



历年 CSP 题目解析

仅为参考练习所用

作者: Ionlyn

组织: Shanxi University Algorithm Group

时间: December 30, 2021

版本: 1.0



特别声明

该书仅供内部学习使用，如果有侵权请联系作者。

信息学竞赛的发展，吸引越来越多的人加入了“卷”的行列。CCF CSP 的历年题解在网上也是随处可见，但题解质量参差不齐。很多题解只有标准答案，缺少题目分析；更有甚者无法通过答案，充满了分号大小写问题等错误。

本书的目的是为了实现以下几点：

- 提供规范的代码程序。这里的规范，既要具有程序的可读性，也要具备考场的简易性。
- 提供多样的解题思路。有些时候，网上的大佬往往一语道破问题求解的思路，但怎么想到的却往往不提。这里力求从部分分开始，逐渐深入，汇集众人智慧，逐步解决难题。
- 提供筛选的额外补充。做一道题的目的不是只做一道题，而是可以做到举一反三，但我们常常忽略这一点。

感谢 [Elegant^{La}T_EX](#) 提供如此精美的模板，希望这本书能够给大家带来帮助。

lonlyn

December 30, 2021

目录

1	CCF CSP 认证总览	1
2	第 23 次认证 (2021 年 9 月)	2
3	第 24 次认证 (2021 年 12 月)	3
3.1	题目及涉及知识点	3
3.2	202112-1 序列查询	4
3.2.1	50% 数据	5
3.2.1.1	思路	5
3.2.1.2	C++ 实现	5
3.2.2	全部数据	5
3.2.2.1	思路一——利用 $f(x)$ 单调性	5
3.2.2.2	思路一——C++ 实现	6
3.2.2.3	思路二——阶段求和	6
3.2.2.4	思路二——C++ 实现	7
4	Elegant\LaTeX 系列模板介绍	8
4.1	ElegantBook 更新说明	8
4.2	模板安装与更新	8
4.2.1	在线使用模板	8
4.2.2	本地免安装使用	9
4.2.3	发行版安装使用	9
4.2.4	更新问题	9
4.2.5	其他发行版本	9
4.3	关于提交	9
5	ElegantBook 设置说明	10
5.1	语言模式	10
5.2	设备选项	10
5.3	颜色主题	10
5.4	封面	11
5.4.1	封面个性化	11
5.4.2	封面图	11
5.4.3	徽标	12
5.4.4	自定义封面	12
5.5	章标标题	12
5.6	数学环境简介	12
5.6.1	定理类环境的使用	13
5.6.2	其他环境的使用	13
5.7	列表环境	13
5.8	参考文献	14
5.9	添加序章	14
5.10	目录选项与深度	14

5.11 章节摘要	15
5.12 章后习题	15
第 5 章 练习	15
5.13 旁注	16
6 字体选项	17
6.1 数学字体选项	17
6.2 使用 newtx 系列字体	17
6.2.1 连字符	17
6.2.2 宏包冲突	17
6.3 中文字体选项	18
6.3.1 方正字体选项	18
6.3.2 其他中文字体	18
7 ElegantBook 写作示例	20
7.1 Lebesgue 积分	20
7.1.1 积分的定义	20
第 7 章 练习	22
8 常见问题集	23
9 版本更新历史	24
A 基本数学工具	27
A.1 求和算子与描述统计量	27

第 1 章 CCF CSP 认证总览

待补充。

第 2 章 第 23 次认证（2021 年 9 月）

待补充。

第 3 章 第 24 次认证（2021 年 12 月）

3.1 题目及涉及知识点

题目编号	题目名称	知识点
1	序列查询	数学
2	序列查询新解	数学
3	登机牌条码	模拟，多项式除法
4	磁盘文件操作	线段树
5	极差路径	树分治

3.2 202112-1 序列查询

题目背景

西西艾弗岛的购物中心里店铺林立，商品琳琅满目。为了帮助游客根据自己的预算快速选择心仪的商品，IT 部门决定研发一套商品检索系统，支持对任意给定的预算 x ，查询在该预算范围内 ($\leq x$) 价格最高的商品。如果没有商品符合该预算要求，便向游客推荐可以免费领取的西西艾弗岛定制纪念品。

假设购物中心里有 n 件商品，价格从低到高依次为 A_1, A_2, \dots, A_n ，则根据预算 x 检索商品的过程可以抽象为如下序列查询问题。

题目描述

$A = [A_0, A_1, A_2, \dots, A_n]$ 是一个由 $n+1$ 个 $[0, N)$ 范围内整数组成的序列，满足 $0 = A_0 < A_1 < A_2 < \dots < A_n < N$ 。（这个定义中蕴含了 n 一定小于 N 。）

基于序列 A ，对于 $[0, N)$ 范围内任意的整数 x ，查询 $f(x)$ 定义为：序列 A 中小于等于 x 的整数里最大的数的下标。具体来说有以下两种情况：

1. 存在下标 $0 \leq i < n$ 满足 $A_i \leq x < A_{i+1}$ ，此时序列 A 中从 A_0 到 A_i 均小于等于 x ，其中最大的数为 A_i ，其下标为 i ，故 $f(x) = i$ 。
2. $A_n \leq x$ ，此时序列 A 中左右的数都小于等于 x ，其中最大的数是 A_n ，故 $f(x) = n$ 。

令 $sum(A)$ 表示 $f(0)$ 到 $f(N-1)$ 的总和，即：

$$sum(A) = \sum_{i=0}^{N-1} f(i) = f(0) + f(1) + f(2) + \dots + f(N-1)$$

对于给定的序列 A ，试计算 $sum(A)$ 。

输入格式

从标准输入读入数据。

输入的第一行包含空格分隔的两个正整数 n 和 N 。

输入的第二行包含 n 个用空格分隔的整数 A_1, A_2, \dots, A_n 。

注意 A_0 固定为 0，因此输入数据中不包括 A_0 。

输出格式

输出到标准输出。

仅输出一个整数，表示 $sum(A)$ 的值。

样例

输入格式 #1:

```
3 10
2 5 8
```

输出格式 #1:

```
15
```


i	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9
$f(i)$	0	0	1	1	1	2	2	2	3	3

解释 #1:

$A = [0, 2, 5, 8]$

如上表所示, $sum(A) = f(0) + f(1) + \dots + f(9) = 15$ 。

考虑到 $f(0) = f(1)$ 、 $f(2) = f(3) = f(4)$ 、 $f(5) = f(6) = f(7)$ 以及 $f(8) = f(9)$, 亦可通过如下算式计算 $sum(A)$:

$$sum(A) = f(0) \times 2 + f(2) \times 3 + f(5) \times 3 + f(8) \times 2$$

输入格式 #2:

```
9 10
1 2 3 4 5 6 7 8 9
```

输出格式 #2:

```
45
```

子任务

50 % 的测试数据满足 $1 \leq n \leq 200$ 且 $n \leq N \leq 1000$;

全部的测试数据满足 $1 \leq n \leq 200$ 且 $n \leq N \leq 10^7$ 。

提示

若存在区间 $[i, j]$ 满足 $f(i) = f(i+1) = \dots = f(j-1)$, 使用乘法运算 $f(i) \times (j-i)$ 代替将 $f(i)$ 到 $f(j-1)$ 逐个相加, 或可大幅提高算法效率。

3.2.1 50% 数据

3.2.1.1 思路

模拟一下这个过程, 计算出每一个 $f(i)$ 后加起来即可。

考虑针对确定的 x , 如何求解 $f(x)$ 。我们可以从小到大枚举 A 中的数, 枚举到第一个大于等于 x 的数即可。注意末尾的判断。

枚举 x 时间复杂度 $O(N)$, 计算 $f(x)$ 时间复杂度 $O(n)$, 整体时间复杂度 $O(nN)$ 。

3.2.1.2 C++ 实现

待补充。

3.2.2 全部数据

3.2.2.1 思路——利用 $f(x)$ 单调性

为了方便, 设 $f(n+1) = \infty$ 。

通过模拟, 可以得到一个显然的结论:

定理 3.1 ($f(x)$ 的单调性)

对于 $x, y \in [0, N)$, 若 $x \leq y$, 则 $f(x) \leq f(y)$ 。



那么, 我们可以从小到大枚举 x , 同时记录目前 $f(x)$ 的值, 设为 y , 那么 A_{y+1} 是第一个大于 x 的数。当需要计算 $f(x+1)$ 的时候, 我们从小到大依次判断 A_{y+1}, A_{y+2}, \dots 是否满足条件, 直到遇到第一个大于 $f(x+1)$ 的数 A_z , 那么 $f(x+1) = z - 1$ 。之后, 在 $f(x+1)$ 的基础上以同样的步骤求 $f(x+2)$, 直到求完所有的值。

考虑该算法的时间复杂度, 枚举 x 的复杂度是 $O(N)$, 而 A 数组中每个数对多被枚举一次, 枚举所有 x 的整体复杂度 $O(n)$, 可以得到整体复杂度 $O(N+n)$ 。

3.2.2.2 思路一——C++ 实现

```
#include <algorithm>
#include <cmath>
#include <cstdio>
#include <cstring>
#include <iostream>
using namespace std;
#define ll long long
#define il inline
const int maxn = 210;
int n, N;
int a[maxn];
ll ans = 0;
int main() {
    scanf("%d%d", &n, &N);
    for (int i = 1; i <= n; ++i) {
        scanf("%d", &a[i]);
    }
    int cur = 0;
    for (int i = 0; i < N; ++i) {
        while (cur < n && a[cur + 1] <= i)
            ++cur;
        ans += cur;
    }
    printf("%lld\n", ans);
    return 0;
}
```

3.2.2.3 思路二——阶段求和

在提示中, 指出了可以将 $f(x)$ 相同的值一起计算。现在需要解决的问题是如何快速确定 $f(x)$ 值相等的区间。

通过观察和模拟可以发现, 随着 x 增大, $f(x)$ 只会在等于某个 A 数组的值时发生变化。更具体的说, 对于某个属于 A 数组的值 A_i 来说, $[A_i, A_{i+1} - 1]$ 间的 $f(x)$ 值是相同的, 这样的数共有 $A_{i+1} - A_i$ 个。

也可以以另一种方式理解: 对于一个值 y , 考虑有多少 x 满足 $f(x) = y$ 。当 $x < A_y$ 时, $f(x) < y$, 当 $x \geq A_{y+1}$ 时, $f(x) > y$ 。只有 $x \in [A_y, A_{y+1})$ 时才能得到 $f(x) = y$ 。

得到范围后, 我们就可以根据 A 数组来进行求和计算。

考虑 $f(x) = n$ 的处理：我们可以得知满足 $f(x) = n$ 的 x 共有 $N - A_n$ 个，根据上文推算，我们可以将 A_{n+1} 设置为 $A_n + (N - A_n) = N$ 即可等效替代。

时间复杂度 $O(n)$ 。

3.2.2.4 思路二——C++ 实现

```
#include <algorithm>
#include <cmath>
#include <cstdio>
#include <cstring>
#include <iostream>
using namespace std;
#define ll long long
#define il inline
const int maxn = 210;
int n, N;
int a[maxn];
ll ans = 0;
int main() {
    scanf("%d%d", &n, &N);
    for (int i = 1; i <= n; ++i) {
        scanf("%d", &a[i]);
    }
    a[n + 1] = N;
    for (int i = 1; i <= n + 1; ++i) {
        // 处理区间 [A(i-1), A(i)] 的 f(x) 值的和
        ans += 1ll * (a[i] - a[i - 1]) * (i - 1);
    }
    printf("%lld\n", ans);
    return 0;
}
```

第 4 章 Elegant \LaTeX 系列模板介绍

Elegant \LaTeX 项目组致力于打造一系列美观、优雅、简便的模板方便用户使用。目前由 **ElegantNote**, **ElegantBook**, **ElegantPaper** 组成, 分别用于排版笔记, 书籍和工作论文。强烈推荐使用最新正式版本! 本文将介绍本模板的一些设置内容以及基本使用方法。如果您有其他问题, 建议或者意见, 欢迎在 **GitHub** 上给我们提交 **issues** 或者邮件联系我们。


我们的联系方式如下, 建议加入用户 QQ 群提问, 这样能更快获得准确的反馈, 加群时请备注 \LaTeX 或者 Elegant \LaTeX 相关内容。

- 官网: <https://elegantlatex.org/>
- GitHub 网址: <https://github.com/ElegantLaTeX/>
- CTAN 地址: <https://ctan.org/pkg/elegantbook>
- 下载地址: 正式发行版, 最新版
- 微博: Elegant \LaTeX
- 微信公众号: Elegant \LaTeX
- 用户 QQ 群: 692108391
- 邮件: elegantlatex2e@gmail.com

4.1 ElegantBook 更新说明

此次为 4.x 第一个版本, 在 3.x 基础上, 主要更新了定理以及参考文献的支持方式, 具体内容有:

1. **重要改动**: 由原先的 Bib \TeX 改为 biblatex 编译方式 (后端为 biber), 请注意两者之间的差异;
2. **重要改进**: 修改对于定理写法兼容方式, 提高数学公式代码的兼容性;
3. 页面设置改动, 默认页面更宽; 方便书写和阅读;
4. 支持目录文字以及页码跳转;
5. 不再维护 pdf \LaTeX 中文支持方式, 请务必使用 Xe \LaTeX 编译中文文稿。
6. 增加多语言选项, 法语 `lang=fr`、德语 `lang=de`、荷兰语 `lang=nl`、匈牙利语 `lang=hu`、西班牙语 `lang=es`、蒙古语 `lang=mn` 等。

 **笔记** 如果你使用旧版本切换到新版本时, 遇到问题时, 请核对文档中是否有 `pageanchor` 字样。如果有, 请删除文档中的 `\hypersetup{pageanchor=true}`, 并且在 `\maketitle` 和 `\tableofcontents` 之间添加 `\frontmatter`。2.x 版本的用户请仔细查看 **跨版本转换**。

4.2 模板安装与更新

你可以通过免安装的方式使用本模板, 包括在线使用和本地 (文件夹内) 使用两种方式, 也可以通过 \TeX 发行版安装使用。

4.2.1 在线使用模板

我们把三套模板全部上传到 **Overleaf** 上了, 网络便利的用户可以直接通过 **Overleaf** 在线使用我们的模板。使用 **Overleaf** 的好处是无需安装 \TeX Live 2020, 可以随时随地访问自己的文件。查找模板, 请在 **Overleaf** 模板库里面搜索 `elegantlatex` 即可, 你也可以直接访问 **搜索结果**。选择适当的模板之后, 将其 **Open as Template**, 即可把模板存到自己账户下, 然后可以自由编辑以及与他人一起协作。更多关于 **Overleaf** 的介绍和使用, 请参考 **Overleaf** 的 **官方文档**。

注 **Overleaf** 上, 中文需要使用 Xe \LaTeX 进行编译, 英文建议使用 pdf \LaTeX 编译。

4.2.2 本地免安装使用

免安装使用方法如下，从 GitHub 或者 CTAN 下载最新版，严格意义上只需要类文件 `elegantbook.cls`。然后将模板文件放在你的工作目录下即可使用。这样使用的好处是，无需安装，简便；缺点是，当模板更新之后，你需要手动替换 `cls` 文件。

4.2.3 发行版安装使用

本模板测试环境为 Win10 和 TeX Live 2021，如果你刚安装 TeX Live 2021 用户，安装后建议升级全部宏包，升级方法：使用 `cmd` 运行 `tlmgr update --all`，如果 `tlmgr` 需要更新，请使用 `cmd` 运行 `tlmgr update --self`，如果更新过程中出现了中断，请改用 `tlmgr update --self --all --reinstall-forcibly-removed` 更新。

4.2.4 更新问题

如果使用 `tlshell` 无法更新模板，请使用命令行全部更新全部宏包或者使用免安装的方法使用本模板。通过命令行（管理员权限）输入下面的命令对 `tlmgr` 自身和全部宏包进行更新。

```
tlmgr update --self
tlmgr update --all
```

更多的内容请参考 [How do I update my TeX distribution?](#)

4.2.5 其他发行版本

由于宏包版本问题，本模板不支持 CTeX 套装，请务必安装 TeX Live。更多关于 TeX Live 的安装使用以及 CTeX 与 TeX Live 的兼容、系统路径问题，请参考官方文档以及嘨行的一份[简短的关于安装 LaTeX 安装的介绍](#)。

4.3 关于提交

出于某些因素的考虑，ElegantLaTeX 项目自 2019 年 5 月 20 日开始，不再接受任何非作者预约性质的提交 (pull request)! 如果你想改进模板，你可以给我们提交 issues，或者可以在遵循协议 (LPPL-1.3c) 的情况下，克隆到自己仓库下进行修改。

第 5 章 ElegantBook 设置说明

本模板基于基础的 book 文类，所以 book 的选项对于本模板也是有效的（纸张无效，因为模板有设备选项）。默认编码为 UTF-8，推荐使用 T_EX Live 编译。本文编写环境为 Win10 (64bit) + T_EX Live 2021，英文支持 pdfL^AT_EX，中文仅支持 X_YL^AT_EX 编译。

5.1 语言模式

本模板内含两套基础语言环境 `lang=cn`、`lang=en`。改变语言环境会改变图表标题的引导词（图，表），文章结构词（比如目录，参考文献等），以及定理环境中的引导词（比如定理，引理等）。不同语言模式的启用如下：

```
\documentclass[cn]{elegantbook}
\documentclass[lang=cn]{elegantbook}
```

除模板自带的两套语言设定之外，由网友提供的其他语言环境设置如下：

- 由 VincentMVV 提供的意大利语翻译 `lang=it`，相关讨论见 [Italian translation](#)；
- 由 abfek66 提供的法语翻译 `lang=fr`，相关讨论见 [Italian translation](#)；
- 由 inktvis75 提供的荷兰语翻译 `lang=nl`，相关讨论见 [Dutch Translation](#)；
- 由 palkotamas 提供的匈牙利语翻译 `lang=hu`，相关讨论见 [Hungarian translation](#)；
- 由 Lisa 提供的德语翻译 `lang=de`，相关讨论见 [Deutsch translation](#)；
- 由 Gustavo A. Corradi 提供的西班牙语的翻译 `lang=es`，相关讨论见 [Spanish translation](#)；
- 由 Altantsooj 提供的蒙古语的翻译 `lang=mn`，相关讨论见 [Mongolian translation](#)。

注 以上各个语言的设定均为网友设定，我们未对上述翻译进行过校对，如果有问题，请在对应的 issue 下评论。并且，只有中文环境（`lang=cn`）才可以输入中文。

5.2 设备选项

最早我们在 ElegantNote 模板中加入了设备选项（`device`），后来，我们觉得这个设备选项的设置可以应用到 ElegantBook 中¹，而且 Book 一般内容比较多，如果在 iPad 上看无需切边，放大，那用户的阅读体验将会得到巨大提升。你可以使用下面的选项将版面设置为 iPad 设备模式²

```
\documentclass[pad]{elegantbook} %or
\documentclass[device=pad]{elegantbook}
```

5.3 颜色主题

本模板内置 5 组颜色主题，分别为 `green`³、`cyan`、`blue`（默认）、`gray`、`black`。另外还有一个自定义的选项 `nocolor`。调用颜色主题 `green` 的方法为





















```
\documentclass[green]{elegantbook} %or
\documentclass[color=green]{elegantbook}
```

¹不过因为 ElegantBook 模板封面图片的存在，在修改页面设计时，需要对图片进行裁剪。

²默认为 normal 模式，也即 A4 纸张大小。

³为原先默认主题。

表 5.1: ElegantBook 模板中的颜色主题

	green	cyan	blue	gray	black	主要使用的环境
structure						chapter section subsection
main						definition exercise problem
second						theorem lemma corollary
third						proposition

如果需要自定义颜色的话请选择 `nocolor` 选项或者使用 `color=none`, 然后在导言区定义 `structurecolor`、`main`、`second`、`third` 颜色, 具体方法如下:

```
\definecolor{structurecolor}{RGB}{0,0,0}
\definecolor{main}{RGB}{70,70,70}
\definecolor{second}{RGB}{115,45,2}
\definecolor{third}{RGB}{0,80,80}
```

5.4 封面

5.4.1 封面个性化

从 3.10 版本开始, 封面更加弹性化, 用户可以自行选择输出的内容, 包括 `\title` 在内的所有封面元素都可为空。目前封面的元素有

表 5.2: 封面元素信息

信息	命令	信息	命令	信息	命令
标题	<code>\title</code>	副标题	<code>\subtitle</code>	作者	<code>\author</code>
机构	<code>\institute</code>	日期	<code>\date</code>	版本	<code>\version</code>
箴言	<code>\extrainfo</code>	封面图	<code>\cover</code>	徽标	<code>\logo</code>

另外, 额外增加一个 `\bioinfo` 命令, 有两个选项, 分别是信息标题以及信息内容。比如需要显示 User Name: 111520, 则可以使用

```
\bioinfo{User Name}{111520}
```

封面中间位置的色块的颜色可以使用下面命令进行修改:

```
\definecolor{customcolor}{RGB}{32,178,170}
\colorlet{coverlinecolor}{customcolor}
```

5.4.2 封面图

本模板使用的封面图片来源于 pixabay.com⁴, 图片完全免费, 可用于任何场景。封面图片的尺寸为 1280×1024, 更换图片的时候请严格按照封面图片尺寸进行裁剪。推荐一个免费的在线图片裁剪网站 fotor.com。用户 QQ 群

⁴感谢 ChinaTeX 提供免费图源网站, 另外还推荐 pexels.com。

内有一些合适尺寸的封面，欢迎取用。

5.4.3 徽标

本文用到的 Logo 比例为 1:1，也即正方形图片，在更换图片的时候请选择合适的图片进行替换。

5.4.4 自定义封面

另外，如果使用自定义的封面，比如 Adobe illustrator 或者其他软件制作的 A4 PDF 文档，请把 `\maketitle` 注释掉，然后借助 `pdfpages` 宏包将自制封面插入即可。如果使用 `titlepage` 环境，也是类似。如果需要 2.x 版本的封面，请参考 `etitlepage`。

5.5 章标标题

本模板内置 2 套章标题显示风格，包含 `hang`（默认）与 `display` 两种风格，区别在于章标题单行显示（`hang`）与双行显示（`display`），本说明使用了 `hang`。调用方式为

```
\documentclass[hang]{elegantbook} %or
\documentclass[titlestyle=hang]{elegantbook}
```

在章标题内，章节编号默认是以数字显示，也即第 1 章，第 2 章等等，如果想要把数字改为中文，可以使用

```
\documentclass[chinese]{elegantbook} %or
\documentclass[scheme=chinese]{elegantbook}
```

5.6 数学环境简介

在我们这个模板中，我们定义了两种不同的定理模式 `mode`，包括简单模式（`simple`）和炫彩模式（`fancy`），默认为 `fancy` 模式，不同模式的选择为

```
\documentclass[simple]{elegantbook} %or
\documentclass[mode=simple]{elegantbook}
```

本模板定义了四大类环境

- 定理类环境，包含标题和内容两部分，全部定理类环境的编号均以章节编号。根据格式的不同分为 3 种
 - `definition` 环境，颜色为 `main`;
 - `theorem`、`lemma`、`corollary` 环境，颜色为 `second`;
 - `proposition` 环境，颜色为 `third`。
- 示例类环境，有 `example`、`problem`、`exercise` 环境（对应于例、例题、练习），自动编号，编号以章节为单位，其中 `exercise` 有提示符。
- 提示类环境，有 `note` 环境，特点是：无编号，有引导符。
- 结论类环境，有 `conclusion`、`assumption`、`property`、`remark`、`solution` 环境⁵，三者均以粗体的引导词为开头，和普通段落格式一致。

⁵本模板还添加了一个 `result` 选项，用于隐藏 `solution` 和 `proof` 环境，默认为显示（`result=answer`），隐藏使用 `result=noanswer`。

5.6.1 定理类环境的使用

由于本模板使用了 `tcolorbox` 宏包来定制定理类环境，所以和普通的定理环境的使用有些许区别，定理的使用方法如下：

```
\begin{theorem}{theorem name}{label}
  The content of theorem.
\end{theorem}
```

第一个必选项 `theorem name` 是定理的名字，第二个必选项 `label` 是交叉引用时所用到的标签，交叉引用的方法为 `\ref{thm:label}`。请注意，交叉引用时必须加上前缀 `thm:`。

在用户多次反馈下，4.x 之后，引入了原生定理的支持方式，也就是使用可选项方式：

```
\begin{theorem}[theorem name] \label{thm:theorem-label}
  The content of theorem.
\end{theorem}
% or
\begin{theorem} \label{thm:theorem-withou-name}
  The content of theorem without name.
\end{theorem}
```

其他相同用法的定理类环境有：

表 5.3: 定理类环境

环境名	标签名	前缀	交叉引用
definition	label	def	<code>\ref{def:label}</code>
theorem	label	thm	<code>\ref{thm:label}</code>
lemma	label	lem	<code>\ref{lem:label}</code>
corollary	label	cor	<code>\ref{cor:label}</code>
proposition	label	pro	<code>\ref{pro:label}</code>

5.6.2 其他环境的使用

其他三种环境没有选项，可以直接使用，比如 `example` 环境的使用方法与效果：

```
\begin{example}
  This is the content of example environment.
\end{example}
```

这几个都是同一类环境，区别在于

- 示例环境（`example`）、练习（`exercise`）与例题（`problem`）章节自动编号；
- 注意（`note`），练习（`exercise`）环境有提醒引导符；
- 结论（`conclusion`）等环境都是普通段落环境，引导词加粗。

5.7 列表环境

本模板借助于 `tikz` 定制了 `itemize` 和 `enumerate` 环境，其中 `itemize` 环境修改了 3 层嵌套，而 `enumerate` 环境修改了 4 层嵌套（仅改变颜色）。示例如下

- first item of nesti;
 - second item of nesti;
 - first item of nestii;
 - second item of nestii;
 - first item of nestiii;
 - second item of nestiii.
- 1. first item of nesti;
 - 2. second item of nesti;
 - (a). first item of nestii;
 - (b). second item of nestii;
 - I. first item of nestiii;
 - II. second item of nestiii.

5.8 参考文献

此模板使用了 `biber` 来生成参考文献，也即使用 `biblatex` 宏包，在中文示例中，使用了 `gbt7714` 宏包。参考文献示例：`cn1.en2.cn3` 使用了中国一个大型的 P2P 平台（人人贷）的数据来检验男性投资者和女性投资者在投资表现上是否有显著差异。

你可以在谷歌学术，Mendeley，Endnote 中获得文献条目（bib item），然后把它们添加到 `reference.bib` 中。在文中引用的时候，引用它们的键值（bib key）即可。注意需要在编译的过程中添加 `biber` 编译。

为了方便文献样式修改，模板引入了 `bibstyle` 和 `citestyle` 选项，默认均为数字格式（numeric），如果需要设置为国标 GB7714-2015，需要使用：

```
\documentclass[citestyle=gb7714-2015, bibstyle=gb7714-2015]{elegantbook}
```

如果需要添加排序方式，可以在导言区加入

```
\ExecuteBibliographyOptions{sorting=ynt}
```

启用国标之后，可以加入 `sorting=gb7714-2015`。

5.9 添加序章

如果你想在第一章前面添序章，不改变原本章节序号，可以在第一章内容前面使用

```
\chapter*{Introduction}
\markboth{Introduction}{Introduction}
The content of introduction.
```

5.10 目录选项与深度

本模板添加了一个目录选项 `toc`，可以设置目录为单栏（`onecol`）和双栏（`twocol`）显示，比如双栏显示可以使用

```
\documentclass[twocol]{elegantbook}
\documentclass[toc=twocol]{elegantbook}
```

默认本模板目录深度为 1，你可以在导言区使用

```
\setcounter{tocdepth}{2}
```

将其修改为 2 级目录（章与节）显示。

5.11 章节摘要

模板新增了一个章节摘要环境（`introduction`），使用示例

```
\begin{introduction}
  \item Definition of Theorem
  \item Ask for help
  \item Optimization Problem
  \item Property of Cauchy Series
  \item Angle of Corner
\end{introduction}
```

效果如下：

内容提要

<input type="checkbox"/> Definition of Theorem <input type="checkbox"/> Ask for help <input type="checkbox"/> Optimization Problem	<input type="checkbox"/> Property of Cauchy Series <input type="checkbox"/> Angle of Corner
--	--

环境的标题文字可以通过这个环境的可选参数进行修改，修改方法为：

```
\begin{introduction}[Brief Introduction]
...
\end{introduction}
```

5.12 章后习题

前面我们介绍了例题和练习两个环境，这里我们再加一个，章后习题（`problemset`）环境，用于在每一章结尾，显示本章的练习。使用方法如下

```
\begin{problemset}
  \item exercise 1
  \item exercise 2
  \item exercise 3
\end{problemset}
```

效果如下：

📖 第 5 章 练习 📖

1. exercise 1
2. exercise 2
3. exercise 3
4. 测试数学公式

$$a^2 + b^2 = c_2(1, 2)[1, 23] \quad (5.1)$$

注 如果你想把 `problemset` 环境的标题改为其他文字，你可以类似于 `introduction` 环境修改 `problemset` 的可选参数。另外，目前这个环境会自动出现在目录中，但是不会出现在页眉页脚信息中（待解决）。

解 如果你想把 `problemset` 环境的标题改为其他文字，你可以类似于 `introduction` 环境修改 `problemset` 的可选参数。另外，目前这个环境会自动出现在目录中，但是不会出现在页眉页脚信息中（待解决）。

5.13 旁注

在 3.08 版本中，我们引入了旁注设置选项 `marginpar=margintrue` 以及测试命令 `\elegantpar`，但是由此带来一堆问题。我们决定在 3.09 版本中将其删除，并且，在旁注命令得到大幅度优化之前，不会将此命令再次引入书籍模板中。对此造成各位用户的不方便，非常抱歉！不过我们保留了 `marginpar` 这个选项，你可以使用 `marginpar=margintrue` 获得保留右侧旁注的版面设计。然后使用系统自带的 `\marginpar` 或者 `marginnote` 宏包的 `\marginnote` 命令。

注 在使用旁注的时候，需要注意的是，文本和公式可以直接在旁注中使用。

```
% text
\marginpar{margin paragraph text}

% equation
\marginpar{
  \begin{equation}
    a^2 + b^2 = c^2
  \end{equation}
}
```

但是浮动体（表格、图片）需要注意，不能用浮动体环境，需要使用直接插图命令或者表格命令环境。然后使用 `\captionof` 为其设置标题。为了得到居中的图表，可以使用 `\centerline` 命令或者 `center` 环境。更多详情请参考：[Caption of Figure in Marginpar](#)。

```
% graph with centerline command
\marginpar{
  \centerline{
    \includegraphics[width=0.2\textwidth]{logo.png}
  }
  \captionof{figure}{your figure caption}
}

% graph with center environment
\marginpar{
  \begin{center}
    \includegraphics[width=0.2\textwidth]{logo.png}
    \captionof{figure}{your figure caption}
  \end{center}
}
```

第 6 章 字体选项

字体选项独立成章的原因是，我们希望本模板的用户关心模板使用的字体，知晓自己使用的字体以及遇到字体相关的问题能更加便捷地找到答案。

重要提示：从 3.10 版本更新之后，沿用至今的 `newtx` 系列字体被重新更改为 `cm` 字体。并且新增中文字体（`chinesefont`）选项。

6.1 数学字体选项

本模板定义了一个数学字体选项（`math`），可选项有三个：

1. `math=cm`（默认），使用 `LaTeX` 默认数学字体（推荐，无需声明）；
2. `math=newtx`，使用 `newtxmath` 设置数学字体（潜在问题比较多）。
3. `math=mtpro2`，使用 `mtpro2` 宏包设置数学字体，要求用户已经成功安装此宏包。

6.2 使用 `newtx` 系列字体

如果需要使用原先版本的 `newtx` 系列字体，可以通过显示声明数学字体：

```
\documentclass[math=newtx]{elegantbook}
```

6.2.1 连字符

如果使用 `newtx` 系列字体宏包，需要注意下连字符的问题。

$$\int_{R^q} f(x, y) dy.off \quad (6.1)$$

的代码为

```
\begin{equation}
\int_{R^q} f(x, y) dy.\emph{of \kern0pt f}
\end{equation}
```

6.2.2 宏包冲突

另外在 3.08 版本中，有用户反馈模板在和 `yhmath` 以及 `esvect` 等宏包搭配使用的时候会出现报错：

```
LaTeX Error:
Too many symbol fonts declared.
```

原因是在使用 `newtxmath` 宏包时，重新定义了数学字体用于大型操作符，达到了最多 16 个数学字体的上限，在调用其他宏包的时候，无法新增数学字体。为了减少调用非常用宏包，在此给出如何调用 `yhmath` 以及 `esvect` 宏包的方法。

请在 `elegantbook.cls` 内搜索 `yhmath` 或者 `esvect`，将你所需要的宏包加载语句取消注释即可。

```
%% use yhmath pkg, uncomment following code
% \let\oldwidering\widering
% \let\widering\undefined
% \RequirePackage{yhmath}
```

```
% \let\widering\oldwidering

%%% use esvect pkg, uncomment following code
% \RequirePackage{esvect}
```

6.3 中文字体选项

模板从 3.10 版本提供中文字体选项 `chinesefont`，可选项有

1. `ctexfont`: 默认选项，使用 `ctex` 宏包根据系统自行选择字体，可能存在字体缺失的问题，更多内容参考 `ctex` 宏包[官方文档](#)¹。
2. `founder`: 方正字体选项，调用 `ctex` 宏包并且使用 `fontset=none` 选项，然后设置字体为方正四款免费字体，方正字体下载注意事项见后文。
3. `nofont`: 调用 `ctex` 宏包并且使用 `fontset=none` 选项，不设定中文字体，用户可以自行设置中文字体，具体见后文。

注 使用 `founder` 选项或者 `nofont` 时，必须使用 Xe_{La}TeX 进行编译。

6.3.1 方正字体选项

由于使用 `ctex` 宏包默认调用系统已有的字体，部分系统字体缺失严重，因此，用户希望能够使用其它字体，我们推荐使用方正字体。方正的方正书宋、方正黑体、方正楷体、方正仿宋四款字体均可免费试用，且可用于商业用途。用户可以自行从[方正字体官网](#)下载此四款字体，在下载的时候请务必注意选择 GBK 字符集，也可以使用 [L^AT_EX 工作室](#)提供的方正字体，提取码为：njy9 进行安装。安装时，Win 10 用户请右键选择为全部用户安装，否则会找不到字体。

全部字体订单

待付款

已完成

字体/订单号

搜索

如果订单中包含方正黑体、方正书宋、方正仿宋、方正楷体这四款字体，针对“商业发布”使用方式免费，其它字体仅用于“个人非商业”使用

字体名称	编码	单价	实付价	交易状态	操作
订单号: C20200204164821OW1F			2020-02-04 16:48:21		
方正仿宋_GBK 免费商用	简繁扩展(GBK)	¥ 0.00	免费	已完成	<div>下载字体</div>
方正黑体_GBK 免费商用	简繁扩展(GBK)	¥ 0.00			
方正书宋_GBK 免费商用	简繁扩展(GBK)	¥ 0.00			
方正楷体_GBK 免费商用	简繁扩展(GBK)	¥ 0.00			

6.3.2 其他中文字体

如果你想完全自定义字体²，你可以选择 `chinesefont=nofont`，然后在导言区设置

```
\setCJKmainfont[BoldFont={FZHei-B01},ItalicFont={FZKai-Z03}]{FZShuSong-Z01}
```

¹可以使用命令提示符，输入 `texdoc ctex` 调出本地 `ctex` 宏包文档

²这里仍然以方正字体为例。

```
\setCJKsansfont[BoldFont={FZHei-B01},ItalicFont={FZHei-B01}]{FZHei-B01}
\setCJKmonofont[BoldFont={FZHei-B01},ItalicFont={FZHei-B01}]{FZFangSong-Z02}
\setCJKfamilyfont{zhsong}{FZShuSong-Z01}
\setCJKfamilyfont{zhhei}{FZHei-B01}
\setCJKfamilyfont{zhkai}{FZKai-Z03}
\setCJKfamilyfont{zhfs}{FZFangSong-Z02}
\newcommand*{\songti}{\CJKfamily{zhsong}}
\newcommand*{\heiti}{\CJKfamily{zhhei}}
\newcommand*{\kaishu}{\CJKfamily{zhkai}}
\newcommand*{\fangsong}{\CJKfamily{zhfs}}
```

第 7 章 ElegantBook 写作示例

内容提要

□ 积分定义 7.1

□ Fubini 定理 7.1

□ 最优性原理 7.1

□ 柯西列性质 7.1.1

□ 韦达定理

7.1 Lebesgue 积分

在前面各章做了必要的准备后,本章开始介绍新的积分。在 Lebesgue 测度理论的基础上建立了 Lebesgue 积分,其被积函数和积分域更一般,可以对有界函数和无界函数统一处理。正是由于 Lebesgue 积分的这些特点,使得 Lebesgue 积分比 Riemann 积分具有在更一般条件下的极限定理和累次积分交换积分顺序的定理,这使得 Lebesgue 积分不仅在理论上更完善,而且在计算上更灵活有效。

Lebesgue 积分有几种不同的定义方式。我们将采用逐步定义非负简单函数,非负可测函数和一般可测函数积分的方式。

由于现代数学的许多分支如概率论、泛函分析、调和分析等常常用到一般空间上的测度与积分理论,在本章最后一节将介绍一般的测度空间上的积分。

7.1.1 积分的定义

我们将通过三个步骤定义可测函数的积分。首先定义非负简单函数的积分。以下设 E 是 \mathcal{R}^n 中的可测集。

定义 7.1 (可积性)

设 $f(x) = \sum_{i=1}^k a_i \chi_{A_i}(x)$ 是 E 上的非负简单函数,其中 $\{A_1, A_2, \dots, A_k\}$ 是 E 上的一个可测分割, a_1, a_2, \dots, a_k 是非负实数。定义 f 在 E 上的积分为 $\int_a^b f(x)$

$$\int_E f dx = \sum_{i=1}^k a_i m(A_i) \pi \alpha \beta \sigma \gamma \nu \xi \epsilon \epsilon. \oint_a^b \oint_a^b \prod_{i=1}^n \quad (7.1)$$

一般情况下 $0 \leq \int_E f dx \leq \infty$ 。若 $\int_E f dx < \infty$, 则称 f 在 E 上可积。



一个自然的问题是, Lebesgue 积分与我们所熟悉的 Riemann 积分有什么联系和区别? 在 4.4 我们将详细讨论 Riemann 积分与 Lebesgue 积分的关系。这里只看一个简单的例子。设 $D(x)$ 是区间 $[0, 1]$ 上的 Dirichlet 函数。即 $D(x) = \chi_{Q_0}(x)$, 其中 Q_0 表示 $[0, 1]$ 中的有理数的全体。根据非负简单函数积分的定义, $D(x)$ 在 $[0, 1]$ 上的 Lebesgue 积分为

$$\int_0^1 D(x) dx = \int_0^1 \chi_{Q_0}(x) dx = m(Q_0) = 0 \quad (7.2)$$

即 $D(x)$ 在 $[0, 1]$ 上是 Lebesgue 可积的并且积分值为零。但 $D(x)$ 在 $[0, 1]$ 上不是 Riemann 可积的。

有界变差函数是与单调函数有密切联系的一类函数。有界变差函数可以表示为两个单调递增函数之差。与单调函数一样,有界变差函数几乎处处可导。与单调函数不同,有界变差函数类对线性运算是封闭的,它们构成一线空间。练习题 7.1 是一个性质的证明。

 **练习 7.1** 设 $f \notin L(\mathcal{R}^1)$, g 是 \mathcal{R}^1 上的有界可测函数。证明函数

$$I(t) = \int_{\mathcal{R}^1} f(x+t)g(x)dx \quad t \in \mathcal{R}^1 \quad (7.3)$$

是 \mathcal{R}^1 上的连续函数。

解 即 $D(x)$ 在 $[0, 1]$ 上是 Lebesgue 可积的并且积分值为零。但 $D(x)$ 在 $[0, 1]$ 上不是 Riemann 可积的。

证明 即 $D(x)$ 在 $[0, 1]$ 上是 Lebesgue 可积的并且积分值为零。但 $D(x)$ 在 $[0, 1]$ 上不是 Riemann 可积的。

定理 7.1 (Fubini 定理)

(1) 若 $f(x, y)$ 是 $\mathcal{R}^p \times \mathcal{R}^q$ 上的非负可测函数, 则对几乎处处的 $x \in \mathcal{R}^p$, $f(x, y)$ 作为 y 的函数是 \mathcal{R}^q 上的非负可测函数, $g(x) = \int_{\mathcal{R}^q} f(x, y) dy$ 是 \mathcal{R}^p 上的非负可测函数。并且

$$\int_{\mathcal{R}^p \times \mathcal{R}^q} f(x, y) dx dy = \int_{\mathcal{R}^p} \left(\int_{\mathcal{R}^q} f(x, y) dy \right) dx. \quad (7.4)$$

(2) 若 $f(x, y)$ 是 $\mathcal{R}^p \times \mathcal{R}^q$ 上的可积函数, 则对几乎处处的 $x \in \mathcal{R}^p$, $f(x, y)$ 作为 y 的函数是 \mathcal{R}^q 上的可积函数, 并且 $g(x) = \int_{\mathcal{R}^q} f(x, y) dy$ 是 \mathcal{R}^p 上的可积函数。而且 7.4 成立。



7.1

笔记 在本模板中, 引理 (lemma), 推论 (corollary) 的样式和定理 7.1 的样式一致, 包括颜色, 仅仅只有计数器的设置不一样。

我们说一个实变或者复变量的实值或者复值函数是在区间上平方可积的, 如果其绝对值的平方在该区间上的积分是有限的。所有在勒贝格积分意义下平方可积的可测函数构成一个希尔伯特空间, 也就是所谓的 L^2 空间, 几乎处处相等的函数归为同一等价类。形式上, L^2 是平方可积函数的空间和几乎处处为 0 的函数空间的商空间。

命题 7.1 (最优性原理)

如果 u^* 在 $[s, T]$ 上为最优解, 则 u^* 在 $[s, T]$ 任意子区间都是最优解, 假设区间为 $[t_0, t_1]$ 的最优解为 u^* , 则 $u(t_0) = u^*(t_0)$, 即初始条件必须还是在 u^* 上。



我们知道最小二乘法可以用来处理一组数据, 可以从一组测定的数据中寻求变量之间的依赖关系, 这种函数关系称为经验公式。本课题将介绍最小二乘法的精确定义及如何寻求点与点之间近似成线性关系时的经验公式。假定实验测得变量之间的 n 个数据, 则在平面上, 可以得到 n 个点, 这种图形称为“散点图”, 从图中可以粗略看出这些点大致散落在某直线近旁, 我们认为其近似为一线性函数, 下面介绍求解步骤。

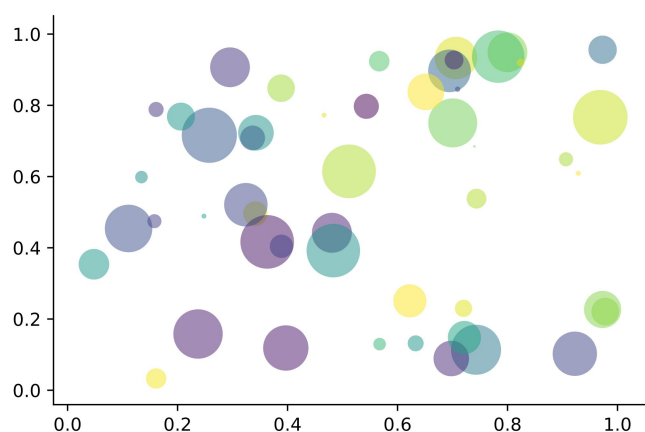


图 7.1: 散点图示例 $\hat{y} = a + bx$

以最简单的一元线性模型来解释最小二乘法。什么是一元线性模型呢? 监督学习中, 如果预测的变量是离散的, 我们称其为分类 (如决策树, 支持向量机等), 如果预测的变量是连续的, 我们称其为回归。回归分析中, 如果只包括一个自变量和一个因变量, 且二者的关系可用一条直线近似表示, 这种回归分析称为一元线性回归分析。如果回归分析中包括两个或两个以上的自变量, 且因变量和自变量之间是线性关系, 则称为多元线性回

归分析。对于二维空间线性是一条直线；对于三维空间线性是一个平面，对于多维空间线性是一个超平面。

性质 柯西列的性质

1. $\{x_k\}$ 是柯西列，则其子列 $\{x_k^i\}$ 也是柯西列。
2. $x_k \in \mathcal{R}^n$, $\rho(x, y)$ 是欧几里得空间，则柯西列收敛， (\mathcal{R}^n, ρ) 空间是完备的。

结论 回归分析 (regression analysis) 是确定两种或两种以上变量间相互依赖的定量关系的一种统计分析方法。运用十分广泛，回归分析按照涉及的变量的多少，分为一元回归和多元回归分析；按照因变量的多少，可分为简单回归分析和多重回归分析；按照自变量和因变量之间的关系类型，可分为线性回归分析和非线性回归分析。

第7章 练习

1. 设 A 为数域 K 上的 n 级矩阵。证明：如果 K^n 中任意非零列向量都是 A 的特征向量，则 A 一定是数量矩阵。
2. 证明：不为零矩阵的幂零矩阵不能对角化。
3. 设 $A = (a_{ij})$ 是数域 K 上的一个 n 级上三角矩阵，证明：如果 $a_{11} = a_{22} = \cdots = a_{nn}$ ，并且至少有一个 $a_{kl} \neq 0 (k < l)$ ，则 A 一定不能对角化。

第 8 章 常见问题集

我们根据用户社区反馈整理了下面一些常见的问题，用户在遇到问题时，应当首先查阅本手册和本部分的常见的问题。

1. 有没有办法章节用“第一章，第一节，(一)”这种？
见前文介绍，可以使用 `scheme=chinese` 设置。
2. 大佬，我想把正文字体改为亮色，背景色改为黑灰色。
页面颜色可以使用 `\pagecolor` 命令设置，文本命令可以参考[这里](#)进行设置。
3. Package `ctex` Error: CTeX fontset ‘Mac’ is unavailable.
在 Mac 系统下，中文编译请使用 X_gLaTeX。
4. ! LaTeX Error: Unknown option ‘`scheme=plain`’ for package ‘`ctex`’.
你用的 C_TE_X 套装吧？这个里面的 `ctex` 宏包已经是已经是 10 年前的了，与本模板使用的 `ctex` 宏集有很大区别。不建议 C_TE_X 套装了，请卸载并安装 T_EX Live 2021。
5. 我该使用什么版本？
请务必使用[最新正式发行版](#)，发行版间不定期可能会有更新（修复 bug 或者改进之类），如果你在使用过程中没有遇到问题，不需要每次更新[最新版](#)，但是在发行版更新之后，请尽可能使用最新版（发行版）！最新发行版可以在 GitHub 或者 T_EX Live 2021 内获取。
6. 我该使用什么编辑器？
你可以使用 T_EX Live 2021 自带的编辑器 T_EXworks 或者使用 T_EXstudio，T_EXworks 的自动补全，你可以参考我们的总结[T_EXworks 自动补全](#)。推荐使用 T_EX Live 2021 + T_EXstudio。我自己用 VS Code 和 Sublime Text，相关的配置说明，请参考[LaTeX 编译环境配置：Visual Studio Code 配置简介](#)和[Sublime Text 搭建 LaTeX 编写环境](#)。
7. 您好，我们想用您的 ElegantBook 模板写一本书。关于机器学习的教材，希望获得您的授权，谢谢您的宝贵时间。
模板的使用修改都是自由的，你们声明模板来源以及模板地址（GitHub 地址）即可，其他未尽事宜按照开源协议 LPPL-1.3c。做好之后，如果方便的话，可以给我们一个链接，我把你们的教材放在 ElegantLaTeX 用户作品集里。
8. 请问交叉引用是什么？
本群和本模板适合有一定 LaTeX 基础的用户使用，新手请先学习 LaTeX 的基础，理解各种概念，否则你将寸步难行。
9. 定义等环境中无法使用加粗命令么？
是这样的，默认中文并没加粗命令，如果你想在定义等环境中使用加粗命令，请使用 `\heiti` 等字体命令，而不要使用 `\textbf`。或者，你可以将 `\textbf` 重新定义为 `\heiti`。英文模式不存在这个问题。
10. 代码高亮环境能用其他语言吗？
可以的，ElegantBook 模板用的是 `listings` 宏包，你可以在环境 (`lstlisting`) 之后加上语言（比如 Python 使用 `language=Python` 选项），全局语言修改请使用 `lsset` 命令，更多信息请参考宏包文档。
11. 群主，什么时候出 Beamer 的模板（主题），ElegantSlide 或者 ElegantBeamer？
由于 Beamer 中有一个很优秀的主题 [Metropolis](#)。后续确定不会再出任何主题/模板，请大家根据需要修改已有主题。

第 9 章 版本更新历史

根据用户的反馈，我们不断修正和完善模板。截止到此次更新，ElegantBook 模板在 GitHub 上有将近 100 次提交，正式发行版本（release）有 17 次。由于 3.00 之前版本与现在版本差异非常大，在此不列出 3.00 之前的更新内容。

2021/05/02 更新：版本 4.1 正式发布。

- ① **重要改动**：由原先的 BibTeX 改为 biblatex 编译方式（后端为 biber），请注意两者之间的差异；
- ② **重要改进**：修改对于定理写法兼容方式，提高数学公式代码的兼容性；
- ③ 页面设置改动，默认页面更宽；方便书写和阅读；
- ④ 支持目录文字以及页码跳转；
- ⑤ 不再维护 pdfLaTeX 中文支持方式，请务必使用 XeLaTeX 编译中文文稿。
- ⑥ 增加多个语言选项，法语 `lang=fr`、荷兰语 `lang=nl`、匈牙利语 `lang=hu`、西班牙语 `lang=es`、蒙古语 `lang=mn` 等。

2020/04/12 更新：版本 3.11 正式发布，**此版本为 3.x 最后版本**。

- ① **重要修正**：修复因为 gbt7714 宏包更新导致的 natbib option clash 错误；
- ② 由于 pgfornament 宏包未被 TeX Live 2020 收录，因此删除 base 相关的内容；
- ③ 修复部分环境的空格问题；
- ④ 增加了意大利语言选项 `lang=it`。

2020/02/10 更新：版本 3.10 正式发布

- ① 增加数学字体选项 `math`，可选项为 `newtx` 和 `cm`。
重要提示：原先通过 `newtxmath` 宏包设置的数学字体改为 LaTeX 默认数学字体，如果保持原来的字体，需要显式声明数学字体（`math=newtx`）；
- ② 新增中文字体选项 `chinesefont`，可选项为 `ctexfont`、`founder` 和 `nofont`。
- ③ 将封面作者信息设置为可选，并且增加自定义信息命令 `\bioinfo`；
- ④ 在说明文档中增加版本历史，新增 `\datechange` 命令和 `change` 环境；
- ⑤ 增加汉化章节选项 `scheme`，可选项为汉化 `chinese`；
- ⑥ 由于 `\lvert` 问题已经修复，重新调整 `ctex` 宏包和 `amsmath` 宏包位置。
- ⑦ 修改页眉设置，去除了 `\lastpage` 以避免 page anchor 问题，加入 `\frontmatter`。
- ⑧ 修改参考文献选项 `cite`，可选项为数字 `numbers`、作者-年份 `authoryear` 以及上标 `super`。
- ⑨ 新增参考文献样式选项 `bibstyle`，并将英文模式下参考文献样式 `apalike` 设置为默认值，中文仍然使用 gbt7714 宏包设置。

2019/08/18 更新：版本 3.09 正式发布

- ① `\elegantpar` 存在 bug，删除 `\elegantpar` 命令，建议用户改用 `\marginnote` 和 `\marginpar` 旁注命令。
- ② 积分操作符统一更改为 `esint` 宏包设置；
- ③ 新增目录选项 `toc`，可选项为单栏 `onecol` 和双栏 `twocol`；
- ④ 手动增加参考文献选项 `cite`，可选项为上标形式 `super`；
- ⑤ 修正章节习题（`problemset`）环境。

2019/05/28 更新：版本 3.08 正式发布

- ① 修复 `\part` 命令。

-
- ② 引入 Note 模板中的 pad 选项 `device=pad`。
 - ③ 数学字体加入 mtpro2 可选项 `math=mtpro2`，使用免费的 lite 子集。
 - ④ 将参考文献默认显示方式 `authyear` 改为 `numbers`。
 - ⑤ 引入旁注命令 `\marginpar`（测试）。
 - ⑥ 新增章节摘要环境 `introduction`。
 - ⑦ 新增章节习题环境 `problemset`。
 - ⑧ 将 `\equote` 重命名为 `\extrainfo`。
 - ⑨ 完善说明文档，增加致谢部分。
-

2019/04/15 更新：版本 3.07 正式发布

- ① 删除中英文自定义字体总设置。
 - ② 新增颜色主题，并将原绿色默认主题设置为蓝色 `color=blue`。
 - ③ 引入隐藏装饰图案选项 `base`，可选项有显示 `show` 和隐藏 `hide`。
 - ④ 新增定理模式 `mode`，可选项有简单模式 `simple` 和炫彩模式 `fancy`。
 - ⑤ 新增隐藏证明、答案等环境的选项 `result=noanswer`。
-

2019/02/25 更新：版本 3.06 正式发布

- ① 删除水印。
 - ② 新封面，新装饰图案。
 - ③ 添加引言使用说明。
 - ④ 修复双面 `twoside`。
 - ⑤ 美化列表环境。
 - ⑥ 增加 `\subsubsection` 的设置。
 - ⑦ 将模板拆分成中英文语言模式。
 - ⑧ 使用 `lstlisting` 添加代码高亮。
 - ⑨ 增加定理类环境使用说明。
-

2019/01/22 更新：版本 3.05 正式发布

- ① 添加 `xeCJK` 宏包中文支持方案。
 - ② 修复模板之前对 TikZ 单位的改动。
 - ③ 更新 logo 图。
-

2019/01/15 更新：版本 3.04 正式发布

- ① 格式化模板代码。
 - ② 增加 `\equote` 命令。
 - ③ 修改 `\date`。
-

2019/01/08 更新：版本 3.03 正式发布

- ① 修复附录章节显示问题。
 - ② 小幅优化封面代码。
-

2018/12/31 更新：版本 3.02 正式发布

- ① 修复名字系列命令自定义格式时出现的空格问题，比如 `\listfigurename`。
 - ② 英文定理类名字改为中文名。
 - ③ 英文结构名改为中文。
-

2018/12/16 更新：版本 3.01 正式发布

- ① 调整 `ctex` 宏包。
- ② 说明文档增加更新内容。

2018/12/06 更新：版本 3.00 正式发布

- ① 删除 `mathpazo` 数学字体选项。
- ② 添加邮箱命令 `\mailto`。
- ③ 修改英文字体为 `newtx` 系列，另外大型操作符号维持 `cm` 字体。
- ④ 中文字体改用 `ctex` 宏包自动设置。
- ⑤ 删除 `xeCJK` 字体设置，原因是不同系统字体不方便统一。
- ⑥ 定理换用 `tcolobox` 宏包定义，并基本维持原有的定理样式，优化显示效果，支持跨页；定理类名字重命名，如 `etheorem` 改为 `theorem` 等等。
- ⑦ 删去自定义的缩进命令 `\Eindent`。
- ⑧ 添加参考文献宏包 `natbib`。
- ⑨ 颜色名字重命名。

附录 A 基本数学工具

本附录包括了计量经济学中用到的一些基本数学，我们扼要论述了求和算子的各种性质，研究了线性和某些非线性方程的性质，并复习了比例和百分数。我们还介绍了一些在应用计量经济学中常见的特殊函数，包括二次函数和自然对数，前 4 节只要求基本的代数技巧，第 5 节则对微分学进行了简要回顾；虽然要理解本书的大部分内容，微积分并非必需，但在一些章末附录和第 3 篇某些高深专题中，我们还是用到了微积分。

A.1 求和算子与描述统计量

求和算子是用以表达多个数求和运算的一个缩略符号，它在统计学和计量经济学分析中扮演着重要作用。如果 $\{x_i : i = 1, 2, \dots, n\}$ 表示 n 个数的一個序列，那么我们就把这 n 个数的和写为：

$$\sum_{i=1}^n x_i \equiv x_1 + x_2 + \cdots + x_n \quad (\text{A.1})$$