

# Введение в МНОГОПОТОЧНОСТЬ



ПРЕПОДАВАТЕЛЬ



# Юрий Костяной

**Java/Kotlin backend-разработчик**

- 3+ года опыта в коммерческой разработке
- 2+ года опыта в преподавании
- Проекты по интеграции сторонних платформ, CRM
- Проблемно-ориентированный подход в преподавании



# ВАЖНО:

- Камера должна быть включена на протяжении всего занятия.
- Если у Вас возник вопрос в процессе занятия, пожалуйста, поднимите руку и дождитесь, пока преподаватель закончит мысль и спросит Вас, также можно задать вопрос в чате или когда преподаватель скажет, что начался блок вопросов.
- Организационные вопросы по обучению решаются с кураторами, а не на тематических занятиях.
- Вести себя уважительно и этично по отношению к остальным участникам занятия.
- Во время занятия будут интерактивные задания, будьте готовы включить камеру или демонстрацию экрана по просьбе преподавателя.

# ПЛАН ЗАНЯТИЯ

1. Повторение
2. Основной блок
3. Вопросы по основному блоку
4. Домашняя работа



TEL-RAN  
by Starta Institute

1

# ПОВТОРЕНИЕ ИЗУЧЕННОГО

# Повторение

1 Для чего нужен Stream API?

2 Какие типы операций есть в стримах и чем они отличаются?



# Повторение

1 Для чего нужен Stream API?

2 Какие типы операций есть в стримах и чем они отличаются?

1 Для написания более короткого кода благодаря функциональному стилю: вместо набора циклов и условий происходит выполнения типовых методов Stream с учётом переданных в них лямбда-выражений.

2 Существуют промежуточные и терминальные операции. Промежуточные операции получают стрим, воздействуют на его элементы и на выходе возвращают новый стрим. Терминальные операции завершают стрим, превращая стрим в некоторый результат (коллекцию, строку, число и т.д.). Поток начинает выполнение в момент вызова терминальной операции.

# Повторение

Что будет выведено в консоль?

```
System.out.println("Numbers:");  
int sum = Stream.of(1, 2, 3, 4, 5).limit(3).peek(System.out::println).reduce(Integer::sum).get();  
System.out.println("Sum: " + sum);
```





# Повторение

Что будет выведено в консоль?

```
System.out.println("Numbers:");  
int sum = Stream.of(1, 2, 3, 4, 5).limit(3).peek(System.out::println).reduce(Integer::sum).get();  
System.out.println("Sum: " + sum);
```

*Numbers:*

1

2

3

*Sum: 6*



# Повторение

Задача: Проверьте, содержит ли список строк хотя бы одну строку с длиной более 10 символов с использованием Stream API. Какие нужно поставить методы вместо *abc* и *xyz*

```
List<String> words = Stream.of("apple", "banana", "kiwi", "watermelon")  
    .abc(s -> s.length() > 10)  
    .xyz();
```

# Повторение

Задача: Проверьте, содержит ли список строк хотя бы одну строку с длиной более 10 символов с использованием Stream API. Какие нужно поставить методы вместо abc и xyz

```
List<String> words = Stream.of("apple", "banana", "kiwi", "watermelon")  
    .filter(s -> s.length() > 10)  
    .toList();
```

# Повторение

Задача: Выберите из списка три уникальных максимальных числа.

Какие нужно поставить методы вместо xxx, yyy и zzz?

```
Set<Integer> max3 = List.of(10, 55, 32, 23, 14, 55).stream()  
    .xxx()  
    .yyy(Comparator.reverseOrder())  
    .limit(3)  
    .zzz(Collectors.toSet());
```

# Повторение

Задача: Выберите из списка три уникальных максимальных числа.

Какие нужно поставить методы вместо *abc* и *xyz*

```
Set<Integer> max3 = List.of(10, 55, 32, 23, 14, 55).stream()  
    .distinct()  
    .sorted(Comparator.reverseOrder())  
    .limit(3)  
    .collect(Collectors.toSet());
```



# Повторение

Преобразуйте список строк в карту, где ключом является сама строка, а значением - длина строки с использованием Stream API.

```
List<String> strs = List.of("java", "stream", "api");
```



# Повторение

Преобразуйте список строк в карту, где ключом является сама строка, а значением - длина строки с использованием Stream API.

```
List<String> strs = List.of("java", "stream", "api");  
Map<String, Integer> strToLength = strs.stream().collect(Collectors.toMap(s -> s, String::length));
```

```
{java=4, stream=6, api=3}
```



# Повторение

Объедините два списка строк в один список без повторений с использованием Stream API.

```
List<String> list1 = List.of("apple", "banana", "kiwi");  
List<String> list2 = List.of("banana", "orange", "grape");
```





# Повторение

Проверьте, все ли строки из списка содержат только буквы с использованием Stream API.

```
List<String> list1 = List.of("apple", "banana", "kiwi");  
List<String> list2 = List.of("banana", "orange", "grape");  
List<String> common = Stream.concat(list1.stream(), list2.stream()).distinct().toList();
```

[apple, banana, kiwi, orange, grape]



# Повторение

Проверьте, все ли строки из списка содержат только буквы с использованием Stream API.

```
List<String> wordList = List.of("apple", "kiwi", "123", "orange");  
boolean isAllAlphabetic = ???;
```



# Повторение

Проверьте, все ли строки из списка содержат только буквы с использованием Stream API.

```
List<String> wordList = List.of("apple", "kiwi", "123", "orange");  
boolean isAllAlphabetic = wordList.stream()  
    .flatMapToInt(String::chars)  
    .allMatch(Character::isAlphabetic);
```

# Повторение

Что будет выведено в консоль?

```
Map<Integer, List<String>> groupedByLength = Stream.of("apple", "kiwi", "banana", "orange", "grape")  
    .collect(Collectors.groupingBy(String::length));  
System.out.println(groupedByLength);
```



# Повторение

Что будет выведено в консоль?

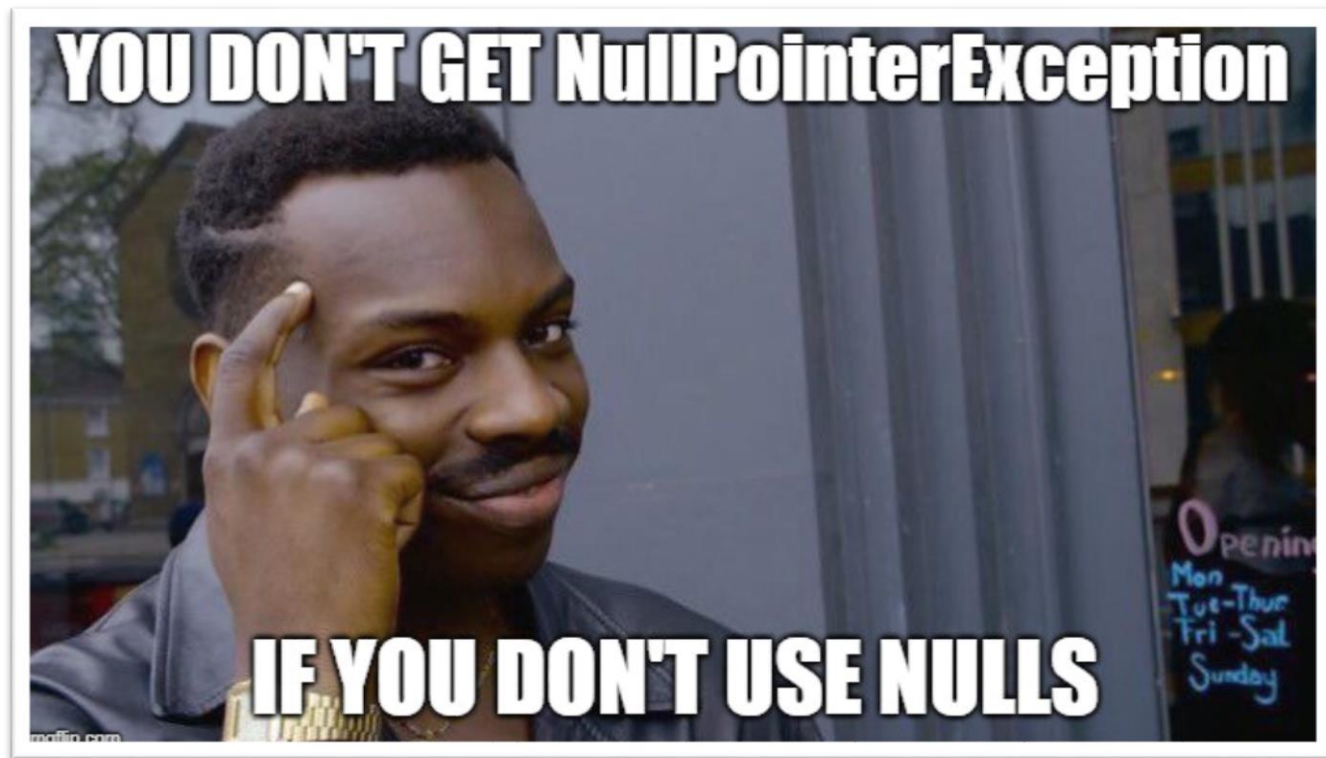
```
Map<Integer, List<String>> groupedByLength = Stream.of("apple", "kiwi", "banana", "orange", "grape")  
    .collect(Collectors.groupingBy(String::length));  
System.out.println(groupedByLength);
```

{4=[kiwi], 5=[apple, grape], 6=[banana, orange]}



# Повторение

В чём прикол мема?



2

# ОСНОВНОЙ БЛОК

# Введение

- Выносить ребёнка за месяц
- Сколько ниточке ни виться
- Много потоков – много проблем





# Проблема



Говорят, что девять женщин не могут выносить одного ребёнка за месяц. Развитие малыша является строго последовательным процессом, в котором все необходимые должны быть выполнены один за другим. К таким процессам относится выполнения обычных программ – инструкция за инструкцией. Но в реальной жизни огромное количество примеров параллельных процессов. Например, кассы в супермаркете, которые «берут» покупателей из очереди и обслуживают их одновременно.



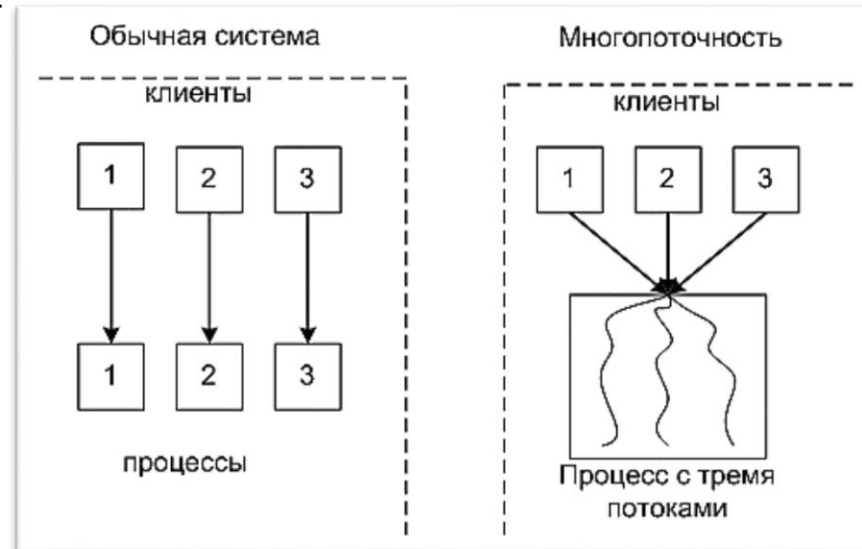
Как организовать параллельные процессы в программе?

# Выносить ребёнка за месяц

## Процессы и потоки

**Процесс или задача** (process) – программа, находящаяся в режиме выполнения в операционной системе (ОС). Для выполнения Java-программы обычно запускается процесс работы JVM. С каждым процессом связывается его адресное пространство, которого он может читать и в которое он может писать данные, поэтому процессы не влияют друг на друга в ОС. Процессы могут запускать друг друга (взаимные запуски программ).

**Поток или нить** (thread) – это подпроцесс, порождённый программой. Он выполняется в рамках и с помощью ресурсов, выделенных процессу. Эти ресурсы делятся между всеми подпроцессами.



Выносить ребёнка за месяц

# Преимущества использования потоков перед процессами



1. Повышение производительности самой программы, т.к. есть возможность одновременно выполнять вычисления на разных процессорах или, например, делать вычисления и операции ввода/вывода.
2. Потоки намного легче процессов поскольку требуют меньше времени и ресурсов.
3. Переключение контекста между потоками намного быстрее, чем между процессами.
4. Намного проще добиться взаимодействия между потоками, чем между процессами благодаря общему адресному пространству. Потоки могут взаимодействовать друг с другом через основной «родительский» поток, из которого они стартованы.

*Пример: текстовый редактор с тремя потоками может одновременно взаимодействовать с пользователем, форматировать текст и записывать на диск резервную копию.*

# Выносить ребёнка за месяц

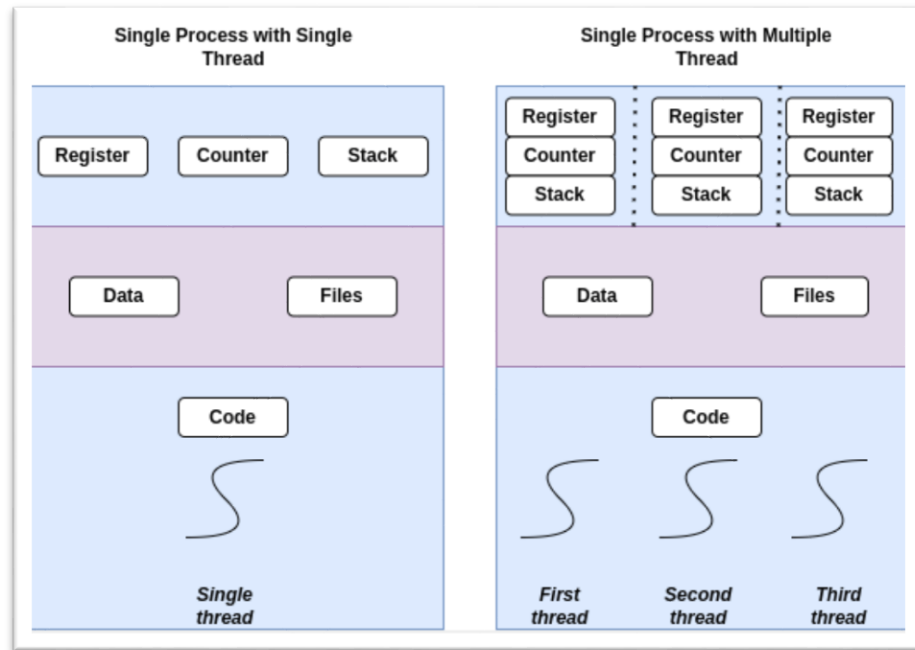
## Модель потока

Потоки делят между собой элементы своего процесса:

- Адресное пространство
- Глобальные переменные
- Открытые файлы
- Таймеры
- Семафоры
- Статистическую информацию.

С каждым потоком связывается:

- Счетчик выполнения команд
- Регистры для текущих переменных
- Стек
- Состояние

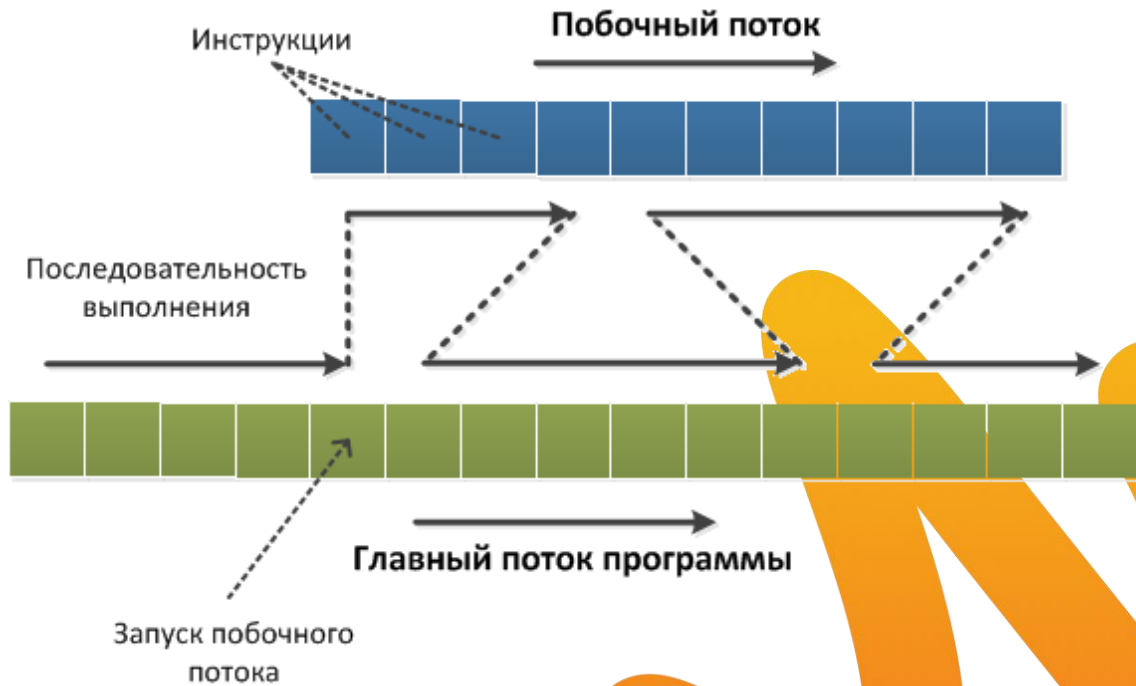


*В POSIX и Windows есть поддержка потоков  
на уровне ядра.*

# Выносить ребёнка за месяц

## Многopotочность

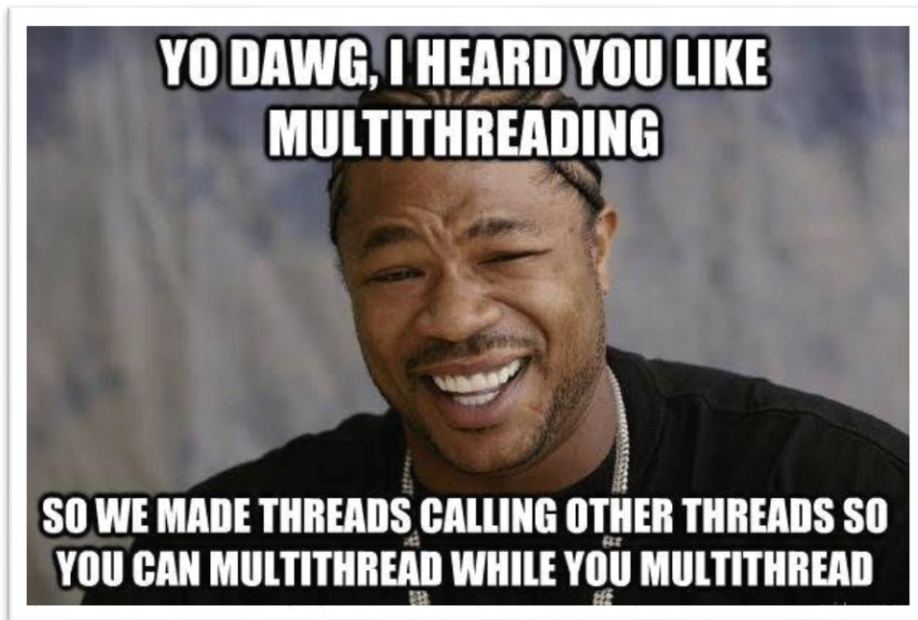
Каждое Java-приложение имеет хотя бы один выполняющийся поток. Поток, с которого начинается выполнение программы, называется **главным**. После создания процесса, как правило, JVM начинает выполнение главного потока с метода *main()*. Затем, по мере необходимости, могут быть запущены дополнительные потоки.



# Выносить ребёнка за месяц

## Многопоточность

**Многопоточность** (multithreading) – это два и более потоков, выполняющихся одновременно в одной программе. Компьютер с одноядерным процессором может выполнять только один поток, разделяя процессорное время между различными процессами и потоками.



# Первый шаг сделан





# Сколько ниточке ни виться

## Способы создания потоков

В Java существует два основных способа создания потоков:

1. Создать наследника класса *Thread*. В наследнике переопределяется метод *run()*, внутри которого помещается код, который нужно выполнять в отдельном потоке. Этот метод ограничивает разработчика необходимостью включать класс *Thread* в иерархию, где, возможно, ему не место.
2. Интерпретировать интерфейс *Runnable*, и передать экземпляр интерпретирующего класса в конструктор *Thread*. Интерпретировать *Runnable* можно явно, в виде анонимного класса или в виде лямбда-выражения.





# Сколько ниточке ни виться

## Конструкторы Thread

```
Thread();  
Thread(Runnable target);  
Thread(Runnable target, String name);  
Thread(String name);  
Thread(ThreadGroup group, Runnable target);  
Thread(ThreadGroup group, Runnable target, String name);  
Thread(ThreadGroup group, String name);
```

где :

*target* – экземпляр класса, реализующего интерфейс

*Runnable*;

*name* – имя создаваемого потока;

*group* – группа к которой относится поток.

**Группы потоков** удобно использовать, когда необходимо одинаково управлять несколькими потоками. Например, несколько потоков выводят данные на печать и необходимо прервать печать всех документов поставленных в очередь. В этом случае удобно применить команду ко всем потокам одновременно, а не к каждому потоку отдельно. Но это можно сделать, если потоки отнесены к одной группе.

Сколько ниточке ни виться

# Пример создания Thread



Пример создания потока, который входит в группу, реализует интерфейс *Runnable* и имеет свое уникальное название:

```
Runnable r = new MyClassRunnable();  
ThreadGroup tg = new ThreadGroup("myGroup");  
Thread t = new Thread(tg, r, "myThread");
```



# Сколько ниточке ни виться

## Жизненный цикл потока

При выполнении программы объект *Thread* может находиться в одном из четырех основных состояний (вложенное перечисление `Thread.State`):

*NEW* - поток создан, но еще не запущен;

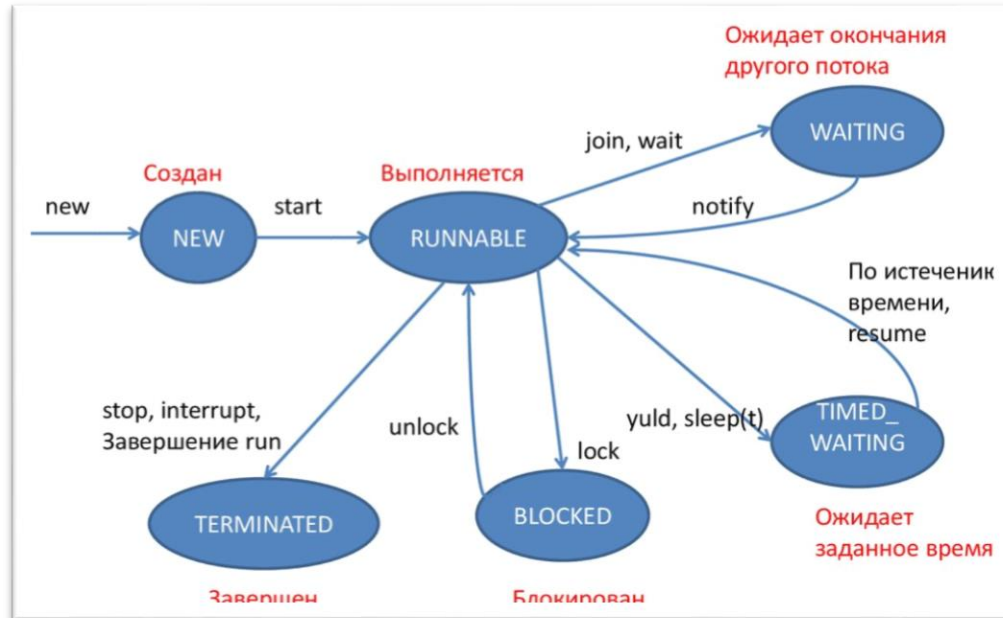
*RUNNABLE* - поток выполняется;

*BLOCKED* - поток блокирован;

*WAITING* - поток ждет окончания работы другого потока;

*TIMED\_WAITING* - поток некоторое время ждет окончания другого потока;

*TERMINATED* - поток завершен.



# Сколько ниточке ни виться

## Жизненный цикл потока

При создании потока он получает состояние «новый» (*NEW*) и не выполняется. Для перевода потока из состояния «новый» в «работоспособный» (*RUNNABLE*) следует выполнить метод *start()*, вызывающий метод *run()*.

other people: its really difficult to work on multiple things at a time, you should just focus on one thing and do it well

programmers:

```
new Thread().start();
```

# СКОЛЬКО НИТОЧКЕ НИ ВИТЬСЯ

## Методы Thread

*long getId()* - получение идентификатора потока;

*String getName()* - получение имени потока;

*int getPriority()* - получение приоритета потока;

*State getState()* - определение состояния потока;

*void interrupt()* - прерывание выполнения потока;

*boolean isAlive()* - проверка, выполняется ли поток;

*void join()* - ожидание завершения потока (текущий поток блокируется и ждёт, пока закончится запущенный из него другой поток);

*void join(millis)* – то же, с таймаутом *millis* миллисекунд, после которого поток завершится;

*void notify()* - «пробуждение» отдельного потока, ожидающего «сигнала»;

*void notifyAll()* - «пробуждение» всех потоков, ожидающих «сигнала»;

*void run()* – код, который нужно выполнить в потоке;

# Сколько ниточке ни виться

## Методы Thread

*boolean isDaemon()* - проверка, является ли поток фоновым (не требует, чтобы другие потоки ждали его завершения);

*void setDaemon(bool)* - определение потока как фонового. JVM прекращает работу, как только все не Daemon потоки завершаются.

*void setPriority(int)* - установка приоритета потока;

*void start()* - запуск потока. После этого метода поток начинает выполнения кода из метода *run()* в отдельном потоке.

*void wait()* - приостановка потока, пока другой поток не вызовет метод *notify()*;

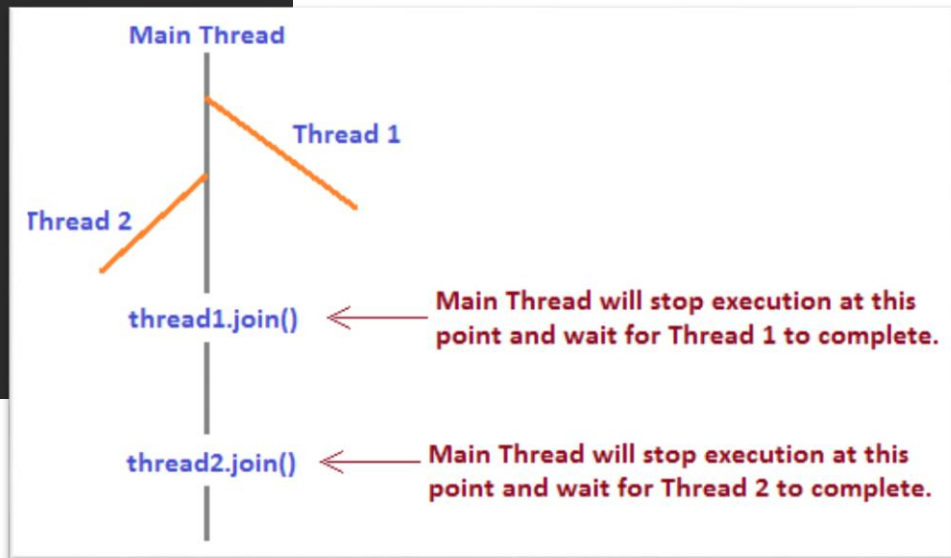
*void wait(millis)* - приостановка потока на *millis* миллисекунд или пока другой поток не вызовет метод *notify()*;

# Сколько ниточке ни виться

## Метод `join()`

Метод выполняет остановку текущего потока до тех пор, пока не завершится запускаемый из него дочерний поток.

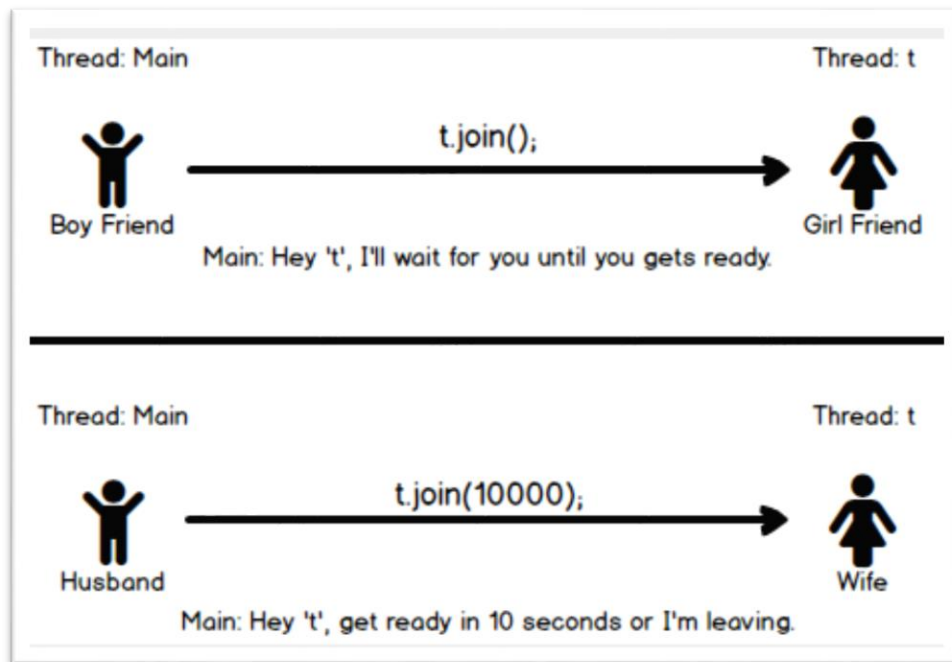
```
public static void main(String[] args) {  
    Thread thread1 = new Thread(() -> System.out.println("one"));  
    Thread thread2 = new Thread(() -> System.out.println("two"));  
    thread1.start();  
    thread2.start();  
    try {  
        thread1.join();  
        thread2.join();  
    } catch (InterruptedException e) {  
        e.printStackTrace();  
    }  
}
```



# Сколько ниточке ни виться

## Метод `join()`

У метода существует перегруженная версия, принимающая время `timeout`, после которого текущий поток перестаёт ждать и продолжает выполнять собственные инструкции.





Сколько ниточке ни виться

# Статические методы Thread



*public static void yield()* – заставляет текущий запущенный поток уступить место любым другим потокам с тем же приоритетом, которые ожидают планирования.

*public static void sleep(long millisec)* – блокирует текущий запущенный поток по крайней мере на указанное количество миллисекунд.

*public static boolean holdsLock(Object x)* – возвращает *true*, если текущий поток удерживает блокировку данного объекта.

*public static Thread currentThread()* – возвращает ссылку на текущий запущенный поток, который вызывает этот метод.

*public static void dumpStack()* – выводит отслеживание стека для текущего запущенного потока, что полезно при отладке многопоточного приложения.

# Задание

1 Напишите программу, которая определит, что появилось раньше – курица или яйцо. Для этого создайте два класса – Курица и Яйцо, которые будут наследоваться от Thread и выводить своё мнение в консоль после случайно заданной задержки. Задержка устанавливается методом *Thread.sleep()*. В основной программе запустите оба потока. Чьё слово будет первым, тот и победил.

2 Используя лямбда-выражения, создайте потоки, каждый из которых 10\_000 раз выводит в консоль число – свой номер по порядку запуска. Запустите в цикле 10 потоков. Выводятся ли потоки по порядку? Что будет если добавить задержку запуска, равную 1 мс?

# Идём далее



# Проблема

К сожалению, Java не гарантирует порядок выполнения JVM, поэтому работа потоков является конкурентной (*concurrent*).

*Возможно, стоит задать приоритет потокам, и тогда они будут выполняться по порядку?*

**when you mess up  
the multithreading**



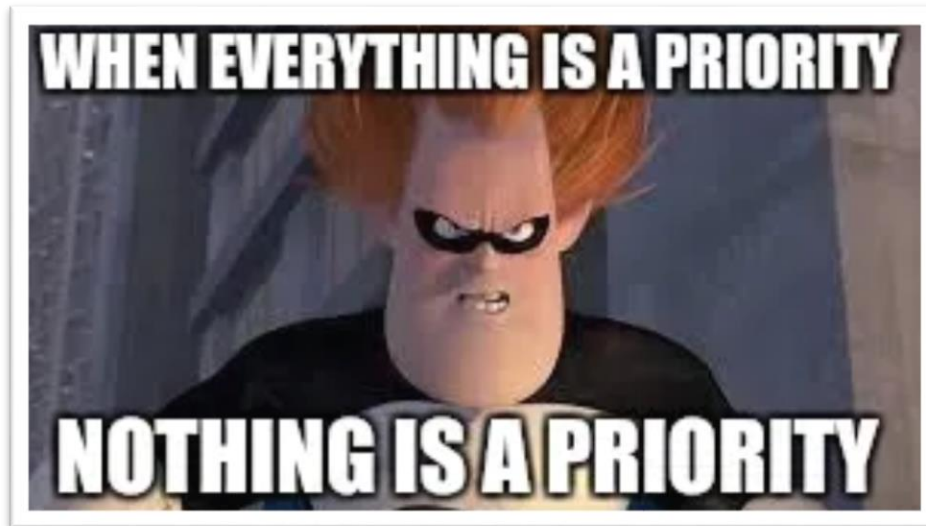
# Много потоков – много проблем

## Приоритет потоков

Каждый поток Java имеет приоритет, который помогает операционной системе определять порядок, в котором планируются потоки.

Приоритеты потоков Java находятся в диапазоне от *MIN\_PRIORITY* (константа 1) до *MAX\_PRIORITY* (константа 10). По умолчанию каждому потоку устанавливается приоритет *NORM\_PRIORITY* (константа 5).

Потоки с более высоким приоритетом более важны для программы, и в первую очередь им должно выделяться процессорное время. Однако приоритеты потоков не могут гарантировать порядок, в котором выполняются потоки, и очень сильно зависят от платформы.



# Задание

Допишите предыдущую программу (10 потоков) так, чтобы у потоков был установлен приоритет в порядке запуска. Задать потоку приоритет можно с помощью метода `setPriority(int)`.



# Проблема

Часто множество потоков работают с одним и тем же ресурсом. Например, мы можем

- читать файл несколькими потоками ввода-вывода параллельно, чтобы ускорить процесс получения данных;
- производить вычисления полученной информации в программе (параллельные вычисления), когда работаем с большим массивом данных и порядок обработки не важен. Каждому потоку нужно дать часть данных, а потом собрать воедино результат вычислений.
- записывать результат вычислений в файл несколькими потоками ввода-вывода и т.д.

# Проблема

Во всех этих случаях потоки конкурируют за доступ к ресурсу и находятся в состоянии гонки (**race condition**). Это приводит к сильной неопределённости в программе.

Например, один поток вычисляет и записывает значение переменной. Несколько других потоков – используют переменную для своих вычислений. Если первый поток не успел записать данные, то остальные потоки получат ошибку при вычислении.





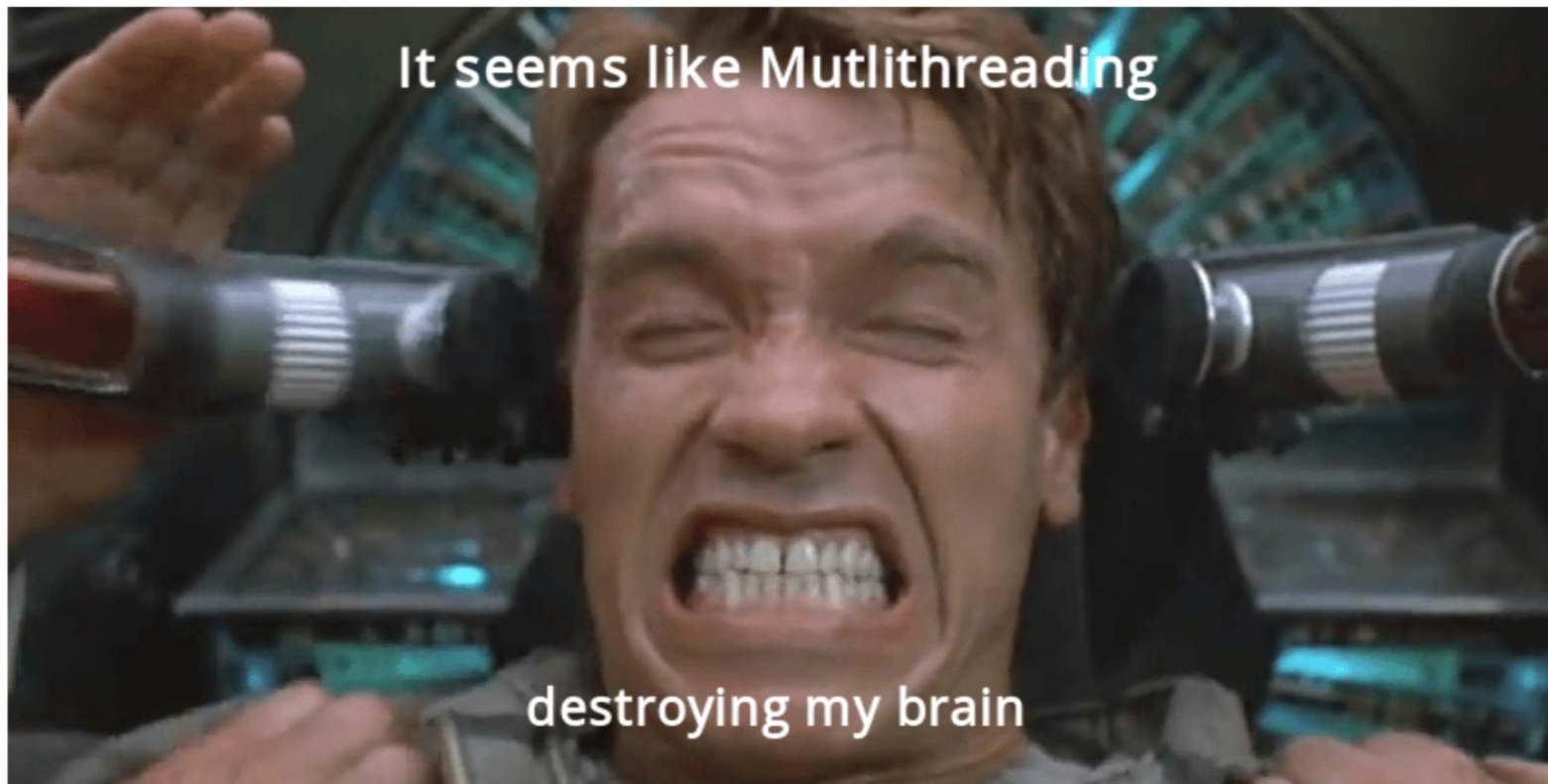
# Проблема

**Race Condition** (состояние гонки) – ошибка проектирования многопоточного приложения, при которой работа приложения зависит от того, в каком порядке выполняются части кода.

```
A: knock knock  
A: race condition  
B: who's there?
```



# Идём далее



# Проблема

Например, представь, что программа отвечает за работу робота, который готовит еду:

Поток-0 достает яйца из холодильника.

Поток-1 включает плиту.

Поток-2 достает сковородку и ставит на плиту.

Поток-3 зажигает огонь на плите.

Поток-4 выливает на сковороду масло.

Поток-5 разбивает яйца и выливает их на сковороду.

Поток-6 выбрасывает скорлупу в мусорное ведро.

Поток-7 снимает готовую яичницу с огня.

Поток-8 выкладывает яичницу в тарелку.

Поток-9 моет посуду.



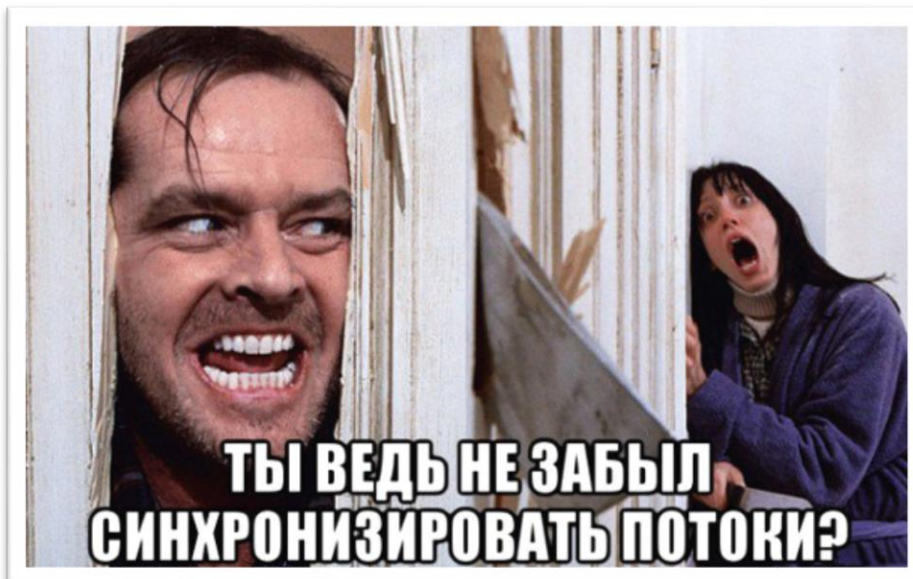
*Что произойдёт, если потоки будут выполняться не по порядку? Как избежать такой проблемы?*

# Много потоков – много проблем

## Синхронизация потоков



Проблемы с использованием общих ресурсов в многопоточном приложении решаются **синхронизацией потоков** (блокировкой ресурсов). Механизм синхронизации обеспечивает последовательный доступ к ресурсам. Выполнение потока не будет продолжено, пока блокировка интересующего потока ресурса не освободится. Для блокировки ресурса используется ключевое слово *synchronized*.



# Много потоков – много проблем

## Синхронизация потоков

Синхронизированным может быть либо отдельный метод либо блок кода.

```
public void println(String x) {  
    if (getClass() == PrintStream.class) {  
        writeln(String.valueOf(x));  
    } else {  
        synchronized (this) {  
            print(x);  
            newLine();  
        }  
    }  
}
```

```
public synchronized boolean isDestroyed() {  
    return destroyed;  
}
```

Монитор синхронизируемого метода – текущий объект. Если метод статический, то текущий класс

Монитором блока кода выступает текущий объект. JVM будет хранить признак доступности этого объекта



*synchronized* говорит о том, что при выполнении блока кода или метода один из потоков завладеет нужным ресурсом (**монитором**) и начнёт его использовать. В это время у ресурса выставляется признак «занято». Все остальные потоки, претендующие на ресурс, будут ждать освобождения ресурса, периодически проверяя признак занятости.

# Много потоков – много проблем

## Monitor. Mutex. Semaphore

**Семафор** – это средство синхронизации доступа к ресурсу.

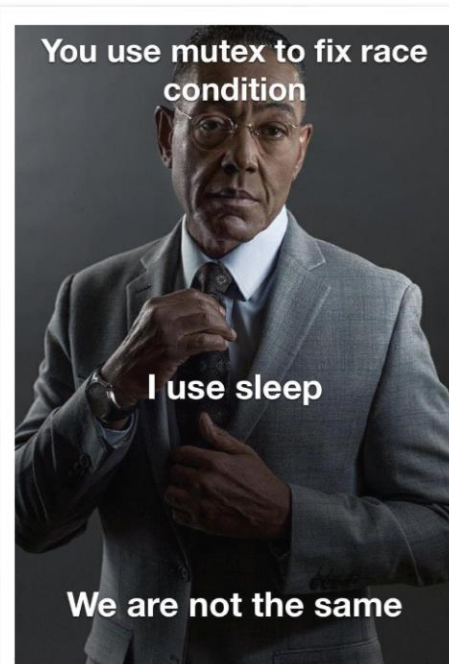
Ограничивает количество потоков, которые могут войти в заданный участок кода. Использует счетчик потоков, который указывает, сколько потоков одновременно могут получать доступ к общему ресурсу.

**Мьютекс** – поле для синхронизации потоков. Есть у каждого объекта в Java. Это простейший *Семафор*, который может находиться в одном из двух состояний: *true* или *false*.

**Монитор** – это дополнительная надстройка над Мьютексом.

Блокирует объект именно монитор.

Когда один тред заходит внутрь `synchronized` блока кода, JVM тут же блокирует Мьютекс синхронизированного объекта. Больше ни один тред не сможет зайти в этот блок, пока текущий тред его не покинет.



# Много потоков – много проблем

## Не требуется синхронизировать



Недостатком использования *synchronized* является то, что другие потоки вынуждены ждать, пока нужный объект или метод освободится. Это создает **bottle neck** (узкое место) в программе, отчего скорость работы может пострадать.

Любая синхронизация снижает скорость выполнения программы, поэтому синхронизировать нужно не всё:

- *final* поля класса инициализируются в его конструкторе – соответственно, корректное значение *final* полей будет видно всем потокам без синхронизации. По этой причине неизменяемые классы прекрасно подходят для многопоточности.
- многие классы уже синхронизированы или имеют соответствующие аналоги. Например, *StringBuilder* имеет синхронизированный аналог *StringBuffer*.



# Задание

Создайте класс `MyDate`, имеющий поля год, месяц и день. Создайте класс `Today`.

Представьте, что класс `Today` получает сегодняшнюю дату от сервера точного времени по сети, т.е. с задержкой. Смоделируйте эту ситуацию в методе `getTodayDate()`.

Создайте экземпляр `Today`, который выполнит `getTodayDate()` в отдельном потоке.

Создайте и запустите два потока, которые берут текущее значение даты из `Today` и прибавляют случайное значение к году.

Попробуйте синхронизировать работу метода `getTodayDate()`.





# Идём далее



# Проблема

При взаимодействии с переменной каждый поток хранит ее значение в *своем стеке*.  
Может возникнуть ситуация, что один поток изменит значение общей переменной, а второй поток будет продолжать работать с ее старым значением из своего *кэша*.

Также, в отличие от других примитивных типов данных, операции чтения и записи *long* и *double* не являются **атомарными** из-за их большого размера (8 байт).

**Атомарная операция** – простейшая операция, выполняющаяся за единый такт работы процессора.

*Как решить две проблемы – взаимодействия стеков потоков и атомарности операций над переменными?*

# Много потоков – много проблем

## Модификатор поля *volatile*

Эти две проблемы решает модификатор *volatile*:

- Операции чтения и записи *volatile* переменной являются атомарными.
- Переменная не будет помещаться в кэш: результат записи значения в *volatile* переменную одним потоком будет виден всем другим потокам, которые используют эту переменную для чтения.

```
public volatile long x;  
public volatile double y;
```



# Задание

Создайте класс с единственным публичным полем `long count`.

Создайте экземпляр класса. В цикле запустите потоки, которые увеличивают значение поля на 1 и выводят его в консоль.

Добавьте `volatile` полю `count` и повторите программу.



# Идём далее

## Multithreaded programming



# Проблема

В реальной жизни есть ситуации, которые мы привыкли называть «порочный круг».

Например,

*Ты не можешь устроиться на работу, так как на работу берут только с опытом;*

*Ты не можешь получить опыт работы, из-за того что не работаешь.*

*В программировании такие ситуации тоже возникают.*



# Много потоков – много проблем

## Взаимная блокировка

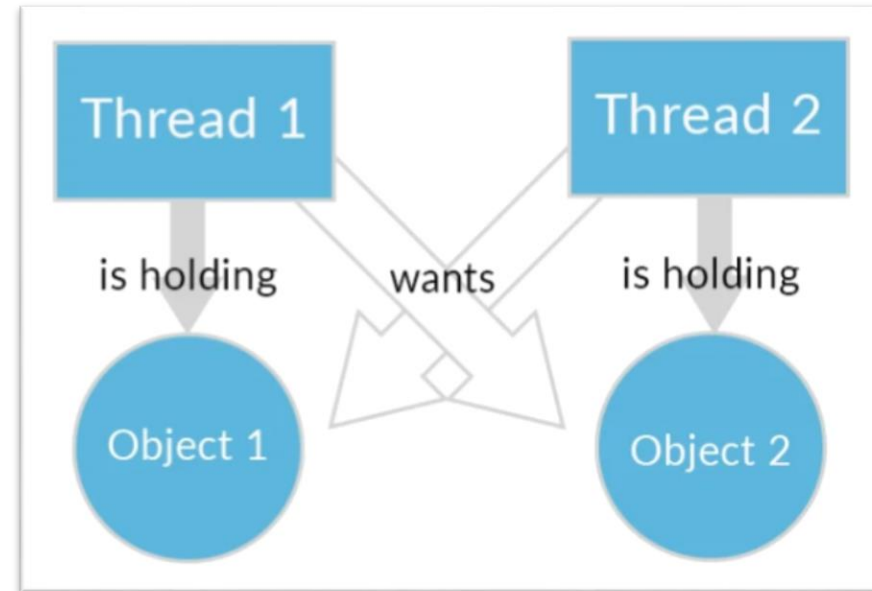
**Deadlock** - ситуация, при которой несколько потоков находятся в состоянии ожидания ресурсов, занятых друг другом, и ни один из них не может продолжать выполнение.

*Представь, что поток-1 работает с каким-то Объектом-1, а поток-2 работает с Объектом-2.*

*При этом программа написана так:*

*Поток-1 перестанет работать с Объектом-1 и переключится на Объект-2, как только Поток-2 перестанет работать с Объектом 2 и переключится на Объект-1.*

*Поток-2 перестанет работать с Объектом-2 и переключится на Объект-1, как только Поток-1 перестанет работать с Объектом 1 и переключится на Объект-2*





# Много потоков – много проблем

## Взаимная блокировка



Не все Race condition потенциально производят Deadlock, однако, Deadlock происходят только в Race condition.





# Задание

Создайте взаимную блокировку потоков.

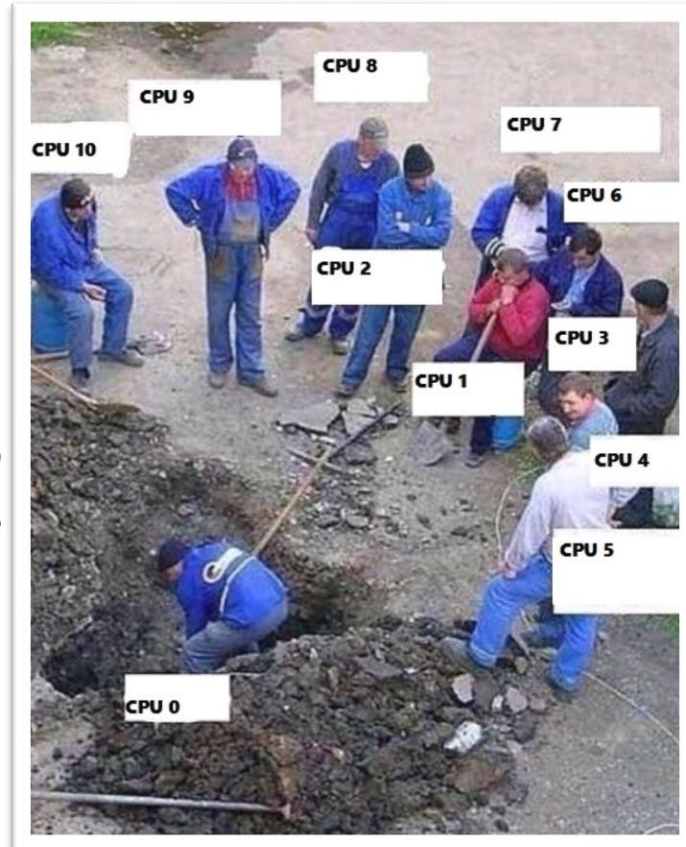


3

# Домашнее задание

# Домашнее задание

1 Создайте класс Траншея. У траншеи есть целевая длина и текущая длина. Создайте класс Землекоп, объекты которого копают траншею (увеличивают текущую длину), пока не будет достигнута целевая длина. Каждый землекоп может прокопать 1 м траншеи, а затем он отдыхает 10 секунд. В программе создайте траншею и двух землекопов. Измерьте, за какое время траншею прокопает один землекоп и за какое время с такой же траншеей управятся двое.



# Домашнее задание

2 Напишите программу, которая вычисляет какую-либо сложную функцию для каждого целого числа от 1 до N, N – входной параметр (большое число, например, 10 000 000)

N – ввод с консоли. Результат выводится на экран. Поскольку N – большое, необходимо разбить вычисления на несколько частей и каждую часть вычислить в отдельном потоке параллельно. Для каждой части нужно создать объект Task, внутри которого запомнить данные для начала вычислений, а так же сохранить результат после завершения вычислений. Каждый поток работает со своим объектом Task.

Примеры функций (сходящиеся ряды, удобны тем, что можно проверить результат вычислений программы):

$$\sum_{i=0}^{\infty} \frac{1}{2^i} = 1 + \frac{1}{2} + \frac{1}{4} + \frac{1}{8} + \dots = 2 \quad \sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{n(n+1)} = \sum_{n=1}^{\infty} \left( \frac{1}{n} - \frac{1}{n+1} \right) = 1$$

$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{n^2} = \frac{\pi^2}{6}$$

$$\sum_{n=0}^{\infty} q^n = \frac{1}{1-q}, \text{ где } |q| < 1$$

# ЗАКЛЮЧЕНИЕ

