## MERGEINVERSION(A, left, mid, right)

```
1. leftMaxIndex = mid - left + 1
```

2. 
$$rightMaxIndex = right - mid$$

3. let L[0 ... 
$$n_{\text{leftMaxIndex}}$$
] and R[0 ...  $n_{\text{rightMaxIndex}}$ ] be new arrays

4. for 
$$i = 0$$
 to  $n_{leftMaxIndex}$ 

$$L[i] = A[left + i - 1]$$

5. for j = 0 to  $n_{rightMaxIndex}$ 

$$R[j] = A[mid + j]$$

- 6.  $L[n_{leftMaxIndex}] = INTEGER MAX VALUE$
- 7. L[nrightMaxIndex] = INTEGER\_MAX\_VALUE
- 8. let i = 0, j = 0
- 9. for k = left to right
- 10. if  $L[i] \leq R[j]$
- 11. A[k] = L[i]
- 12. i = i + 1
- 13. else
- <u>inversionCount = inversionCount + leftMaxIndex i</u>
- 15. A[k] = R[j]
- 16. j = j + 1

기존 MERGE 메소드에서 MERGEINVERSION 메소드로 변경하고 inversion의 개수를 세는 변수 invers\_ionCount 변수를 추가하였다. 이때 inversion은 메소드 내에서 오른쪽 array의 값이 왼쪽 array의 값보다 큰 경우에 생긴다.

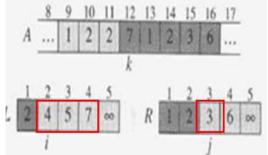


Figure 1

inversion의 개수는 그림 Figure\_1 에서처럼 R[j]=3이 L[i]=4보다 작으므로 A[k]에 저장된다. 이때 R[j]는 L[2],L[3],L[4]와 비교를 하므로 inversionCount 가 5 - 2 = 3이다.

## 시간복잡도

Divide 과정에서 배열의 중간 위치 계산에서 상수 시간이 걸리므로  $D(n) = \Theta(1)$ 

Conquer 과정에서 2개의 subproblem을 recursive하게 해결하고, 각 subproblem의 크기가 n/2이므로  $2\ T(n/2)$ 이다.

Combine 과정에서 n개의 숫자를 병합하므로  $C(n)=\Theta(n)$ 이다. inversionCount를 세는 과정은 단순 계산으로 상수 시간이므로 무시된다.

따라서  $T(n)=egin{cases} \Theta(1) & (n=1) \\ 2\,T(n/2)+\Theta(n) & (n>1) \\ \end{bmatrix}$  이다. 이는 기존 MergeSort의 시간복잡도와 같으므로 MERGERINVERSION의 시간복잡도 또한  $\Theta(n\lg n)$ 이다.