

# Data Structures and Algorithms

**MSc. KhangVQH**

Faculty Of Information Technology

Fall - 2022

# *Lecture #3*

# Sorting algorithms

# Today's Discussion...

- Introduction
- Different sorting algorithms

# **Introduction**

# Sorting – The Task

- Given an array

$x[0], x[1], \dots, x[\text{size}-1]$

reorder entries so that

$x[0] \leq x[1] \leq \dots \leq x[\text{size}-1]$

Here, List is in non-decreasing order.

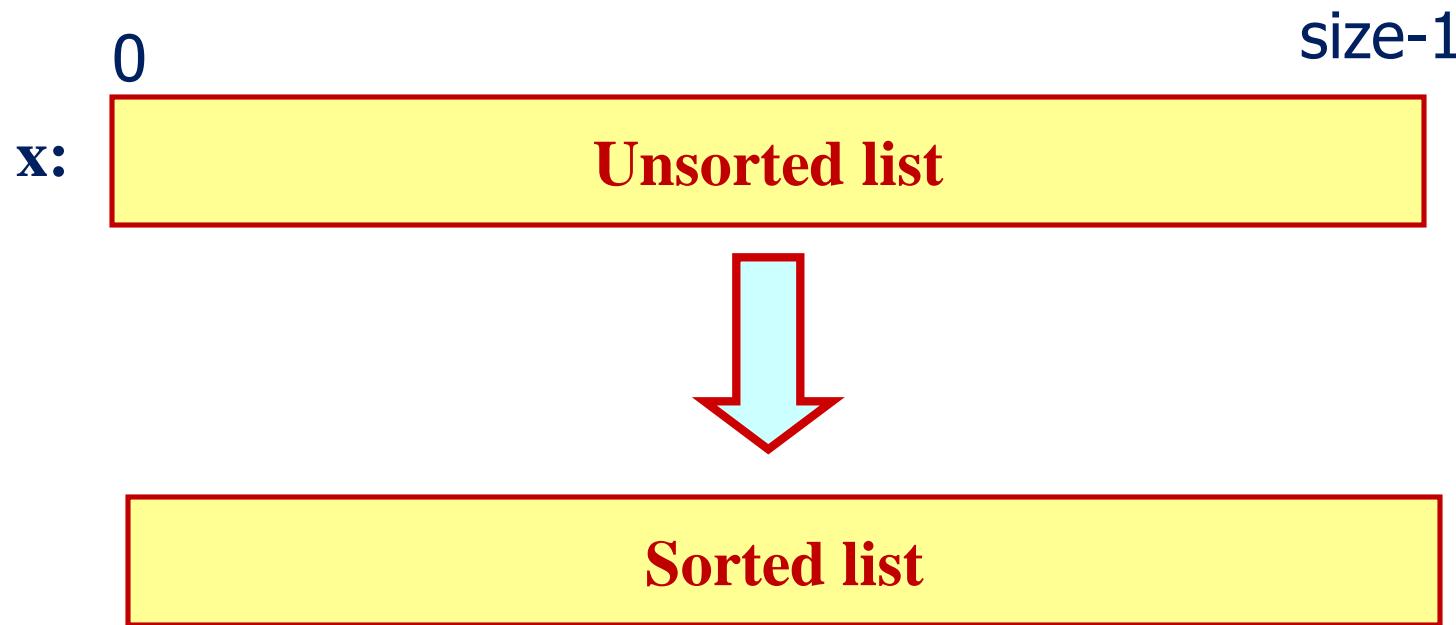
- We can also sort a list of elements in non-increasing order.

# Sorting – Example

- Original list:
  - 10, 30, 20, 80, 70, 10, 60, 40, 70
- Sorted in non-decreasing order:
  - 10, 10, 20, 30, 40, 60, 70, 70, 80
- Sorted in non-increasing order:
  - 80, 70, 70, 60, 40, 30, 20, 10, 10

# Sorting Problem

- What do we want :
  - Data to be sorted in order



# Các phương pháp sắp xếp thông dụng

8

- Phương pháp Đổi chỗ trực tiếp (**Interchange sort**)
- Phương pháp Nối bọt (**Bubble sort**)
- Phương pháp Chèn trực tiếp (**Insertion sort**)
- Phương pháp Chọn trực tiếp (**Selection sort**)
- Phương pháp dựa trên phân hoạch (**Quick sort**)

# *Interchange Sort – Ý tưởng*

9

- Ý tưởng:
  - Xuất phát từ đầu dây, tìm tất cả nghịch thế chưa phần tử này, triệt tiêu chúng bằng cách đổi chỗ phần tử này với phần tử tương ứng trong cặp nghịch thế.
  - Lặp lại xử lý trên với các phần tử tiếp theo trong dây

# *Interchange Sort – Thuật toán*

10

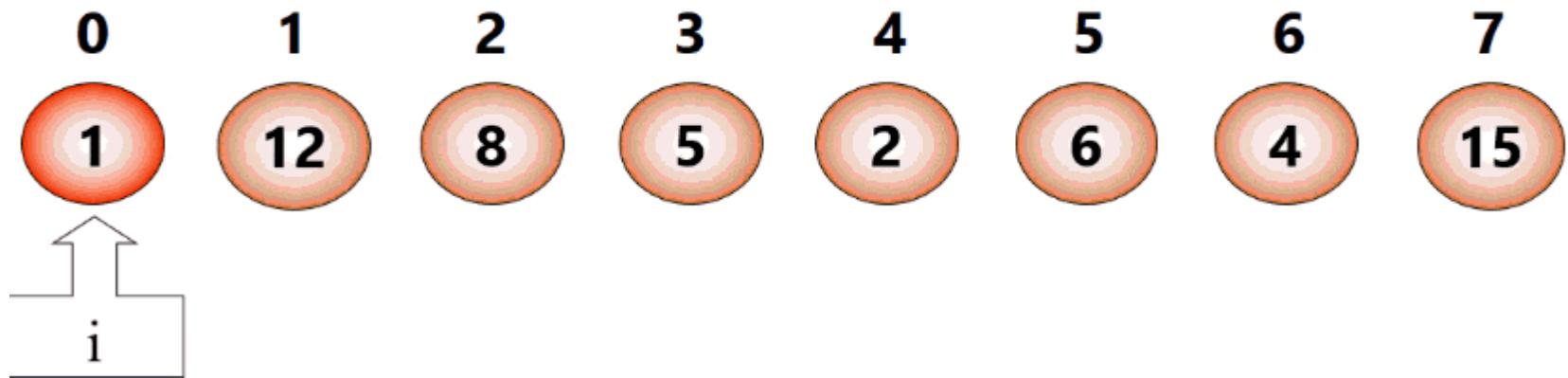
// input: dãy ( $a, n$ )

// output: dãy ( $a, n$ ) đã được sắp xếp

- Bước 1:  $i = 0$ ; // bắt đầu từ đầu dãy
- Bước 2:  $j = i+1$ ;
- Bước 3: Trong khi  $j < n$  thực hiện:
  - Nếu  $a[i] > a[j]$  thì đổi chỗ  $a[i], a[j]$
  - $j = j+1$ ;
- Bước 4:  $i = i+1$ ;
  - Nếu ( $i < n-1$ ): Lặp lại Bước 2
  - Ngược lại: Dừng

# *Interchange Sort – Ví dụ*

11



Nếu  $a[i] > a[j]$  thì đổi chỗ  $a[i], a[j]$

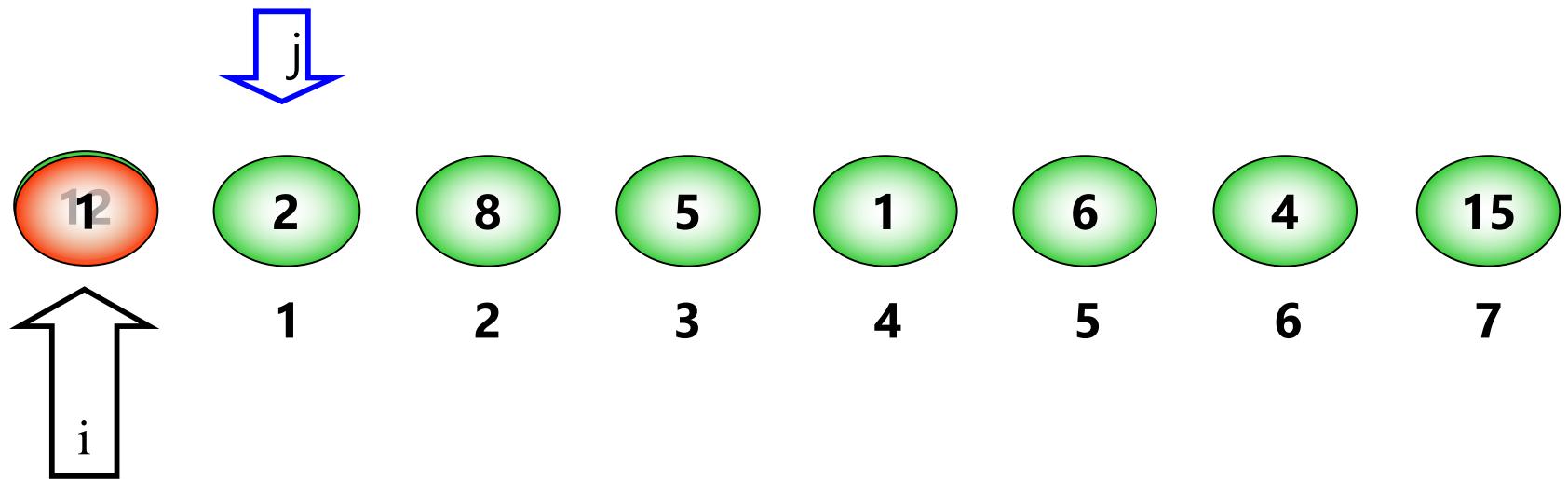
# *Interchange Sort - Cài đặt*

12

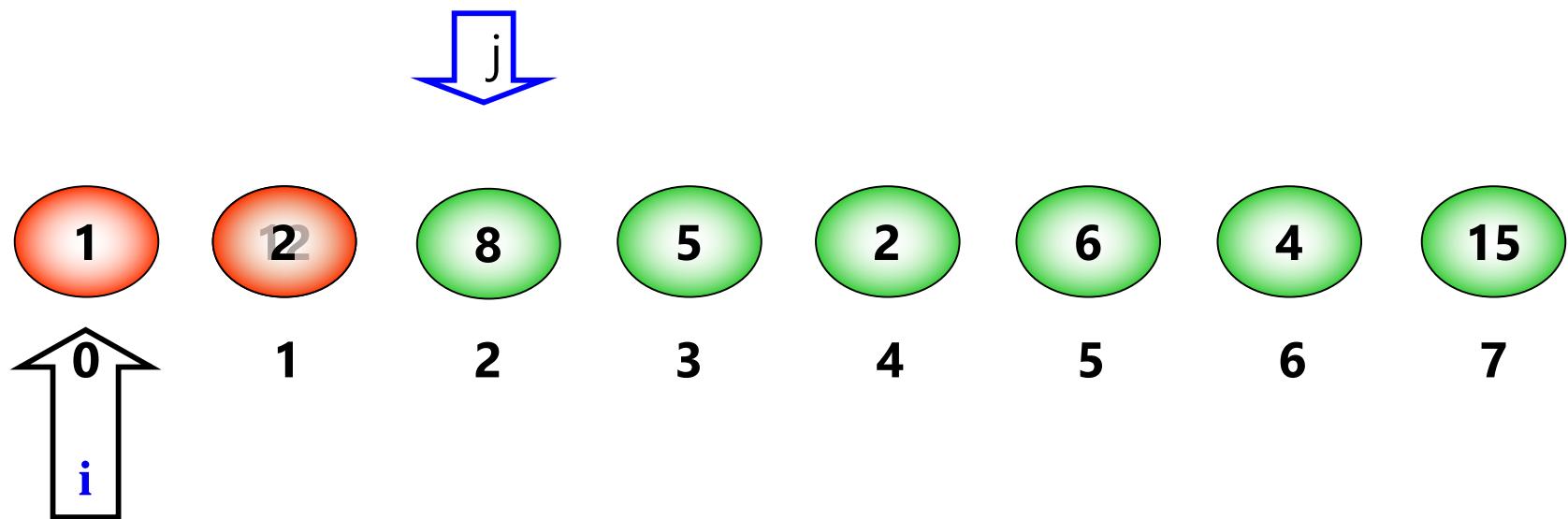
```
void InterchangeSort(int a[], int n)
{
    for (int i=0 ; i<n-1 ; i++)
        for (int j=i+1; j < n ; j++)
            if(a[i]>a[j]) //nếu có nghịch thế thì đổi chỗ
                Swap(a[i], a[j]);
}

void Swap(int &a, int &b)
{
    int temp = a;
    a = b;
    b = temp;
}
```

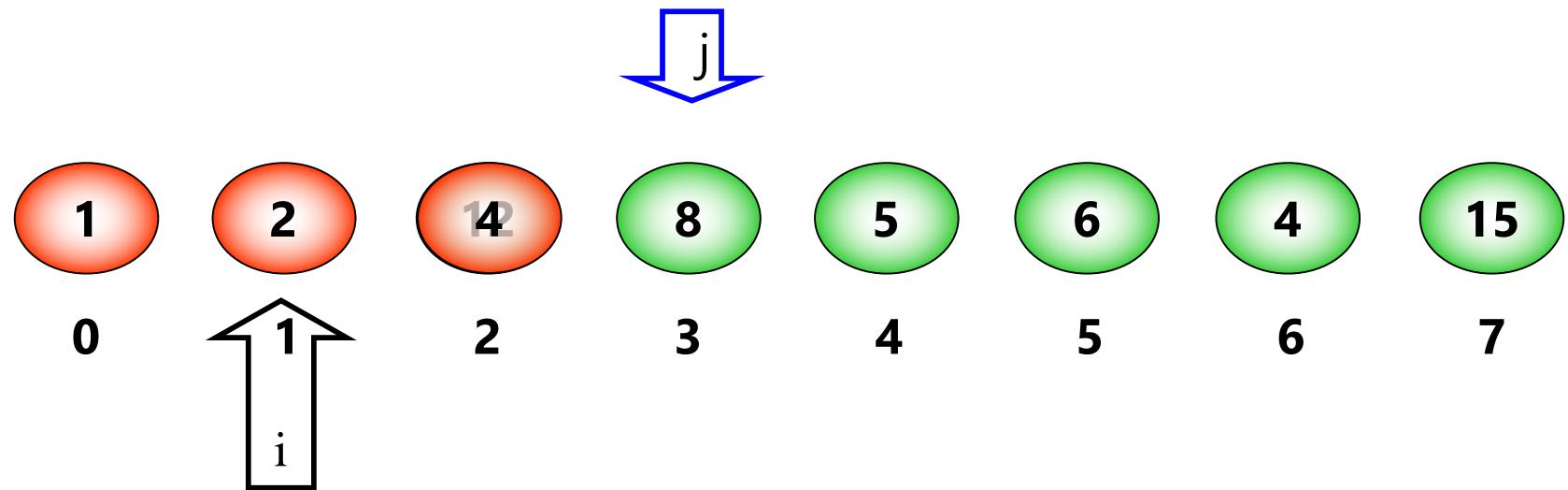
# Minh Họa Thuật Toán



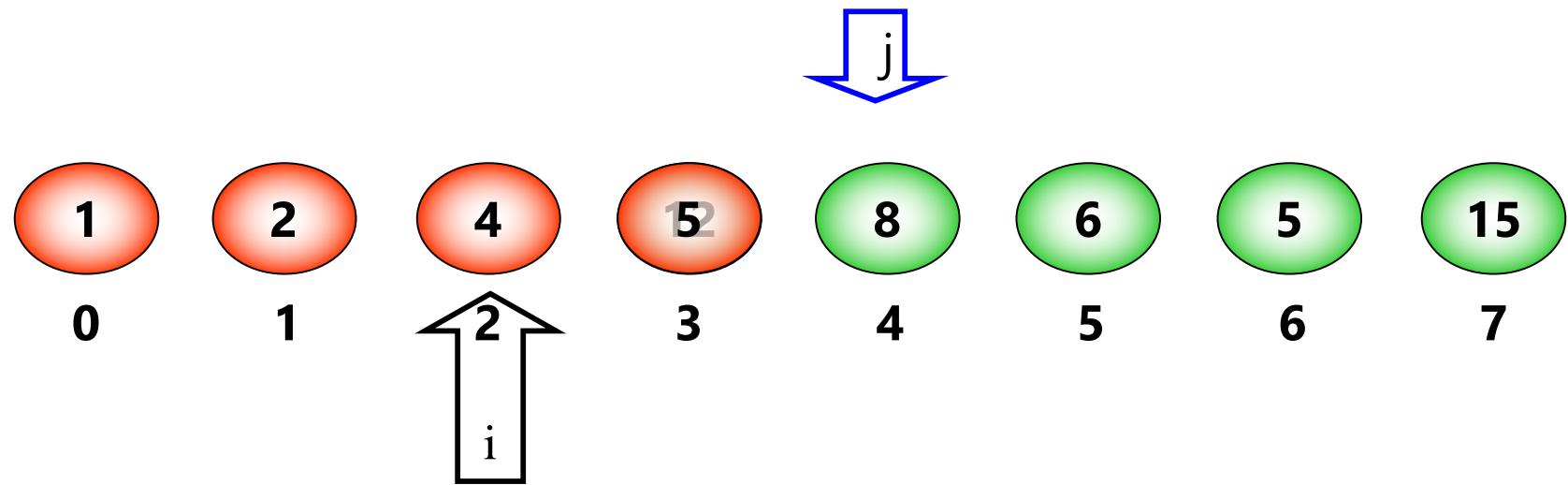
# Minh Họa Thuật Toán



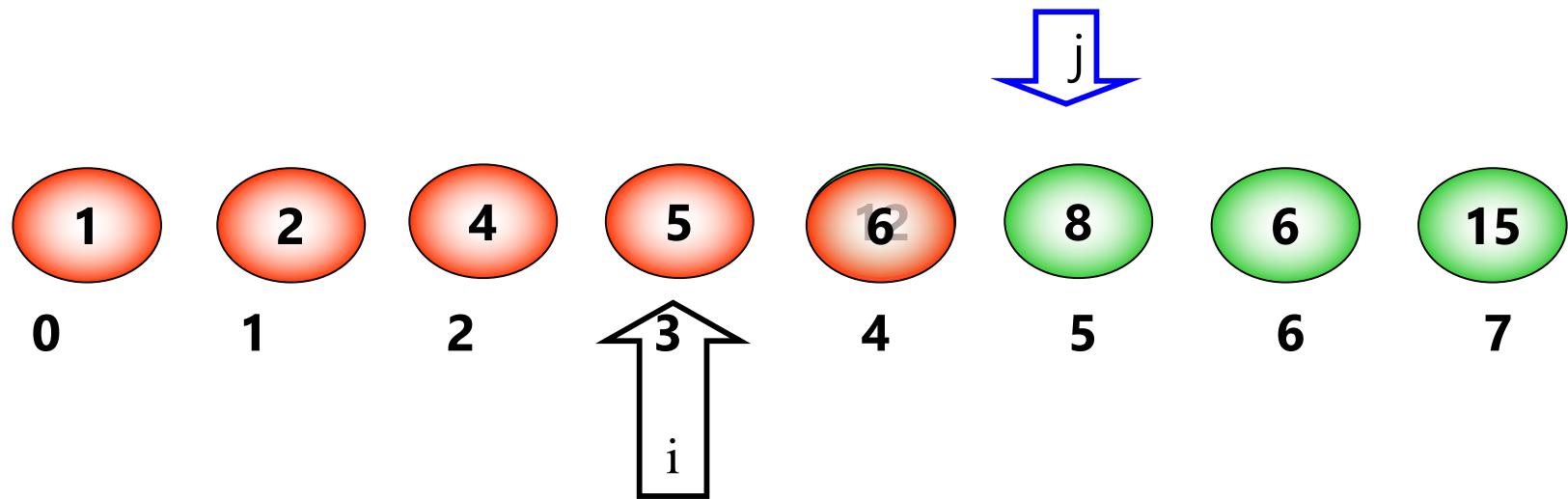
# Minh Họa Thuật Toán



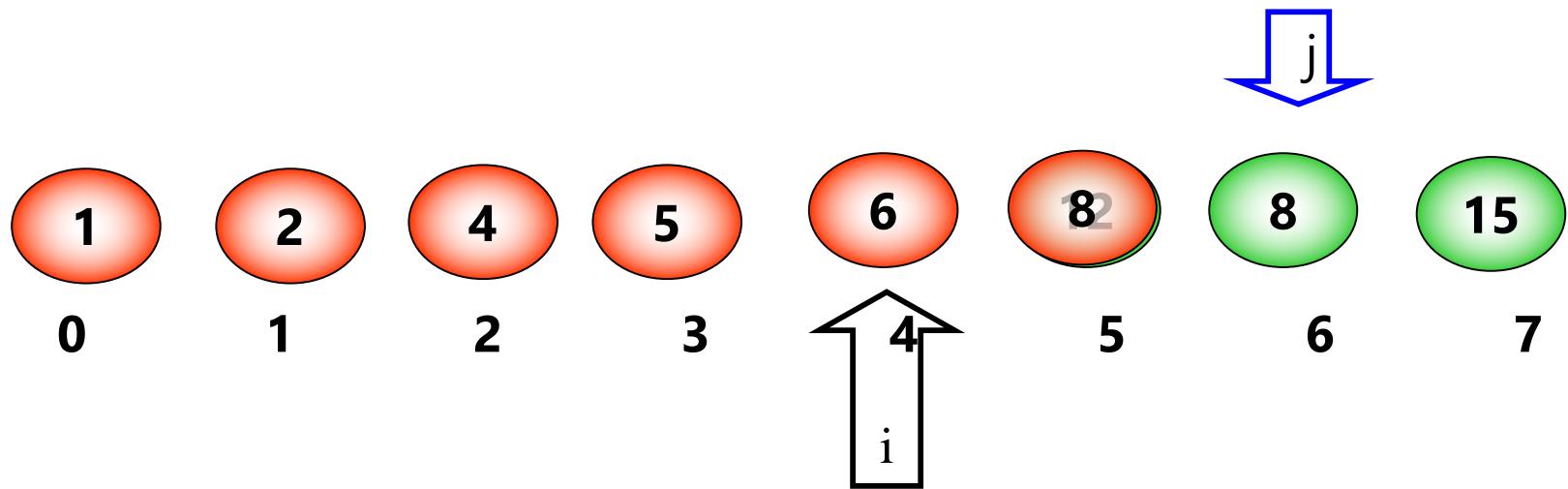
# Minh Họa Thuật Toán



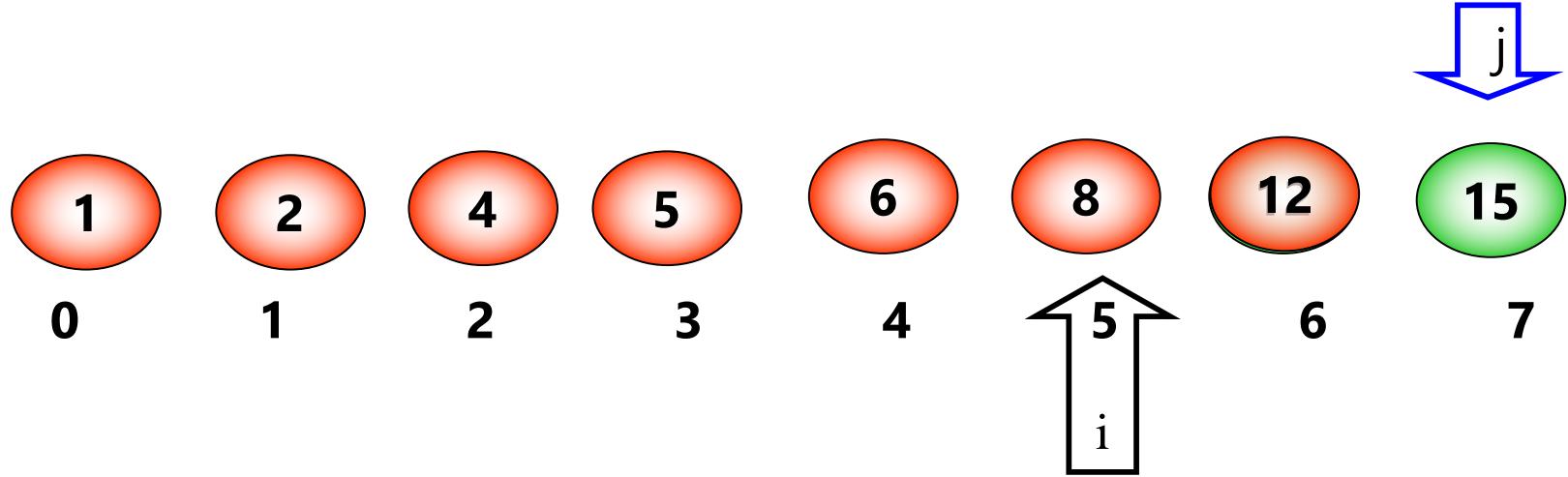
# Minh Họa Thuật Toán



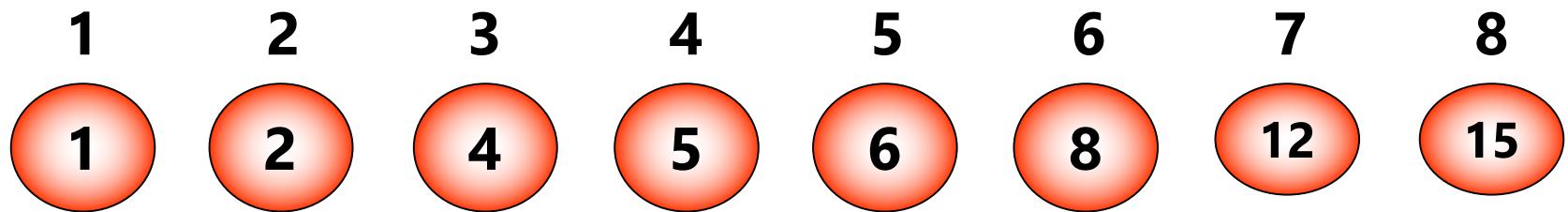
# Minh Họa Thuật Toán



# Minh Họa Thuật Toán



# Minh Họa Thuật Toán



# *Interchange Sort - Đánh giá giải thuật*

21

- Số lượng các phép so sánh xảy ra không phụ thuộc vào tình trạng của dãy số ban đầu
- Số lượng phép hoán vị thực hiện tùy thuộc vào kết quả so sánh

Trường hợp	Số lần so sánh	Số lần hoán vị
Tốt nhất	$\sum_{i=1}^{n-1} (n - i + 1) = \frac{n(n - 1)}{2}$	0
Xấu nhất	$\frac{n(n - 1)}{2}$	$\sum_{i=1}^{n-1} (n - i + 1) = \frac{n(n - 1)}{2}$

# Các phương pháp sắp xếp thông dụng

22

- Phương pháp Đổi chỗ trực tiếp ([Interchange sort](#))
- Phương pháp Nổi bọt ([Bubble sort](#))
- Phương pháp Chèn trực tiếp ([Insertion sort](#))
- Phương pháp Chọn trực tiếp ([Selection sort](#))
- Phương pháp dựa trên phân hoạch ([Quick sort](#))

# *Bubble Sort – Ý tưởng*

23

- Xuất phát từ cuối (đầu) dây, đổi chỗ các cặp phần tử kế cận để đưa phần tử nhỏ (lớn) hơn trong cặp phần tử đó về vị trí đúng đầu (cuối) dây hiện hành, sau đó sẽ không xét đến nó ở bước tiếp theo
- Ở lần xử lý thứ i có vị trí đầu dây là i
- Lặp lại xử lý trên cho đến khi không còn cặp phần tử nào để xét

# Bubble Sort – Thuật toán

24

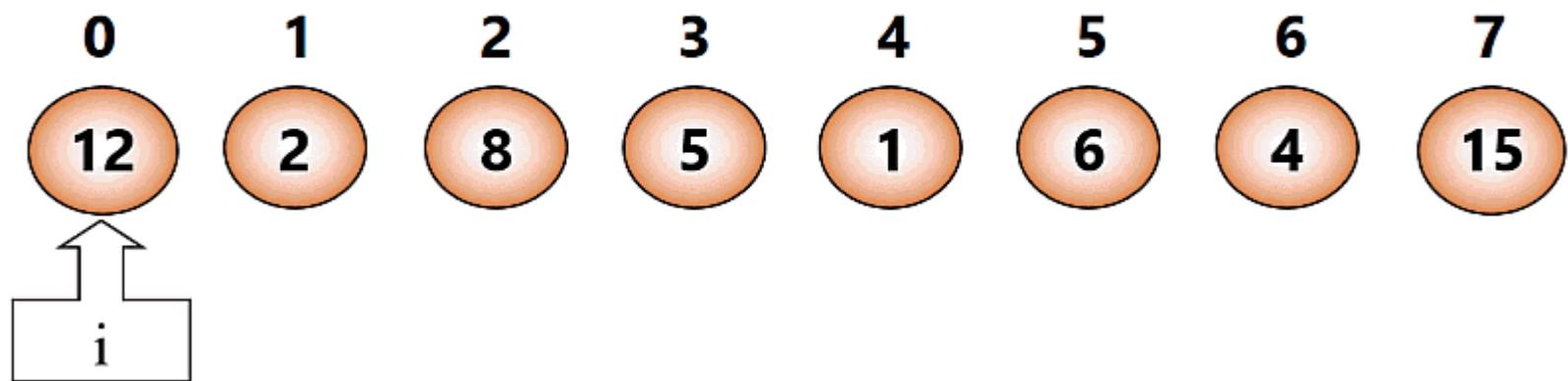
// input: dãy ( $a, n$ )

// output: dãy ( $a, n$ ) đã được sắp xếp

- Bước 1:  $i = 0;$
- Bước 2:  $j = n-1;$  // Duyệt từ cuối dãy ngược về vị trí  $i$ 
  - Trong khi ( $j > i$ ) thực hiện:
    - Nếu  $a[j] < a[j-1]$  thì đổi chỗ  $a[j], a[j-1]$
    - $j = j-1;$
- Bước 3:  $i = i+1;$  // lần xử lý kế tiếp
  - Nếu  $i = n$ : Dừng // Hết dãy
  - Ngược lại: Lặp lại Bước 2

# Bubble Sort – Ví dụ

25



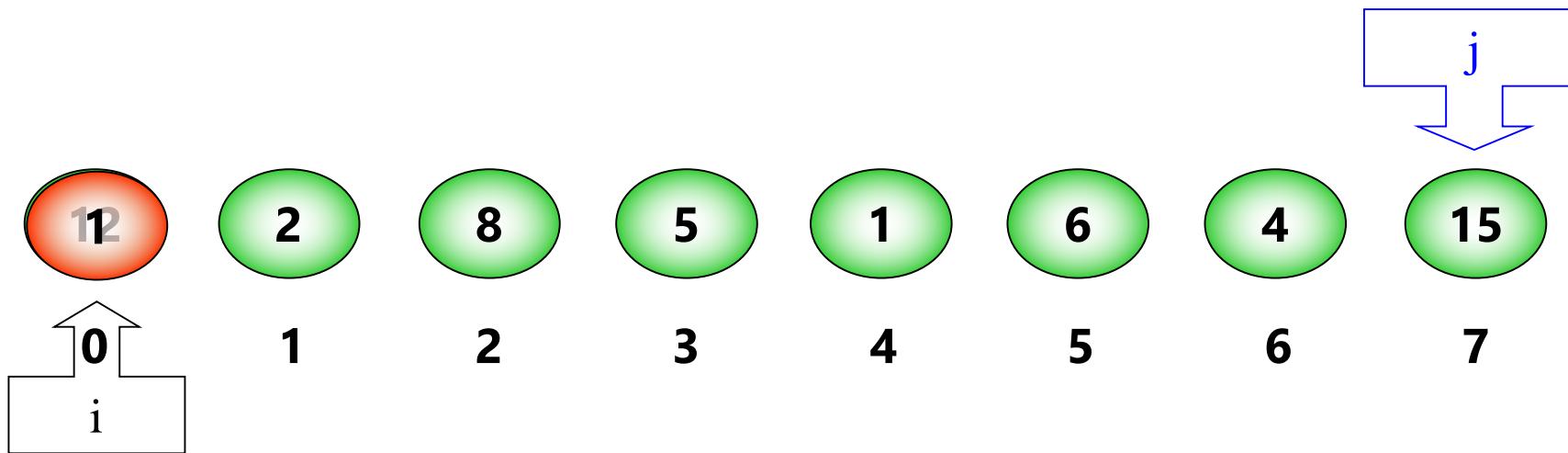
Nếu  $a[j] < a[j-1]$  thì đổi chỗ  $a[j], a[j-1]$

# *Bubble Sort - Cài đặt*

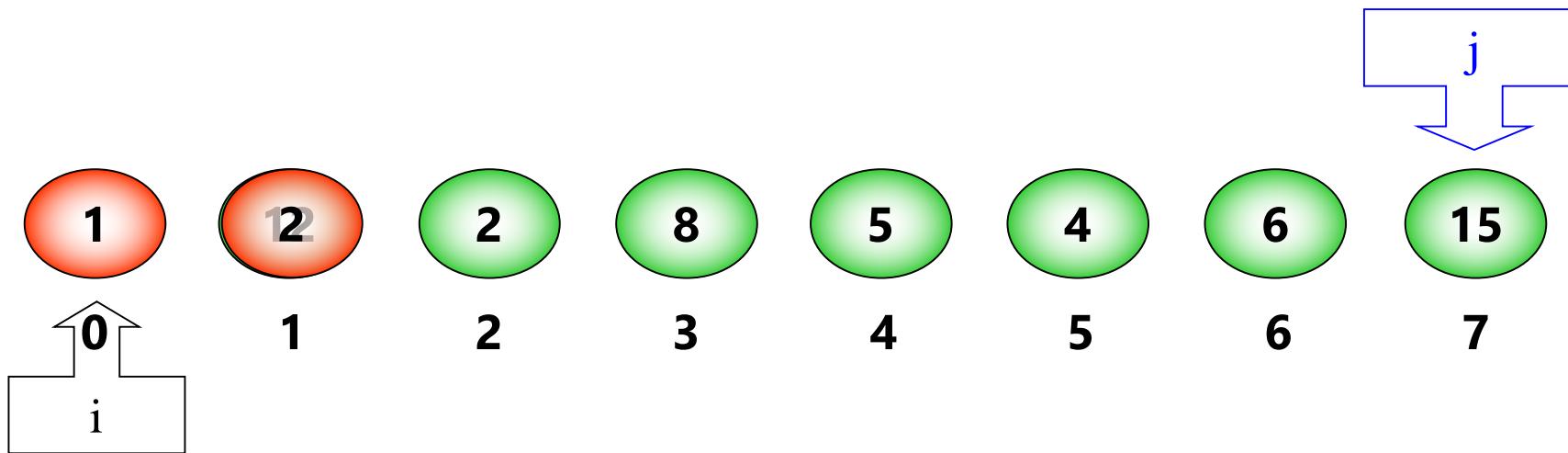
26

```
void BubbleSort(int a[], int n)
{
    for (int i=0; i<n-1; i++)
        for (int j=n-1; j>i; j--)
            if(a[j] < a[j-1])
                Swap(a[j], a[j-1]);
}
```

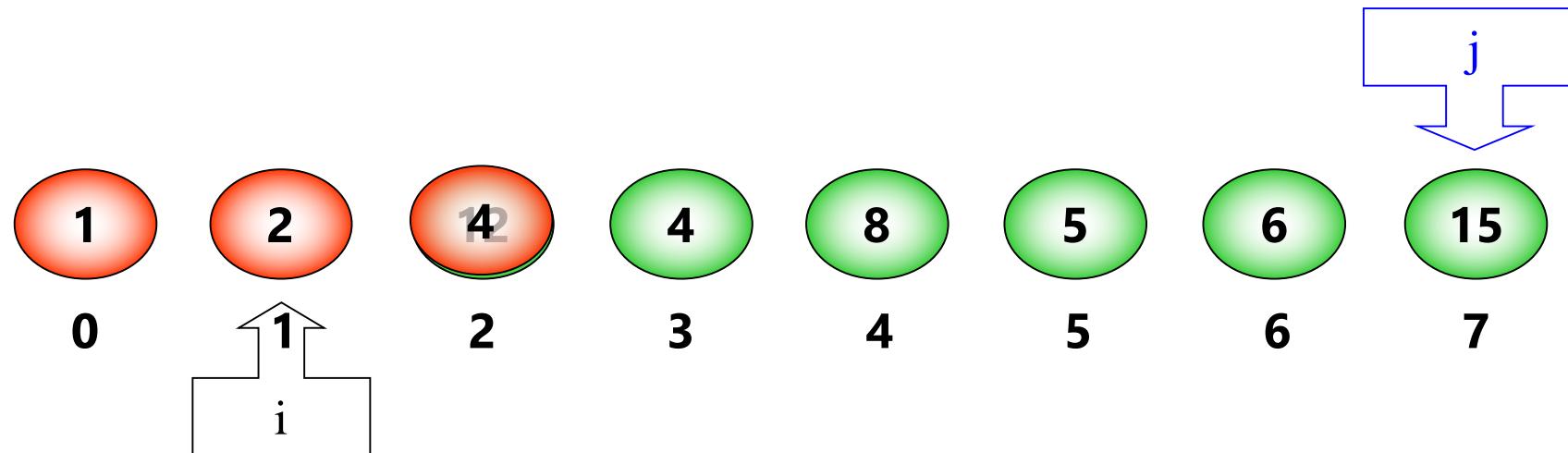
# Minh Họa Thuật Toán



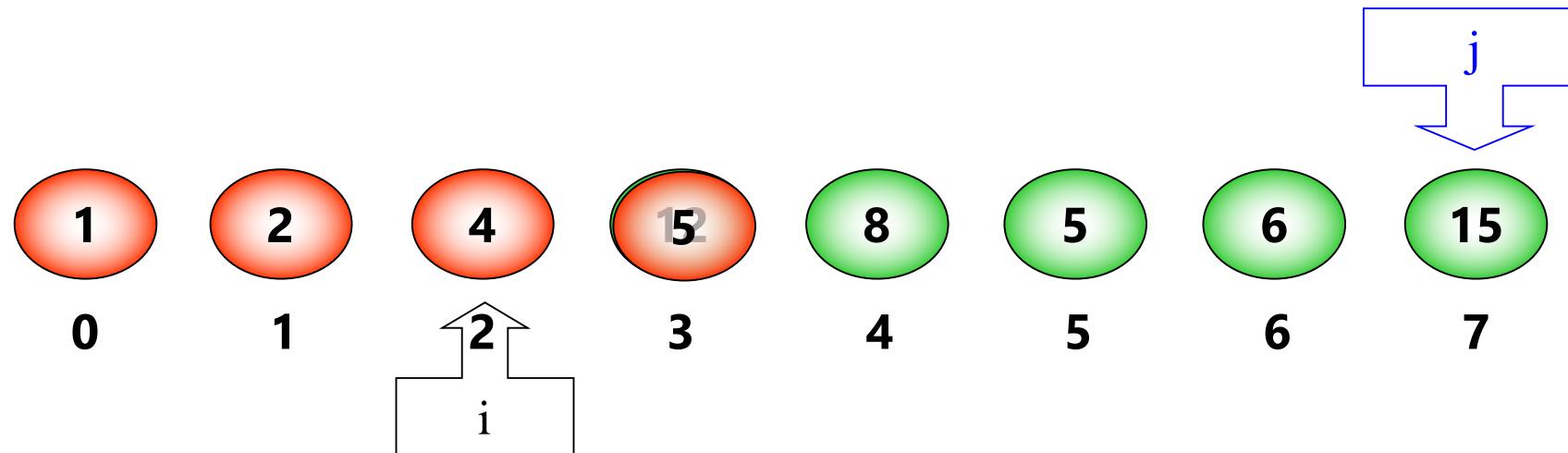
# Minh Họa Thuật Toán



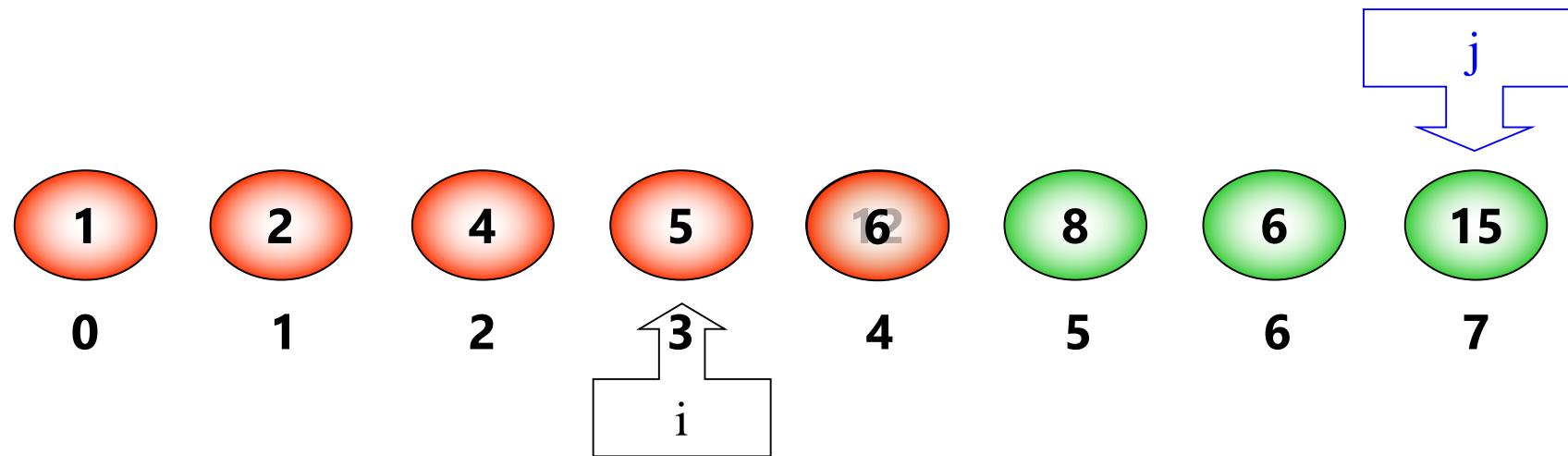
# Minh Họa Thuật Toán



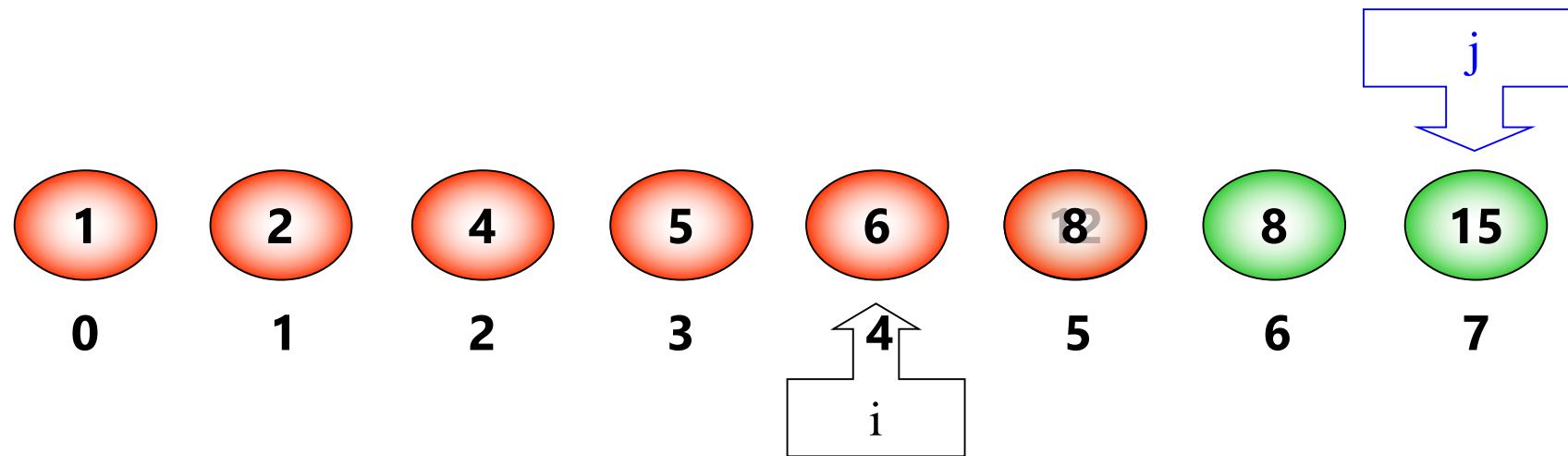
# Minh Họa Thuật Toán



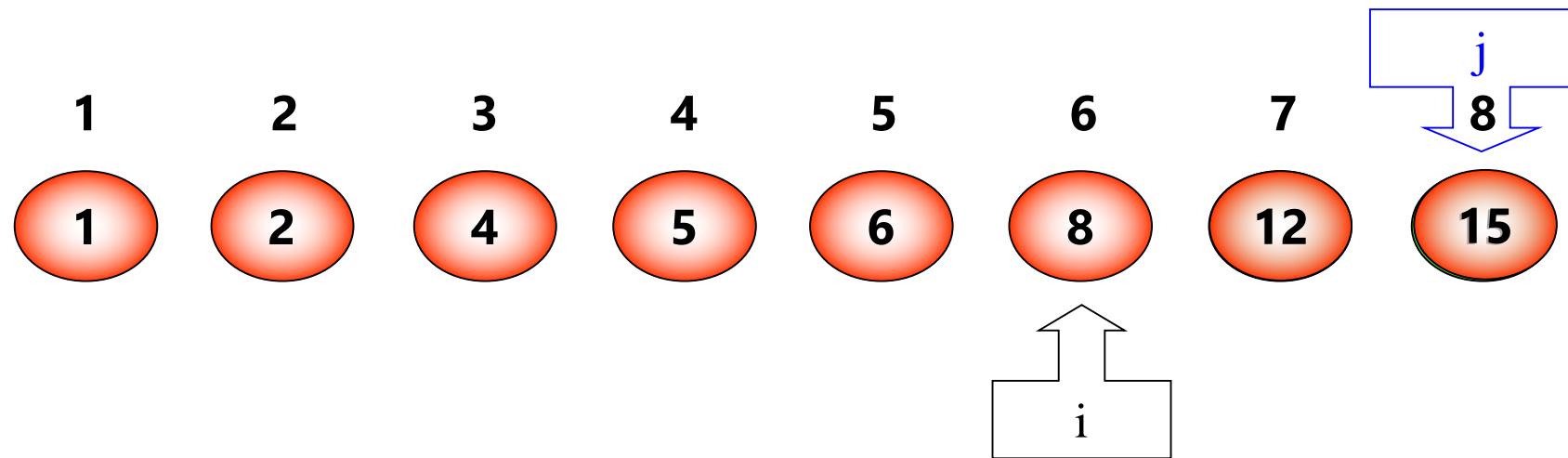
# Minh Họa Thuật Toán



# Minh Họa Thuật Toán



# Minh Họa Thuật Toán



# *Bubble Sort - Đánh giá giải thuật*

34

- Số lượng các phép so sánh xảy ra không phụ thuộc vào tình trạng của dãy số ban đầu
- Số lượng phép hoán vị thực hiện tùy thuộc vào kết quả so sánh

Trường hợp	Số lần so sánh	Số lần hoán vị
Tốt nhất	$\sum_{i=1}^{n-1} (n - i + 1) = \frac{n(n - 1)}{2}$	0
Xấu nhất	$\frac{n(n - 1)}{2}$	$\sum_{i=1}^{n-1} (n - i + 1) = \frac{n(n - 1)}{2}$

# *Bubble Sort - Đánh giá giải thuật*

35

- Khuyết điểm:
  - Không nhận diện được tình trạng dãy đã có thứ tự hay có thứ tự từng phần
  - Các phần tử nhỏ được đưa về vị trí đúng rất nhanh, trong khi các phần tử lớn lại được đưa về vị trí đúng rất chậm

# Các phương pháp sắp xếp thông dụng

36

- Phương pháp Đổi chỗ trực tiếp ([Interchange sort](#))
- Phương pháp Nổi bọt ([Bubble sort](#))
- Phương pháp Chèn trực tiếp ([Insertion sort](#))
- Phương pháp Chọn trực tiếp ([Selection sort](#))
- Phương pháp dựa trên phân hoạch ([Quick sort](#))

# *Insertion Sort – Ý tưởng*

37

- Nhận xét:
  - Mọi dãy  $a[0], a[1], \dots, a[n-1]$  luôn có  $i-1$  phần tử đầu tiên  $a[0], a[1], \dots, a[i-2]$  đã có thứ tự ( $2 \leq i$ )
- Ý tưởng chính:
  - Tìm cách chèn phần tử  $a[i]$  vào vị trí thích hợp của đoạn đã được sắp để có dãy mới  $a[0], a[1], \dots, a[i-1]$  trở nên có thứ tự
  - Vị trí này chính là pos thỏa :
$$a[pos-1] \leq a[i] < a[pos] \quad (1 \leq pos \leq i)$$

# *Insertion Sort – Ý tưởng*

38

Chi tiết hơn:

- ❑ Dãy ban đầu  $a[0], a[1], \dots, a[n-1]$ , xem như đã có đoạn gồm một phần tử  $a[0]$  đã được sắp
- ❑ Thêm  $a[1]$  vào đoạn  $a[0]$  sẽ có đoạn  $a[0]a[1]$  được sắp
- ❑ Thêm  $a[2]$  vào đoạn  $a[0]a[1]$  để có đoạn  $a[0]a[1]a[2]$  được sắp
- ❑ Tiếp tục cho đến khi thêm xong  $a[n-1]$  vào đoạn  $a[0]a[1] \dots a[n-1]$  sẽ có dãy  $a[0]a[1] \dots A[n-1]$  được sắp

# *Insertion Sort – Thuật toán*

39

// input: dãy (a, n)

// output: dãy (a, n) đã được sắp xếp

- Bước 1:  $i = 2$ ; // giả sử có đoạn  $a[0]$  đã được sắp
- Bước 2:  $x = a[i]$ ; //Tìm vị trí pos thích hợp trong đoạn  $a[0]$   
//đến  $a[i]$  để chèn x vào
- Bước 3: Dời chỗ các phần tử từ  $a[pos]$  đến  $a[i-1]$  sang  
phải 1 vị trí để dành chỗ cho x
- Bước 4:  $a[pos] = x$ ; // có đoạn  $a[0]..a[i]$  đã được sắp
- Bước 5:  $i = i+1$ ;  
Nếu  $i \leq n$ : Lặp lại Bước 2  
Ngược lại: Dừng

# Insertion Sort - Example

40

54	26	93	17	77	31	44	55	20
----	----	----	----	----	----	----	----	----

Assume 54 is a sorted list of 1 item

26	54	93	17	77	31	44	55	20
----	----	----	----	----	----	----	----	----

inserted 26

26	54	93	17	77	31	44	55	20
----	----	----	----	----	----	----	----	----

inserted 93

17	26	54	93	77	31	44	55	20
----	----	----	----	----	----	----	----	----

inserted 17

17	26	54	77	93	31	44	55	20
----	----	----	----	----	----	----	----	----

inserted 77

17	26	31	54	77	93	44	55	20
----	----	----	----	----	----	----	----	----

inserted 31

17	26	31	44	54	77	93	55	20
----	----	----	----	----	----	----	----	----

inserted 44

17	26	31	44	54	55	77	93	20
----	----	----	----	----	----	----	----	----

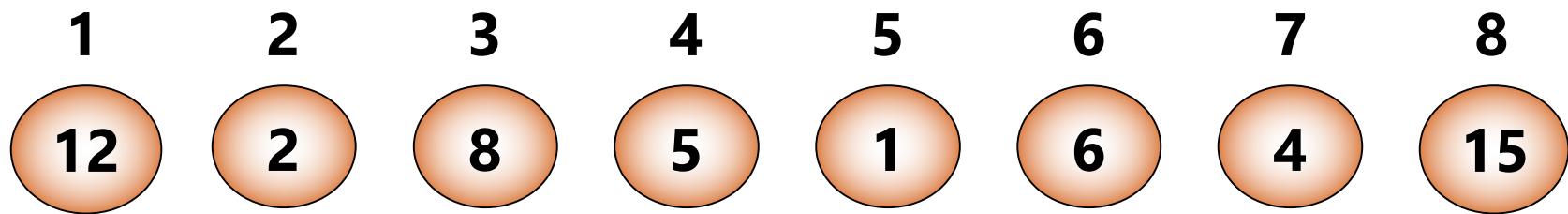
inserted 55

17	20	26	31	44	54	55	77	93
----	----	----	----	----	----	----	----	----

inserted 20

# *Insertion Sort – Ví dụ*

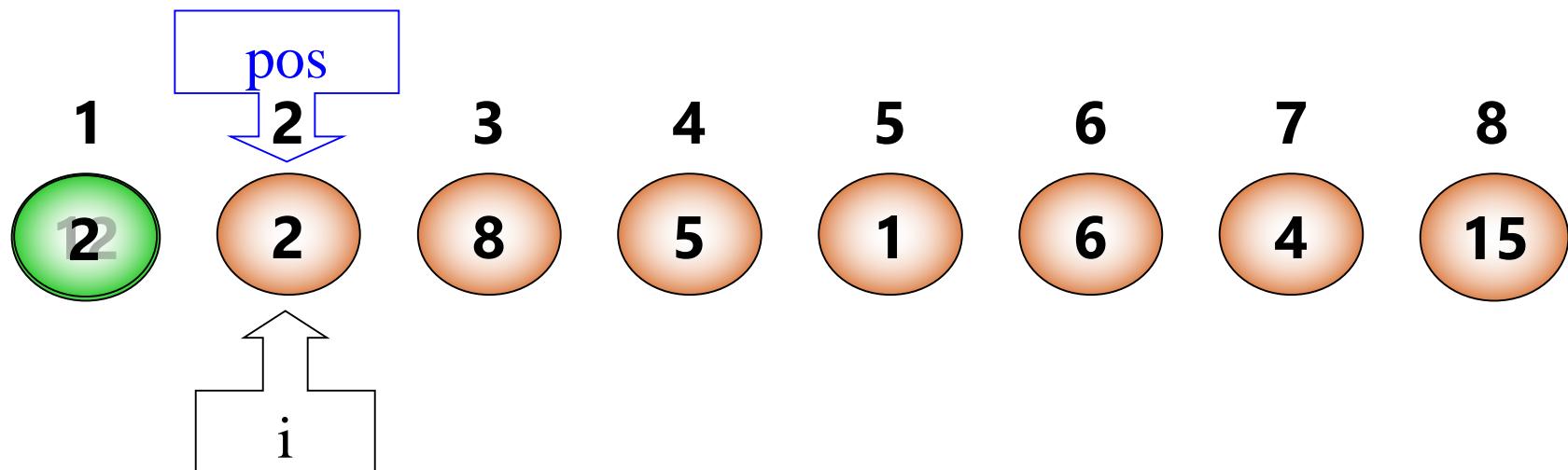
41



# *Insertion Sort – Ví dụ*

42

Chèn  $a[1]$  vào  $(a[0], a[2])$

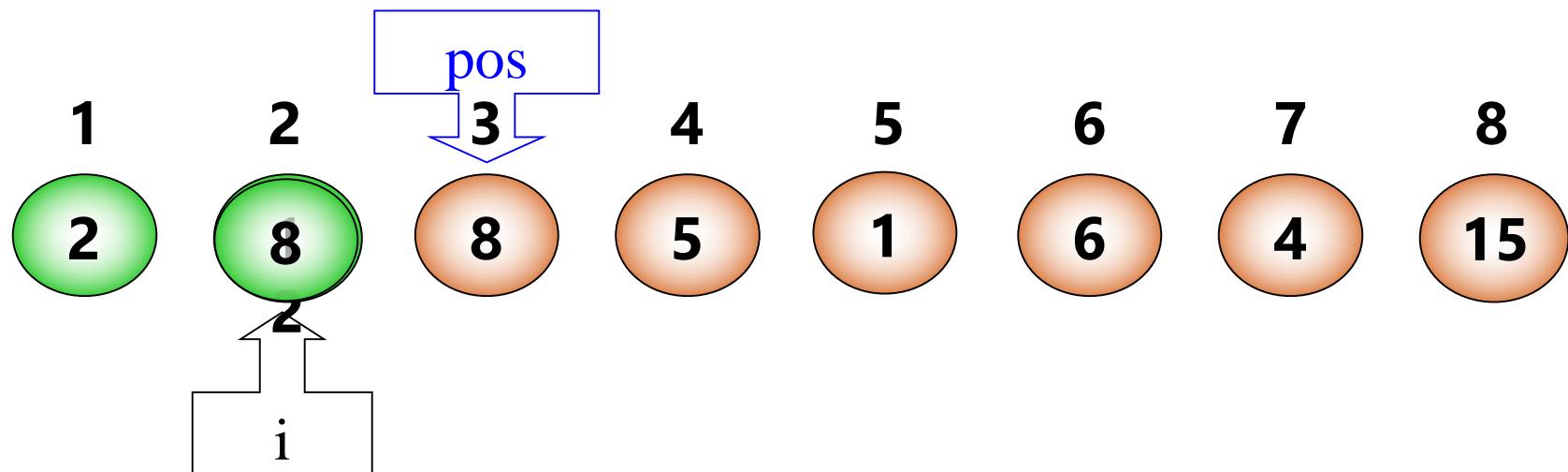


X

# *Insertion Sort – Ví dụ*

43

Chèn  $a[2]$  vào ( $a[0] \dots a[2]$ )

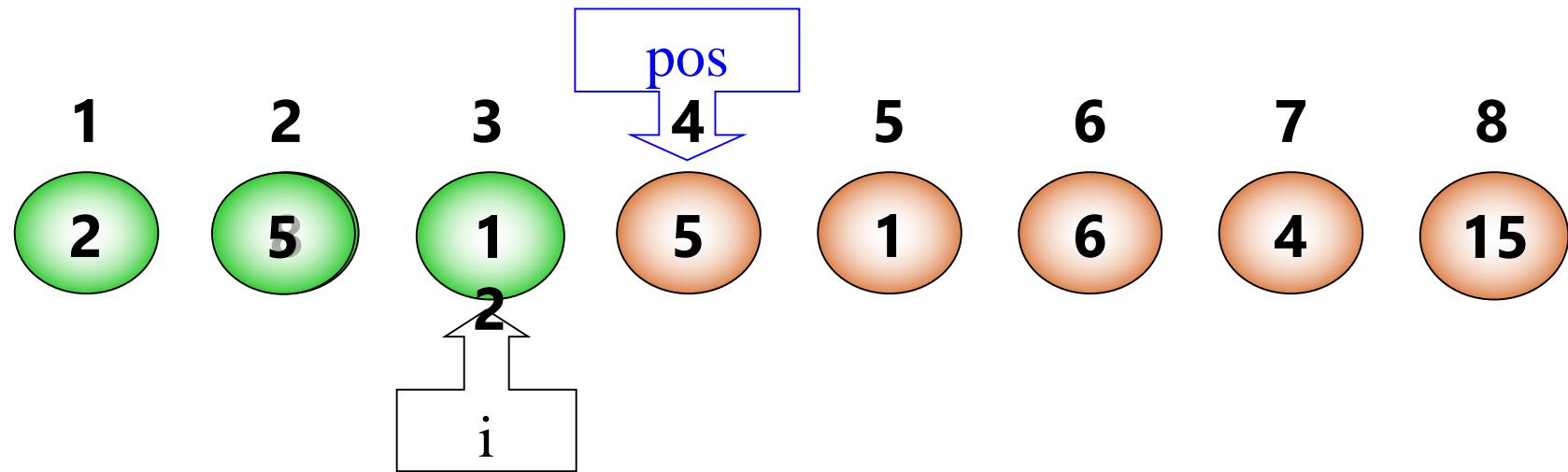


X

# *Insertion Sort – Ví dụ*

44

Chèn  $a[3]$  vào ( $a[0] \dots a[3]$ )

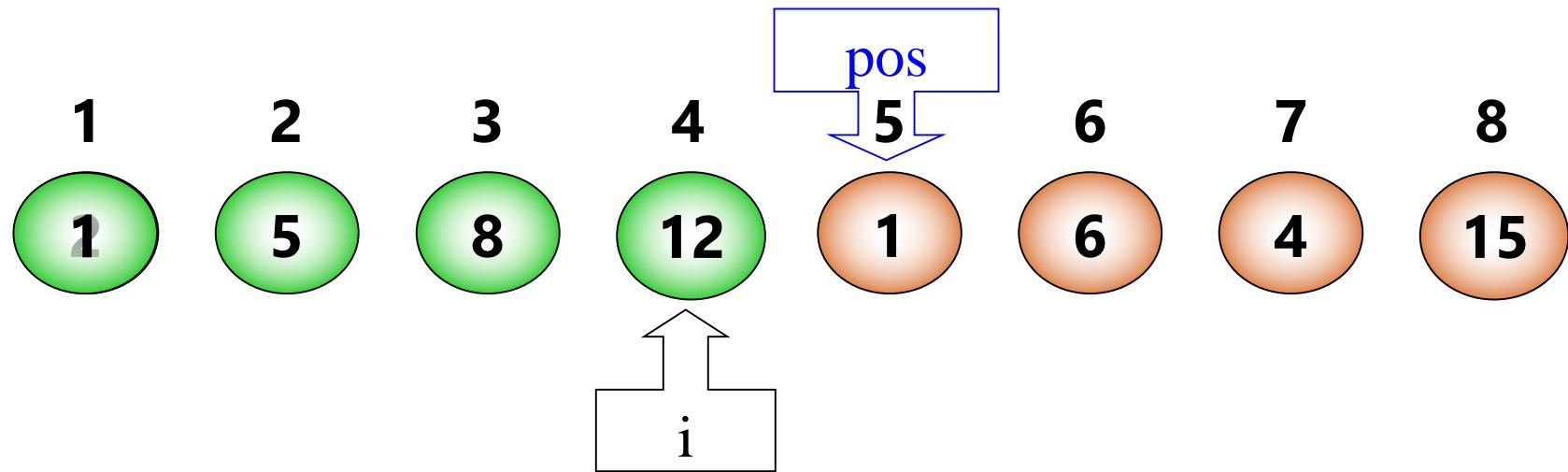


X

# *Insertion Sort – Ví dụ*

45

Chèn  $a[4]$  vào ( $a[0] \dots a[4]$ )

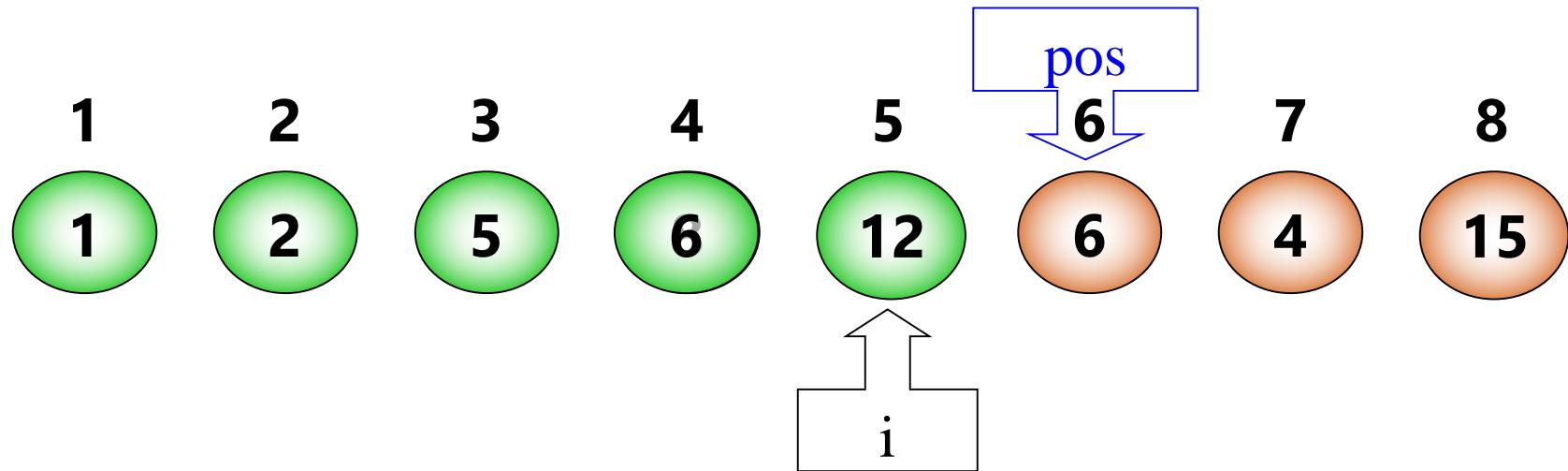


X

# *Insertion Sort – Ví dụ*

46

Chèn a[5] vào (a[0]... a[5])

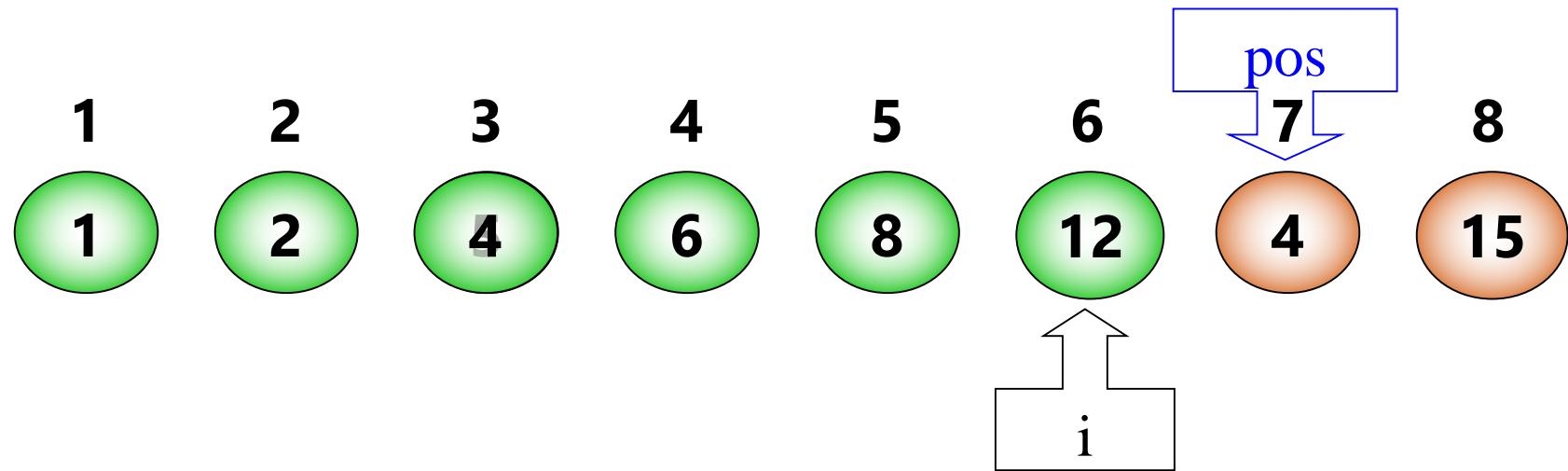


X

# *Insertion Sort – Ví dụ*

47

Chèn  $a[6]$  vào ( $a[0] \dots a[6]$ )

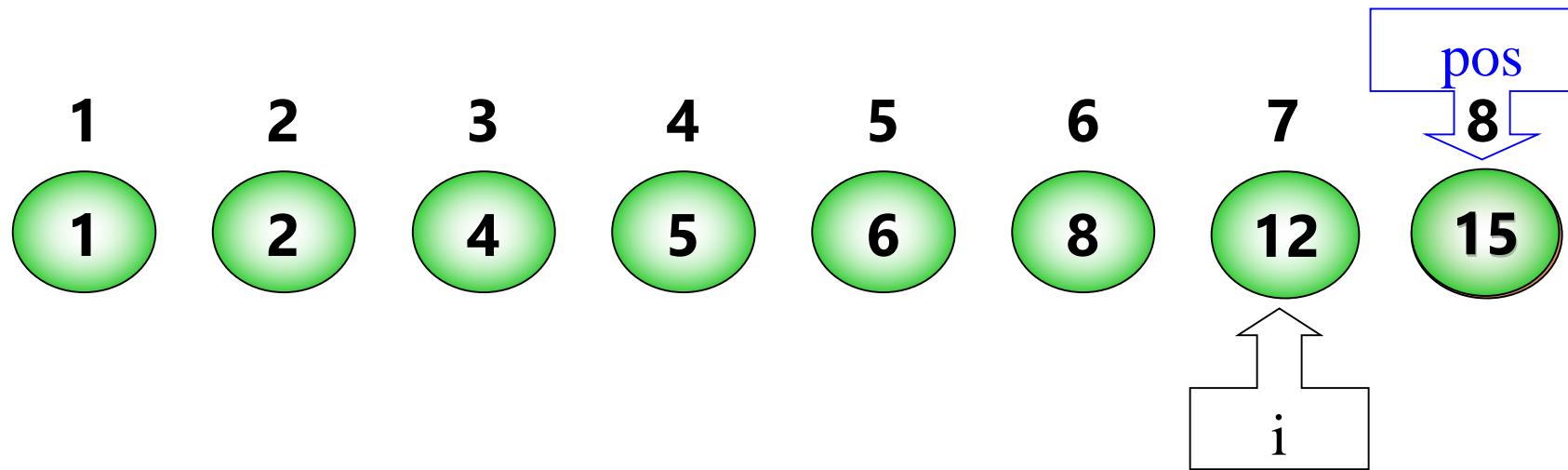


X

# *Insertion Sort – Ví dụ*

48

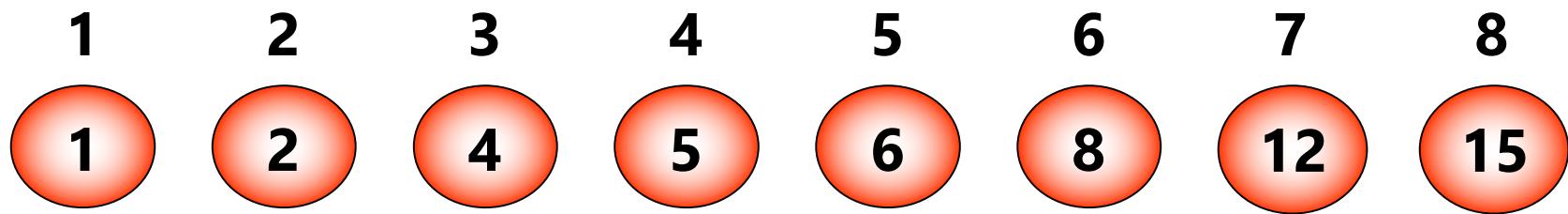
Chèn  $a[7]$  vào ( $a[0] \dots a[7]$ )



X

# *Insertion Sort – Ví dụ*

49



# *Insertion Sort – Cài đặt*

50

```
void InsertionSort(int a[], int n) {  
    int pos;  
    for (int i = 0; i < n; i++) {  
        pos = i;  
        while (pos > 0 && a[pos] < a[pos-1]) {  
            Swap(a[pos], a[pos-1]);  
            pos--;  
        }  
    }  
}
```

# *Insertion Sort – Nhận xét*

51

- Khi tìm vị trí thích hợp để chèn  $a[i]$  vào đoạn  $a[0]$  đến  $a[i-1]$ , do đoạn đã được sắp nên có thể sử dụng giải thuật tìm nhị phân để thực hiện việc tìm vị trí pos  
→ giải thuật sắp xếp chèn nhị phân *Binary Insertion Sort*
  - Lưu ý: Chèn nhị phân chỉ làm giảm số lần so sánh, không làm giảm số lần dời chỗ
- Ngoài ra, có thể cải tiến giải thuật chèn trực tiếp với phần tử cầm canh để giảm điều kiện kiểm tra khi xác định vị trí pos

# *Insertion Sort – Đánh giá giải thuật*

52

- Các phép so sánh xảy ra trong mỗi vòng lặp tìm vị trí thích hợp pos. Mỗi lần xác định vị trí pos đang xét không thích hợp → dời chỗ phần tử  $a[pos-1]$  đến vị trí pos
- Giải thuật thực hiện tất cả  $N-1$  vòng lặp tìm pos, do số lượng phép so sánh và dời chỗ này phụ thuộc vào tình trạng của dãy số ban đầu, nên chỉ có thể ước lược trong từng trường hợp như sau:

Trường hợp	Số phép so sánh	Số phép gán
Tốt nhất	$\sum_{i=1}^{n-1} 1 = n - 1$	$\sum_{i=1}^{n-1} 2 = 2(n-1)$
Xấu nhất	$\sum_{i=1}^{n-1} (i-1) = \frac{n(n-1)}{2}$	$\sum_{i=1}^{n-1} (i+1) = \frac{n(n+1)}{2} - 1$

# Các phương pháp sắp xếp thông dụng

53

- Phương pháp Đổi chỗ trực tiếp ([Interchange sort](#))
- Phương pháp Nổi bọt ([Bubble sort](#))
- Phương pháp Chèn trực tiếp ([Insertion sort](#))
- Phương pháp Chọn trực tiếp ([Selection sort](#))
- Phương pháp dựa trên phân hoạch ([Quick sort](#))

# *Selection Sort – Ý tưởng*

54

- Ý tưởng: mô phỏng một trong những cách sắp xếp tự nhiên nhất trong thực tế:
  - ▣ Chọn phần tử nhỏ nhất trong n phần tử ban đầu, đưa phần tử này về vị trí đúng là đầu dãy hiện hành
  - ▣ Xem dãy hiện hành chỉ còn n-1 phần tử của dãy ban đầu, bắt đầu từ vị trí thứ 2; lặp lại quá trình trên cho dãy hiện hành... đến khi dãy hiện hành chỉ còn 1 phần tử

# *Selection Sort – Thuật toán*

55

// input: dãy ( $a, n$ )

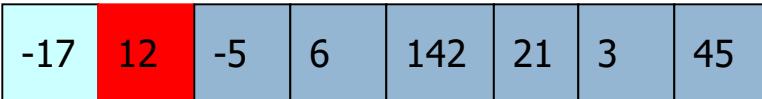
// output: dãy ( $a, n$ ) đã được sắp xếp

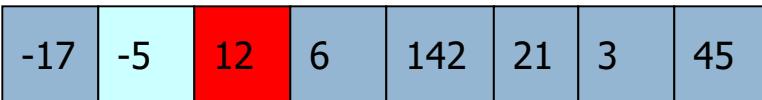
- Bước 1 :  $i = 0$
- Bước 2 : Tìm phần tử  $a[min]$  nhỏ nhất trong dãy hiện hành từ  $a[i]$  đến  $a[n-1]$
- Bước 3 : Nếu  $min \neq i$ : Đổi chỗ  $a[min]$  và  $a[i]$
- Bước 4 : Nếu  $i < n$ :
  - $i = i + 1$
  - Lặp lại Bước 2

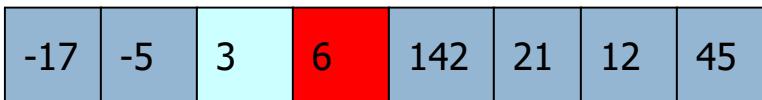
Ngược lại: Dừng. // *n phần tử đã nằm đúng vị trí*

# Selection Sort - Example

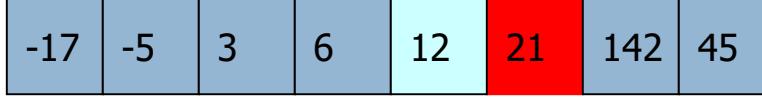
x:  3 12 -5 6 142 21 -17 45

x:  -17 12 -5 6 142 21 3 45

x:  -17 -5 12 6 142 21 3 45

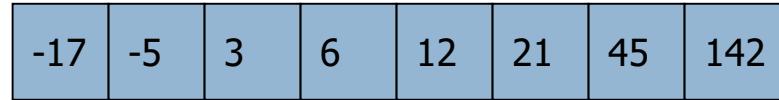
x:  -17 -5 3 6 142 21 12 45

x:  -17 -5 3 6 142 21 12 45

x:  -17 -5 3 6 12 21 142 45

x:  -17 -5 3 6 12 21 142 45

x:  -17 -5 3 6 12 21 45 142

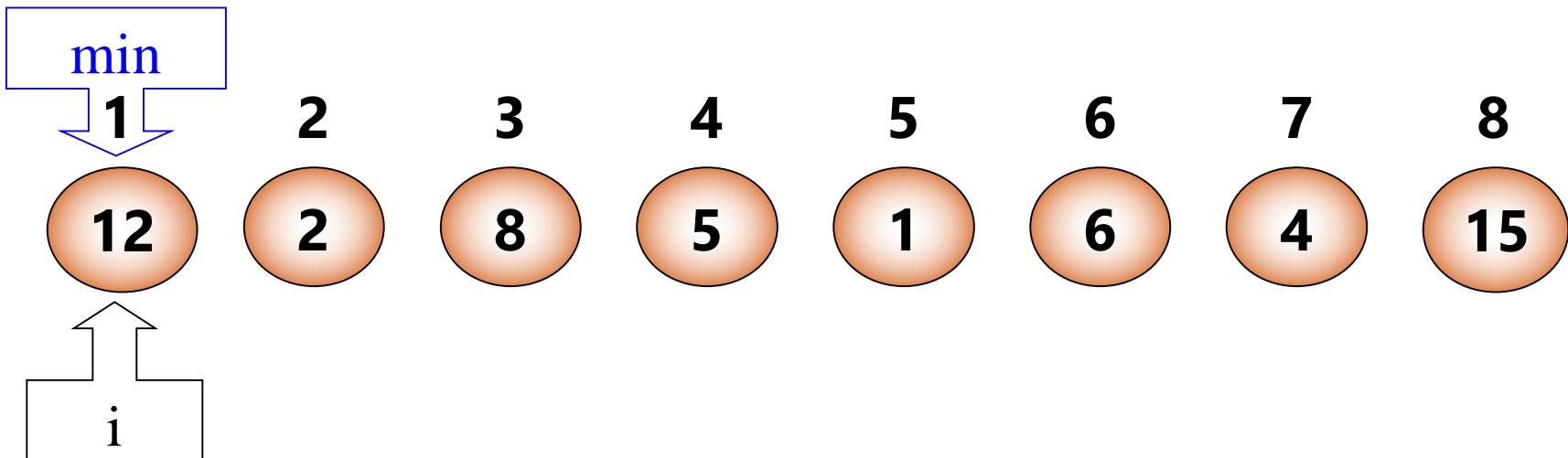
x:  -17 -5 3 6 12 21 45 142

# *Selection Sort – Ví dụ*

57

Find MinPos(1, 8)

Swap(a[i], a[min])

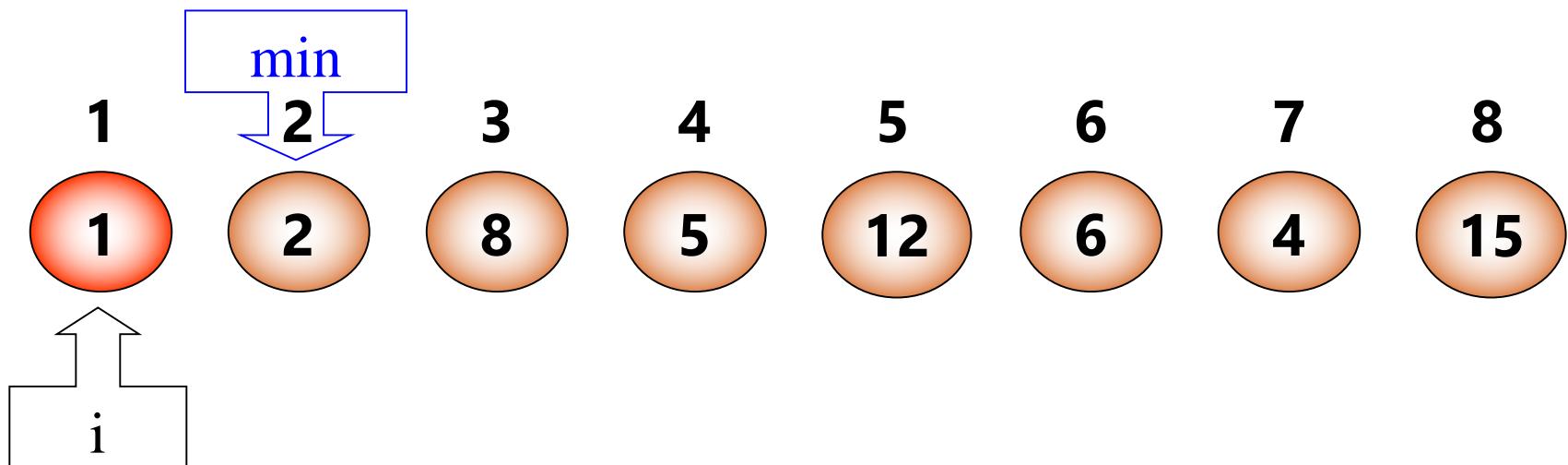


# *Selection Sort – Ví dụ*

58

Find MinPos(2, 8)

Swap(a[i], a[min])

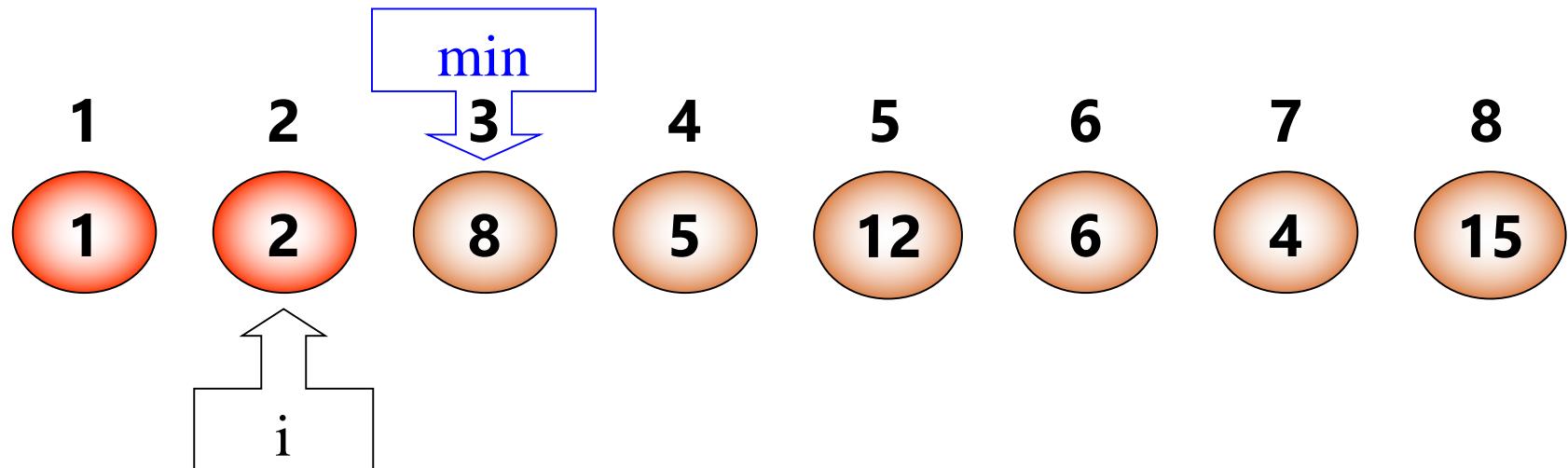


# *Selection Sort – Ví dụ*

59

Find MinPos(3, 8)

Swap(a[i], a[min])

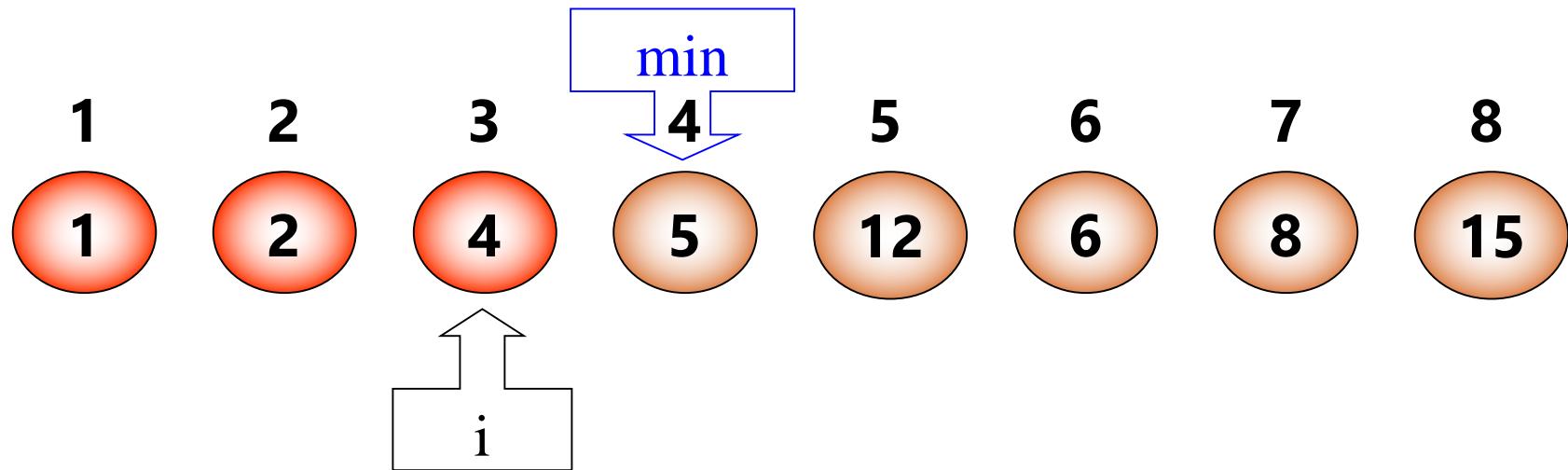


# *Selection Sort – Ví dụ*

60

Find MinPos(4, 8)

Swap(a[i], a[min])

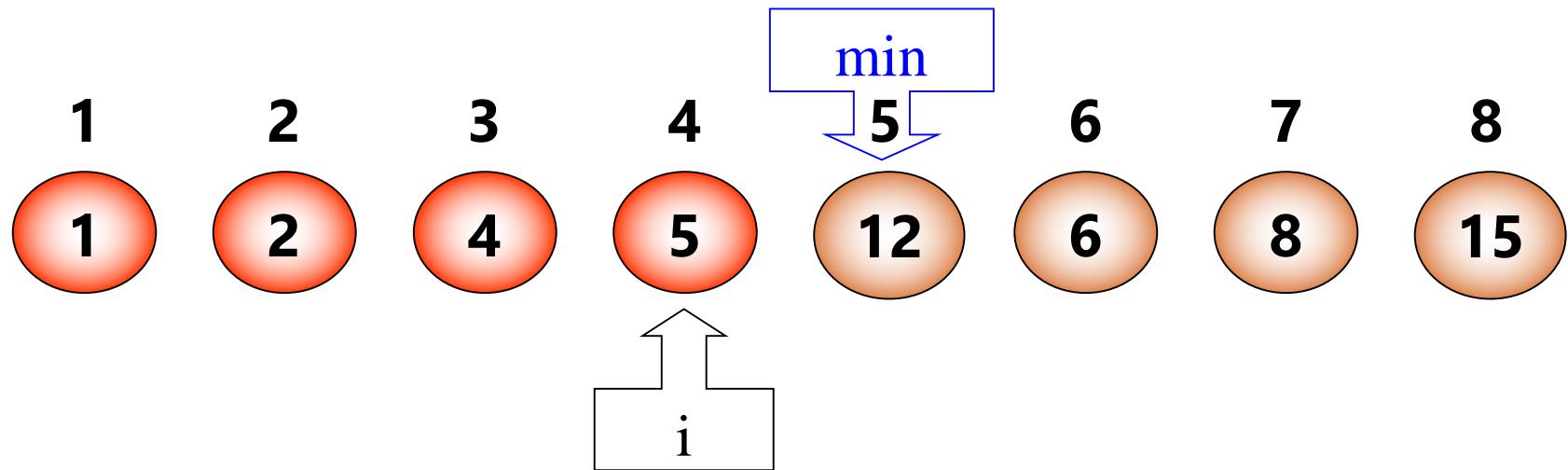


# *Selection Sort – Ví dụ*

61

Find MinPos(5, 8)

Swap(a[i], a[min])

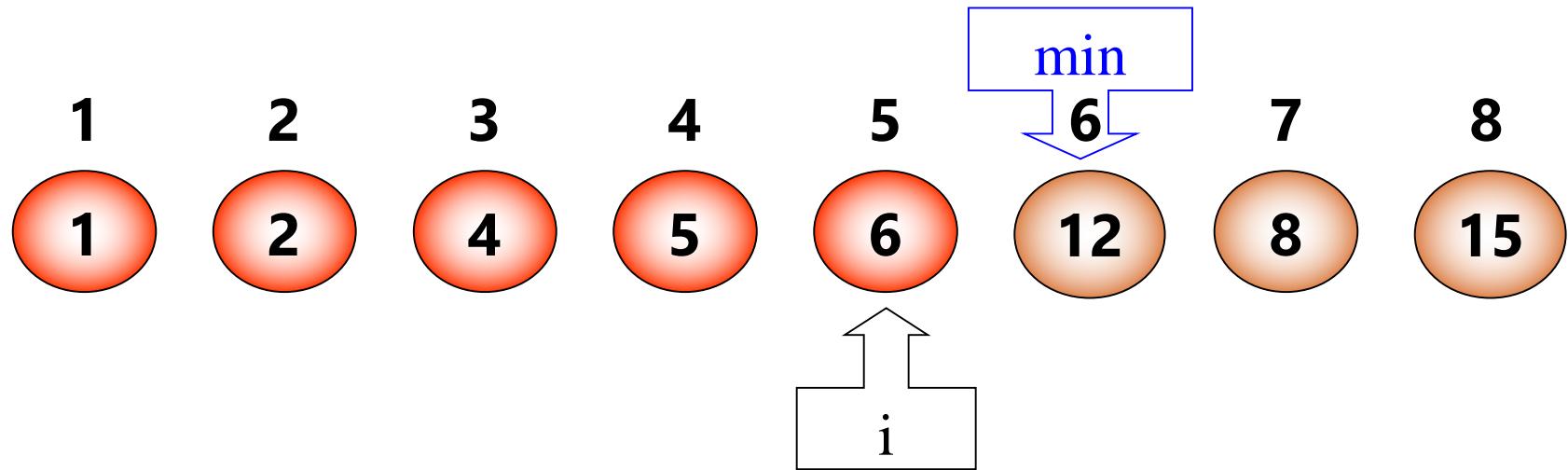


# *Selection Sort – Ví dụ*

62

Find MinPos(6, 8)

Swap(a[i], a[min])

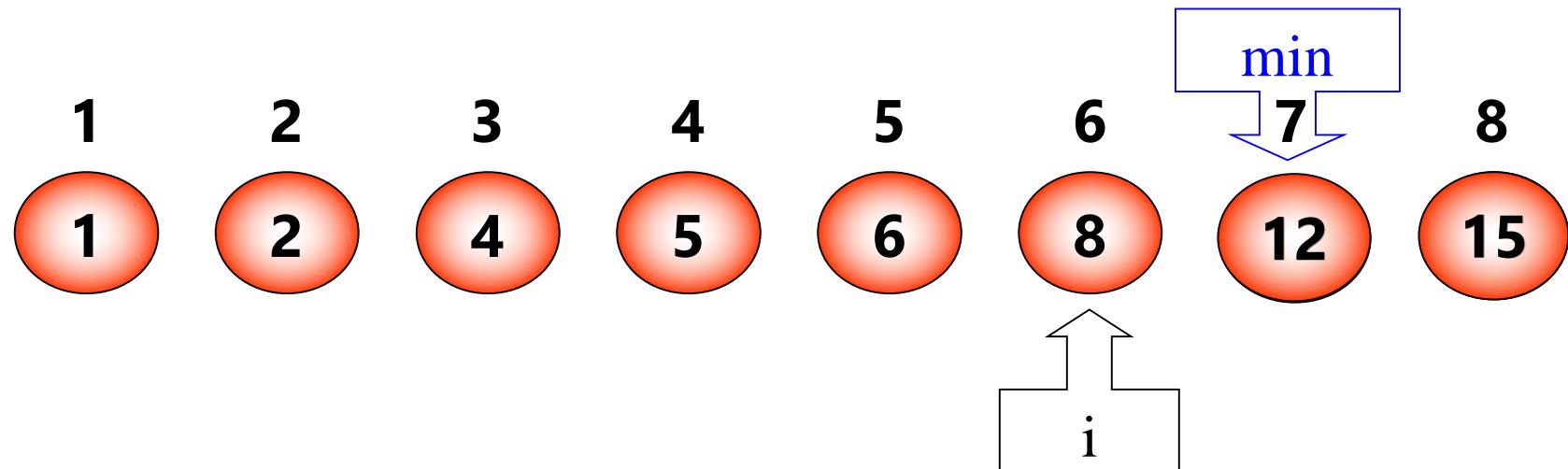


# *Selection Sort – Ví dụ*

63

Find MinPos(7, 8)

Swap(a[i], a[min])



# *Selection Sort – Cài đặt*

64

```
void SelectionSort(int a[], int n )
{
    int min; //chỉ số phần tử nhỏ nhất trong dãy hiện hành
    for (int i=0; i<n-1; i++)
    {
        min = i;
        for(int j = i+1; j<n; j++)
            if (a[j] < a[min])
                min = j; //ghi nhận vị trí phần tử nhỏ nhất
        if (min != i)
            Swap(a[min], a[i]);
    }
}
```

# *Selection Sort – Đánh giá giải thuật*

65

- Ở lượt thứ  $i$ , cần  $(n-i)$  lần so sánh để xác định phần tử nhỏ nhất hiện hành
- Số lượng phép so sánh không phụ thuộc vào tình trạng của dãy số ban đầu
- Trong mọi trường hợp, số lần so sánh là:

$$\sum_{i=1}^{n-1} (n - i) = \frac{n(n-1)}{2}$$

Trường hợp	Số lần so sánh	Số phép gán
Tốt nhất	$n(n-1)/2$	0
Xấu nhất	$n(n-1)/2$	$3n$

# Các phương pháp sắp xếp thông dụng

66

- Phương pháp Đổi chỗ trực tiếp ([Interchange sort](#))
- Phương pháp Nổi bọt ([Bubble sort](#))
- Phương pháp Chèn trực tiếp ([Insertion sort](#))
- Phương pháp Chọn trực tiếp ([Selection sort](#))
- Phương pháp dựa trên phân hoạch ([Quick sort](#))

# Bài tập

67

- Cho dãy số 12 4 3 24 1 5 hãy minh họa kết quả sắp xếp dãy số này từng bước với các giải thuật: **chọn** trực tiếp, **chèn** trực tiếp, **đổi chỗ**, **nối bọt**

# *Quick Sort – Ý tưởng*

68

- Một vài hạn chế của thuật toán **Đổi chỗ** trực tiếp:
  - ▣ Mỗi lần đổi chỗ chỉ thay đổi 1 cặp phần tử trong nghịch thế; các trường hợp như:  $i < j < k$  và  $a_i > a_j > a_k$  (\*) chỉ cần thực hiện 1 lần đổi chỗ ( $a_i, a_k$ ): thuật toán không làm được
  - ▣ Độ phức tạp của thuật toán  $O(N^2)$  → khi  $N$  đủ lớn thuật toán sẽ rất chậm
- Ý tưởng: phân chia dãy thành các đoạn con → tận dụng được các phép đổi chỗ dạng (\*) và làm giảm độ dài dãy khi sắp xếp → cải thiện đáng kể độ phức tạp của thuật toán

# *Quick Sort – Ý tưởng*

69

- Giải thuật QuickSort sắp xếp dãy  $a[0], a[1] \dots, a[n-1]$  dựa trên việc phân hoạch dãy ban đầu thành 3 phần:
  - Phần 1: Gồm các phần tử có giá trị không lớn hơn  $x$
  - Phần 2: Gồm các phần tử có giá trị bằng  $x$
  - Phần 3: Gồm các phần tử có giá trị không bé hơn  $x$   
với  $x$  là giá trị của một phần tử tùy ý trong dãy ban đầu.
- Sau khi thực hiện phân hoạch, dãy ban đầu được phân thành 3 đoạn:
  1.  $a[k] \leq x$ , với  $k = 1 \dots j$
  2.  $a[k] = x$ , với  $k = j+1 \dots i-1$
  3.  $a[k] \geq x$ , với  $k = i \dots n-1$

# *Quick Sort – Ý tưởng*

70

$a_k < x$	$a_k = x$	$a_k \geq x$
-----------	-----------	--------------

- Đoạn thứ 2 đã có thứ tự
- Nếu các đoạn 1 và 3 chỉ có 1 phần tử thì chúng cũng đã có thứ tự, khi đó dãy con ban đầu đã được sắp
- Ngược lại, nếu các đoạn 1 và 3 có nhiều hơn 1 phần tử thì dãy con ban đầu chỉ có thứ tự khi các đoạn 1, 3 được sắp
- Để sắp xếp các đoạn 1 và 3, ta lần lượt tiến hành việc phân hoạch từng dãy con theo cùng phương pháp phân hoạch dãy ban đầu vừa trình bày ...

# *Quick Sort – Giải thuật*

71

// input: dãy con (*a, left, right*)

// output: dãy con (*a, left, right*) được sắp tăng dần

- Bước 1: Nếu **left = right** // dãy có ít hơn 2 phần tử  
Kết thúc; // dãy đã được sắp xếp
- Bước 2: Phân hoạch dãy  $a[\text{left}] \dots a[\text{right}]$  thành các đoạn:  
 $a[\text{left}].. a[j], a[j+1].. a[i-1], a[i].. a[\text{right}]$ 
  - // Đoạn 1  $\leq x$
  - // Đoạn 2:  $a[j+1].. a[i-1] = x$
  - // Đoạn 3:  $a[i].. a[\text{right}] \geq x$
- Bước 3: Sắp xếp đoạn 1:  $a[\text{left}].. a[j]$
- Bước 4: Sắp xếp đoạn 3:  $a[i].. a[\text{right}]$

# *Quick Sort – Phân hoạch dãy*

72

// input: dãy con  $a[left], \dots, a[right]$

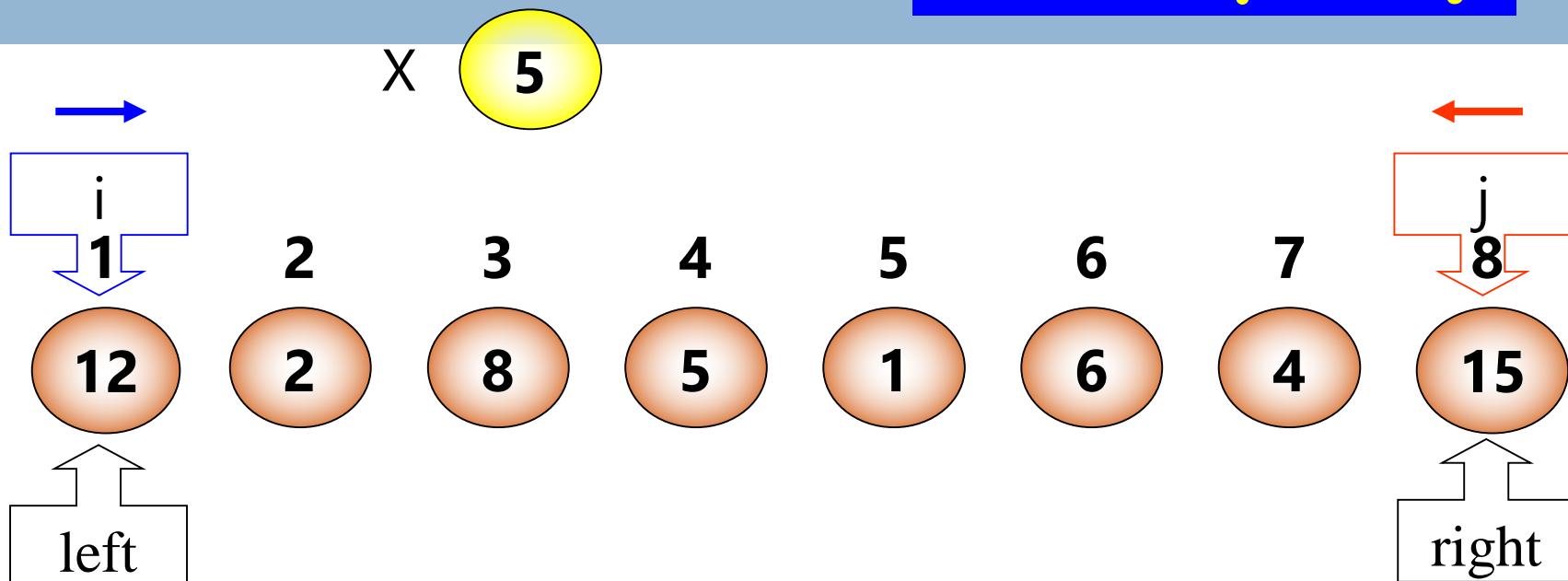
// output: dãy con chia thành 3 đoạn: đoạn 1  $\leq$  đoạn 2  $\leq$  đoạn 3

- Bước 1: Chọn tùy ý một phần tử  $a[p]$  trong dãy con là giá trị mốc:  
 $x = a[p];$
- Bước 2: Duyệt từ 2 đầu dãy để phát hiện và hiệu chỉnh cặp phần tử  $a[i], a[j]$  vi phạm điều kiện
  - Bước 2.1:  $i = left; j = right;$
  - Bước 2.2: Trong khi ( $a[i] < x$ )  $i++;$
  - Bước 2.3: Trong khi ( $a[j] > x$ )  $j--;$
  - Bước 2.4: Nếu  $i \leq j // a[i] \geq x \geq a[j]$  mà  $a[j]$  đứng sau  $a[i]$ 
    - Hoán vị ( $a[i], a[j]$ );  $i++; j--;$
  - Bước 2.5: Nếu  $i < j$ : Lặp lại Bước 2.2 //chưa xét hết mảng  
//Hết duyệt

# Quick Sort – Ví dụ

Phân hoạch dãy

73

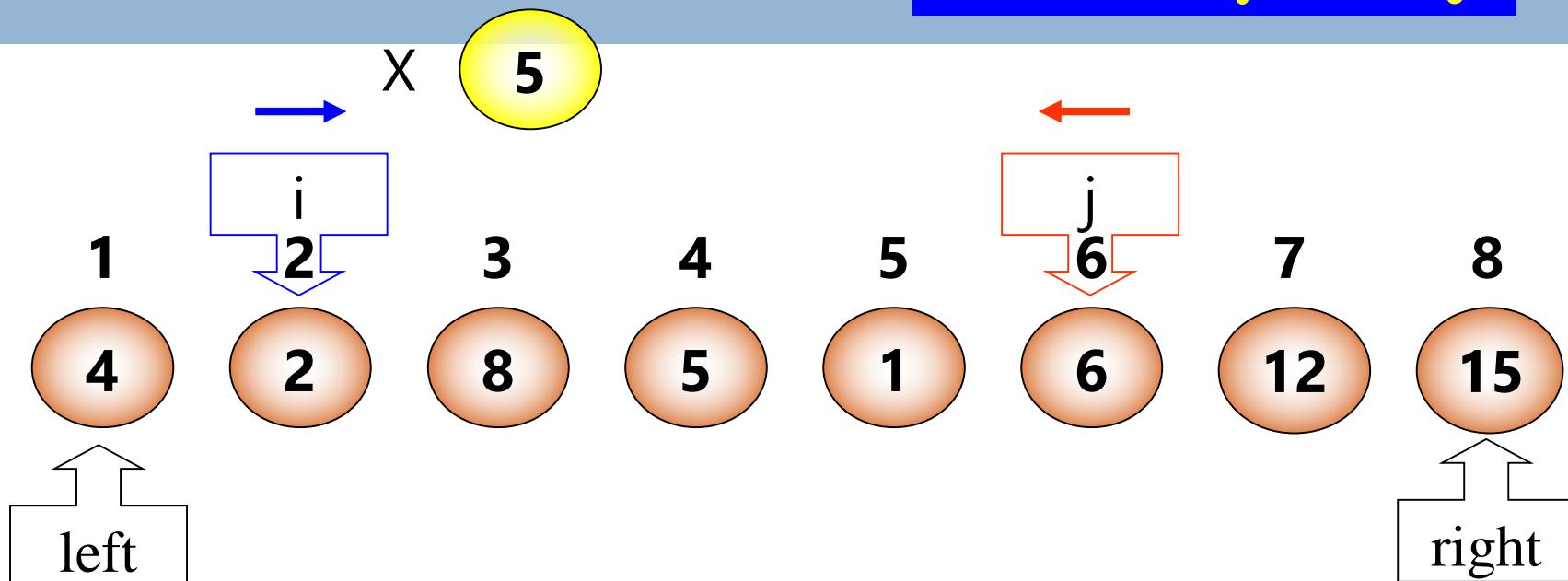


Khoảng nhô u hòn x Khoảng lô uն hòn x

# Quick Sort – Ví dụ

74

Phân hoạch dãy

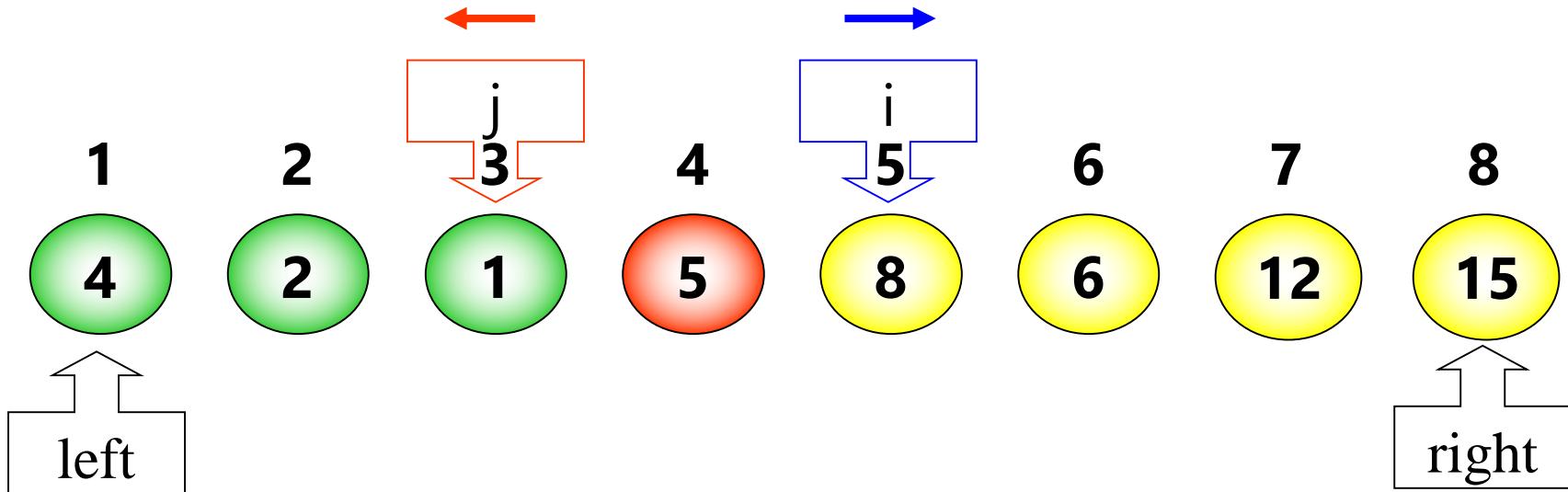


Không nhỏ hơn x

Không lớn hơn x

# Quick Sort – Ví dụ

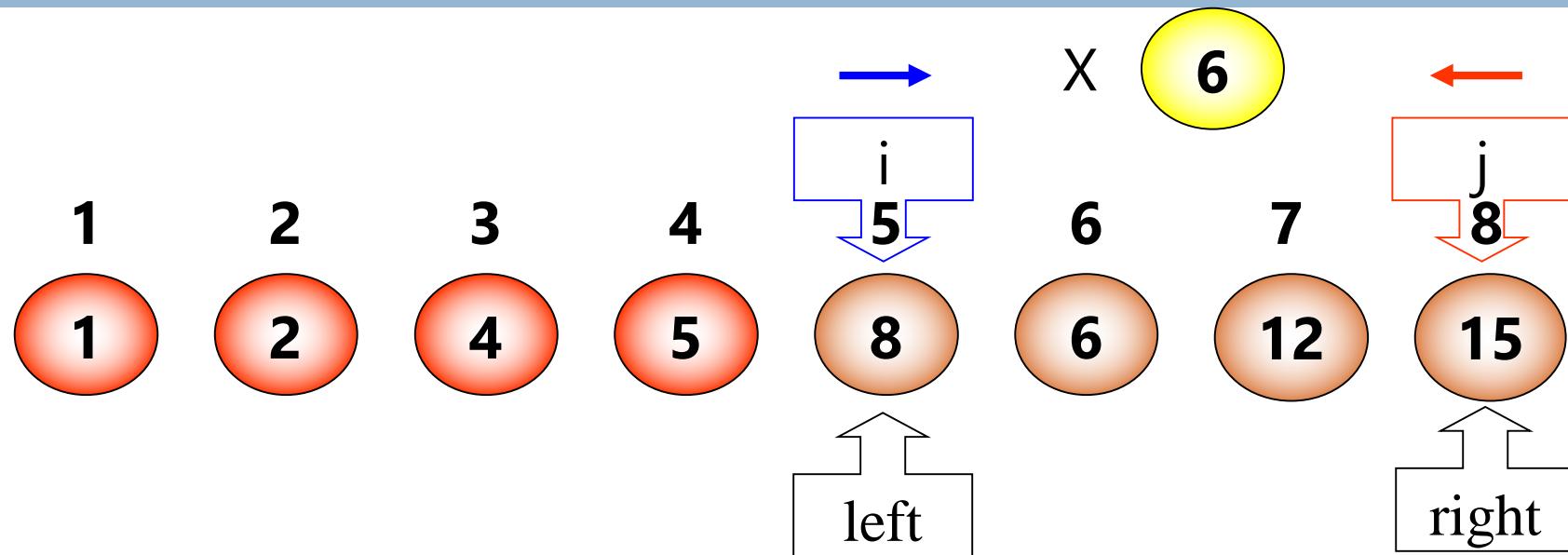
75



# Quick Sort – Ví dụ

## Phân hoạch dãy

76



Sắp xếp đoạn 3



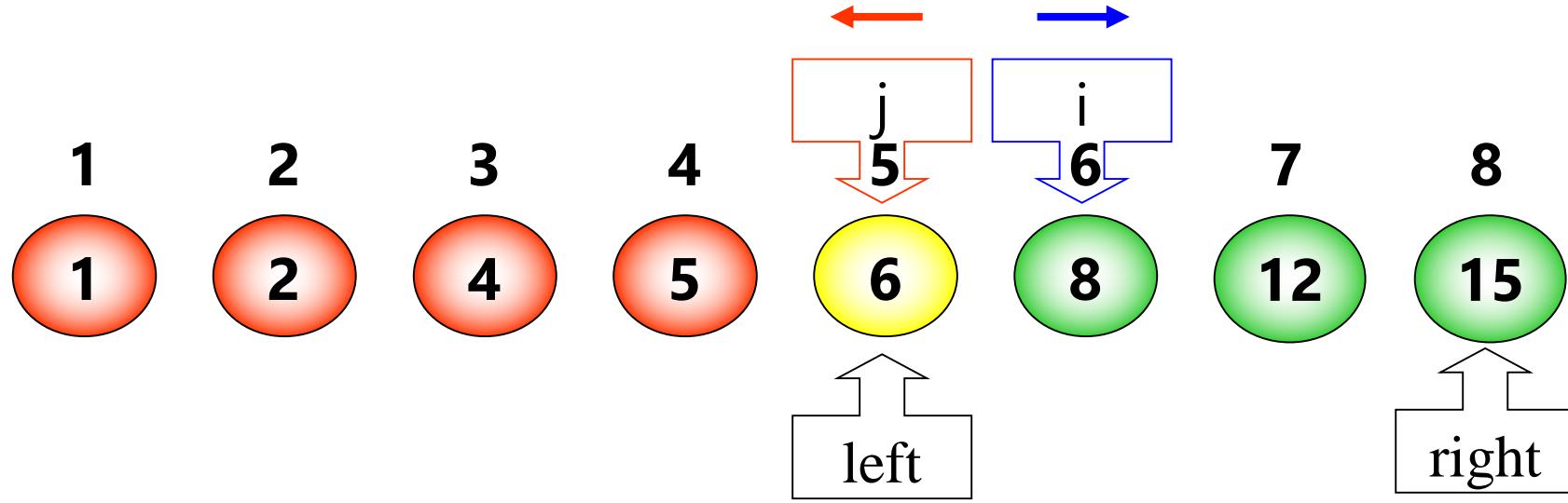
Không nhỏ hơn x



Không lớn hơn x

# Quick Sort – Ví dụ

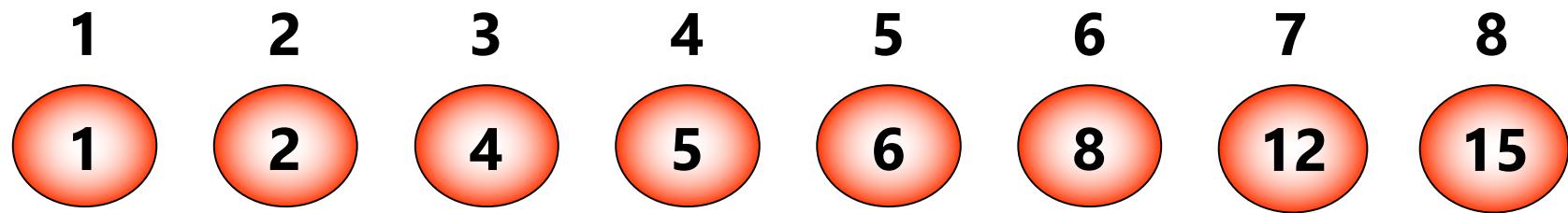
77



Sắp xếp đoạn 3

# *Quick Sort – Ví dụ*

78



# Quick Sort – Cài đặt

79

```
void QuickSort(int a[], int left, int right){  
    int i, j, x;  
    if (left ≥ right)    return;  
    x = a[(left+right)/2]; //chọn phần tử giữa làm giá trị mốc  
    i = left; j = right;  
    do{  
        while(a[i] < x) i++;  
        while(a[j] > x) j--;  
        if(i <= j) {  
            Swap(a[i], a[j]);  
            i++ ; j--;  
        }  
    } while(i < j);  
    if(left<j) QuickSort(a, left, j);  
    if(i<right) QuickSort(a, i, right);  
}
```

# *Quick Sort – Đánh giá giải thuật*

80

- Về nguyên tắc, có thể chọn giá trị mốc  $x$  là một phần tử tùy ý trong dãy, nhưng để đơn giản, phần tử có vị trí giữa thường được chọn, khi đó  $p = (l + r)/ 2$
- Giá trị mốc  $x$  được chọn sẽ có tác động đến hiệu quả thực hiện thuật toán vì nó quyết định số lần phân hoạch
  - ▣ Số lần phân hoạch sẽ ít nhất nếu ta chọn được  $x$  là phần tử trung vị (median), nhiều nhất nếu  $x$  là cực trị của dãy
  - ▣ Tuy nhiên do chi phí xác định phần tử median quá cao nên trong thực tế người ta không chọn phần tử này mà chọn phần tử nằm chính giữa dãy làm mốc với hy vọng nó có thể gần với giá trị median

# *Quick Sort – Đánh giá giải thuật*

81

Hiệu quả phụ thuộc vào việc chọn giá trị mốc:

- Trường hợp tốt nhất: mỗi lần phân hoạch đều chọn phần tử median làm mốc, khi đó dãy được phân chia thành 2 phần bằng nhau và cần  $\log_2(n)$  lần phân hoạch thì sắp xếp xong
- Nếu mỗi lần phân hoạch chọn phần tử có giá trị cực đại (hay cực tiểu) là mốc  $\rightarrow$  dãy sẽ bị phân chia thành 2 phần không đều: một phần chỉ có 1 phần tử, phần còn lại gồm  $(n-1)$  phần tử, do vậy cần phân hoạch n lần mới sắp xếp xong

# *Quick Sort – Đánh giá giải thuật*

82

- Độ phức tạp thuật toán

Trường hợp	Độ phức tạp
Tốt nhất	$O(N \log N)$
Trung bình	$O(N \log N)$
Xấu nhất	$O(N^2)$

- 3 12 4 0 24 1 5
- 0 12 4 3 24 1 5