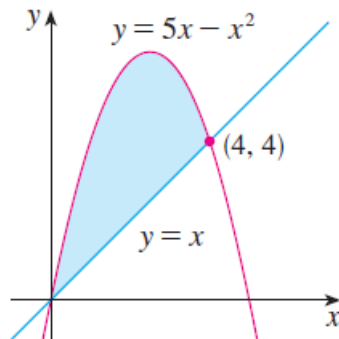


Tarea 6

Juan Camilo Mora Roncancio.
jmorar@unal.edu.co
 Cálculo Integral
 Universidad Nacional de Colombia.
 Bogotá. Colombia.

I. EJERCICIOS:

1 determine el área de la región sombreada.



$$y_1 = 5x - x^2$$

$$y_2 = x$$

a la función superior le restamos la inferior

$$A = (5x - x^2) - x \quad (1)$$

entonces

$$A = \int_0^4 (4x - x^2) dx \quad (2)$$

$$A = \left[\frac{4x^2}{2} - \frac{x^3}{3} \right] \quad (3)$$

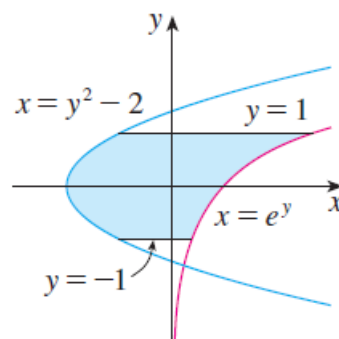
ahora evaluamos de 0 a 4.

$$A = \left[2((4)^2 - \frac{(4)^3}{3}) - (0) \right] \quad (4)$$

$$A = (32) - \left(\frac{64}{3} \right) \quad (5)$$

$$A = \frac{32}{3} \quad (6)$$

3 determine el área de la región sombreada.



usamos la ecuación

$$\int_{-1}^1 (f(x) - g(x)) dx \quad (7)$$

siendo

$$f(x) = e^2 \quad (8)$$

$$g(x) = y^2 - 2 \quad (9)$$

tenemos que

$$\int_{-1}^1 (e^y - (y^2 - 2)) dy \quad (10)$$

al integrar nos resulta

$$[e^y - (\frac{y^3}{3} - 2y)] \quad (11)$$

ahora reemplazamos los limites

$$[e^1 - (\frac{1^3}{3} - 2)] - [e^{-1} - (\frac{-1^3}{3} + 2)] \quad (12)$$

$$= e - \frac{1}{e} + \frac{10}{3} \quad (13)$$

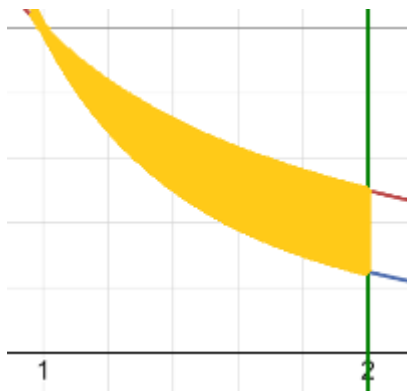
9 Dibuje las regiones encerradas por cada una de las curvas dadas. Decida si integra respecto a x o y. Trace un rectángulo representativo de aproximación e indique su altura y su ancho. Luego determine el área de la región.



$$y = \frac{1}{x}$$

$$y = \frac{1}{x^2}$$

$$x = 2$$



$$A = \int_1^2 \left(\frac{1}{x} - \frac{1}{x^2} \right) dx \quad (14)$$

$$A = \left[\ln(x) + \frac{1}{x} \right]_1^2 \quad (15)$$

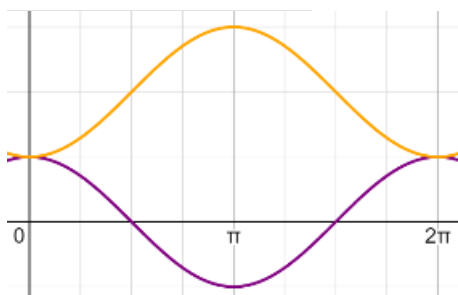
$$A = \left[\ln(2) + \frac{1}{2} \right] - \left[\ln(1) + \frac{1}{1} \right] \quad (16)$$

$$A = \ln(2) - \frac{1}{2} \quad (17)$$

16 trace las graficas de las funciones y halle el area.

$y = \cos x$

$y = 2 - \cos x$



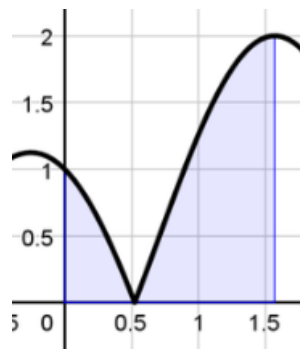
$$A = \int_0^{2\pi} (2 - \cos x - \cos x) dx = \int_0^{2\pi} (2 - 2\cos x) dx \quad (18)$$

$$= [2x - 2\sin x]_0^{2\pi} \quad (19)$$

$$= 4\pi - 0 - (0 - 0) \quad (20)$$

$$= 4\pi \quad (21)$$

31 Evalúe la siguiente integral e interprétela como el área de una región.



$$\int_0^{\pi/2} |\sin x - \cos 2x| dx \quad (22)$$

$$= \int_0^{\pi/6} |\sin x - \cos 2x| dx + \int_{\pi/6}^{\pi/2} |\sin x - \cos 2x| dx \quad (23)$$

$$= \left| [-\cos x - \frac{1}{2} \sin 2x]_0^{\pi/6} \right| + \left| [-\cos x - \frac{1}{2} \sin 2x]_{\pi/6}^{\pi/2} \right| \quad (24)$$

$$= \left| -\frac{\sqrt{3}}{2} - \frac{1}{2} \cdot \frac{\sqrt{3}}{2} - (-1 + 0) \right| + \left| 0 - 0 - \left(-\frac{\sqrt{3}}{2} - \frac{1}{2} \cdot \frac{\sqrt{3}}{2} \right) \right| \quad (25)$$

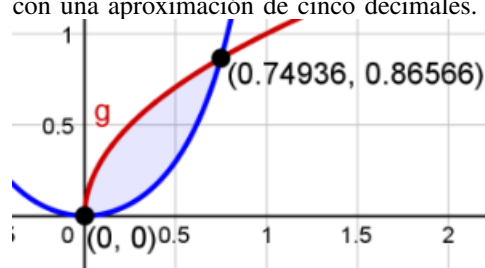
$$= \left| -\frac{2\sqrt{3}}{4} - \frac{\sqrt{3}}{4} + \frac{4}{4} \right| + \left| \frac{2\sqrt{3}}{4} + \frac{\sqrt{3}}{4} \right| \quad (26)$$

$$= \frac{6\sqrt{3} - 4}{4} \quad (27)$$

$$= \frac{3\sqrt{3} - 2}{2} \quad (28)$$

$$= \frac{3\sqrt{3}}{2} - 1 \quad (29)$$

39 Grafique cada una de las siguientes regiones entre las curvas dadas y utilice su calculadora para calcular el área con una aproximación de cinco decimales.



$y = x^{\frac{1}{2}}$

$y = \tan^2 x$

$$A = \int_0^{0.74936} (\sqrt{x} - \tan^2 x) dx \quad (30)$$

$$= 0.25142 \quad (31)$$