

1. 구현 아이디어

주어진 문자열 "pattern"에 대해서 생각해보자. 자르는 위치가 {010101}로 주어진다. 처음에는 자르는 위치에 대해서 문자열을 자른 후 길이를 비교하는 방법을 생각해보았다. 하지만 이 방법은 구현하기 힘들어서 자르는 위치에 대해서 주어진 문자열을 모두 자른 후에 합치는 과정으로 생각했다.

즉 "pattern"을 "pa", "tt", "er", "n"으로 자른다. 이를 이웃한 문자열끼리 합하면서 비교를 한다. 이웃한 문자열끼리 합하는 이유는 "pa" + "er"은 애초에 존재할 수 없는 경우이다.

2. 구현

$dp[i][j]$ = {i 번째 부분문자열부터 j 번째 부분문자열까지의 합하는 최소 비용}이라 하자. 이때 $dp[i][i]$ 에 대해서 생각해보면 크게 의미가 없다. 이 경우 처음 자른 문자열의 상태이기 때문이다. $dp[i+1][i+1]$ 의 결과와 더한 $dp[i][i+1]$ 일 때 $dp[i][i+1] = cost[i] + cost[i+1]$ 이다. 이후 $dp[i][j]$ 에 대한 recurrence equation은 다음과 같다. $dp[i][j] = \min\{dp[i][j], dp[i][k] + dp[k+1][j] + sum[j] - sum[i-1]\}$ ($i \leq k < j$, $sum[j] - sum[i-1]$ 은 이전 결과를 더해준다.)

Algorithm 1: cutString

```

Data: cost[]
Result: dp[1][n-1]
1 n = length[cost]
2 dp[n][n], sum[n]
3 for i = 1 to n-1 do
4   sum[i] = sum[i-1] + cost[i];
5 end
6 for l = 1 to n-1 do
7   for i = 1 to n-l-1 do
8     j = i+l
9     dp[i][j] = MAX
10    for k = i to j-1 do
11      dp[i][j] =
12        min(dp[i][j], dp[i][k] + dp[k+1][j] + sum[j] - sum[i-1])
13    end
14  end
15 return dp[1][n-1]
```

0	3	9
0	0	4
0	0	0

"pattern" dp배열
예시

3. 시간복잡도

이 문제는 matrix chain order 알고리즘과 구현방식이 똑같으므로 시간복잡도를 구해보면, dp배열을 채우는데 for문을 3번 반복하게 되므로 $T(n) = O(n^3)$ 이 된다.

4. 결과

<terminated> Main.java (6) [Java Application] C:\Program Files\Java\jre1.8.0_301\bin\javaw.exe (2021. 10. 29. 오후 8:05:53)

```

9
24
11
0
7
133
14
```