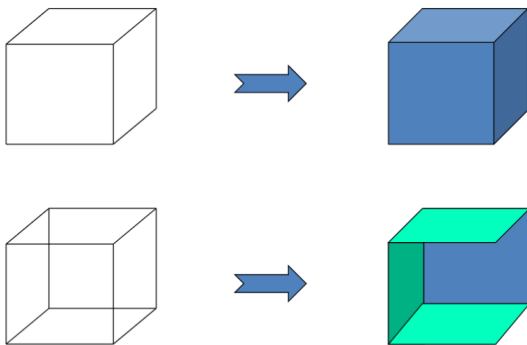


# CPT205W12\_隐藏面剔除 Hidden-Surface Removal

隐藏面剔除与裁剪有很多相同之处，都是尝试删除相机不可见的物体部分；在通过整个管线（光栅化）前，一般会使用可见性测试（visibility test）或遮挡测试（occlusion test）以尽可能多地消除不必要的多边形。

## 概念

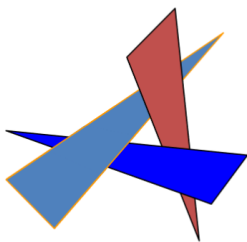


显示所有可见表面，不显示任何被遮挡的表面。（=Visible-surface detection=Hidden-surface elimination）

确定那些表面可见或不可见，例如Z-buffer

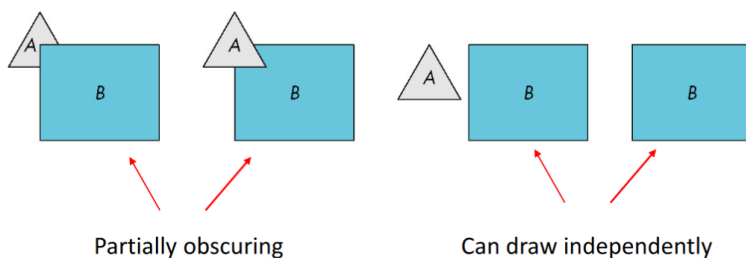
分为两种方法：

- 对象空间法（Object-space methods）：确定那些对象在其他对象的前面。调整大小（resize）不需要重新计算，适用于静态场景，但对象的前后关系往往难以确定（如下图）
- 图像空间法（Image-space methods）：确定每个像素处所可见的物体。但调整大小需要重新计算，适合动态场景。



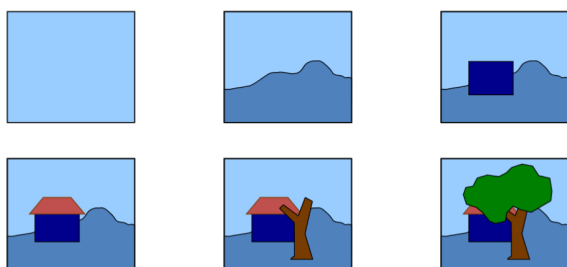
## 对象空间方法

在多边形（对象）之间使用成对测试（pairwise testing）两两判断遮挡关系， $n$ 个多边形的最坏复杂度是 $O(n^2)$

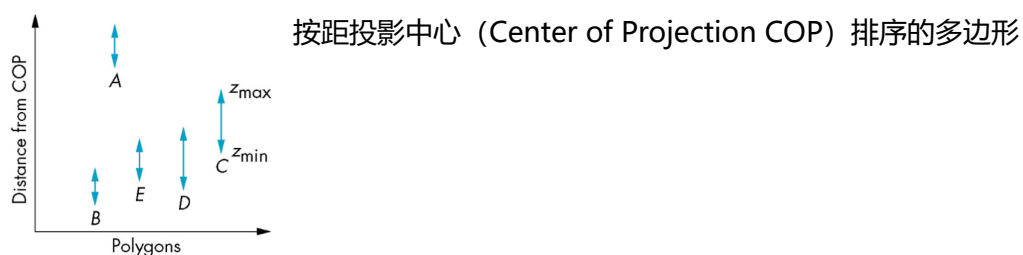


## 画家算法 (Painter's algorithm)

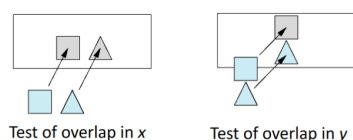
以从后到前的顺序渲染多边形，这样前方的多边形可以简单地覆盖后面的多边形，按深度（z值）对表面（多边形）排序。



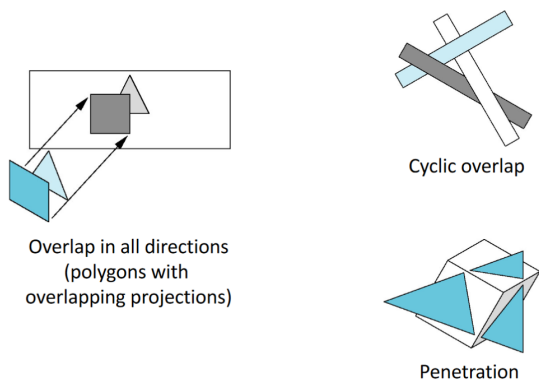
需要先对多边形排序，复杂度 $O(n\log(n))$ 但并非每个多边形的深度都不重叠。先处理简单的情况再处理困难的情况。



简单的情况：多边形A位于所有其他多边形的后面，深度没有重叠，可以先绘制；此外，在z上重叠但在xy没有重叠 (overlap) 的多边形，可以独立绘制。



困难的情况：循环重叠 (Cyclic overlap)，穿透 (penetration)，在所有方向上重叠 (重叠投影)



## 背面剔除 Back-face culling

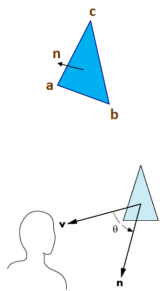
将多边形的位置和方向与观察方向  $v$  进行比较的过程，其中去除背对摄像机的多边形。最大限度地减少了去除隐藏表面所涉及的计算开销。基本上是确定多边形可见性的测试，基于此测试，如果多边形不可见，则可以将其删除。（=back-surface removal）

假设对象是实心多面体（solid polyhedron）

计算多边形法线  $n$ ：逆时针顶点顺序  $n = ab \times bc$

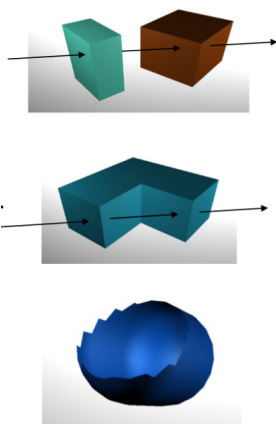
若夹角  $-90^\circ \leq \theta \leq 90^\circ$  即  $v \cdot n \geq 0$  则此多边形可见

还可将对象转为投影坐标，投影观察方向与  $z$  轴平行，那么只需判断法向量在  $z$  上分量的正负。

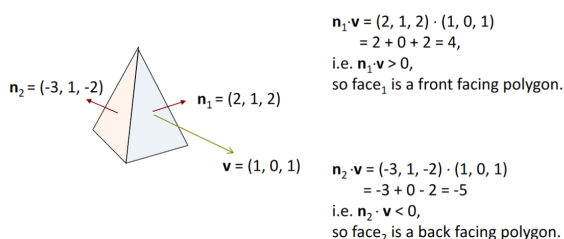


对每个多边形  $P_i$ ：查找多边形法线  $n$ ，找视角方向  $v$ ，若  $n \cdot v < 0$ ，剔除  $P_i$

不适用于：以下原因导致的正面重叠：多个对象，凹对象；非多边形模型；非闭合对象。



计算示例:



## 图像空间方法

查看每个投影像素（对于  $n * m$  帧缓冲有  $n * m$  投影像素）在总共  $k$  个多边形中找到离其最近的。

复杂度  $O(nmk)$

光线追踪 (ray tracing), 深度缓冲 (Z-buffer)

## 深度缓冲 (Z-buffer)

由于某些像素可能包含多个对象，故需要计算这些对象哪些是可见的，哪些是隐藏的。在图形硬件中，隐藏表面的去除使用Z缓冲算法。

算法留出一个与屏幕大小相同的二维内存数组 (Z 缓冲区) (行数 \* 列数)。是对颜色缓冲区 (帧缓冲区, 存储要显示的像素的颜色值) 的补充。Z 缓冲区将保存深度值 (通常是  $z$  值)。

初始化Z缓冲，每个元素=远裁剪平面值。初始化颜色缓冲区=背景颜色。

由于每个多边形在屏幕上都有其对应的一组像素，对每个像素将其深度 ( $z$  值) 和Z-Buffer中的值比较，如果小于Buffer中的值则替换。对画面中所有多边形重复操作。

这一实现在归一化坐标中完成，深度值从近剪切平面 (near Clipping plane) 的0到远剪切平面的1.0。

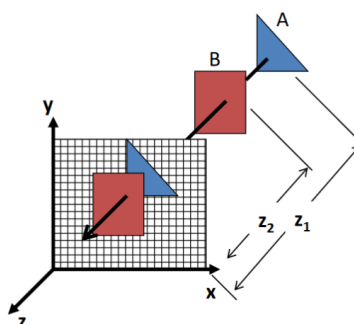
1. Initialise all  $depth(x,y)$  to 1.0 and  $refresh(x,y)$  to background colour

2. For each pixel  
Get current value for  $depth(x,y)$   
Evaluate depth value  $z$

```

If ( $z < depth(x,y)$ )
{
     $depth(x,y) = z$ 
     $refresh(x,y) = I_s(x,y)$ 
}
  
```

Calculate this using relevant algorithms  
/illumination/fill colour/texture



优点:

- 最广泛使用的隐藏面去除算法;
- 作为图像空间算法, 遍历场景并按多边形而不是每个像素进行操作;
- 对多边形逐个光栅化并确定哪些多边形的部分可以绘制在屏幕上;
- 在软件和硬件中相对容易实现。

内存需求:

- 依赖第二个缓冲区 (secondary buffer) Z-buffer或叫做depth buffer;
- Z-buffer的长宽等于frame buffer
- 每个单元格包含该像素位置物体的深度信息。

## 扫描线 Scan-line

如果逐行扫描, 我们在扫描线上移动时, 深度变化满足  $a\Delta x + b\Delta y + c\Delta z = 0$ , 若多边形平面用  $ax + by + cz + d = 0$  表示。

通过这种方法可以一次求出一个多边形在屏幕上的深度:

$$ax + by + cz + d = 0$$

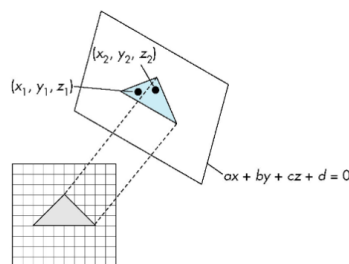
Along scan line

$$\Delta y = 0$$

$$\Delta z = -(a/c) * \Delta x$$

In screen space  $\Delta x = 1$

Only computed once per polygon.

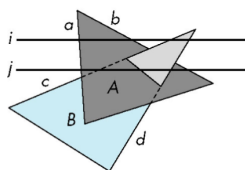


图像空间算法的最坏情况与基元数量成正比; z缓冲区的性能与栅格化生成的片段数量成正比, 即取决于栅格化多边形的面积。

通过扫描线算法可以同时处理shading和隐藏面剔除:

扫描线i: 无需深度信息, 只能用于0个或1个多边形中

扫描线j: 需要深度信息, 仅当1个或多个多边形中



构造一个数据结构储存:

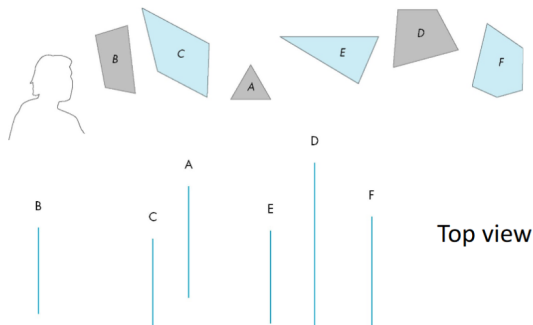
- 每个多边形的flag (inside/outside)
- Incremental structure给扫描线储存遇到的边缘

- 平面的参数

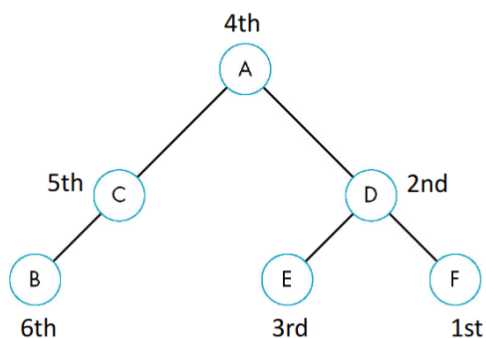
## BSP Tree

在许多如游戏的实时应用上，我们希望在程序中消除尽可能多的对象，以便减轻管线负担，减少总线流量。

可以使用二进制空间分区树（Binary Space Partition (BSP) Tree）区分空间



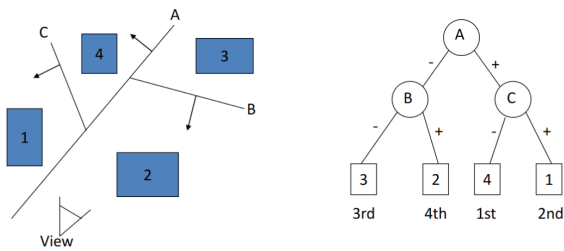
假设有6个平行的平面，平面A隔开了BC和EDF，那我们可以递归地继续：C隔开了B和A，D隔开了E和F。将此信息存于BSP树中，从而进行可见性（visibility, inside）和遮挡（occlusion, outside）测试。



- 流程：选择任意多边形，用其所在平面分割出单元（cell），继续操作，直到单元内仅存1个多边形片段（polygon fragment）。

可以通过其他方式选择分割平面，但目前没有最优算法构建BSP树。故BSP树不唯一，“Optimal”意味着平衡树中多边形片段的最小数量。

- 渲染：渲染过程是BSP树的递归（recursive），你会发现切割面向（包含）视点的一侧的物体是会被背向视点的物体遮挡的。于是可以进行从后向前的渲染，在每个节点递归到不含视点的一侧来确定多边形，然后绘制多边形，直接覆盖到已绘制的画面上；然后递归到包含视点的一侧继续。



## OpenGL函数

去除隐藏面：Opengl使用z-buffer算法，在渲染对象/三角形时保存深度信息，使得只有前方的对象出现在画面中。

## Z-buffer

算法使用一个额外的缓冲区，即 z 缓冲区，来存储几何图形沿管道移动时的深度信息。

```
1 //requested in main()
2 glutInitDisplayMode(GLUT_SINGLE | GLUT_RGB | GLUT_DEPTH)
3 //enabled in init()
4 glEnable(GL_DEPTH_TEST)
5 //cleared in the display callback
6 glClearColor(GL_COLOR_BUFFER_BIT | GL_DEPTH_BUFFER_BIT)
```

OpenGL 基本库提供用于背面去除和深度缓冲区可见性测试的功能。还有用于线框显示的隐藏线去除功能，并且可以通过深度提示显示场景。

## 面剔除 Face-culling

```
1 glEnable(GL_CULL_FACE);
2 glCullFace(GLenum)
```

参数：GL\_BACK、GL\_FRONT、GL\_FRONT\_AND\_BACK。故可以删除正面而不是背面，也可以同时删除正面和背面，默认剔除背面。

## 深度缓冲 Depth-buffer

```
1 //GLUT initialisation
2 glutInitDisplayMode(GLUT_SINGLE | GLUT_RGB | GLUT_DEPTH);
3 //initialise Depth buffer
4 glClearColor(GL_DEPTH_BUFFER_BIT);
5 //Enable or Disable depth-buffer visibility detection
```

```
6 glEnable(GL_DEPTH_TEST);
7 glDisable(GL_DEPTH_TEST);
```

设定

```
1 glDepthMask(writeStatus);
```

深度缓冲区的状态可以设置为只读或读写，当 `writeStatus = GL_FALSE` 时，深度缓冲区中的写入模式被禁用，只能检索值进行比较。当使用复杂的背景并显示不同的前景对象时，它很有用。显示透明对象时也很有用。

## 指定最大深度值

```
1 glClearDepth(maxDepth);
```

深度值在  $[0, 1.0]$ 。投影坐标在  $[-1.0, 1.0]$  范围内进行标准化，近距和远距剪切平面之间的深度值在  $[0.0, 1.0]$  范围内进一步标准化，其中 0.0 和 1.0 分别对应于近距和远距剪切平面。

## 调整剪切平面

```
1 glDepthRange(nearNormDepth, farNormDepth);
```

参数的默认值分别为 0.0 和 1.0，并且它们的值可以在  $[0.0, 1.0]$  范围内。

```
1 glDepthFunc(testCondition);
```

参数: `L_LESS`(default), `GL_GREATER`, `GL_EQUAL`, `GL_NOTEQUAL`, `GL_LEQUAL`, `GL_GEQUAL`, `GL_NEVER` (no points are processed) and `GL_ALWAYS` (all points are processed)

## 线框可见性

```
1 glPolygonMode(GL_FRONT_AND_BACK, GL_LINE);
2 // In this case, both visible and hidden edges are displayed
```



## 深度提示 Depth-cueing

物体的亮度随其到观察位置的距离而变化

```
1 glEnable(GL_FOG);
2 glFog{if}[v](GL_FOG_MODE, GL_LINEAR);
3 // linear depth function for colour in [0.0, 1.0]
4 glFog{if}[v](GL_FOG_START, minDepth);
5 // specifies a different value for dmin
6 glFog{if}[v](GL_FOG_END, maxDepth);
7 // specifies a different value for dmax
```

重点理解: `glutInitDisplayMode()`, `glClear()`, `glEnable(GL_DEPTH_TEST)`