

Übungsblatt

Aufgabenlösung

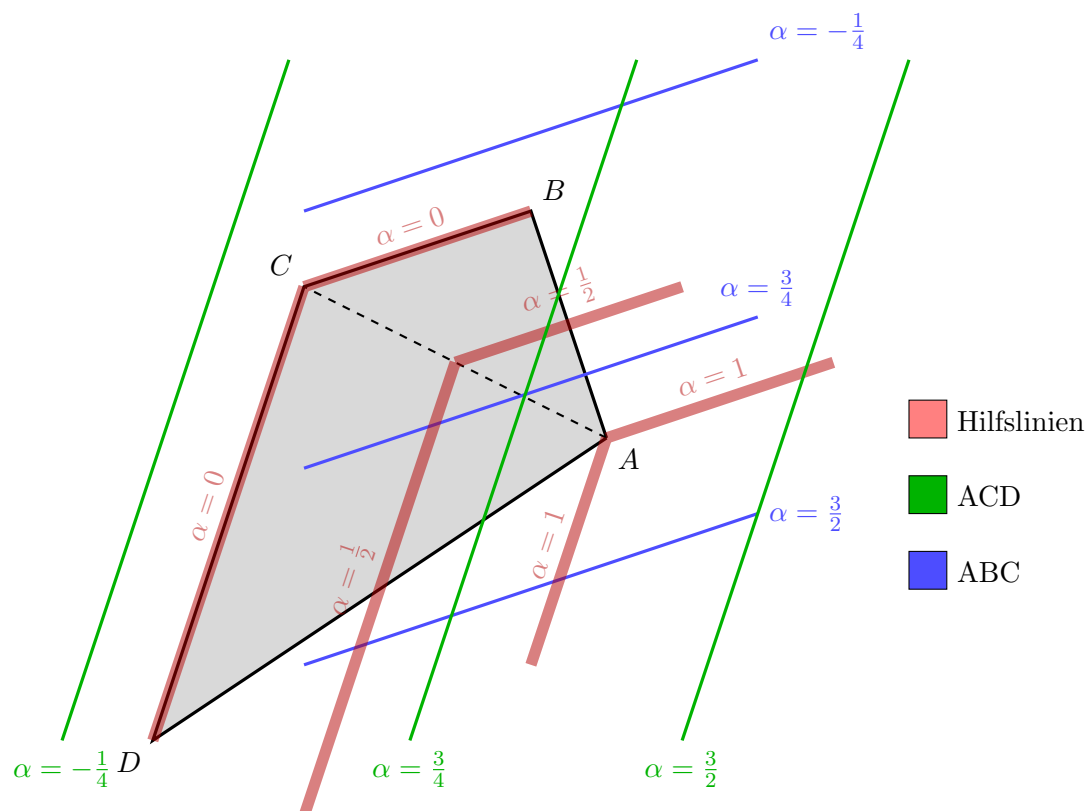
Abgabe: 10.11.2015

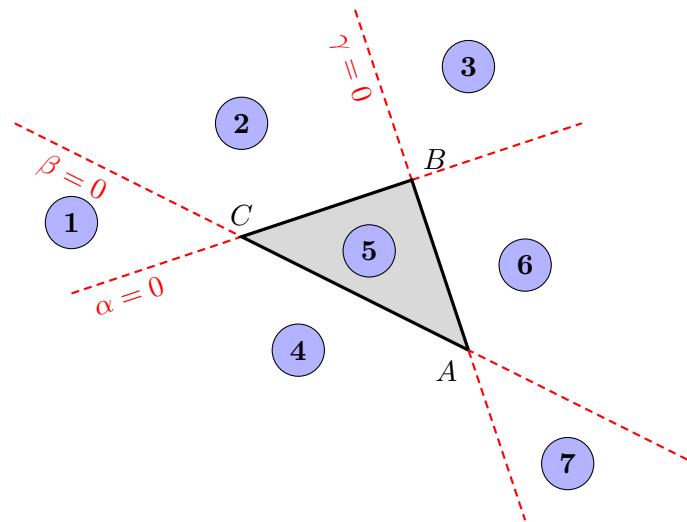
Aufgabe 1 Baryzentrische Koordinaten

(5 Punkte)

Aufgabe 1.a)

(3 Punkte)



Aufgabe 1.b)**(2 Punkte)**

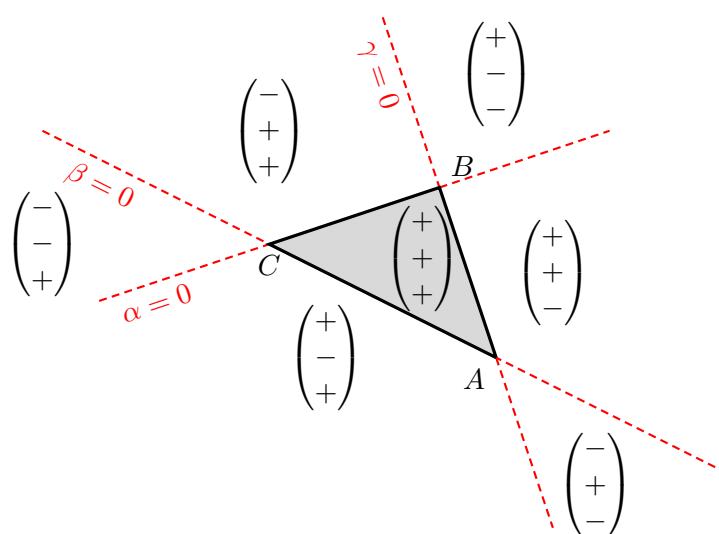
Wir geben die Dreier-Tupel aus α , β und γ im folgenden so an: $\begin{pmatrix} \alpha \\ \beta \\ \gamma \end{pmatrix}$.

$$\begin{array}{lll}
 \text{Sektor1} & \begin{pmatrix} \leq 0 \\ \leq 0 \\ \geq 1 \end{pmatrix} & \text{Sektor2} \quad \begin{pmatrix} \leq 0 \\ \geq 0 \\ \geq 0 \end{pmatrix} & \text{Sektor3} \quad \begin{pmatrix} \leq 0 \\ \geq 1 \\ \leq 0 \end{pmatrix} \\
 \text{Sektor4} & \begin{pmatrix} \geq 0 \\ \leq 0 \\ \geq 0 \end{pmatrix} & \text{Sektor5} \quad \begin{pmatrix} [0, 1] \\ [0, 1] \\ [0, 1] \end{pmatrix} & \text{Sektor6} \quad \begin{pmatrix} \geq 0 \\ \geq 0 \\ \leq 0 \end{pmatrix} \\
 \text{Sektor7} & \begin{pmatrix} \geq 1 \\ \leq 0 \\ \geq 0 \end{pmatrix} & &
 \end{array}$$

Auffällig ist bei diesen sehr genauen Angaben, dass man diese Informationen noch weiter vereinfachen kann und trotzdem immer noch klar unterscheidbare Informationen hat. So ist beispielsweise der Sektor 5 der einzige Sektor, in dem alle Werte positiv sind, weshalb man nicht darauf testen müsste, ob wirklich alle Werte im Bereich von 0 bis 1 liegen.

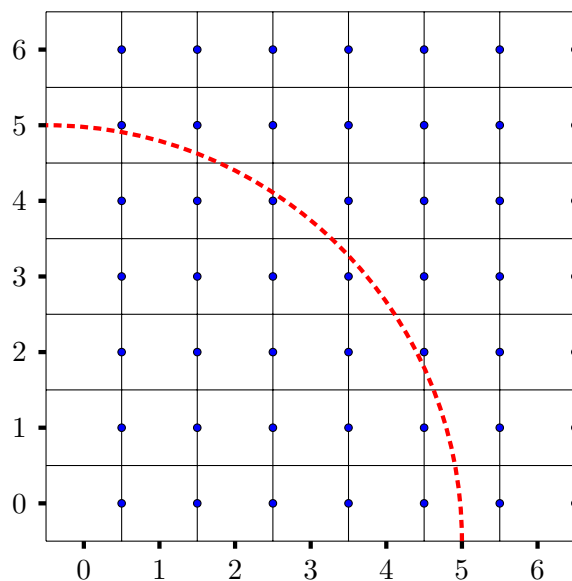
Ähnlich kann man auch die anderen Sektoren leichter angeben, indem man nur noch auf < 0 oder > 0 schaut. Diese Informationen sind dann binär (`bool`), wobei wir kleiner als 0 auf '-' und größer als 0 auf '+' abbilden werden. Punkte, die exakt auf den Linien a , b oder c liegen würden, werden ebenfalls gegenwärtig nicht betrachtet.

$$\begin{array}{lll}
 \text{Sektor1} & \begin{pmatrix} < 0 \\ < 0 \\ > 0 \end{pmatrix} \mapsto \begin{pmatrix} - \\ - \\ + \end{pmatrix} & \text{Sektor2} \quad \begin{pmatrix} < 0 \\ > 0 \\ > 0 \end{pmatrix} \mapsto \begin{pmatrix} - \\ + \\ + \end{pmatrix} & \text{Sektor3} \quad \begin{pmatrix} > 0 \\ < 0 \\ < 0 \end{pmatrix} \mapsto \begin{pmatrix} + \\ - \\ - \end{pmatrix} \\
 \text{Sektor4} & \begin{pmatrix} > 0 \\ < 0 \\ > 0 \end{pmatrix} \mapsto \begin{pmatrix} + \\ - \\ + \end{pmatrix} & \text{Sektor5} \quad \begin{pmatrix} > 0 \\ > 0 \\ > 0 \end{pmatrix} \mapsto \begin{pmatrix} + \\ + \\ + \end{pmatrix} & \text{Sektor6} \quad \begin{pmatrix} > 0 \\ > 0 \\ < 0 \end{pmatrix} \mapsto \begin{pmatrix} + \\ + \\ - \end{pmatrix} \\
 \text{Sektor7} & \begin{pmatrix} < 0 \\ > 0 \\ < 0 \end{pmatrix} \mapsto \begin{pmatrix} - \\ + \\ - \end{pmatrix} & &
 \end{array}$$

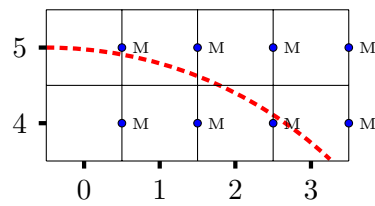


Aufgabe 2 Rasterisierung

(3 Punkte)

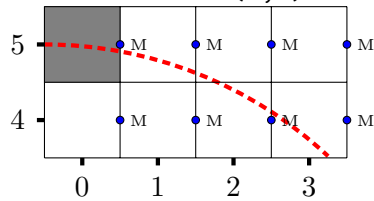


Var	Wert
x	0
y	5
d	$1 - 5 = -4$
ΔR	3
ΔRU	$-2r + 5 = -5$



1. Iteration: $y=5 < 0=x$

1. drawCirclePixel(0,5)



2. $x+=1=0+1=1$

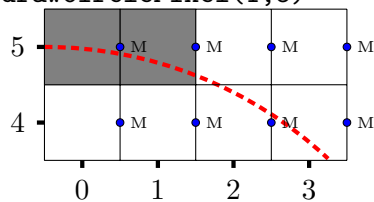
3. $d=-4 < 0$

- $d+=\Delta R=-4+3=-1$
- $\Delta RU+=2=-5+2=-3$

4. $\Delta R+=2=3+2=5$

2. Iteration: $y=5 < 1=x$

1. drawCirclePixel(1,5)



2. $x+=1=1+1=2$

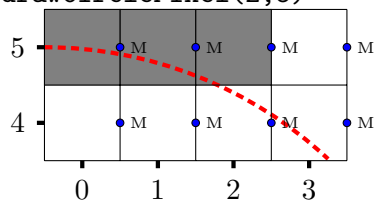
3. $d=-1 < 0$

- $d+=\Delta R=-1+5=4$
- $\Delta RU+=2=-3+2=-1$

4. $\Delta R+=2=5+2=7$

3. Iteration: $y=5 < 2=x$

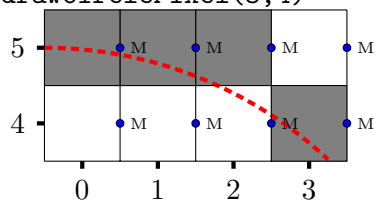
1. drawCirclePixel(2,5)

2. $x+=1=2+1=3$ 3. $d=4 > 0$

- $d+=\Delta RU=4+(-1)=3$
- $\Delta RU+=4=-1+4=3$
- $y-=1$

4. $\Delta R+=2=7+2=9$ **4. Iteration: $y=4 < 3=x$**

1. drawCirclePixel(3,4)



2. ...