```
Help
#include <stdlib.h>
#include <stdio.h>
#include "pnl/pnl matrix.h"
#include "pnl/pnl_random.h"
#include "pnl/pnl_basis.h"
#include "local vol callable.h"
#define eps 0.000001
//CODE POUR COUPON CONSTANT
typedef struct
  double Pbarre;
  double Nbarre;
  double Cbarre;
  double Sup;
  double Slow;
  double eta;
  double sigma;
  double r;
  double q;
  double gamma0;
  double alpha;
  double R;
  double cbarre;
} param;
#if defined(PremiaCurrentVersion) && PremiaCurrentVersion <</pre>
     (2011+2) //The "#else" part of the code will be freely av
    ailable after the (year of creation of this file + 2)
#else
//definition du drift local
static double b(double t, double x, double spot, param *P)
  return P->r-P->q+P->gamma0*pow(spot/x,P->alpha);
}
```

```
//definition de la vol locale
static double vol(double t, double x, param *P)
 return P->sigma;
}
static double c(double x, double spot, param *P)
 return P->cbarre+P->gamma0*pow(spot/x,P->alpha)*MAX((1.0-
    P->eta)*x,P->R);
//definition de la barriere basse
static double low(double x, param *P)
 return MAX(x,P->Pbarre);
}
//definition de la barriere haute
static double up(double x, param *P)
  return MAX(x,P->Cbarre);
//définition du payoff
static double g(double x, param *P)
 return MAX(x,P->Nbarre);
}
//definition de mu=r+gamma(S) (elle marche)
static double mu(double spot, double x, param *P)
 return P->r+P->gamma0*pow(spot/x,P->alpha);
}
//simulation par schéma d'euler de la matrice des
//trajectoires. On obtient une matrice de taille (N+1)*M
//(la fonction marche)
static void simul_asset(PnlMat *asset, int M, int N,
    double spot, double T, param *P, int type_generator)
```

```
{
  double h=T/N;
  int i,j;
  PnlMat *G;
  double Si 1;
  G=pnl mat create(0,0);
  pnl_mat_resize(asset,N+1,M);
  pnl_mat_rand_normal(G,N,M,type_generator);
  for(j=0;j<M;j++) {pnl_mat_set(asset,0,j,spot);}</pre>
  for(i=1;i<N+1;i++)
    {
      for(j=0;j<M;j++)</pre>
        {
          Si 1=pnl mat get(asset,i-1,j);
          pnl_mat_set(asset,i,j,Si_1*(1+b((i-1)*h,Si_1,spo
    t,P)*h+vol((i-1)*h,Si_1,P)*sqrt(h)*pnl_mat_get(G,i-1,j)));
    }
  pnl_mat_free(&G);
//rend la matrice des H, chaque colonne correspond à une
//trajectoire. H(0,:) est initialisée à 0. Elle est mise à
    1
//dès que le sous jacent dépasse Sup, et remise à 0 dès que
//le sous jacent passe sous Slow.
static void boolean protection(PnlMatInt *H, PnlMat *asset,
     int M, int N, param *P)
{
  int i,j;
  double Sij;
  pnl_mat_int_resize(H,N+1,M);
  for(j=0;j<M;j++)</pre>
    {
      if(pnl_mat_get(asset,0,j)>=P->Sup) pnl_mat_int_set(H,
    0,j,1);
      else pnl_mat_int_set(H,0,j,0);
    }
  for(j=0; j<M; j++)</pre>
```

```
for(i=1;i<N+1;i++)
        {
          Sij=pnl_mat_get(asset,i,j);
          if((Sij>P->Slow+eps)&&(Sij<P->Sup+eps)) pnl mat
    int_set(H,i,j,pnl_mat_int_get(H,i-1,j));
          else if(Sij>=P->Sup) pnl_mat_int_set(H,i,j,1);
          else pnl mat int set(H,i,j,0);
    }
}
//defintion du premier instant où on passe au dessus de la
//barriere (elle marche)
static void theta(PnlVectInt *res, PnlMat *asset, int M,
    int N, param *P)
{
  int j,i;
  pnl vect int resize(res,M);
  for(j=0;j<M;j++)
    {
      i=0;
      while((pnl mat get(asset,i,j)<P->Sup-eps)&&(i<N)) i++</pre>
      pnl_vect_int_set(res,j,i);
    }
}
//definition de beta (voir page 10) matrice de taille
//(N+1)*M (elle marche)
static void beta(PnlMat *res, double spot, PnlMat *asset,
    double T, int N, param *P)
{
  int i,j;
  double h=T/N;
  int M=asset->n;
  pnl_mat_resize(res,N+1,M);
  for(j=0;j<M;j++) pnl mat set(res,0,j,0);</pre>
  for(i=1;i<N+1;i++)
    {
```

```
for(j=0; j<M; j++)</pre>
          pnl_mat_set(res,i,j,mu(spot,pnl_mat_get(asset,i-1
    ,j),P));
        }
    }
  pnl_mat_cumsum(res,'r');
  pnl mat mult double(res,-h);
 pnl_mat_map_inplace(res,exp);
}
//creation du vecteur tau, chaque composante est le premier
//instant avant theta sur une trajectoire où le prix vaut
    la barrière
//basse, si on dépasse theta, tau vaut N
static void tau(PnlVectInt *res, int M, int N, PnlMat *V,
    PnlMat *asset, PnlVectInt *res_theta, param *P)
{
  int i,j;
  pnl_vect_int_resize(res,M);
  for(j=0;j<M;j++)</pre>
    {
      i=0;
      /* printf("low=%f {n",low(pnl mat get(asset,i,j)));
       * printf("V=%f {n",pnl_mat_get(V,i,j)); */
      while(((pnl_mat_get(V,i,j)>low(pnl_mat_get(asset,i,j)
    ,P)+eps)||(pnl_mat_get(V,i,j)<low(pnl_mat_get(asset,i,j),
    P)-eps))&&(i<pnl vect int get(res theta,j))) i++;
      if(i>=pnl vect int get(res theta,j)) pnl vect int se
    t(res,j,N);
      else pnl_vect_int_set(res,j,i);
    }
}
//creation du vecteur zeta, chaque composante est le premier
//instant sur une trajectoire où le prix vaut soit la bar
    rière
//basse soit la barriere haute (inf(tau,theta))
```

```
static void zeta(PnlVectInt *res, PnlVectInt *res tau, PnlV
    ectInt *res theta)
  int M=res tau->size;
  int j;
  pnl vect int resize(res,M);
  for(j=0;j<M;j++)</pre>
    pnl_vect_int_set(res,j,MIN(pnl_vect_int_get(res_tau,j),
    pnl_vect_int_get(res_theta,j)));
}
static void prix(PnlMat *res, PnlMatInt *H, int M, int N,
    PnlMat *asset, double spot, double T, param *P, PnlBasis *
    basis)
₹
  int i,j;
  double Sij,mu_ij,v0;
 PnlVect *Si,*V iplus1,*alpha,*c iplus1;//(ligne i de la
    matrice)
  PnlMat MSi;
  double h=T/N;
  Si=pnl vect new();
  alpha=pnl_vect_new();
  c iplus1=pnl vect create(M);
  V iplus1=pnl vect new();
 pnl mat resize(res,N+1,M);
  for(j=0;j<M;j++) pnl_mat_set(res,N,j,g(pnl_mat_get(asset,</pre>
    N,j),P));
  for(i=N-1;i>=1;i--)
    {
      for(j=0;j<M;j++) pnl_vect_set(c_iplus1,j,c(pnl_mat_</pre>
    get(asset,i+1,j),spot,P)*h);
      pnl mat get row(Si,asset,i);
      pnl vect mult double(Si,1.0/spot);
      pnl_mat_get_row(V_iplus1,res,i+1);
      pnl_vect_plus_vect(V_iplus1,c_iplus1);
      MSi = pnl mat wrap vect(Si);
      pnl_basis_fit_ls(basis,alpha,&MSi,V_iplus1);
      for(j=0;j<M;j++)
```

```
{
          Sij=pnl mat get(asset,i,j)/spot;
          mu_ij=mu(spot,spot*Sij,P);
          if(pnl_mat_int_get(H,i,j)==0) { pnl_mat_set(res,
    i,j,MAX(low(spot*Sij,P),exp(-mu ij*h)*pnl basis eval(basis,
    alpha, &Sij)));}
          else pnl_mat_set(res,i,j,MIN(up(spot*Sij,P),MAX(
    low(spot*Sij,P),exp(-mu ij*h)*pnl basis eval(basis,alpha,&Si
    j))));
        }
    }
  pnl mat get row(V iplus1,res,1);
  for(j=0;j<M;j++) pnl_vect_set(c_iplus1,j,c(pnl_mat_get(</pre>
    asset,1,j),spot,P)*h);
  pnl_vect_plus_vect(V_iplus1,c_iplus1);
  v0=pnl_vect_sum(V_iplus1)/M;
  v0=MAX(low(spot,P),exp(-mu(spot,spot,P)*h)*v0);
  for(j=0; j<M; j++)</pre>
    {
      if (pnl mat int get(H,0,j)==0) pnl mat set(res,0,j,v0)
      else pnl_mat_set(res,0,j,MIN(up(spot,P),v0));
  pnl vect free(&Si);
  pnl_vect_free(&V_iplus1);
  pnl vect free(&c iplus1);
  pnl vect free(&alpha);
static void prix en 0 ls(double *res prix, PnlMat *asset,
    int M, int N, double spot, double T, param *P, PnlBasis *basi
    s)
{
  PnlMat *V, *res beta;
  PnlMatInt *H;
  PnlVectInt *res_zeta, *res_tau,*res_theta;
  PnlVect *tmp_prix;
  int j, i, zeta j, tau j, theta j;
  double sprix,s;
  double h=T/N;
```

```
//initialisation
V=pnl mat new();
res_beta=pnl_mat_new();
res zeta=pnl vect int new();
res theta=pnl vect int new();
res tau=pnl vect int new();
tmp_prix=pnl_vect_create(M);
H=pnl mat int new();
//calcul de la matrice H
boolean protection(H,asset,M,N,P);
//calcul du vecteur theta
theta(res theta, asset, M, N, P);
//calcul du prix standard protection
prix(V,H,M,N,asset,spot,T,P,basis);
//calcul de tau, zeta et beta
tau(res_tau,M,N,V,asset,res_theta,P);
zeta(res zeta,res tau,res theta);
beta(res beta,spot,asset,T,N,P);
//calcul de la somme Monte Carlo
for(j=0; j<M; j++)</pre>
  {
    s=0;
    tau j=pnl vect int get(res tau,j);
    theta j=pnl vect int get(res theta,j);
    zeta_j=pnl_vect_int_get(res_zeta,j);
    if(tau j<theta j)</pre>
        pnl_vect_set(tmp_prix,j,pnl_mat_get(res_beta,zeta
  j,j)*low(pnl mat get(asset,tau j,j),P));
      }
    else
      {
        pnl_vect_set(tmp_prix,j,pnl_mat_get(res_beta,zeta
  _j,j)*pnl_mat_get(V,theta_j,j));
    for(i=1;i<=zeta_j;i++) s=s+h*pnl_mat_get(res_beta,i,</pre>
  j)*c(pnl_mat_get(asset,i,j),spot,P);
```

```
pnl vect set(tmp prix,j,pnl vect get(tmp prix,j)+s);
   }
 sprix=pnl vect sum(tmp prix);
 pnl mat free(&V);
 pnl_mat_free(&res_beta);
 pnl vect int free(&res zeta);
 pnl vect int free(&res tau);
 pnl_vect_int_free(&res_theta);
 pnl mat int free(&H);
 pnl vect free(&tmp prix);
 *res_prix=sprix/M;
static double prix_intermittent_protection(int M, int N,
   double spot, double T, int gen, int bindex, int m, param *P)
 PnlMat *asset;
 PnlBasis *basis:
 double sol;
 basis=pnl_basis_create(bindex, m, 1);
 asset=pnl_mat_new();
 simul asset(asset,M,N,spot,T,P,gen);
 prix en 0 ls(&sol,asset,M,N,spot,T,P,basis);
 pnl basis free(&basis);
 pnl mat free(&asset);
 return sol;
}
/**
* @param prix (output) contains the price on exit
* Oparam Mod (input) a pointer to the model type
* Oparam Opt (input) a pointer to the option type
* Oparam gen (input) the random number generator index
* Oparam bindex (input) the basis index
* Oparam m (input) the number of basis functions
* Oparam M (input) the number of Monte Carlo samples
* Oparam steps (input) the number of discretisation steps
   per day, It must be
```

```
* an integer
int callable_intermittent_protection(double *prix, TYPEMOD
    *Mod, TYPEOPT *Opt, int gen, int bindex, int m, int M,
    int steps)
{
  param *P;
  double T=(double) Opt->Maturity.Val.V INT/365.;
  int N=steps*Opt->Maturity.Val.V_INT;//nb dates discrétis
  double spot=Mod->SO.Val.V PDOUBLE;
  P=malloc(sizeof(param));
  P->r=log(1.+Mod->Interest.Val.V_DOUBLE/100.);
  P->q=log(1.+Mod->Divid.Val.V DOUBLE/100.);
  P->cbarre=Opt->Coupon.Val.V_PDOUBLE;
  P->Pbarre=Opt->PutStrike.Val.V_PDOUBLE;//intervient dans
    low
  P->Nbarre=Opt->Strike.Val.V_PDOUBLE;//intervient dans le
    payoff g
  P->Cbarre=Opt->CallStrike.Val.V PDOUBLE;//intervient dans
  P->sigma=Mod->Sigma.Val.V_PDOUBLE;
  P->alpha=1.2;
 P->gamma0=0.02;
  P->eta=Mod->Eta.Val.V PDOUBLE;
  P->R=Opt->Recovery.Val.V PDOUBLE;
  P->Sup=Opt->UpperBarrier.Val.V_PDOUBLE;
  P->Slow=Opt->LowerBarrier.Val.V PDOUBLE;
  /* init */
  pnl_rand_init(gen, M, N);
  *prix = prix intermittent protection(M,N,spot,T,gen,bind
    ex,m,P);
  free(P);
  return OK;;
#endif
```

References