基于MATLAB 遗传算法优化工具箱的优化计算

技术交流

尚

采用Matlab 语言编制的遗传算法工具箱 (GAOT)可实现二进制编码和真值编码的模拟进化计算。此 工具箱在遗传操作方面非常灵活。介绍了用遗传算法工具箱 解决了连续优化问题和旅行商问题,并给出了两个实例。

关键词 遗传算法 优化 旅行商问题

一、遗传算法

遗传算法(Genetic algorithm s: GA)是由美国Michigan 大学的 John Holland 教授在 60 年代提出的, 它是一种自然适 应优化方法,该算法是基于自然遗传和自然优选机理的寻优 方法。所谓自然遗传和自然优选来自于达尔文的进化论学说, 该学说认为在生物进化过程中,任一动植物经过若干代的遗 传和变异, 使之能够适应新的环境, 是优胜劣汰的结果, 这种 自然遗传思想也适用于求解优化问题。GA 采用选择(selection)、交叉(crossover)和变异(mutation)运算来实现"物竞天 择, 适者生存 '这一自然法则的模拟。遗传算法的一般框架[2, 3, 41:

输入参数: 染色体个数 N, 交叉概率 Pc, 变异概率 Pm;

通过初始化过程产生N 个染色体;

计算所有染色体的评价函数:

根据评价函数抽样选择染色体;

对染色体进行交叉和变异操作:

重复若干次(下一代的代数)计算评价函数,选择,交叉和 变异。

由于最好的染色体不一定出现在最后一代, 开始时保留 最好的染色体, 如果在新的种群又发现更好的染色体, 则用它 代替原来的染色体, 进化完成后, 这个染色体可以看作最优化 的结果。

遗传算法几平渗透到从工程到社会科学的诸多领域,必 须要编制遗传算法的程序进行计算, 作为使用者希望找一个 现成的程序, 而MATLAB 的遗传算法工具箱正好满足要求。 我们主要对遗传算法工具箱的用法和技巧作一点探讨。

二 遗传算法工具箱

MATLAB 语言简单, 但功能强大, 程序移植性比较好。 MATLAB 的遗传算法工具箱的下载地址: http://www.ie

ncsu edu/m irage/GA Too Box/gaot/GAO T. zip

其主程序是 ga m, 其用法如下:

function [x, endPop, bPop, trace Info] = ga (bounds, evalFN, evaOps, startPop, opts, temFN, temOps, selectFN, selectOps, xOverFNs, xOverOps, mutFNs, mutOps)

输出部分:

X	运行中最好的结果
endPop	最后一代染色体(可选择的)
bPop	最好染色体的轨迹(可选择的)
trace Info	每一代染色体中最好的个体和平均结果矩阵(可选择的)

输入参数:

bounds	变量上限和下限组成的矩阵
evalFN	评价函数的文件名,通常是 m 文件
evalOps	运行评价函数的输入选项,默认值为 [NULL](可选择的)
startPop	调用 initialize m 文件得到的初始染色体(可选择的)
opts	一个向量[ep silon p rob- op s disp lay], 这里 ep silon 表示两代之间的差距; p rob- op s 取 0 表示采用二进制编码, 取 1 表示采用实数 本身; disp lay 取 is 1 表示运行中显示, 当前 染色体和最好结果, 取 0 表示运行中不显示。默认值为[le- 6 1 0](可选择的)
tem FN	终止函数的名称,默认值为[maxGen- Tem](可选择的)
temOps	终止函数的输入选项, 默认值为[100](可选择的)
selectFN	选择函数的 m 的文件名, 默认值为[no m - Geom Se lect](可选择的)
selectOpts	向选择函数传递的参数, 串默认值为[0 08] (可选择的)
xO verFN S	一个包括空格的字符串的 Xover m 文件, 实数编码默认值为[arithXover heuristicXover simplxXover], 二进制编码默认值为['simpleXover'](可选择的)

尚 华东船舶工业学院电子与信息系 讲师 硕士 镇江 212003

技术交流

xO verOps	Xover m 的输入参数矩阵, 实数编码默认值 为[20;23;20], 二进制编码默认值为[06] (可选择的)
mutFN s	一个包括空格的字符串的 mutation m 文件, 实数编码默认值为[boundaryM utation multNonUniM utation nonUniM utation unifM utation], 二进制编码默认值为['binaryM utation'](可选择的)
m u tOp s	Xover m 的输入矩阵, 类似与变异, 实数编码默认值为[4 0; 6 100 3; 4 100 3; 4 0 0], 二进制编码默认值为[0 05](可选择的)

三、解决连续变量优化问题

以一个简单地连续性优化例子来说明,例如求maxf = x $+ 10 \sin(5x) + 7 \cos(4x)$

采用 GAOT 的步骤如下:

(1)首先编制目标函数文件,如 gaDemolEval m function [sol, val] = gaDemolEval(sol, options) x = sol(1);

val = x + 10 * sin (5 * x) + 7 * cos (4 * x);

(2) 调用主程序 ga m, 程序如下:

clear all

clf;

figure (gcf);

hold on

fp lot $(x + 10 * \sin(5 * x) + 7 * \cos(4 * x), [0 9])$

in itPop = in it ia lizega (10, [0 9], gademo levall);

p lot (initPop(:,1), initPop(:,2), g+)

[x endPop bestPop trace] = ga([0 9], gademolevall, [],

initPop, [le-611], maxGenTem, 25, ...

nom Geom Select, [0 08], [arithXover], [2], nonUnifMutation, [2 25 3]);

plot (endPop (:, 1), endPop (:, 2), ro)

figure (2)

plot(trace(:,1), trace(:,2));

hold on

plot(trace(:,1), trace(:,3));

运行结果如图 1 和图 2 所示,图 1 中标有" + "记号的点 为初始值, 标有"0"的点为最优值。最优解为 x*=7.8564. fm ax = 24.8553

四 解决 TSP 问题

旅行商问题(Traveling Salesman Problem: TSP)是一个

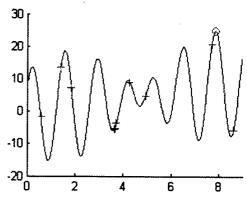


图 1 目标函数形状及最优结果

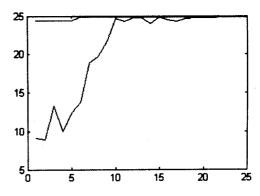


图 2 每一代中的最好解与平均值

典型的组合优化问题, 设有 n 个城市和各城市距离 $d_{ii}(i, j =$ 1, 2, ..., n), d_{ij} 表示城市 i 到城市 j 的距离, 问题是找遍访每个 城市恰好一次的一条回路, 且其路径长度为最短。目前解决此 问题的方法较多, 遗传算法是其中一种方法, 下面用遗传算法 丁具箱编制的程序如下:

clear all

global distM atrix

 $t = [1304 \ 2312; \ 3639 \ 1315; \ 4177 \ 2244; \ 3712 \ 1399; \ 3488$ 1535; 3326 1556; ...

3238 1229; 4196 1044; 4312 790; 4386 570; 3007 1970; 2562 1756; ...

2788 1491; 2381 1676; 1332 695; 3715 1678; 3918 2179; 4061 2370; ...

3780 2212; 3676 2578; 4029 2838; 4263 2931; 3429 1908; 3507 2376; ...

3394 2643; 3439 3201; 2935 3240; 3140 3550; 2545 2357; 2778 2826; 2370 2975];

sz = size(t, 1);

distM atrix= dists(t, t);

xFns = cyclicXover uniformXover partmapXover orderbasedXover

xFns= [xFns, singleptXover linerorderXover];

xOpts= [2; 2; 2; 2; 2; 2]; % 2; 2; 2; 2; 2; 2; 2];

技术交流

mFns = inversionMutation adjswapMutation shiftMutation

```
sw apM utation threew apM utation;
mOpts = [2; 2; 2; 2; 2];
tem Fns= maxGenTem;
temOps = [100];
selectFn= no m Geom Select;
selectOp s = [0.08];
evalFn= tspEval;
eva Dp s= [];
bounds= [sz];
gaOpts = [le-611];
startPop = initialixeoga (80, bounds, tspEval, [le- 6 1]);
[x endPop bestPop trace] = ga (bounds, evalFn, evalOps,
startPop, gaOpts, ...
tem Fns, temOps, selectFn, selectOps, xFns, xOpts, mFns,
mOpts);
bestPop
trace
plot(trace(:,1), trace(:,2));
hold on
plot(trace(:,1), trace(:,3));
figure (2)
c1f
A = ones(sz, sz);
A = xor(triu(A), tril(A));
[xg yg] = gp lot(A, t);
clf
h= gca;
hold on
ap = x:
plot(t(x(1:sz), 1), t(x(1:(sz)), 2,), r-)
plot(t([x(1),x(sz)],1),t([x(1),x(sz)],2,) r-)
plot(xg, yg, b., MarkerSize, 24);
```

上面的程序是解决中国 31 个直辖市和省会城市的CTSP 问题, t 矩阵记录各城市的相对坐标[1]。运行的结果如图 4 和 图 5 所示。图 3 是中国 31 个城市的 CTSP 目前最好的解,它 通过复杂的改进的模拟退火算法得来的[1], 本程序的结果与 接近,但程序编程简单。

五、结束语

通过两个实例说明了遗传算法工具箱的强大的功能,是 学习和利用遗传算法的好工具。其用法比较灵活, 对其有关模 块作适当修改,可解决许多实际问题。

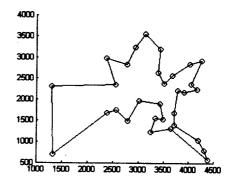
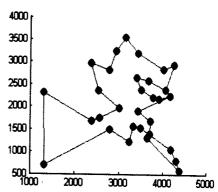


图 3 中国 31 城市的 CTSP 目前最好的解



中国 31 城市的 CTSP 本算法的解 图 4

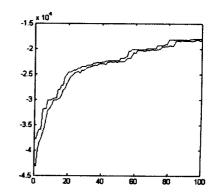


图 5 中国 31 城市的 CTSP 迭代中最好解与平均值

参考文献

- [1]康立山、谢云、尤矢勇等、模拟退火算法[M]、科学出版社、 1994: 150- 151
- [2]刑文循、谢金星,现代优化计算方法[M],北京:清华大学 出版社, 1999: 140- 180
- [3]刘宝碇、赵瑞清, 随机规划与模糊规划[M], 北京: 清华大 学出版社, 1998: 15-36
- [4]G. J. Koehler, New directions in genetic algorithm theory [J], Annals of Operations Research 75 (1997): 49~ 68

(收稿日期: 2002年4月11日)

2002 年第 18 巻第 8 期

ABSTRACTS & KEYWORDS

Keywords variable applied field parameter pass