Titel: Entladung eines Kondensators

Bearbeiter: Dominik Eisele

Mitarbeiter:

Datum Versuchsdurchführung: 29.02.2016

Datum Abgabe: 23.03.2016

Ich erkläre an Eides statt, den vorliegenden Laborbericht selbst angefertigt zu haben. Alle fremden Quellen wurden in diesem Laborbericht benannt.

Aichwald, 16. März 2016 Dominik Eisele

Inhaltsverzeichnis

1	Ein	führung	2						
	1.1	Ziele	2						
	1.2	Formeln	2						
2	terial und Methoden	3							
	2.1	Material	3						
	2.2	Aufbau	3						
	2.3	Durchführung	4						
3	Mes	sswerte	5						
4	Auswertung								
	4.1	I(t)-Diagramme	8						
4.2 Ladung und Kapazität des Kondensators									
		4.2.1 Für Kondensatorspannung 5V	13						
		4.2.2 Für Kondensatorspannung 10V	13						
		4.2.3 Für Kondensatorspannung 15V	14						

1 Einführung

Bei dem Versuch zur Entladung eines Kondensators ergibt sich die Entladekurve eines Kondensators über einen Widerstand. Aus dieser Entladekurve lassen sich nun die Ladung und die Kapazität berechnen.

Zusätzlich wurde für den Widerstand, über den der Kondensator entladen wird, das Multimetereingesetzt. So kann man den Innenwiderstand des Multimeters berechnen.

1.1 Ziele

- Aufnahme der Entladekurve eines Kondensators
- Bestimmung der Ladung eines Kondensators (aus der Entladekurve)
- Bestimmung der Kapazität eines Kondensators
- Bestimmung des Innenwiderstands eines Multimeters

1.2 Formeln

Strom/Ladung

$$I = \frac{\Delta Q}{\Delta t}$$
 bzw. $I = \frac{dQ}{dt}$; $[I] = A$

Kapazität

$$C = \frac{Q}{U}; [C] = F$$

Entladung eines Kondensators über einen Widerstand

$$Q(t) = Q_0 \cdot e^{-\frac{t}{RC}}$$

$$U(t) = U_0 \cdot e^{-\frac{t}{RC}}$$

2 Material und Methoden

2.1 Material

Für den Versuch verwendete Materialien:

- $1 \times \text{Netzteil}$
- \bullet 1 \times Digital multimeter
- $1 \times \text{Kondensator}$
- 1 × Widerstand $47 \,\mathrm{k}\Omega$
- 1 × Steckbrett
- Leitungen

2.2 Aufbau

Die Schaltung, wie sie in Abbildung 1 zu sehen ist, wurde auf dem Steckbrett gesteckt. In der zweiten Messreihe wurde der Widerstand entfernt, sodass der Kondensator nur über den Innenwiderstand des Multimeters entladen wurde.

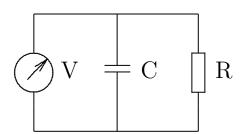


Abbildung 1: Skizze des Schaltplans

2.3 Durchführung

Nachdem die Schaltung wie beschrieben aufgebaut worden war, wurde der Kondensator für 30 s mit 5 Vaufgeladen. Als der Kondensator vollständig geladen war, wurde das Netzteil ausgesteckt, sodass sich der Kondensator entladen konnte. Die Spannung die am Kondensator anlag wurde, während des Entladevorgangs, in 10 s Intervallen gemessen. Die Messungen wurden abgebrochen, nachdem 3 % der Ausgangsspannung anlagen, bzw. 5 min vergangen waren.

Diese Messung wurde mit 10 V und mit 15 V wiederholt. Zusätzlich wurde eine Messreihe durchgeführt, bei der der Widerstand entfernt wurde. Damit hat man die Möglichkeit den Innenwiderstand des Multimeters zu berechnen. Diese Messreihe wurde bei eine Audgangsladung von 10 V durchgeführt. Diese Messung wurde mit 10 V und mit 15 V wiederholt. Zusätzlich wurde eine Messreihe durchgeführt, bei der der Widerstand entfernt wurde. Damit hat man die Möglichkeit den Innenwiderstand des Multimeters zu berechnen. Diese Messreihe wurde bei eine Audgangsladung von 10 V durchgeführt.

3 Messwerte

In Tabelle 1 sind die Messwerte für die ersten drei Messreihen zu sehen. Hierbei handelt es sich um die Kondensatorentladungen über den Widerstand. In Tabelle 2 sind die Messwerte für die Entladung über den Innenwiderstand des Multimeters zu sehen.

t	5 V	10 V	15 V	t	5 V	10 V	15 V
$0\mathrm{s}$	5,00 V	10,0 V	$15,00{ m V}$	$160\mathrm{s}$	0,200 V	0,380 V	0,580 V
$10\mathrm{s}$	$4,00{ m V}$	8,17 V	$12{,}16\mathrm{V}$	$170\mathrm{s}$	0,200 V	0,310 V	0,480 V
$20\mathrm{s}$	$3,\!20\mathrm{V}$	$6,\!54\mathrm{V}$	$9,\!850\mathrm{V}$	$180\mathrm{s}$	0,140 V	$0,\!260{ m V}$	0,400 V
$30\mathrm{s}$	$2{,}70\mathrm{V}$	$5,\!30\mathrm{V}$	$7{,}990\mathrm{V}$	$190\mathrm{s}$	$0,\!120{ m V}$	0,210 V	$0,\!330{ m V}$
$40\mathrm{s}$	$2{,}15\mathrm{V}$	$4,\!34{ m V}$	$6{,}540\mathrm{V}$	$200\mathrm{s}$	0,100 V	0,180 V	0,270 V
$50\mathrm{s}$	1,60 V	$3,\!53{ m V}$	$5{,}320\mathrm{V}$	$210\mathrm{s}$	$0,090{ m V}$	0,150 V	$0,\!230{ m V}$
$60\mathrm{s}$	1,40 V	$2,\!86{ m V}$	$4,\!320{ m V}$	$220\mathrm{s}$	$0,073{ m V}$	0,130 V	0,190 V
$70\mathrm{s}$	$1,\!20{ m V}$	$2{,}35\mathrm{V}$	$3,\!510{ m V}$	$230\mathrm{s}$	$0,060{ m V}$	0,100 V	0,164 V
80 s	1,00 V	1,89 V	$2,\!860{ m V}$	$240\mathrm{s}$	$0,\!053{ m V}$	0,088 V	0,138 V
$90\mathrm{s}$	0,80 V	1,54 V	$2,\!330{ m V}$	$250\mathrm{s}$	$0,045{ m V}$	0,077 V	0,115 V
$100\mathrm{s}$	0,70 V	$1{,}27\mathrm{V}$	$1,900{ m V}$	$260\mathrm{s}$	$0,040{ m V}$	0,060 V	0,100 V
110 s	$0,50\mathrm{V}$	1,04 V	$1,\!560{ m V}$	$270\mathrm{s}$	$0,035{ m V}$	$0,\!055{ m V}$	0,085 V
$120\mathrm{s}$	0,40 V	0,84 V	1,280 V	$280\mathrm{s}$	$0,032{ m V}$	$0,049{ m V}$	$0,073{ m V}$
$130\mathrm{s}$	0,40 V	0,70 V	$1,\!050{ m V}$	$290\mathrm{s}$	$0,027\mathrm{V}$	0,040 V	$0,063{ m V}$
$140\mathrm{s}$	$0,\!30{ m V}$	0,57 V	0,860 V	$300\mathrm{s}$	$0,025\mathrm{V}$	0,037 V	$0,\!055{ m V}$
150 s	0,30 V	0,47 V	0,710 V	310 s	0,023 V	0,033 V	0,045 V

Tabelle 1: Messreihen mit Widerstand

t	10 V
$0\mathrm{s}$	10,0 V
$30\mathrm{s}$	9,74 V
$60\mathrm{s}$	9,46 V
$90\mathrm{s}$	9,20 V
120 s	8,94 V
150 s	8,70 V
180 s	8,45 V
$210\mathrm{s}$	8,22 V
$240\mathrm{s}$	8,00 V
$270\mathrm{s}$	7,78 V
300 s	7,56 V

Tabelle 2: Messwerte ohne Widerstand

4 Auswertung

4.1 I(t)-Diagramme

Für die I(t)-Diagramme werden die Ströme mit der Formel $I=\frac{U}{R}$ berechnet. Die Ströme zum Zeitpunktt sind in Tabelle 3 abgebildet.

t	5 V	10 V	15 V	-	t	t 5 V	t 5 V 10 V
$0\mathrm{s}$	$1,064\mathrm{mA}$	$2{,}128\mathrm{mA}$	3,191 mA		160 s	160 s 0,043 mA	160 s 0,043 mA 0,081 mA
$10\mathrm{s}$	$0,851\mathrm{mA}$	$1{,}738\mathrm{mA}$	$2,587\mathrm{mA}$		170 s	$170 \mathrm{s} - 0.043 \mathrm{mA}$	170 s 0,043 mA 0,066 mA
$20\mathrm{s}$	$0,681\mathrm{mA}$	$1,391\mathrm{mA}$	$2,096\mathrm{mA}$		$180\mathrm{s}$	180 s 0,030 mA	$180 \mathrm{s}$ $0,030 \mathrm{mA}$ $0,055 \mathrm{mA}$
$30\mathrm{s}$	$0,574\mathrm{mA}$	$1{,}128\mathrm{mA}$	$1{,}700\mathrm{mA}$	1	90 s	90 s 0,026 mA	90 s 0,026 mA 0,045 mA
$40\mathrm{s}$	$0,457\mathrm{mA}$	$0,923\mathrm{mA}$	$1,391\mathrm{mA}$	200 s	S	s $0.021\mathrm{mA}$	s $0.021 \mathrm{mA}$ $0.038 \mathrm{mA}$
$50\mathrm{s}$	$0{,}340\mathrm{mA}$	$0,751\mathrm{mA}$	$1,132\mathrm{mA}$	$210\mathrm{s}$		$0,019\mathrm{mA}$	$0,019\mathrm{mA}$ $0,032\mathrm{mA}$
$60\mathrm{s}$	$0,298\mathrm{mA}$	$0,609\mathrm{mA}$	$0,919\mathrm{mA}$	$220\mathrm{s}$		$0,\!016\mathrm{mA}$	$0,016\mathrm{mA}$ $0,028\mathrm{mA}$
$70\mathrm{s}$	$0,255\mathrm{mA}$	$0,500\mathrm{mA}$	$0{,}747\mathrm{mA}$	$230\mathrm{s}$		$0,013\mathrm{mA}$	$0.013\mathrm{mA}$ $0.021\mathrm{mA}$
80 s	$0,213\mathrm{mA}$	$0,402\mathrm{mA}$	$0,\!609\mathrm{mA}$	$240\mathrm{s}$		$0,011\mathrm{mA}$	0,011 mA 0,019 mA
$90\mathrm{s}$	$0{,}170\mathrm{mA}$	$0,328\mathrm{mA}$	$0,\!496\mathrm{mA}$	$250\mathrm{s}$		$0,\!010\mathrm{mA}$	0,010 mA 0,016 mA
$100\mathrm{s}$	$0{,}149\mathrm{mA}$	$0,\!270\mathrm{mA}$	$0,404\mathrm{mA}$	$260\mathrm{s}$		$0,009\mathrm{mA}$	$0,009\mathrm{mA}$ $0,013\mathrm{mA}$
110 s	$0{,}106\mathrm{mA}$	$0,221\mathrm{mA}$	$0,332\mathrm{mA}$	$270\mathrm{s}$		$0,007\mathrm{mA}$	$0,007\mathrm{mA}$ $0,012\mathrm{mA}$
$120\mathrm{s}$	$0,085\mathrm{mA}$	$0,179\mathrm{mA}$	$0,272\mathrm{mA}$	$280\mathrm{s}$		$0,\!007\mathrm{mA}$	0,007 mA 0,010 mA
$130\mathrm{s}$	$0,085\mathrm{mA}$	$0,149\mathrm{mA}$	$0,223\mathrm{mA}$	$290\mathrm{s}$		$0,\!006\mathrm{mA}$	0,006 mA 0,009 mA
140 s	$0,064\mathrm{mA}$	$0.121\mathrm{mA}$	$0,183\mathrm{mA}$	$300\mathrm{s}$		$0,005\mathrm{mA}$	$0,005\mathrm{mA}$ $0,008\mathrm{mA}$
150 s	$0,064\mathrm{mA}$	$0,100\mathrm{mA}$	0,151 mA	310 s	_	$0,005\mathrm{mA}$	$0,005\mathrm{mA}$ $0,007\mathrm{mA}$

Tabelle 3: I(t)

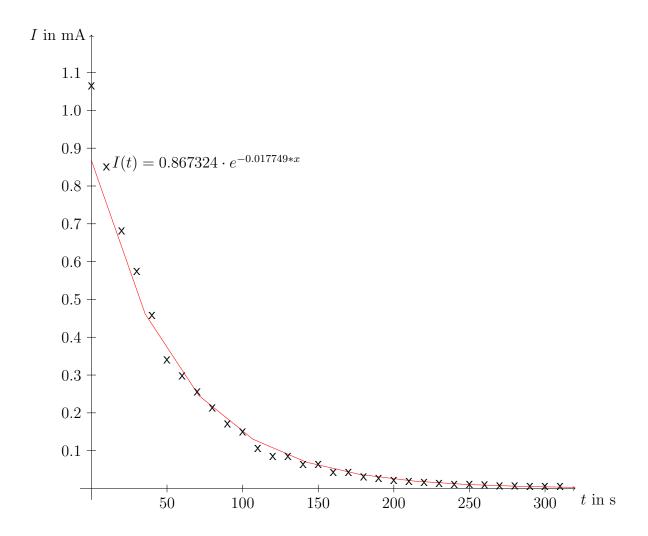


Abbildung 2: Diagramm: Kondensatorspannung $5\,\mathrm{V}$

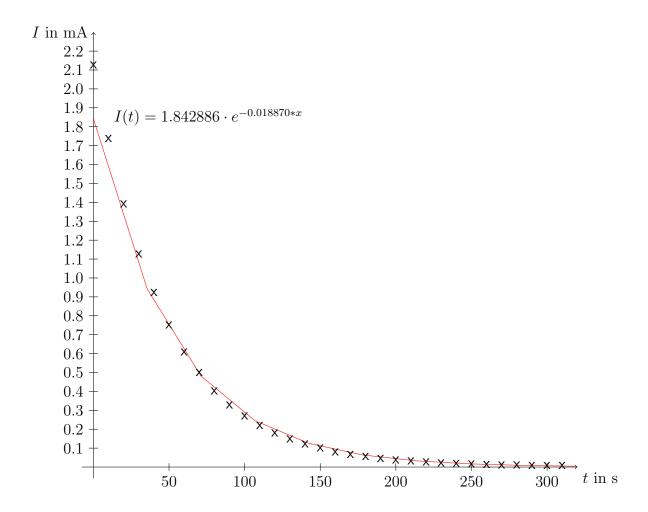


Abbildung 3: Diagramm: Kondensatorspannung $10\,\mathrm{V}$

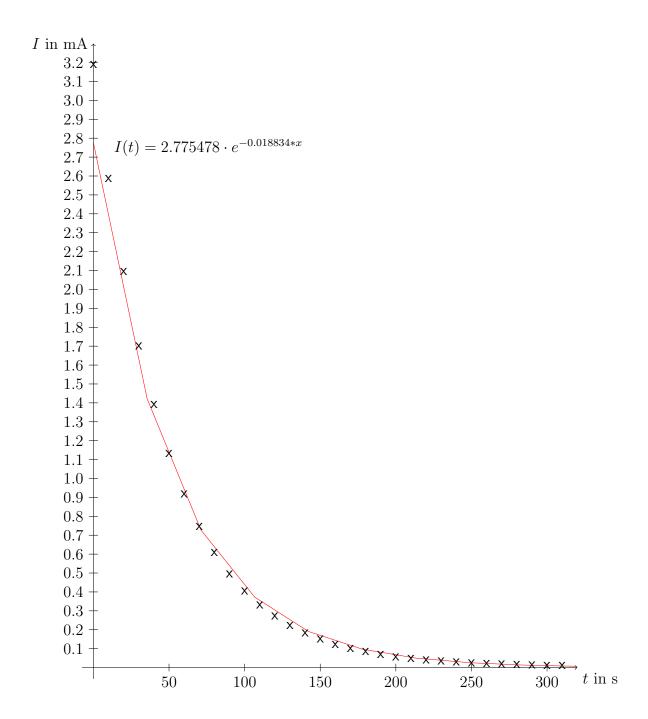


Abbildung 4: Diagramm: Kondensatorspannung $15\,\mathrm{V}$

4.2 Ladung und Kapazität des Kondensators

Die Ladung des Kondensators Q ergibt aus der Formel:

$$Q = \int_{0}^{\infty} I \, \mathrm{d}t$$

Die Kapazität des Kondensators C ergibt aus der Formel:

$$C = \frac{Q}{U}$$

4.2.1 Für Kondensatorspannung 5V

Ladung:

$$Q = \int_{0}^{\infty} 0.867324 \cdot e^{-0.017749 * x} \, \mathrm{d}t$$

$$Q \approx 48,866\,077\,\mathrm{C}$$

Kapazität:

$$C = \frac{Q}{U}$$

$$C = \frac{48,866\,077\,\text{C}}{5\,\text{V}}$$

$$C \approx 9,773215 \,\mathrm{F}$$

4.2.2 Für Kondensatorspannung 10V

Ladung:

$$Q = \int_{0}^{\infty} 1.842886 \cdot e^{-0.018870 * x} \, \mathrm{d}t$$

$$Q \approx 97,662\,215\,\mathrm{C}$$

Kapazität:

$$C = \frac{Q}{U}$$

$$C = \frac{97,662215 \,\text{C}}{10 \,\text{V}}$$

$$C \approx 9,766\,221\,2\,\mathrm{F}$$

4.2.3 Für Kondensatorspannung 15V

Ladung:

$$Q = \int_{0}^{\infty} 2.775478 \cdot e^{-0.018834 * x} \, \mathrm{d}t$$

$$Q\approx147{,}365\,297\,\mathrm{C}$$

Kapazität:

$$C = \frac{Q}{U}$$

$$C = \frac{147,365\,297\,\mathrm{C}}{15\,\mathrm{V}}$$

$$C \approx 9,824\,353\,\mathrm{F}$$