ентропія Н_2 (не перетинаючі біграми)	3,996419803		
3 пробілами	Надлишковість R_1	0,125512762		
3 пробілами	Надлишковість R_2 (перетинаючі біграми)	0,200699596		
3 пробілами	Надлишковість R_2 (не перетинаючі біграми)	0,200716039		
Без пробілів	Ентропія Н_1	4,450749542		
Без пробілів	Ентропія Н_2 (перетинаючі біграми)	4,146728289		
Без пробілів	Ентропія Н_2 (не перетинаючі біграми)	4,145820901		
Без пробілів	Надлишковість R_1	0,101620270		
Без пробілів	Надлишковість R_2 (перетинаючі біграми)	0,162986683		
Без пробілів	Надлишковість R_2 (не перетинаючі біграми)	0,163169838		

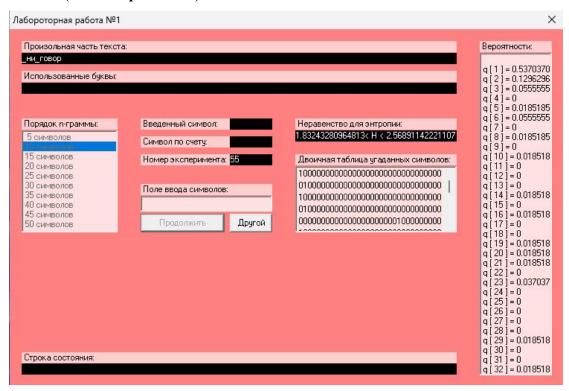
#### У нас було декілька труднощів:

- **В**иникли складнощі з коректним обчисленням частот біграм. Довелося розібратися з різницею між перетинаючими та неперетинаючими біграмами.
- Візуалізація матриць біграм спочатку давала некоректні результати.
   Довелося юзати логарифмічну шкалу для кольорів.

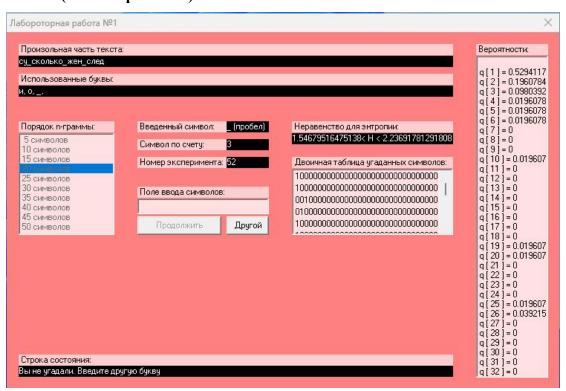
**Пункт №2** "За допомогою програми CoolPinkProgram оцінити значення Н (10), Н (20), Н (30)."

Ми ознайомилися з CoolPinkProgram та провели 50+ експериментів для відповідних значень.

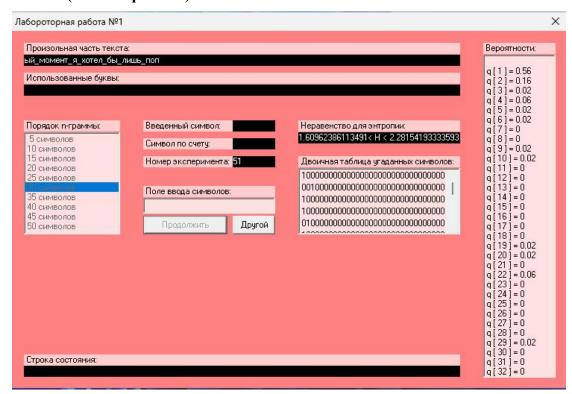
## **Н**<sup>10</sup> (55 експериментів):



# Н<sup>20</sup> (53 експерименти):



# **Н**<sup>30</sup> (51 експеримент):



#### > Значення ентропії з експериментів:

Н	Мінімальне значення	Максимальне значення
$H^{10}$	1,8324329095481	2,5889114222110
$H^{20}$	1,5467951647513	2,2369178129180
$H^{30}$	1,6095238611349	2,2815419333359

#### > Надлишковість для цих експериментів:

R	Мінімальне значення	Максимальне значення
R для H <sup>10</sup>	0,63351341809038	0,48221771555780
R для H <sup>20</sup>	0,69064096704974	0,55261643741640
R для H <sup>30</sup>	0,67809522777302	0,54369161333282

**Пункт** №3 Використовуючи отримані значення ентропії, оцінити надлишковість російської мови в різних моделях джерела.

#### Аналіз результатів:

Пункт№1 Ентропія Н1 для тексту з пробілами (4.37244) виявилася меншою, ніж для тексту без пробілів (4.45075). Це можна пояснити тим, що пробіл є найчастішим символом, що знижує загальну ентропію.

Ентропія Н2 для обох варіантів тексту трохи менша за Н1, що відповідає теоретичним очікуванням.

Надлишковість тексту з пробілами (20.07%) трохи вища, ніж тексту без пробілів (16.3%). Це вказує на те, що пробіли додають певну надлишковість до тексту.

Матриці біграм демонструють чіткі патерни частот появи пар літер, що відображає структуру мови.

Пункт№2 За допомогою програми CoolPinkProgram ми змогли оцінити ентропію для довших послідовностей символів (H(10), H(20), H(30)). Зі збільшенням довжини п-грами спостерігається зменшення діапазону ентропії, а це вказує на зростання передбачуваності тексту при розгляді довших послідовностей. Значення для довших п-грам є значно нижчими порівняно з H1 та H2.

#### Висновки

Розроблений пайтон код дозволяє активно аналізувати статистичні характеристики тексту і обчислювати частоти букв та біграм, їх ентропію та надлишковість.

Ми бачимо, що значення ентропії зменшуються при збільшенні порядку (від Н1 до Н2), що відповідає теоретичним очікуванням. Пробіли у тексті зменшують загальну ентропію, але збільшують надлишковість.

Експериментальні оцінки  $H^{(10)}$ ,  $H^{(20)}$ ,  $H^{(30)}$  дають нижчі значення, ніж H1 та H2, що може вказувати на наявність довгострокових залежностей у тексті, які не враховуються при розрахунку H1 та H2.

Я побачив, що H<sup>(20)</sup> і H<sup>(30)</sup> дають схожі результати. Можливо, врахування більш ніж 20 попередніх символів не дає істотного покращення в прогнозуванні наступного символу.

За допомогою матриць біграми (хітмап) ми змогли наочно побачити частоти біграм в тексті з пробілами та без.