# ÍNDICE

### PREFÁCIO XIII

| 1-   | RECURSIVIDADE 1                        |
|--|--|
| 1.1 Introdução   | 1                                      |
| 1.2 Cálculo do fatorial  |  |
| 1.3 Expansão em série de Taylor  |  |
| 1.4 Números de Fibonacci   |  |
| 1.5 Cálculo dos coeficientes binomiais                                 |  |
| 1.6 Cálculo das permutações  |  |
| 1.7 Cálculo do determinante de uma matriz                              |  |
| 1.8 Torres de Hanói  |  |
| 1.9 Eliminação da recursividade  |  |
| 1.10 Recursividade com retrocesso                                      |  |
| 1.11 Questões sobre a eficiência da recursividade                      |  |
| Exercícios   |  |
| Leituras Recomendadas  |  |
|  |  |
| 2 - Programa   | ÇÃO MODULAR 35                         |
| 2.1 Introdução   | 35                                     |
| 2.2 Tipos de dados abstratos   | 38                                     |
| 2.3 Módulos na linguagem C   | 40                                     |
| 2.4 Abstração de dados na linguagem C                                  | 42                                     |
| 2.5 Gestão da memória dinâmica   | 43                                     |
|  | ······································ |
| 2.6 Controlo de erros  |  |
|  | 46                                     |
| 2.6.1 Programação defensiva  | <b>46</b>                              |
| 2.6.1 Programação defensiva  | 46<br>46                               |
| 2.6.1 Programação defensiva  |  |
| 2.6.1 Programação defensiva      2.6.1.1 Controlo centralizado de erro |  |

#### ESTRUTURAS DE DADOS E ALGORITMOS EM C

| 2.6.3 Conclusões                                    | 50                             |
|---|--------------------------------|
| 2.7 Exemplo de um tipo de dados elemento matemático | 50                             |
| 2.8 Exemplo de um tipo de dados memória             | 58                             |
| 2.8.1 Implementação concreta                        | 58                             |
| 2.8.2 Implementação configurada                     | 65                             |
| 2.8.2.1 Elemento constituinte da memória            | 66                             |
| 2.8.2.2 Implementação da memória                    | 69                             |
| 2.8.2.3 Exemplo de utilização                       | 73                             |
| 2.8.3 Implementação genérica                        | 75                             |
| Exercícios  | 80                             |
| Leituras Recomendadas                               | 83                             |
|   | 3-Listas 85                    |
| 3.1 Introdução                                      | 85                             |
| 3.2 Listas simples                                  |                                |
| 3.2.1 Algoritmos básicos                            |                                |
| 3.2.2 Simulação das operações básicas da lista      |                                |
| 3.2.3 Considerações finais sobre listas simples     |                                |
| 3.3 Listas biligadas                                |                                |
| 3.4 Listas <i>skip</i>                              |                                |
| Exercícios  |                                |
| Leituras Recomendadas                               |                                |
|   |                                |
|   | 4-ÁRVORES 115                  |
| 4.1 Introdução                                      | 115                            |
| 4.2 Árvore binária de pesquisa                      | 118                            |
| 4.2.1 Algoritmos básicos                            | 120                            |
| 4.2.2 Algoritmos de pesquisa e de seleção           | 121                            |
| 4.2.3 Inserção e remoção de elementos               | 124                            |
| 4.2.4 Travessias                                    | 130                            |
| 4.2.5 Travessias não recursivas                     | 132                            |
| 4.2.6 Balanceamento                                 | 138                            |
| 4.2.7 Visualização                                  |                                |
| 4.2.8 Simulação da árvore binária de pesquisa       |                                |
| 4.2.9 Implementação alternativa                     |                                |
| 4.3 Árvore de Adelson-Velskii Landis                | 147                            |
| VI  | © FCA - Editora de Informática |

| 4.3.1 Inserção de elementos  |   |
|--|---|
| 1.5.1 Inserção de ciententos   | 149   |
| 4.3.2 Remoção de elementos   | 158   |
| 4.4 Árvore rubinegra   | 160   |
| 4.4.1 Inserção de elementos  | 163   |
| 4.4.2 Remoção de elementos   | 169   |
| 4.5 Árvore autoequilibrada   | 175   |
| 4.5.1 Estrutura do nó.   | 176   |
| 4.5.2 Abordagem recursiva (bottom-up)  | 177   |
| 4.5.3 Abordagem repetitiva (top-down)  | 177   |
| 4.6 Amontoado binário  | 185   |
| 4.6.1 Inserção e remoção de elementos  | 186   |
| 4.6.2 Promoção e despromoção de elementos  | 189   |
| 4.6.3 Considerações finais sobre amontoados  | 192   |
| 4.6.4 Simulação do amontoado   | 193   |
| Exercícios   | 194   |
| Leituras Recomendadas  | 198   |
|  |   |
| 5 - Pesquisa, Seleção e Ordenação  |   |
| 5.1 Introdução   |   |
| 5.2 Complexidade algorítmica   | 200   |
|  |   |
| 5.3 Pesquisa   |   |
|  | 203   |
| 5.3 Pesquisa   | 203   |
| 5.3 Pesquisa   | 203<br>204<br>206                             |
| 5.3 Pesquisa   | 203<br>204<br>206                             |
| 5.3 Pesquisa   | 203<br>204<br>206<br>212                      |
| 5.3 Pesquisa   | 203<br>204<br>216<br>217<br>219               |
| 5.3 Pesquisa sequencial  | 203<br>204<br>216<br>217<br>219               |
| 5.3 Pesquisa   | 203<br>204<br>216<br>217<br>219<br>221        |
| 5.3 Pesquisa sequencial  5.3.2 Pesquisa binária  5.3.3 Pesquisa ternária  5.3.4 Pesquisa por interpolação  5.3.5 Pesquisa por dispersão  5.3.5.1 Deslocamento da posição de colocação  5.3.5.2 Encadeamento de elementos  5.3.5.3 Considerações finais sobre a pesquisa por dispersão  5.3.6 Pesquisa por indexação  | 203<br>204<br>216<br>217<br>219<br>226<br>226 |
| 5.3 Pesquisa sequencial  5.3.1 Pesquisa sequencial  5.3.2 Pesquisa binária  5.3.3 Pesquisa ternária  5.3.4 Pesquisa por interpolação  5.3.5 Pesquisa por dispersão  5.3.5.1 Deslocamento da posição de colocação  5.3.5.2 Encadeamento de elementos  5.3.5.3 Considerações finais sobre a pesquisa por dispersão  5.3.6 Pesquisa por indexação  5.4 Seleção  | 203204216217219221226226231                   |
| 5.3 Pesquisa sequencial  5.3.2 Pesquisa binária  5.3.3 Pesquisa ternária  5.3.4 Pesquisa por interpolação  5.3.5 Pesquisa por dispersão  5.3.5.1 Deslocamento da posição de colocação  5.3.5.2 Encadeamento de elementos  5.3.5.3 Considerações finais sobre a pesquisa por dispersão  5.3.6 Pesquisa por indexação  | 203204216217219221226226231                   |
| 5.3 Pesquisa sequencial  5.3.1 Pesquisa sequencial  5.3.2 Pesquisa binária  5.3.3 Pesquisa ternária  5.3.4 Pesquisa por interpolação  5.3.5 Pesquisa por dispersão  5.3.5.1 Deslocamento da posição de colocação  5.3.5.2 Encadeamento de elementos  5.3.5.3 Considerações finais sobre a pesquisa por dispersão  5.3.6 Pesquisa por indexação  5.4 Seleção  | 203204212217219226229231232                   |
| 5.3 Pesquisa sequencial  5.3.2 Pesquisa binária  5.3.3 Pesquisa ternária  5.3.4 Pesquisa por interpolação  5.3.5 Pesquisa por dispersão  5.3.5.1 Deslocamento da posição de colocação  5.3.5.2 Encadeamento de elementos  5.3.5.3 Considerações finais sobre a pesquisa por dispersão  5.3.6 Pesquisa por indexação  5.4 Seleção  5.4.1 Seleção do maior valor   | 203204206212219226229231232                   |
| 5.3 Pesquisa sequencial  5.3.1 Pesquisa sequencial  5.3.2 Pesquisa binária  5.3.3 Pesquisa ternária  5.3.4 Pesquisa por interpolação  5.3.5 Pesquisa por dispersão  5.3.5.1 Deslocamento da posição de colocação  5.3.5.2 Encadeamento de elementos  5.3.5.3 Considerações finais sobre a pesquisa por dispersão  5.3.6 Pesquisa por indexação  5.4 Seleção  5.4.1 Seleção do maior valor  5.4.2 Seleção do menor valor                | 203204216217219226229231233234                |
| 5.3 Pesquisa sequencial 5.3.2 Pesquisa binária 5.3.3 Pesquisa ternária 5.3.4 Pesquisa por interpolação 5.3.5 Pesquisa por dispersão 5.3.5.1 Deslocamento da posição de colocação 5.3.5.2 Encadeamento de elementos 5.3.5.3 Considerações finais sobre a pesquisa por dispersão 5.3.6 Pesquisa por indexação 5.4 Seleção 5.4.1 Seleção do maior valor 5.4.2 Seleção do menor valor 5.4.3 Seleção simultânea do maior e do menor valores | 203204206212217219226231232234234             |

#### ESTRUTURAS DE DADOS E ALGORITMOS EM C

| 5.4.6 Seleção do pior valor que serve                | 236  |
|--|--|
| 5.4.7 Exemplificação dos algoritmos de seleção       | 237  |
| 5.4.8 Seleção do K-ésimo menor valor                 | 238  |
| 5.5 Ordenação  | 239  |
| 5.5.1 Ordenação por seleção                          | 240  |
| 5.5.2 Ordenação por troca                            | 243  |
| 5.5.3 Ordenação por inserção                         | 250  |
| 5.5.4 Comparação dos algoritmos de ordenação simples | 255  |
| 5.6 Ordenação por fusão                              | 256  |
| 5.7 Algoritmos de ordenação recursivos               | 259  |
| 5.7.1 Ordenação por fusão                            | 259  |
| 5.7.2 Ordenação por separação                        | 263  |
| 5.8 Algoritmo de ordenação Heap                      | 267  |
| 5.8.1 Construção do amontoado                        | 267  |
| 5.8.2 Implementação do algoritmo                     | 269  |
| 5.9 Generalização dos algoritmos de ordenação        | 274  |
| 5.10 Avaliação do desempenho dos algoritmos          | 277  |
|  |  |
| Exercícios   | 279  |
| ExercíciosLeituras Recomendadas                      |  |
|  | 282  |
| Leituras Recomendadas                                | 6- MEMÓRIAS 283  |
| Leituras Recomendadas                                | <b>6-MEMÓRIAS 283</b> 283                                    |
| Leituras Recomendadas                                | <b>6-MEMÓRIAS 283</b> 283 284                                |
| Leituras Recomendadas                                | <b>6-MEMÓRIAS 283</b> 283 284                                |
| Leituras Recomendadas                                | <b>6 - MEMÓRIAS 283</b> 283 284 285                          |
| Leituras Recomendadas                                | 282 6 - MEMÓRIAS 283 284 285 287                             |
| 6.1 Introdução                                       | 282 6 - MEMÓRIAS 283 283 284 285 287 288                     |
| 6.1 Introdução                                       | 282 6 - MEMÓRIAS 283 283 284 285 287 288                     |
| Leituras Recomendadas                                | 282 6 - MEMÓRIAS 283 284 285 287 288 290                     |
| 6.1 Introdução                                       | 282 6 - MEMÓRIAS 283 283 284 285 287 288 290 291             |
| 6.1 Introdução                                       | 282 6 - MEMÓRIAS 283 284 285 287 288 290 291 293             |
| 6.1 Introdução                                       | 282 6 - MEMÓRIAS 283 284 285 287 288 290 291 293 294 295     |
| 6.1 Introdução                                       | 282 6 - MEMÓRIAS 283 283 284 285 287 288 290 291 293 294 295 |
| 6.1 Introdução                                       | 282 6-MEMÓRIAS 283 284 285 287 288 290 291 293 294 295 297   |

## 7-FILAS E PILHAS 307 7.1 Introdução .......307 7.2 Memória fila......308 7.2.3 Implementação dinâmica 318 7.3 Memória pilha......322 7.3.1 Implementação estática.......324 7.3.2 Implementação semiestática 328 7.3.3 Implementação dinâmica.......330 7.4 Exemplos simples de aplicação de filas e pilhas ......334 7.5 Exemplos complexos de aplicação de pilhas......340 7.6 Implementações genéricas......345 Exercícios 357 Leituras Recomendadas......358 8 - MEMÓRIAS ASSOCIATIVAS 359 8.1 Introdução .......359 8.2 Configuração da memória .......360 8.5.4 Versão dinâmica hierárquica .......401 8.6 Exemplo de utilização.......411 9-FILAS COM PRIORIDADE 421 9.1 Introdução .......421

© FCA - Editora de Informática

| 9.2 Fila com prioridade estática              | 423           |
|---|---------------|
| 9.3 Fila com prioridade dinâmica              |               |
| 9.4 Implementação com amontoado               | 439           |
| 9.5 Exemplo de utilização                     |               |
| 9.6 Fila com prioridade genérica              | 444           |
| Exercícios                                    |               |
| Leituras Recomendadas                         | 450           |
|   |               |
|   | 10-GRAFOS 451 |
| 10.1 Introdução                               |               |
| 10.2 Propriedades do grafo                    |               |
| 10.3 Implementação do grafo                   | 456           |
| 10.4 Caracterização do grafo                  | 458           |
| 10.5 Dígrafo/Grafo dinâmico                   | 459           |
| 10.6 Travessias                               | 471           |
| 10.7 Ordenação topológica                     | 481           |
| 10.8 Componentes fortemente conexas           | 489           |
| 10.9 Caminhos mais curtos                     |               |
| 10.9.1 Vértices alcançáveis                   | 492           |
| 10.9.2 Caminho mais curto                     |               |
| 10.9.3 Todos os pares de caminhos mais curtos | 507           |
| 10.9.4 Os K caminhos mais curtos              | 510           |
| 10.10 Árvore abrangente de custo mínimo       | 511           |
| 10.10.1 Algoritmo de Prim                     | 511           |
| 10.10.2 Algoritmo de Kruskal                  | 516           |
| 10.11 Fecho transitivo                        | 520           |
| 10.12 Caminhos e circuitos hamiltonianos      | 521           |
| 10.13 Circuitos e caminhos eulerianos         | 525           |
| Exercícios                                    | 533           |
| Leituras Recomendadas                         | 536           |
|   |               |
| 1 1 - OUTROS TÓPICOS DE PR                    | -             |
| 11.1 Uniões                                   |               |
| 11.2 Operadores bitwise                       |               |
| 11.3 Sequências de ponteiros para funções     | 545           |
|   |               |

| 11.4 Lista de parâmetros com comprimento variável | 546 |
|---|-----|
| 11.5 Pré-processador da linguagem C               | 548 |
| 11.5.1 Macros de substituição                     | 549 |
| 11.5.2 Compilação condicional                     | 550 |
| 11.5.3 Asserções                                  | 551 |
| 11.6 Compilação automática                        | 552 |
| 11.7 Tratamento de sinais                         | 554 |
| 11.8 Controlo de erros                            | 555 |
| 11.9 Conjunto disjunto                            | 557 |
| 11.10 Acesso indexado a ficheiros                 | 560 |
| 11.11 Pesquisa exaustiva                          | 565 |
| 11.11.1 Quadrado mágico                           | 565 |
| 11.11.2 Subconjuntos de um conjunto               | 570 |
| 11.11.3 Carregamento otimizado da mochila         | 574 |
| 11.12 Algoritmos numéricos                        | 576 |
| 11.12.1 Cálculo da potência                       | 576 |
| 11.12.2 Avaliação do polinómio                    | 577 |
| 11.12.3 Multiplicação de polinómios               | 578 |
| 11.12.4 Multiplicação de matrizes                 | 580 |
| Exercícios  | 585 |
| Leituras Recomendadas                             | 586 |

GLOSSÁRIO DE TERMOS - PORTUGUÊS EUROPEU/PORTUGUÊS DO BRASIL 587

**ÍNDICE REMISSIVO 589**