Optimisation d'un réfractomètre numérique modélisé dans le but de caractériser la concentration d'une solution en fonction de l'indice de réfraction

DOMINIQUE TROTTIER-BEAULIEU¹ AND JOËL BISSONNETTE²

Compiled January 14, 2025

Les conditions climatiques peuvent grandement influencer l'échange thermique d'un moteur à combustion. L'une des solutions pour contrer la surchauffe est d'utiliser un liquide de refroidissement. En général on utilise de l'eau avec un antigel. Dépendamment d'où on se situe sur Terre, il faut trouver le bon ratio de mélange adéquat pour le moteur. Le but de ce laboratoire est de tenter de caractériser la concentration d'antigel en fonction de l'indice de réfraction à l'aide d'un réfractomètre numérique modélisé. Il sera aussi question d'améliorer la méthode utilisée par d'autres étudiants. Pour y parvenir, un rayon lumineux est envoyé à un angle d'incidence sur une cuvette contenant une solution de prestone-eau, ce qui fait dévier sa position sur une caméra, puis une photo est prise. Des photos du laser sont prises à différents angles pour 11 concentrations différentes. Les photos sont ensuite analysées pour déterminer la relation entre l'angle d'incidence et le déplacement du faisceau sur la caméra pour chaque concentration. Pour démontrer la précision de la méthode utilisée par rapport à celle utilisée par les autres étudiants, une comparaison des résultats est montrée sous forme de graphique pour une faible et une grande quantité de données. Une fois toutes les pentes trouvées, la relation entre la pente et la concentration est déterminée grâce à un graphique. Pour une concentration de 50% de prestone, la pente mesurée est de (15.8 ± 0.2) m/° lorsqu'elle est effectuée avec une grande quantité donnée, alors qu'elle est de (16 ± 2) m/° pour une faible quantité. Dans les deux cas, on obtient un pourcentage d'écart d'environ 4.8% avec la pente théorique qui est de 13.2 m/°. Bien que cette expérience n'ait pas permis de déterminer une relation explicite entre la concentration et l'indice de réfraction, il a quand même été possible de trouver la relation entre le changement de position sur la caméra selon l'angle d'incidence et la concentration.

1. INTRODUCTION

Le prestone (liquide à refroidissement) est utilisé dans les véhicules afin de maintenir la température du moteur constante. Celui-ci étant mélangé avec l'eau dans le moteur, il est important que sa concentration ne soit ni trop basse, ni trop élevée. En effet, un mélange trop riche en prestone peut provoquer une surchauffe du moteur (la capacité calorifique de l'éthylène glycol (Antigel) est plus basse que l'eau, donc le moteur va chauffer). À l'inverse, si le mélange contient trop d'eau, le liquide de refroidissement peut geler s'il fait trop froid ou s'évaporer s'il fait trop chaud dans le moteur (le prestone permet d'augmenter le point d'ébullition et d'abaisser le point de congélation de l'eau)[1]. Une concentration idéale serait 50% de prestone et 50% d'eau. Comme la concentration est importante, il serait donc utile d'arriver à mesurer la proportion de prestone contenue dans le mélange afin de savoir si l'on doit ajouter ou non du liquide à refroidissement. Ce laboratoire a ainsi pour but de déterminer s'il est possible de trouver une relation entre la concentration et l'indice de réfraction. En effet, lorsque la solution d'eau ne contient pas de prestone, son indice de réfraction est d'environ 1.33. À mesure qu'on augmente la quantité de prestone dans la solution, celui-ci augmente de plus en plus jusqu'à atteindre une valeur d'environ 1.80, lorsque la solution est composée uniquement de prestone. Comme une expérience similaire a déjà été effectuée par une autre équipe[2], il faudra également trouver une façon d'améliorer la prise de données pour voir s'il est possible d'être plus précis sur les mesures.

2. FORMALISME MATHÉMATIQUE

Le fonctionnement derrière la prise de mesure du taux de variation de la position en fonction de l'angle de rotation est basé principalement sur la loi de Snell-Descartes régit par l'équation suivante:

$$n_1\sin\theta_1=n_2\sin\theta_2. \tag{1}$$

Dans le cas présent, $n_1 = 1$ car on considère le milieu ambiant comme le vide et n_2 varie entre 1.33 et 1.83 (à mesure que la concentration de prestone augmente). Comme le montre la figure 1, le faisceau sera dévié d'un certain angle à cause de l'indice de réfraction du mélange de la cuvette. En réalité, c'est la cuvette qui tourne, donc plus l'indice de réfraction est élevé

2

¹Scientifique senior

² Scientifique senior

93

96

97

98

99

100

101

103

104

105

106

107

109

110

111

112

113

114

115

116

119

122

plus le déplacement du faisceau sera porté à augmenter. Dans le cadre du laboratoire, l'épaisseur de la cuvette est négligée, parce que le déplacement est très petit. En effet l'épaisseur des cuvettes [UV-Transparent cuvettes 12.5x12.5x45 mm] est de 1.1 ± 0.2 mm. Il est donc tout à fait légitime de négliger le déplacement. Si on utilise la loi de Snell on trouve un déplacement de 0.20 mm, ce qui est négligeable. Ces calculs sont nécessaires pour déterminer quel doit être l'intervalle d'angles incidents pour lesquels le rayon est détecté par la caméra (voir la section *méthode*). Il a ainsi été déterminé que pour prendre 250 photos (donc 250 mesures), l'angle incident doit changer de 0.05 degré par mesures. Cela correspond donc à un changement d'angle allant de 0 à 250 degrés.

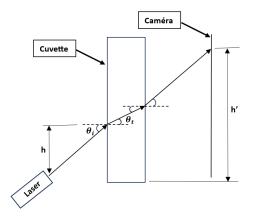


Fig. 1. Schéma du montage. Un laser projette à un angle θ_i un rayon sur une cuvette en plastique contenant un mélange prestone-eau. Le rayon est dévié d'un angle θ_t , puis est redévié du même angle qu'à l'entrée. Ainsi, le rayon est décalé d'une distance de h' par rapport à la position du laser.

3. MÉTHODE

63

65

75

76

77

78

43

45

52

Les échantillons analysés sont indiqués au tableau. La figure 5 montre le montage utilisé lors de l'expérience. Une caméra Wii USB [Ubisoft-Hercule] est placée devant un laser He-Ne [JDS Uniphase $\lambda = 633$ nm] et une cuvette contenant un mélange prestone-eau repose entre les deux. Le mélange contenu dans la cuvette fait dévier le laser, ce qui modifie l'angle d'incidence du rayon sur la caméra. À chaque mesure, la caméra prend une photo du laser reçu. La cuvette est fixée à un moteur pas-à-pas [Kinesis motor Thorlabs PRM1/MZ8 415996] qui a été programmé pour tourner automatiquement d'un angle de $(0.05 \pm 0.02)^{\circ}$ après chaque mesure. L'utilisation de ce genre de moteur consiste en une amélioration du montage par rapport à celui utilisé précédemment, puisque l'autre équipe faisait 124 la rotation à la main. Le moteur est relié à un ordinateur par l'entremise d'un modulateur [Thorlabs TDC001 83819747]. Cette étape est réalisée sur une rotation de 12.5 degrés, ce qui permet 127 la prise de 250 photos au total. Le faisceau laser est concentré à l'aide d'une lentille ayant une focale de 125.0 mm [LB1904-A]. Cette lentille permet de bien concentrer et de réduire la taille du faisceau sur la caméra. Il est très important de réduire au maximum la taille du faisceau afin qu'il puisse se déplacer sur une plus grande distance sur la caméra. Un filtre atténuant [Thorlabs 133 ND03A] est installé devant la caméra pour réduire l'intensité du 134 faisceau incident. Le filtre permet d'atténuer l'intensité captée 135 pour ne pas saturer la caméra. Le centroïde des images est en- 136 suite déterminé grâce à un programme python, ce qui permet de mesurer la position du laser sur la caméra en fonction de l'angle d'incidence du faisceau sur la cuvette. Toutes les photos sont transformées en une matrice, ce qui permet de convertir les images en noir et blanc. Une valeur seuil est utilisée dans le traitement de photos pour mettre l'intensité des points à 0 lorsque ceux-ci sont en dessous de cette valeur. Les autres points qui n'ont pas été effacés sont automatiquement mis à 255 qui est la valeur maximale. Grâce à la grande quantité de mesures effectuées, il est possible de déterminer la variation de la position du centroïde en fonction de la rotation de l'échantillon. Ces étapes sont effectuées pour 11 proportions différentes de prestone dans le mélange (en pourcentage) allant de 0% à 100%. La proportion de 0% de prestone (i.e. 100% d'eau) constitue la valeur de référence quant à la déviation du faisceau passant par la cuvette. Ces données sont utilisées dans un graphique comme méthode pour connaître la relation entre le déplacement angulaire et la position du laser sur la caméra pour toutes les différentes concentrations, ce qui nous donne des pentes de valeurs différentes. Afin d'observer la fiabilité des mesures en fonction du nombre de données récoltées, chaque concentration à été évaluée selon 5 groupes différents. Chaque groupe est basé sur un nombre donné de points choisis aléatoirement dans les résultats obtenus grâce à un programme python. Tout d'abord, on choisit 4 points aléatoires assez espacés les uns des autres, ensuite 50, suivi de 100, puis 150 et finalement 250. Avec ces points, il est possible d'observer la pente minimale et maximale des données recueillies par rapport à la pente moyenne. Cela permet de déduire le taux de précision des résultats en fonction du nombre de données. Avec cette méthode, il est donc possible de déterminer si oui ou non, la méthode utilisée dans ce laboratoire est plus précise que celle utilisée précédemment par l'autre équipe, qui n'a pris que 4 données par concentration. Une fois ces étapes effectuées, on trace finalement un graphique de la pente en fonction de la concentration, ce qui permet de déterminer une relation entre la concentration et le taux de variation de la position du faisceau sur la caméra en fonction du déplacement angulaire. Mathématiquement, on peut représenter la pente p par :

$$p = \frac{dx}{d\theta_i} \tag{2}$$

où x est le déplacement du faisceau sur la lentille de la caméra (en pixels) et θ_i est l'angle d'incidence du faisceau lumineux sur la cuvette contenant la solution (en degrés).

4. RÉSULTATS

Pour une concentration de $(50 \pm 2)\%$ de prestone, la courbe de la position sur la caméra en fonction du déplacement angulaire est décrite par la figure 2. On voit donc que la position sur la caméra est proportionnelle à l'angle d'incidence du faisceau sur la cuvette. La pente négative est causée par le sens de rotation du moteur. Pour les autres concentrations, le modèle est semblable, mais avec une pente différente. La figure 3 montre la précision des mesures pour seulement 4 données comparées à celle pour 150 données toujours à une concentration de $(50 \pm 2)\%$. Pour les 4 données, la pente moyenne (en valeur absolue, car le signe de la pente provient seulement du sens de rotation du moteur) est de (16 ± 2) m/°, alors qu'elle est de (15.8 ± 0.2) m/°, soit $10 \times$ plus précis pour celle mesurée avec 150 données.

La figure 4 représente les résultats de la pente en fonction de la concentration. La relation théorique entre la pente et la

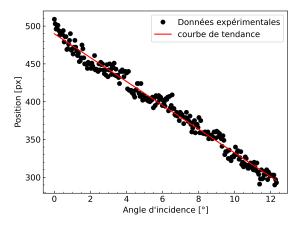


Fig. 2. Position du faisceau sur la caméra en fonction de l'angle d'incidence sur la cuvette contenant la solution. On voit bien que la position varie proportionnellement à l'angle d'incidence. En réalité, les angles d'incidence sur la figure sont négatifs, puisque le moteur tournait en sens horaire.

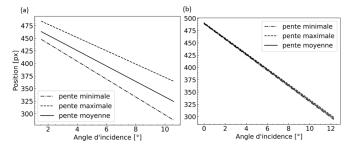


Fig. 3. Comparaison de la fiabilité des résultats pour une prise de (a) 4 données et (b) 150 données. Pour la prise de 4 données, la différence entre la pente maximale et la pente minimale est beaucoup plus grande que pour la prise de 150 données.

concentration est donnée par :

$$p = 0.482C + 13.2 \tag{3}$$

où p est la pente en m/ $^{\circ}$ et C est la concentration en pourcentage.

5. DISCUSSION

137

139

140

141

142

143

145

146

147

148

149

153

154

155

156

157

En comparant l'incertitude produite pour une prise de 4 données avec celle produite pour une prise de 150 données à une concentration de 50% de prestone, on remarque qu'elle est beaucoup plus petite pour 150 données. Cela démontre donc une amélioration en termes de précision du montage effectué dans ce laboratoire par rapport à celui effectué par l'autre équipe. On remarque également qu'avec une prise de 150 données, on est capable d'être suffisamment précis. Il n'est donc pas nécessaire de récolter 250 données pour chaque concentration. En regardant la figure 4, il est possible de constater que la pente est proportionnelle à la concentration. Cela est logique, puisque, comme expliqué précédemment, l'indice de réfraction est proportionnel à la concentration de prestone dans la solution et la pente est 175 proportionnelle à l'indice de réfraction. En effet, plus on aug- 176 mente *n* plus le fait d'augmenter l'angle d'incidence du laser sur 177 la cuvette impacte la position de celui-ci sur la caméra. Cepen- 178 dant, à moins de posséder un réfractomètre, il est difficile de 179

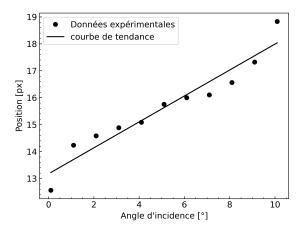


Fig. 4. Pente en fonction de la concentration. La pente correspond au taux de variation de la position du laser sur la caméra en fonction de l'angle incident du faisceau sur la cuvette. Il est possible de constater que la pente est proportionnelle à la concentration.

Concentration	Pente
00:10	12,5635
01:10	14,2354
02:10	14,5834
03:10	14,8856
04:10	15,0857
05:10	15,7512
06:10	15,9997
07:10	16,1029
08:10	16,5648
09:10	17,3225
10:10	18,8301

Fig. 5. Pente en fonction de la concentration.

mesurer de façon précise la relation entre l'indice de réfraction et la concentration. Avec la figure 4, on remarque que le résultat le moins précis est celui pour une concentration composée à 100% d'eau. Avec la relation donnée par l'Eq. (3), on trouve que pour cette concentration, la valeur théorique de la pente (la variation de la position du faisceau en fonction du déplacement angulaire de la cuvette) est de 13.2 m/°, ce qui correspond à un pourcentage d'écart de 4.8% avec la valeur expérimentale de (12.6 \pm 0.8) m/° approximée avec l'Eq. (3). Cet écart peut s'expliquer par le fait que l'angle de rotation du moteur variait autour de 0.05° à chaque pas, mais ne variait pas toujours à 0.05° précisément. Cela a donc pu modifier la valeur de la pente résultante. De plus, l'indice de réfraction du matériau formant la cuvette, bien que négligeable, peut également être une cause d'erreur, puisqu'il modifie la pente, alors que la concentration, elle, ne change pas.

6. CONCLUSION

158

159

Pour conclure, le but de ce laboratoire était de trouver une relation entre la concentration et l'indice de réfraction d'une solution prestone-eau. Grâce à cette expérience, il a été possible de déduire que l'indice de réfraction augmente proportionnellement à la concentration, mais il n'a pas été possible de trouver une relation précise pour le démontrer. Cependant, il a été possible

de mesurer comment le déplacement linéaire sur la caméra en fonction de l'angle d'incidence du rayon lumineux varie en fonction de la concentration. La méthode analytique "Curve fitting" démontre que la meilleure approximation est une fonction affine, tel que le montre la figure 2, il s'agit donc de deux variables proportionnelles entre-elles. La relation entre ces deux variables est décrite par l'Eq. (3). Il serait ainsi possible de mesurer la concentration de prestone dans la solution grâce à la variation de la position par rapport à l'angle incident du laser. Un autre but de ce laboratoire était d'améliorer la prise de mesure effectuée dans un laboratoire précédent, afin d'augmenter la précision des données, ce qui a été effectué avec succès : les données ont démontré que pour seulement 4 données, la valeur moyenne de la pente est de (16 ± 2) m/°, alors que pour 150 données, elle est de (15.8 ± 0.2) m/°. Une amélioration de ce laboratoire serait d'utiliser un réfractomètre pour être capable de déterminer de façon précise une relation entre la concentration et l'indice de réfraction de la solution de prestone en observant le changement d'indice de réfraction en fonction de la concentration.

REFERENCES

181

182

183

184

185

187

188

189

190

191

192

193

196

197

198

199

200

201

202

203

204

205

- Valvoline, "What does engine coolant do and why is it important for your vehicle?" https://www.valvolineglobal.com/en-ksa/what-does-enginecoolant-do/ (2022). [En ligne].
- V. L. Nicolas Montmigny, "Réfractométrie numérique dans le sirop d'érable: Développement d'une nouvelle méthode de mesure du taux de sucre," (2024).