



PAUTA

PEP N°2

Estudiante :
Profesora : Consuelo Ramírez
Fecha : 5 de junio
Tiempo : 1 hora 10 minutos
Puntaje : 60 puntos
PREMA : 60%

Objetivos

- Establecer equivalencias entre distintos tipos de autómatas finitos.
- Establecer equivalencias entre autómatas finitos y expresiones regulares.
- Establecer equivalencias entre gramáticas regulares lineales por la derecha y autómatas finitos.

Instrucciones

Escriba su nombre y su apellido:

- en la parte superior derecha de esta hoja.
- en la parte superior izquierda de la primera página de la rúbrica adjunta.
- en la parte superior de cada una de las hojas que utilice para responder.

Identifique claramente cada respuesta con el número de la pregunta.

Responda de acuerdo a los métodos explicados en clases.

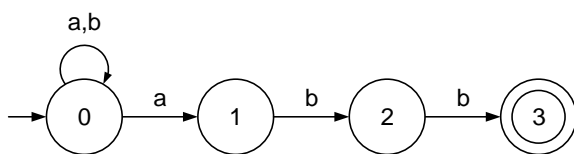
Para las preguntas 2, 3 y 4 escriba el desarrollo paso a paso.

Al finalizar, entregue la prueba, la rúbrica y sus hojas de respuesta a la profesora.



Preguntas

1. [10 puntos] Construya el autómata finito determinista equivalente al siguiente autómata finito no determinista, utilizando el método 2:



$$A' = (\{\{0\}, \{0, 1\}, \{0, 2\}, \{0, 3\}\}, \{a, b\}, \delta', \{0\}, \{\{0, 3\}\})$$

δ'	a	b
$\{0\}$	$\{0, 1\}$	$\{0\}$
$\{0, 1\}$	$\{0, 1\}$	$\{0, 2\}$
$\{0, 2\}$	$\{0, 1\}$	$\{0, 3\}$
$\{0, 3\}$	$\{0, 1\}$	$\{0\}$



2. [10 puntos] Construya el autómata finito no determinista equivalente al siguiente autómata finito no determinista con transiciones:

δ	1	2	ϵ
$\rightarrow a$	{a, b}	\emptyset	{b}
b	\emptyset	{c}	{c}
c	\emptyset	{c, d}	\emptyset
*d	{b}	\emptyset	\emptyset

$$\begin{aligned}\delta'(a, 1) &= C-\epsilon(\delta(C-\epsilon(a), 1)) \\ &= C-\epsilon(\delta(\{a, b, c\}, 1)) \\ &= C-\epsilon(\delta(a, 1) \cup \delta(b, 1) \cup \delta(c, 1)) \\ &= C-\epsilon(\{a, b\} \cup \emptyset \cup \emptyset) \\ &= C-\epsilon(\{a, b\}) \\ &= C-\epsilon(a) \cup C-\epsilon(b) \\ &= \{a, b, c\} \cup \{b, c\} \\ &= \{a, b, c\}\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}\delta'(a, 2) &= C-\epsilon(\delta(C-\epsilon(a), 2)) \\ &= C-\epsilon(\delta(\{a, b, c\}, 2)) \\ &= C-\epsilon(\delta(a, 2) \cup \delta(b, 2) \cup \delta(c, 2)) \\ &= C-\epsilon(\emptyset \cup \{c\} \cup \{c, d\}) \\ &= C-\epsilon(\{c, d\}) \\ &= C-\epsilon(c) \cup C-\epsilon(d) \\ &= \{c\} \cup \{d\} \\ &= \{c, d\}\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}\delta'(b, 1) &= C-\epsilon(\delta(C-\epsilon(b), 1)) \\ &= C-\epsilon(\delta(\{b, c\}, 1)) \\ &= C-\epsilon(\delta(b, 1) \cup \delta(c, 1)) \\ &= C-\epsilon(\emptyset \cup \emptyset) \\ &= C-\epsilon(\emptyset) \\ &= \emptyset\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}\delta'(b, 2) &= C-\epsilon(\delta(C-\epsilon(b), 2)) \\ &= C-\epsilon(\delta(\{b, c\}, 2)) \\ &= C-\epsilon(\delta(b, 2) \cup \delta(c, 2)) \\ &= C-\epsilon(\{c\} \cup \{c, d\}) \\ &= C-\epsilon(\{c, d\}) \\ &= C-\epsilon(c) \cup C-\epsilon(d) \\ &= \{c\} \cup \{d\} \\ &= \{c, d\}\end{aligned}$$



$$\begin{aligned}\delta'(c, 1) &= C-\varepsilon(\delta(C-\varepsilon(c), 1)) \\ &= C-\varepsilon(\delta(\{c\}, 1)) \\ &= C-\varepsilon(\delta(c, 1)) \\ &= C-\varepsilon(\emptyset) \\ &= \emptyset\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}\delta'(c, 2) &= C-\varepsilon(\delta(C-\varepsilon(c), 2)) \\ &= C-\varepsilon(\delta(\{c\}, 2)) \\ &= C-\varepsilon(\delta(c, 2)) \\ &= C-\varepsilon(\{c, d\}) \\ &= C-\varepsilon(c) \cup C-\varepsilon(d) \\ &= \{c\} \cup \{d\} \\ &= \{c, d\}\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}\delta'(d, 1) &= C-\varepsilon(\delta(C-\varepsilon(d), 1)) \\ &= C-\varepsilon(\delta(\{d\}, 1)) \\ &= C-\varepsilon(\delta(d, 1)) \\ &= C-\varepsilon(\{b\}) \\ &= C-\varepsilon(b) \\ &= \{b, c\}\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}\delta'(d, 2) &= C-\varepsilon(\delta(C-\varepsilon(d), 2)) \\ &= C-\varepsilon(\delta(\{d\}, 2)) \\ &= C-\varepsilon(\delta(d, 2)) \\ &= C-\varepsilon(\emptyset) \\ &= \emptyset\end{aligned}$$

δ'	1	2
$\rightarrow a$	$\{a, b, c\}$	$\{c, d\}$
b	\emptyset	$\{c, d\}$
c	\emptyset	$\{c, d\}$
$*d$	$\{b, c\}$	\emptyset



3. [10 puntos] Construya el autómata finito determinista equivalente al siguiente autómata finito no determinista con transiciones ϵ , utilizando la construcción de subconjuntos:

δ	1	2	ϵ
$\rightarrow a$	{a, b}	\emptyset	{b}
b	\emptyset	{c}	{c}
c	\emptyset	{c, d}	\emptyset
*d	{b}	\emptyset	\emptyset

$$C-\epsilon(a) = \{a, b, c\} = A$$

$$\begin{aligned}\delta'(A, 1) &= C-\epsilon(\delta(A, 1)) \\ &= C-\epsilon(\delta(\{a, b, c\}, 1)) \\ &= C-\epsilon(\delta(a, 1) \cup \delta(b, 1) \cup \delta(c, 1)) \\ &= C-\epsilon(\{a, b\} \cup \emptyset \cup \emptyset) \\ &= C-\epsilon(\{a, b\}) \\ &= C-\epsilon(a) \cup C-\epsilon(b) \\ &= \{a, b, c\} \cup \{b, c\} \\ &= \{a, b, c\} \\ &= A\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}\delta'(A, 2) &= C-\epsilon(\delta(A, 2)) \\ &= C-\epsilon(\delta(\{a, b, c\}, 2)) \\ &= C-\epsilon(\delta(a, 2) \cup \delta(b, 2) \cup \delta(c, 2)) \\ &= C-\epsilon(\emptyset \cup \{c\} \cup \{c, d\}) \\ &= C-\epsilon(\{c, d\}) \\ &= C-\epsilon(c) \cup C-\epsilon(d) \\ &= \{c\} \cup \{d\} \\ &= \{c, d\} \\ &= B\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}\delta'(B, 1) &= C-\epsilon(\delta(B, 1)) \\ &= C-\epsilon(\delta(\{c, d\}, 1)) \\ &= C-\epsilon(\delta(c, 1) \cup \delta(d, 1)) \\ &= C-\epsilon(\emptyset \cup \{b\}) \\ &= C-\epsilon(\{b\}) \\ &= C-\epsilon(b) \\ &= \{b, c\} \\ &= C\end{aligned}$$



$$\begin{aligned}
 \delta'(B, 2) &= C-\varepsilon(\delta(B, 2)) \\
 &= C-\varepsilon(\delta(\{c, d\}, 2)) \\
 &= C-\varepsilon(\delta(c, 2) \cup \delta(d, 2)) \\
 &= C-\varepsilon(\{c, d\} \cup \emptyset) \\
 &= C-\varepsilon(\{c, d\}) \\
 &= C-\varepsilon(c) \cup C-\varepsilon(d) \\
 &= \{c\} \cup \{d\} \\
 &= \{c, d\} \\
 &= B
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 \delta'(C, 1) &= C-\varepsilon(\delta(C, 1)) \\
 &= C-\varepsilon(\delta(\{b, c\}, 1)) \\
 &= C-\varepsilon(\delta(b, 1) \cup \delta(c, 1)) \\
 &= C-\varepsilon(\emptyset \cup \emptyset) \\
 &= C-\varepsilon(\emptyset) \\
 &= \emptyset \\
 &= D
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 \delta'(C, 2) &= C-\varepsilon(\delta(C, 2)) \\
 &= C-\varepsilon(\delta(\{b, c\}, 2)) \\
 &= C-\varepsilon(\delta(b, 2) \cup \delta(c, 2)) \\
 &= C-\varepsilon(\{c\} \cup \{c, d\}) \\
 &= C-\varepsilon(\{c, d\}) \\
 &= C-\varepsilon(c) \cup C-\varepsilon(d) \\
 &= \{c\} \cup \{d\} \\
 &= \{c, d\} \\
 &= B
 \end{aligned}$$

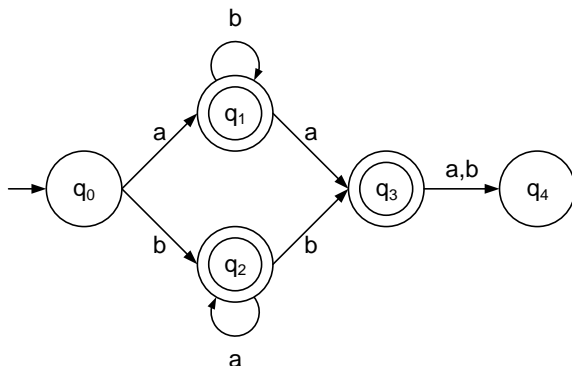
$$\begin{aligned}
 \delta'(D, 1) &= C-\varepsilon(\delta(D, 1)) \\
 &= C-\varepsilon(\delta(\emptyset, 1)) \\
 &= C-\varepsilon(\emptyset) \\
 &= \emptyset \\
 &= D
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 \delta'(D, 2) &= C-\varepsilon(\delta(D, 2)) \\
 &= C-\varepsilon(\delta(\emptyset, 2)) \\
 &= C-\varepsilon(\emptyset) \\
 &= \emptyset \\
 &= D
 \end{aligned}$$

δ'	1	2
$\rightarrow A$	A	B
$*B$	C	B
C	D	B
D	D	D



4. [10 puntos] Obtenga la expresión regular que describe el lenguaje aceptado por el siguiente autómata finito:



$$L(A) = X_0$$

$$X_0 = aX_1 + bX_2$$

$$X_1 = bX_1 + aX_3 + \varepsilon$$

$$X_2 = aX_2 + bX_3 + \varepsilon$$

$$X_3 = (a + b)X_4 + \varepsilon$$

$$X_4 = \emptyset$$

$$X_3 = (a + b)X_4 + \varepsilon$$

$$= (a + b)\emptyset + \varepsilon$$

$$= \emptyset + \varepsilon$$

$$= \varepsilon$$

$$X_2 = aX_2 + bX_3 + \varepsilon$$

$$= aX_2 + b\varepsilon + \varepsilon$$

$$= aX_2 + b + \varepsilon$$

$$= a^*(b + \varepsilon)$$

$$X_1 = bX_1 + aX_3 + \varepsilon$$

$$= bX_1 + a\varepsilon + \varepsilon$$

$$= bX_1 + a + \varepsilon$$

$$= b^*(a + \varepsilon)$$

$$X_0 = aX_1 + bX_2$$

$$= ab^*(a + \varepsilon) + ba^*(b + \varepsilon)$$

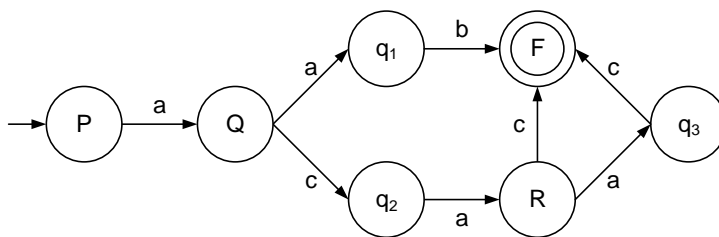
$$= ab^*a + ab^* + ba^*b + ba^*$$



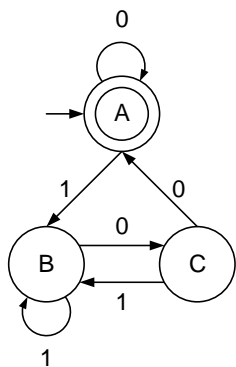
5. [10 puntos] Construya el autómata finito que reconoce el lenguaje aceptado por la siguiente gramática regular lineal por la derecha:

$$G = (\{P, Q, R\}, \{a, b, c\}, P, P)$$

$$P = \{ \\ P \rightarrow aQ \\ Q \rightarrow ab \mid caR \\ R \rightarrow c \mid ac \\ \}$$



6. [10 puntos] Construya la gramática regular lineal por la derecha que genera el lenguaje aceptado por el siguiente autómata finito:



$$G = (\{A, B, C\}, \{0, 1\}, P, A)$$

$$P = \{ \\ A \rightarrow 0A \mid 1B \mid \epsilon \\ B \rightarrow 0C \mid 1B \\ C \rightarrow 0A \mid 1B \\ \}$$



Preguntas adicionales (2 puntos cada una)

Invente una expresión regular para cada uno de los siguientes lenguajes:

a) $L_1 = \{a^i b \mid i \geq 0\}$

$$a^*b$$

b) $L_2 = \{(ab)^i \mid i \geq 0\}$

$$(ab)^*$$

c) $L_3 = \{(ab)^i \mid i \geq 1\}$

$$ab(ab)^*$$