

电磁学部分测试

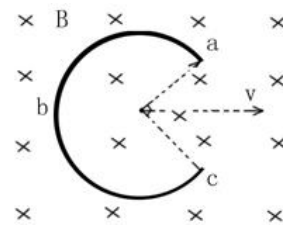
一、填空题（每题4分，共24分）

1. 一空气平行板电容器的极板面积为 S ，板间距离为 d ，现将其中一半充满相对介电常数为 $\epsilon_r = 2$ 的介质，如图所示，则电容器的电容为 $\frac{3}{2}\epsilon_0 \frac{S}{d}$ 。



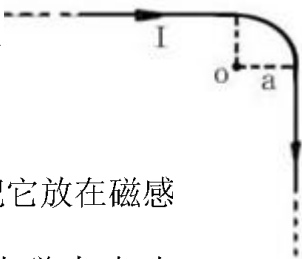
2. 螺绕环中心周长 $L=10\text{cm}$ ，环上均匀密绕线圈 $N=200$ 匝，线圈中通有电流 $I=100\text{mA}$ 。若管内充满相对磁导率为 $\mu_r = 4200$ 的磁性物质，则管内的磁感应强度的大小 $B = 1.05 \text{ T}$ ，磁场强度的大小 $H = 200 \text{ A/m}$ 。

3. 如图所示，导线 abc 的形状为半径为 R 的 $3/4$ 圆周，导线沿 $\angle aoc$ 的分角线方向以速度 v 水平向右运动，则导线上的动生电动势大小为 $\sqrt{2}BRv$ ，指向 $c \rightarrow b \rightarrow a$ 。

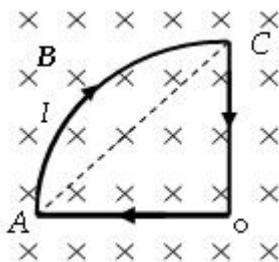


4. 在真空中有 A、B 两板，相距为 d ，板面积均为 s ，分别带电量 $+q$ 、 $-q$ ，则两板之间的作用力为 $\frac{q^2}{2\epsilon_0 s}$ 。

5. 一无限长直导线载有电流 I ，中部弯成 $1/4$ 圆周，圆心为 O ，半径为 a ，则 O 点的磁感强度为 $\frac{\mu_0 I}{2\pi a} + \frac{\mu_0 I}{8a}$ 。



6. 如图所示，一线圈由半径为 0.2m 的 $1/4$ 圆弧和相互垂直的二直线组成，通以电流 2A ，把它放在磁感应强度为 0.5T 的均匀磁场中。则：当线圈平面与磁场垂直时，圆弧 \hat{AC} 所受的磁力大小为 0.283 N ，线圈所受的磁力矩大小为 0 。



二、单项选择题（每题4分，共24分）

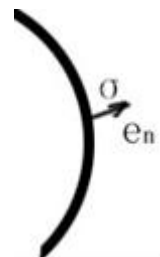
1. 在静电平衡条件下，导体表面上的电荷面密度为 σ ， \vec{e}_n 为指向导体外部的法向单位矢量，则导体表面单位面积受到的电场力为【A】

A、 $\vec{f} = \frac{\sigma^2}{2\epsilon_0} \vec{e}_n$

B、 $\vec{f} = -\frac{\sigma^2}{2\epsilon_0} \vec{e}_n$

C、 $\vec{f} = \frac{\sigma^2}{\epsilon_0} \vec{e}_n$

D、 $\vec{f} = -\frac{\sigma^2}{\epsilon_0} \vec{e}_n$



2. 用金属丝作的圆形和正方形回路中，圆的直径和正方形的边长均为 a ，当通过相等的电流时，它们在各自己的中心产生的磁场之比为【B】

A、1

B、 $\frac{\pi}{2\sqrt{2}}$

C、 $\sqrt{2}\pi$

D、 $\frac{\pi}{\sqrt{2}}$

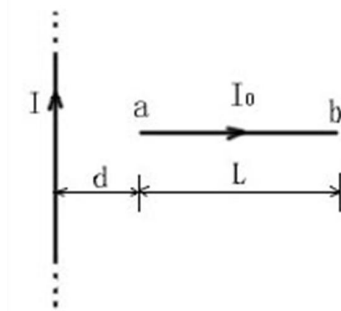
3. 一根长为 L 的细铜杆 ab 与载流长直导线在同一平面内，相对位置如题图所示，其中 $L=2d$ ，如果铜杆中通以电流 I_0 ，那么铜杆所受的安培力如何？【B】

A、 $F = \frac{\mu_0 I I_0}{2\pi} \ln 2$ ，方向：竖直向上

B、 $F = \frac{\mu_0 I I_0}{2\pi} \ln 3$ ，方向：竖直向上

C、 $F = \frac{\mu_0 I I_0}{2\pi} \ln 3$ ，方向：竖直向下

D、 $F = \frac{\mu_0 I I_0}{2\pi} \ln 2$ ，方向：竖直向下



4. 无限长载流直圆柱体，半径为 R ，电流 I 均匀流过圆柱体。P 点到圆柱体轴线的垂直距离为 r 。设圆柱体内 ($r < R$) 的磁感应强度为 $B_{\text{内}}$ ，圆柱体外 ($r > R$) 的磁感强度为 $B_{\text{外}}$ 。则【 C 】

- A、 $B_{\text{内}}$ 、 $B_{\text{外}}$ 都与 r 成正比 B、 $B_{\text{内}}$ 、 $B_{\text{外}}$ 都与 r 成反比
C、 $B_{\text{内}}$ 与 r 成正比， $B_{\text{外}}$ 与 r 成反比 D、 $B_{\text{内}}$ 与 r 成反比， $B_{\text{外}}$ 与 r 成正比

5. 根据场强与电势梯度的关系式 $\vec{E} = -\frac{d\varphi}{dn}\vec{n}$ ，可判断以下结论正确的是【 D 】

- A、场强为零处，电势一定为零 B、电势为零处，场强一定为零
C、场强处处相等的区域，电势一定处处为零 D、电势处处相等的区域，场强一定处处为零

6. 空气平板电容器 U 不变而减小 d ，则 (A)

- A、 Q 增大， E 增大， We 增大 B、 Q 减少， E 减少， We 减少
C、 Q 增大， E 减少， We 增大 D、 Q 增大， E 增大， We 减少

三、判断题（每题2分，共12分）

1. 静电场的环路定理 $\oint_l \vec{E} \cdot d\vec{l} = 0$ 说明静电场是保守场。【 √ 】
2. 由安培环路定理 $\oint_L \vec{H} \cdot d\vec{l} = \sum I$ 可确定，若闭合环路内没有包围传导电流，则环路上各点的 \vec{H} 必为零；【 × 】
3. 由线圈自感系数 L 的定义式 $L = \frac{\Phi}{I}$ 可知， I 越小， L 就越大。【 × 】
4. 高斯定理 $\oiint_s \vec{D} \cdot d\vec{s} = \sum q$ 可知，高斯面上各点 \vec{D} 仅由面内自由电荷决定。【 × 】
5. 当一个导体带电时，表面上电荷密度较大的电势较高。【 × 】
6. 磁场的高斯定理 $\oiint_s \vec{B} \cdot d\vec{S} = 0$ 说明磁场是无源场。【 √ 】

四、计算题（每题20分，共40分）

1、设有一半半径为，电荷为的导体球A，球外套一个半径为，电荷为的同心导体薄球壳B。A、B间充有两层电介质，内外层介质的相对介电常数和，两层介质的分界面的半径为。试求：（1）电场强度分布；（2）A、B间的电势差；（3）球A的电势。

解：（1）以球心O为原点，以r为半径作一球形高斯面，

根据电介质中的高斯定理，有

$$\oint_S \vec{D} \cdot d\vec{S} = D \cdot 4\pi r^2 = \sum Q_i$$

得 $D = \frac{\sum Q_i}{4\pi r^2}$, $E = \frac{D}{\epsilon_0 \epsilon_r} = \frac{\sum Q_i}{4\pi \epsilon_0 \epsilon_r r^2}$ (4分)

则在 $r < R_1$ 的球A内， $\sum Q_i = 0$ ，有 $D_0 = 0$, $E_0 = 0$ (2分)

在 $R_1 < r < R_2$ 的第一层电介质中， $\sum Q_i = Q_A$ ，有 $D_1 = \frac{Q_A}{4\pi r^2}$, $E_1 = \frac{Q_A}{4\pi \epsilon_0 \epsilon_{r1} r^2}$ (2分)

在 $R_2 < r < R_3$ 的第二层电介质中， $\sum Q_i = Q_A$ ，有 $D_2 = \frac{Q_A}{4\pi r^2}$, $E_2 = \frac{Q_A}{4\pi \epsilon_0 \epsilon_{r2} r^2}$ (2分)

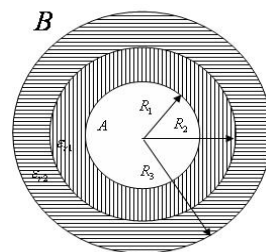
在 $r > R_3$ 的真空中， $\sum Q_i = Q_A + Q_B$ ，有 $D_3 = \frac{Q_A + Q_B}{4\pi r^2}$, $E_3 = \frac{Q_A + Q_B}{4\pi \epsilon_0 r^2}$ (2分)

（2）由电势差定义可知，A、B两球壳间的电势差为

$$\begin{aligned} U_{AB} &= \int_A^B \vec{E} \cdot d\vec{l} = \int_{R_1}^{R_2} \vec{E}_1 \cdot d\vec{r} + \int_{R_2}^{R_3} \vec{E}_2 \cdot d\vec{r} \\ &= \int_{R_1}^{R_2} \frac{Q_A}{4\pi \epsilon_0 \epsilon_{r1} r^2} dr + \int_{R_2}^{R_3} \frac{Q_A}{4\pi \epsilon_0 \epsilon_{r2} r^2} dr = \frac{Q_A}{4\pi \epsilon_0} \left[\frac{1}{\epsilon_{r1}} \left(\frac{1}{R_1} - \frac{1}{R_2} \right) + \frac{1}{\epsilon_{r2}} \left(\frac{1}{R_2} - \frac{1}{R_3} \right) \right] \end{aligned} \quad (4分)$$

（3）取无穷远为电势零点，有

$$\begin{aligned} V_A &= \int_A^\infty \vec{E} \cdot d\vec{l} = \int_A^B \vec{E} \cdot d\vec{r} + \int_B^\infty \vec{E} \cdot d\vec{r} \\ &= U_{AB} + \int_{R_3}^\infty \vec{E}_3 \cdot d\vec{r} = U_{AB} + \int_{R_3}^\infty \frac{Q_A + Q_B}{4\pi \epsilon_0 r^2} dr = U_{AB} + \frac{Q_A + Q_B}{4\pi \epsilon_0 R_3} \end{aligned} \quad (4分)$$



2. 在半径为 R 圆柱形区域内, 沿轴向有一均匀磁场, 一等边三角形金属框置于该磁场中, 如题图所示,

O 点为圆心, $PQ = QM$, 磁感应强度 $B=0.8\text{T}$, 且 $\frac{dB}{dt}$ 以恒定值 0.1T/s

增加, 求 (1) $o.P.Q$ 三点的感生电场的大小和方向。(2) $M.N$ 边的感生电动势。

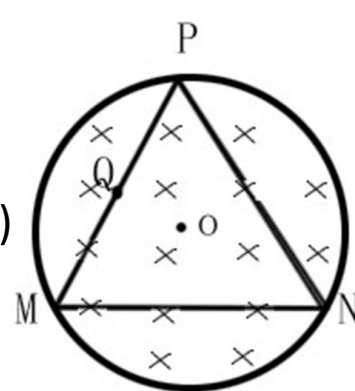
(3) 若金属框得总电阻为 R_0 , 感生电流为多少? 方向如何?

(1)

$$E_o = 0, \quad E_P = -\frac{R}{2} \frac{dB}{dt}, \quad E_Q = -\frac{R}{4} \frac{dB}{dt} \quad (6\text{分, 每个2分})$$

(2) 作辅助线 oM, oN

$$\varepsilon_{oM} = \varepsilon_{oN} = \int_L \vec{E}_i \cdot d\vec{l} = 0 \quad \varepsilon_{MN} = \varepsilon_{\Delta oMN} \quad (2\text{分})$$



$$\phi = \iint_s \vec{B} \cdot d\vec{s} = \frac{\sqrt{3}}{4} R^2 B \quad (4\text{分}) \quad \varepsilon_{MN} = \varepsilon_{\Delta oMN} = -\frac{d\phi}{dt} = -\frac{\sqrt{3}}{4} R^2 \frac{dB}{dt} \quad (2\text{分})$$

(3)

$$\varepsilon_{MNP} = 3\varepsilon_{MN} = -\frac{3\sqrt{3}}{4} R^2 \frac{dB}{dt} \quad (4\text{分}) \quad I = \frac{\varepsilon_{MPN}}{R} = -\frac{3\sqrt{3}}{4R_0} R^2 \frac{dB}{dt} \quad (2\text{分})$$

逆时针方向