

Міністерство освіти і науки України
Національний технічний університет України «Київський політехнічний
інститут імені Ігоря Сікорського»
Факультет інформатики та обчислювальної техніки

Кафедра інформатики та програмної інженерії

Звіт

з лабораторної роботи № 2 з дисципліни
«Неінформативний, інформативний та локальний пошук»

„Проектування і аналіз алгоритмів зовнішнього сортування”

Виконав(ла)

ІІІ-ІЗ Замковий Д. В.
(шифр, прізвище, ім'я, по батькові)

Перевірів

Сошов О. О.
(прізвище, ім'я, по батькові)

Київ 2022

ЗМІСТ

1	МЕТА ЛАБОРАТОРНОЇ РОБОТИ	3
2	ЗАВДАННЯ	4
3	ВИКОНАННЯ	9
3.1	ПСЕВДОКОД АЛГОРИТМІВ.....	9
3.2	ПРОГРАМНА РЕАЛІЗАЦІЯ	10
3.2.1	<i>Вихідний код.....</i>	<i>10</i>
3.2.2	<i>Приклади роботи.....</i>	<i>16</i>
3.3	ДОСЛІДЖЕННЯ АЛГОРИТМІВ	17
	ВИСНОВОК	19
	КРИТЕРІЇ ОЦІНЮВАННЯ	20

1 МЕТА ЛАБОРАТОРНОЇ РОБОТИ

Мета роботи – розглянути та дослідити алгоритми неінформативного, інформативного та локального пошуку. Провести порівняльний аналіз ефективності використання алгоритмів.

2 ЗАВДАННЯ

Записати алгоритм розв’язання задачі у вигляді псевдокоду, відповідно до варіанту (таблиця 2.1).

Реалізувати програму, яка розв’язує поставлену задачу згідно варіанту (таблиця 2.1) за допомогою алгоритму неінформативного пошуку **АНП**, алгоритму інформативного пошуку **АП**, що використовує задану евристичну функцію *Func*, або алгоритму локального пошуку **АЛП** та **бектрекінгу**, що використовує задану евристичну функцію *Func*.

Програму реалізувати на довільній мові програмування.

Увага! Алгоритм неінформативного пошуку **АНП**, реалізовується за принципом «AS IS», тобто так, як є, без додаткових модифікацій (таких як перевірка циклів, наприклад).

Провести серію експериментів для вивчення ефективності роботи алгоритмів. Кожний експеримент повинен відрізнятись початковим станом. Серія повинна містити не менше 20 експериментів для кожного алгоритму. Початковий стан зафіксувати у таблиці експериментів. За проведеними серіями необхідно визначити:

- середню кількість етапів (кроків), які знадобилось для досягнення розв’язку (ітерації);
- середню кількість випадків, коли алгоритм потрапляв в глухий кут (не міг знайти оптимальний розв’язок) – якщо таке можливе;
- середню кількість згенерованих станів під час пошуку;
- середню кількість станів, що зберігаються в пам’яті під час роботи програми.

Передбачити можливість обмеження виконання програми за часом (30 хвилин) та використання пам’яті (1 Гб).

Використані позначення:

– **8-ферзів** – Задача про вісім ферзів полягає в такому розміщенні восьми ферзів на шахівниці, що жодна з них не ставить під удар один одного. Тобто, вони не повинні стояти в одній вертикалі, горизонталі чи діагоналі.

– **8-puzzle** – гра, що складається з 8 однакових квадратних пластинок з нанесеними числами від 1 до 8. Пластинки поміщаються в квадратну коробку, довжина сторони якої в три рази більша довжини сторони пластинок, відповідно в коробці залишається незаповненим одне квадратне поле. Мета гри – переміщаючи пластинки по коробці досягти впорядкування їх по номерах, бажано зробивши якомога менше переміщень.

– **Лабіринт** – задача пошуку шляху у довільному лабіринті від початкової точки до кінцевої з можливими випадками відсутності шляху. Структура лабіринту зчитується з файлу, або генерується програмою.

– **LDFS** – Пошук вглиб з обмеженням глибини.

– **BFS** – Пошук вшир.

– **IDS** – Пошук вглиб з ітеративним заглибленням.

– **A*** – Пошук A*.

– **RBFS** – Рекурсивний пошук за першим найкращим співпадінням.

– **F1** – кількість пар ферзів, які б'ють один одного з урахуванням видимості (ферзь А може стояти на одній лінії з ферзем В, проте між ними стоїть ферзь С; тому А не б'є В).

– **F2** – кількість пар ферзів, які б'ють один одного без урахування видимості.

– **H1** – кількість фішок, які не стоять на своїх місцях.

– **H2** – Манхетенська відстань.

– **H3** – Евклідова відстань.

– **COLOR** – Задача розфарбування карти самостійно обраної країни, не менше 20 регіонів (областей). Необхідно розфарбувати карту не більше ніж у 4 різні кольори. Мається на увазі приписування кожному регіону власного

кольору так, щоб кольори сусідніх регіонів відрізнялись. Використовувати евристичну функцію, яка повертає кількість пар суміжних вузлів, що мають однаковий колір (тобто кількість конфліктів). Реалізувати алгоритм пошуку із поверненнями (backtracking) для розв’язання поставленої задачі. Для підвищення швидкодії роботи алгоритму використати евристичну функцію, а початковим станом вважати випадкову вершину.

- **HILL** – Пошук зі сходженням на вершину з використанням із використанням руху вбік (на 100 кроків) та випадковим перезапуском (кількість необхідних разів запуску визначити самостійно).

- **ANNEAL** – Локальний пошук із симуляцією відпалу. Робоча характеристика – залежність температури T від часу роботи алгоритму t . Можна розглядати лінійну залежність: $T = 1000 - k \cdot t$, де k – змінний коефіцієнт.

- **BEAM** – Локальний променевий пошук. Робоча характеристика – кількість променів k . Експерименти проводи із кількістю променів від 2 до 21.

- **MRV** – евристика мінімальної кількості значень;

- **DGR** – ступенева евристика.

Таблиця 2.1 – Варіанти алгоритмів

№	Задача	АНП	АП	АЛП	Func
1	Лабіринт	LDFS	A*		H2
2	Лабіринт	LDFS	RBFS		H3
3	Лабіринт	BFS	A*		H2
4	Лабіринт	BFS	RBFS		H3
5	Лабіринт	IDS	A*		H2
6	Лабіринт	IDS	RBFS		H3
7	8-ферзів	LDFS	A*		F1
8	8-ферзів	LDFS	A*		F2
9	8-ферзів	LDFS	RBFS		F1

10	8-ферзів	LDFS	RBFS		F2
11	8-ферзів	BFS	A*		F1
12	8-ферзів	BFS	A*		F2
13	8-ферзів	BFS	RBFS		F1
14	8-ферзів	BFS	RBFS		F2
15	8-ферзів	IDS	A*		F1
16	8-ферзів	IDS	A*		F2
17	8-ферзів	IDS	RBFS		F1
18	Лабіринт	LDFS	A*		H3
19	8-puzzle	LDFS	A*		H1
20	8-puzzle	LDFS	A*		H2
21	8-puzzle	LDFS	RBFS		H1
22	8-puzzle	LDFS	RBFS		H2
23	8-puzzle	BFS	A*		H1
24	8-puzzle	BFS	A*		H2
25	8-puzzle	BFS	RBFS		H1
26	8-puzzle	BFS	RBFS		H2
27	Лабіринт	BFS	A*		H3
28	8-puzzle	IDS	A*		H2
29	8-puzzle	IDS	RBFS		H1
30	8-puzzle	IDS	RBFS		H2
31	COLOR			HILL	MRV
32	COLOR			ANNEAL	MRV
33	COLOR			BEAM	MRV
34	COLOR			HILL	DGR
35	COLOR			ANNEAL	DGR

36	COLOR			BEAM	DGR
----	-------	--	--	------	-----

3 ВИКОНАННЯ

3.1 Псевдокод алгоритмів

```
function DLS(node, depth) is
  if depth = 0 then
    if node is a goal then
      return (node, true)
    else
      return (null, true)    (Not found, but may have children)

  else if depth > 0 then
    any_remaining ← false
    foreach child of node do
      found, remaining ← DLS(child, depth-1)
      if found ≠ null then
        return (found, true)
      if remaining then
        any_remaining ← true    (At least one node found at depth, let IDDFS deepen)
    return (null, any_remaining)
```

```
function Recursive-Best-First-Search(problem) returns рішення result
  або індикатор невдачі failure
  RBFS(problem, Make-Node(Initial-State[problem] ) , ∞)
```

```
function RBFS(problem, node, f_limit) returns рішення result
  або індикатор невдачі failure і новий межа f-вартості f_limit
  if Goal-Test[problem](State[node]) then return вузол node
  successors ← Expand(node, problem)
  if множина вузлів-наступників successors пуста
    then return failure, ∞
  for each s in successors do
    f[s] ← max(g(s)+h(s) , f[node] )
  repeat
    best ← вузол з найменшим f-значенням в множині successors
    if f[best] > f_limit then return failure, f[best]
    alternative ← друге після найменшого f-значення в множині successors
    result, f[best] ← RBFS(problem, best, min{f_limit, alternative})
  if result ≠ failure then return result
```

3.2 Програмна реалізація

3.2.1 Вихідний код

```
const SIZE: usize = 8;
const LIMIT: usize = 8;

enum RBFSRes {
    Ok ([usize; SIZE]),
    Err,
}

enum LDFSRes {
    Success ([usize; SIZE], usize, usize),
    Cutoff (usize, usize),
    DeadEnd (usize, usize),
}

struct State
{
    board: [usize; SIZE],
    child_state: Vec<State>,
}

impl State {
    fn new (arr: [usize; SIZE]) -> State {
        return State {
            board: arr,
            child_state: Vec::new(),
        };
    }

    fn expand_state(&mut self) {
        for i in 0..SIZE {
            let row = self.board[i];
            for j in 0..SIZE {
                let mut new_state = State::new(self.board);
                if j != row {
                    new_state.board[i] = j;
                    self.child_state.push(new_state);
                }
            }
        }
    }
}
```

```

    fn copy (&mut self) -> State {
        let mut new_state = State::new(self.board);
        return new_state;
    }
}

fn arr_out (arr: [usize; SIZE]) {

    for i in 0..SIZE {
        let mut out = "".to_string();
        for j in 0..SIZE {
            if j == arr[i] {
                out += &"[Q]";
            } else {
                out += &"[ ]";
            }
        }
        println!("{}", out);
    }
}

fn main()
{
    // let input: [usize; SIZE] = [3, 5, 7, 1, 6, 0, 2, 4];
    let input: [usize; SIZE] = [1, 3, 6, 4, 1, 4, 6, 6];
    println!("Input:");
    arr_out(input);
    println!("LDFS:");
    match ldfs(input, 0, 0, 8, 0, 0)
    {
        LDFSRes::Success (k, _, _) => arr_out(k),
        LDFSRes::DeadEnd (c, t) => println!("Dead end\nCount of dead_ends -
{} \nTotal states - {}", c, t),
        LDFSRes::Cutoff (c, t) => println!("Not found at this depth\nCount of
dead_ends - {} \nTotal states - {}", c, t),
    };
    println!("RBFS:");
    match rbfs(&mut State::new(input), 64, 0) {
        RBFSRes::Ok(e) => arr_out(e),
        RBFSRes::Err => println!("Error"),
    }
}

fn f2(arr: [usize; SIZE]) -> usize {

```

```

    let mut result: usize = 0;
    for i in 1..SIZE {
        for j in 0..SIZE {
            if arr[i] + i == arr[j] + j {
                result += 1;
            }
            if abs(arr[i], i) == abs(arr[j], j) {
                result += 1;
            }
            if arr[i] == arr[j] {
                result += 1;
            }
        }
    }
    return result;
}

fn min(arr: Vec<usize>) -> (usize, usize) {
    let mut key = 0;
    let mut min = arr[key];
    for i in 1..arr.len() {
        if arr[i] < min {
            min = arr[i];
            key = i;
        }
    }
    return (min, key);
}

fn rbfs (state: &mut State, f_limit: usize, depth: usize) -> RBFSRes
{
    if check_state(state.board) {
        return RBFSRes::Ok(state.board);
    }
    if depth >= LIMIT {
        return RBFSRes::Err;
    }
    state.expand_state();
    let mut f: Vec<usize> = Vec::new();
    for i in 0..state.child_state.len() {
        f.push(f2(state.child_state[i].board))
    }
    loop {
        let best_value: usize;
        let best_index: usize;

```

```

        (best_value, best_index) = min(f.clone());
        let mut best_state = state.child_state[best_index].copy();
        if best_value > f_limit {
            return RBFSRes::Err;
        }
        state.child_state.remove(best_index);
        f.remove(best_index);

        let alt = min(f.clone());
        if let RBFSRes::Ok(k) = rbfs(&mut best_state, f_limit.min(alt.0), depth +
1) {
            return RBFSRes::Ok(k);
        }
    }
}

fn ldfs (arr: [usize; SIZE], curent_line: usize, depth: usize, max_depth: usize,
count_of_dead_ends: usize, total_states: usize) -> LDFSRes
{
    let mut count: usize = count_of_dead_ends;
    let mut total: usize = total_states + 1;
    if depth == max_depth || curent_line > SIZE - 1 {
        if check_state(arr) {
            return LDFSRes::Success (arr, count, total);
        } else {
            count += 1;
            if depth == max_depth {
                return LDFSRes::DeadEnd (count, total)
            } else {
                return LDFSRes::Cutoff (count, total)
            }
        }
    }
}

match ldfs(arr, curent_line + 1, depth, max_depth, count, total) {
    LDFSRes::Success (k, c, t) => {
        return LDFSRes::Success (k, c, t);
    },
    LDFSRes::Cutoff (c, t) => {
        count = c;
        total = t;
    },
    LDFSRes::DeadEnd (c, t) => {
        count = c;
        total = t;
    },
}

```

```

    }

    for i in 0..SIZE {
        if i != arr[curent_line] {
            let mut new_arr = arr;
            new_arr[curent_line] = i;
            match ldfs(new_arr, curent_line + 1, depth + 1, max_depth, count,
total) {
                LDFSRes::Success (k, c, t) => {
                    return LDFSRes::Success (k, c, t);
                },
                LDFSRes::Cutoff (c, t) => {
                    count = c;
                    total = t;
                },
                LDFSRes::DeadEnd (c, t) => {
                    count = c;
                    total = t;
                },
            }
        }
    }

    return LDFSRes::Cutoff (count, total);
}

fn check_state (arr: [usize; SIZE]) -> bool
{
    for _i in 0..SIZE {
        if find(arr) {
            return false;
        }
    }

    for i in 0..SIZE-1 {
        for j in i+1..SIZE {
            if abs(arr[j], arr[i]) == abs(j, i) {
                return false;
            }
        }
    }

    return true;
}

```

```
fn abs (int1: usize, int2: usize) -> usize
{
    if int2 > int1 {
        return int2 - int1;
    } else {
        return int1 - int2;
    }
}

fn find (arr: [usize; SIZE]) -> bool
{
    for i in 0..SIZE-1 {
        for j in i+1..SIZE {
            if arr[i] == arr[j] {
                return true;
            }
        }
    }
    return false;
}
```

3.2.2 Приклади роботи

На рисунках 3.1 і 3.2 показані приклади роботи програми для різних алгоритмів пошуку.

```
Input:
[ ][Q][ ][ ][ ][ ][ ][ ]
[ ][ ][ ][Q][ ][ ][ ][ ]
[ ][ ][ ][ ][ ][ ][Q][ ]
[ ][ ][ ][ ][Q][ ][ ][ ]
[ ][Q][ ][ ][ ][ ][ ][ ]
[ ][ ][ ][ ][Q][ ][ ][ ]
[ ][ ][ ][ ][ ][ ][Q][ ]
[ ][ ][ ][ ][ ][ ][Q][ ]
LDFS:
[ ][Q][ ][ ][ ][ ][ ][ ]
[ ][ ][ ][Q][ ][ ][ ][ ]
[ ][ ][ ][ ][ ][Q][ ][ ]
[ ][ ][ ][ ][ ][ ][Q]
[ ][ ][Q][ ][ ][ ][ ][ ]
[Q][ ][ ][ ][ ][ ][ ][ ]
[ ][ ][ ][ ][ ][ ][Q][ ]
[ ][ ][ ][ ][Q][ ][ ][ ]
```

Рисунок 3.1 – Алгоритм LDFS

```
PS C:\Users\Dima\source\labs_rust> cargo run
  Finished dev [unoptimized + debuginfo] target(s) in 0.00s
  Running `target\debug\labs_rust.exe`
Input:
[ ][Q][ ][ ][ ][ ][ ][ ]
[ ][ ][ ][Q][ ][ ][ ][ ]
[ ][ ][ ][ ][ ][ ][Q][ ]
[ ][ ][ ][ ][Q][ ][ ][ ]
[ ][Q][ ][ ][ ][ ][ ][ ]
[ ][ ][ ][ ][Q][ ][ ][ ]
[ ][ ][ ][ ][ ][ ][Q][ ]
[ ][ ][ ][ ][Q][ ][ ][ ]
RBFS:
[ ][ ][ ][Q][ ][ ][ ][ ]
[ ][ ][ ][ ][ ][ ][Q][ ]
[ ][ ][Q][ ][ ][ ][ ][ ]
[ ][ ][ ][ ][ ][ ][Q]
[ ][Q][ ][ ][ ][ ][ ][ ]
[ ][ ][ ][ ][Q][ ][ ][ ]
[Q][ ][ ][ ][ ][ ][ ][ ]
```

Рисунок 3.2 – Алгоритм RBFS

3.1 Дослідження алгоритмів

В таблиці 3.1 наведені характеристики оцінювання алгоритму LDFS задачі 8 ферзів для 20 початкових станів.

Таблиця 3.1 – Характеристики оцінювання алгоритму пошуку з обмеженням глибини.

Початкові стани	Ітерації	К-сть гл. кутів	Всього станів	Всього станів у пам'яті
[3,2,7,7,0,7,3,3]	742853	649994	742860	8
[6,7,2,4,3,0,6,7]	335536	293589	335543	7
[0,1,2,1,6,6,6,6]	1485706	1299988	1485712	5
[0,4,1,5,2,7,3,2]	262684	229843	262691	5
[2,0,2,3,7,3,0,0]	243605	213149	243610	7
[3,4,3,4,0,6,1,0]	482773	422421	482779	5
[4,2,5,6,5,6,0,1]	39187	34283	39193	7
[4,3,0,5,2,5,3,4]	416247	364211	416254	8
[0,5,2,7,5,1,2,3]	262684	229843	262689	8
[3,0,3,4,2,7,4,1]	184285	161245	184291	7
[3,2,4,3,0,4,1,2]	333415	291733	333421	6
[1,5,6,6,4,4,6,0]	40340	35292	40346	7
[6,0,0,1,7,0,2,5]	111426	97439	111432	8
[7,1,4,2,5,7,4,1]	1146	997	1152	6
[3,5,7,1,0,3,4,2]	3623	3164	3628	8
[7,3,1,3,6,5,1,4]	55211	48304	55216	7
[4,3,4,2,1,2,6,6]	477047	417411	477053	7
[3,2,5,4,2,6,4,2]	820816	755709	820823	6
[4,7,7,0,4,6,5,1]	152022	133014	152029	7
[4,1,6,1,3,7,1,7]	177540	155343	177546	6

В таблиці 3.2 наведені характеристики оцінювання алгоритму RBFS задачі 8 ферзів для 20 початкових станів.

Початкові стани	Ітерації	К-сть гл. кутів	Всього станів	Всього станів у пом'яті
[5,6,6,2,6,6,4,2]	6	0	336	65
[4,7,2,4,1,6,3,4]	9	0	504	64
[4,4,4,7,2,2,0,7]	3438	3037	22456	65
[1,1,4,4,1,3,6,6]	159	117	2352	63
[5,5,5,7,7,3,2,4]	4826	4482	19264	61
[7,2,0,3,7,7,1,0]	34	19	840	65
[7,3,1,4,3,5,7,6]	106	75	1736	61
[3,1,1,0,7,6,3,6]	14	3	616	65
[0,7,4,0,5,1,5,0]	862	675	10472	64
[5,7,5,5,2,3,4,7]	95	74	1176	65
[6,5,2,6,7,6,4,7]	6	0	336	63
[1,3,3,1,5,6,2,4]	5	0	280	63
[4,5,7,7,2,1,6,4]	1514	1320	10864	61
[7,1,5,5,1,1,4,0]	6378	5693	38360	65
[4,1,1,6,0,4,7,4]	4	0	224	60
[3,2,2,3,1,2,6,1]	60	40	1120	63
[1,0,5,3,7,4,5,1]	1209	1064	8120	64
[1,1,1,4,3,5,1,0]	56	37	1064	60
[2,1,3,7,5,4,0,4]	6	0	336	61
[5,6,7,7,6,3,0,6]	310	266	2464	64

ВИСНОВОК

При виконанні даної лабораторної роботи було розглянуто алгоритми неінформативного, інформативного та локального пошуку. Було досліджено переваги та недоліки кожного з методів, а також набуто практичних навичок проектування алгоритмів під час реалізації алгоритмів RBFS та LDFS для задачі 8 ферзів.

КРИТЕРІЇ ОЦІНЮВАННЯ

За умови здачі лабораторної роботи до 23.10.2022 включно максимальний бал дорівнює – 5. Після 23.10.2022 максимальний бал дорівнює – 1.

Критерії оцінювання у відсотках від максимального балу:

- псевдокод алгоритму – 10%;
- програмна реалізація алгоритму – 60%;
- дослідження алгоритмів – 25%;
- висновок – 5%.