2023 ЗАДАЧИ №5 и 6 ИДЗ по ТВ для ПИ

ВАРИАНТ 1.

<u>ЗАДАЧА 5.</u> Случайная величина (ξ,η) распределена по нормальному закону с математическим ожиданием (μ_1,μ_2) и ковариационной матрицей:

$$\sum = \begin{pmatrix} \sigma_{\xi}^2 & \operatorname{cov}(\xi; \eta) \\ \operatorname{cov}(\eta; \xi) & \sigma_{\eta}^2 \end{pmatrix}.$$

Найти:
$$P\{\xi-\eta>a\}$$
. $(\mu_1,\mu_2)=(0;2)$; $\sum=\begin{pmatrix} 3 & -1,5 \\ -1,5 & 3 \end{pmatrix}$; $a=-1$.

<u>ЗАДАЧА 6.</u>

$$P(\xi > -1|\eta = 1).$$

ВАРИАНТ 2.

<u>ЗАДАЧА 5.</u> Случайная величина (ξ,η) распределена по нормальному закону с математическим ожиданием (μ_1,μ_2) и ковариационной матрицей:

$$\sum = \begin{pmatrix} \sigma_{\xi}^2 & \cos(\xi; \eta) \\ \cos(\eta; \xi) & \sigma_{\eta}^2 \end{pmatrix}.$$

Найти:
$$P\{\xi-\eta>a\}$$
. $(\mu_1,\mu_2)=(3;1)$; $\sum=\begin{pmatrix} 1 & 0,45 \\ 0,45 & 0,71 \end{pmatrix}$; $a=1,1$.

<u>ЗАДАЧА 6.</u>

$$P(\xi > 2|\eta = 1.5).$$

ВАРИАНТ 3.

<u>ЗАДАЧА 5.</u> Случайная величина (ξ,η) распределена по нормальному закону с математическим ожиданием (μ_1,μ_2) и ковариационной матрицей:

$$\sum = \begin{pmatrix} \sigma_{\xi}^2 & \cos(\xi; \eta) \\ \cos(\eta; \xi) & \sigma_{\eta}^2 \end{pmatrix}.$$

Найти:
$$P\{\xi-\eta>a\}$$
. $(\mu_1,\mu_2)=(-0.15;0);$ $\sum=\begin{pmatrix} 2&1\\1&1\end{pmatrix};$ $a=0$.

<u>ЗАДАЧА 6.</u>

$$P(\xi > 0.3 | \eta = 0.7).$$

ВАРИАНТ 4.

<u>ЗАДАЧА 5.</u> Случайная величина (ξ,η) распределена по нормальному закону с математическим ожиданием (μ_1,μ_2) и ковариационной матрицей:

$$\sum = \begin{pmatrix} \sigma_{\xi}^2 & \cos(\xi; \eta) \\ \cos(\eta; \xi) & \sigma_{\eta}^2 \end{pmatrix}.$$

Найти:
$$P\{\xi-\eta>a\}$$
. $(\mu_1,\mu_2)=(0,5;0,5)$; $\sum=\begin{pmatrix}4&-4\\-4&12\end{pmatrix}$; $a=\sqrt{24}$.

<u>ЗАДАЧА 6.</u>

$$P(\xi > 0.2 | \eta = 0.6).$$

ВАРИАНТ 5.

<u>ЗАДАЧА 5.</u> Случайная величина (ξ,η) распределена по нормальному закону с математическим ожиданием (μ_1,μ_2) и ковариационной матрицей:

$$\sum = \begin{pmatrix} \sigma_{\xi}^2 & \cos(\xi; \eta) \\ \cos(\eta; \xi) & \sigma_{\eta}^2 \end{pmatrix}.$$

Найти:
$$P\{\xi-\eta>a\}$$
. $(\mu_1,\mu_2)=(0;5)$; $\sum=\begin{pmatrix}16&-2\\-2&16\end{pmatrix}$; $a=-1$.

<u>ЗАДАЧА 6.</u>

$$P(\xi > -0.2 | \eta = 4).$$

ВАРИАНТ 6.

<u>ЗАДАЧА 5.</u> Случайная величина (ξ,η) распределена по нормальному закону с математическим ожиданием (μ_1,μ_2) и ковариационной матрицей:

$$\sum = \begin{pmatrix} \sigma_{\xi}^2 & \operatorname{cov}(\xi; \eta) \\ \operatorname{cov}(\eta; \xi) & \sigma_{\eta}^2 \end{pmatrix}.$$

Найти:
$$P\{\xi-\eta>a\}$$
, $(\mu_1,\mu_2)=(4;3)$; $\sum=\begin{pmatrix}12&3\\3&3\end{pmatrix}$; $a=0$.

<u>ЗАДАЧА 6.</u>

В условиях предыдущей задачи найти условную вероятность $P(0<\xi<2|\eta=2).$

ВАРИАНТ 7.

<u>ЗАДАЧА 5.</u> Случайная величина (ξ,η) распределена по нормальному закону с математическим ожиданием (μ_1,μ_2) и ковариационной матрицей:

$$\sum = \begin{pmatrix} \sigma_{\xi}^2 & \operatorname{cov}(\xi; \eta) \\ \operatorname{cov}(\eta; \xi) & \sigma_{\eta}^2 \end{pmatrix}.$$

Найти:
$$P(-1<\xi-2\eta<1)$$
. $(\mu_{\!\scriptscriptstyle 1},\mu_{\!\scriptscriptstyle 2})\!=\!(1,5;1,5)$; $\sum\!=\!\begin{pmatrix}2&1\\1&1\end{pmatrix}$.

<u>ЗАДАЧА 6.</u>

$$P(0 < \xi < 2|\eta = 2).$$

ВАРИАНТ 8.

<u>ЗАДАЧА 5.</u> Случайная величина (ξ,η) распределена по нормальному закону с математическим ожиданием (μ_1,μ_2) и ковариационной матрицей:

$$\sum = \begin{pmatrix} \sigma_{\xi}^2 & \cos(\xi; \eta) \\ \cos(\eta; \xi) & \sigma_{\eta}^2 \end{pmatrix}.$$

Найти:
$$P(-1,5<\xi-2\eta<0)$$
 . $(\mu_{\!\scriptscriptstyle 1},\mu_{\!\scriptscriptstyle 2})=(1;1,5)$; $\sum=\begin{pmatrix}1&5/3\\5/3&25\end{pmatrix}$.

<u>ЗАДАЧА 6.</u>

$$P(1 < \xi < 2|\eta = 0.5).$$

ВАРИАНТ 9.

<u>ЗАДАЧА 5.</u> Случайная величина (ξ,η) распределена по нормальному закону с математическим ожиданием (μ_1,μ_2) и ковариационной матрицей:

$$\sum = \begin{pmatrix} \sigma_{\xi}^2 & \operatorname{cov}(\xi; \eta) \\ \operatorname{cov}(\eta; \xi) & \sigma_{\eta}^2 \end{pmatrix}.$$

Найти:
$$P(1<\xi-3\eta<2)$$
 . $(\mu_1,\mu_2)=(0;0)$; $\sum=\begin{pmatrix}4&-\frac{4\sqrt{3}}{3}\\-\frac{4\sqrt{3}}{3}&4\end{pmatrix}$.

<u>ЗАДАЧА 6.</u>

$$P(-1 < \xi < 1 | \eta = \sqrt{3}).$$

ВАРИАНТ 10.

<u>ЗАДАЧА 5.</u> Случайная величина (ξ,η) распределена по нормальному закону с математическим ожиданием (μ_1,μ_2) и ковариационной матрицей:

$$\sum = \begin{pmatrix} \sigma_{\xi}^2 & \cos(\xi; \eta) \\ \cos(\eta; \xi) & \sigma_{\eta}^2 \end{pmatrix}.$$

Найти:
$$P(3<\xi-3\eta<5)$$
 если $(\mu_1,\mu_2)=(4;0)$; $\sum=\begin{pmatrix}48&-24\\-24&48\end{pmatrix}$.

<u>ЗАДАЧА 6.</u>

$$P(0 < \xi < 9 | \eta = 2).$$

ВАРИАНТ 11.

<u>ЗАДАЧА 5.</u> Случайная величина (ξ,η) распределена по нормальному закону с математическим ожиданием (μ_1,μ_2) и ковариационной матрицей:

$$\sum = \begin{pmatrix} \sigma_{\xi}^2 & \operatorname{cov}(\xi; \eta) \\ \operatorname{cov}(\eta; \xi) & \sigma_{\eta}^2 \end{pmatrix}.$$

Найти:
$$P\{\eta > 2\xi\}$$
. $(\mu_1,\mu_2) = (2;1)$; $\sum = \begin{pmatrix} 3/4 & -3/4 \\ -3/4 & 3 \end{pmatrix}$.

<u>ЗАДАЧА 6.</u>

$$P(2 < \xi < 5 | \eta = 0).$$

ВАРИАНТ 12.

<u>ЗАДАЧА 5.</u> Случайная величина (ξ,η) распределена по нормальному закону с математическим ожиданием (μ_1,μ_2) и ковариационной матрицей:

$$\sum = \begin{pmatrix} \sigma_{\xi}^2 & \cos(\xi; \eta) \\ \cos(\eta; \xi) & \sigma_{\eta}^2 \end{pmatrix}.$$

Найти:
$$P\{\eta > 2\xi\}$$
. $(\mu_1,\mu_2) = (6;10)$; $\sum = \begin{pmatrix} 0,5 & 0,5 \\ 0,5 & 1 \end{pmatrix}$.

<u>ЗАДАЧА 6.</u>

$$P(5 < \xi < 7 | \eta = 9).$$

ВАРИАНТ 13.

<u>ЗАДАЧА 5.</u> Случайная величина (ξ,η) распределена по нормальному закону с математическим ожиданием (μ_1,μ_2) и ковариационной матрицей:

$$\sum = \begin{pmatrix} \sigma_{\xi}^2 & \cos(\xi; \eta) \\ \cos(\eta; \xi) & \sigma_{\eta}^2 \end{pmatrix}.$$

Найти:
$$P\{\eta > 2\xi\}$$
. $(\mu_1,\mu_2) = (0,6;0,3)$; $\sum = \begin{pmatrix} 0,25 & 0,25 \\ 0,25 & 0,81 \end{pmatrix}$.

<u>ЗАДАЧА 6.</u>

$$P(0.5 < \xi < 0.7 | \eta = 0.4).$$

ВАРИАНТ 14.

<u>ЗАДАЧА 5.</u> Случайная величина (ξ,η) распределена по нормальному закону с математическим ожиданием (μ_1,μ_2) и ковариационной матрицей:

$$\sum = \begin{pmatrix} \sigma_{\xi}^2 & \operatorname{cov}(\xi; \eta) \\ \operatorname{cov}(\eta; \xi) & \sigma_{\eta}^2 \end{pmatrix}.$$

Найти:
$$P\{\eta > 2\xi\}$$
. $(\mu_1,\mu_2) = (2;1)$; $\sum = \begin{pmatrix} 1 & -2 \\ -2 & 13 \end{pmatrix}$.

<u>ЗАДАЧА 6.</u>

$$P(1.5 < \xi < 2.5 | \eta = 1.5).$$

ВАРИАНТ 15.

<u>ЗАДАЧА 5.</u> Случайная величина (ξ,η) распределена по нормальному закону с математическим ожиданием (μ_1,μ_2) и ковариационной матрицей:

$$\sum = \begin{pmatrix} \sigma_{\xi}^2 & \operatorname{cov}(\xi; \eta) \\ \operatorname{cov}(\eta; \xi) & \sigma_{\eta}^2 \end{pmatrix}.$$

Найти:
$$P\{\eta > 2\xi\}$$
. $(\mu_1,\mu_2) = (2;7);$ $\sum = \begin{pmatrix} 4 & -1 \\ -1 & 16 \end{pmatrix}$.

<u>ЗАДАЧА 6.</u>

$$P(1.5 < \xi < 2.5 | \eta = 6).$$

ВАРИАНТ 16.

<u>ЗАДАЧА 5.</u> Случайная величина (ξ,η) распределена по нормальному закону с математическим ожиданием (μ_1,μ_2) и ковариационной матрицей:

$$\sum = \begin{pmatrix} \sigma_{\xi}^2 & \cos(\xi; \eta) \\ \cos(\eta; \xi) & \sigma_{\eta}^2 \end{pmatrix}.$$

Найти:
$$P(\xi-3\eta<-7)$$
 $(\mu_1,\mu_2)=(0;2);$ $\sum=\begin{pmatrix}48&-24\\-24&48\end{pmatrix}.$

<u>ЗАДАЧА 6.</u>

$$P(|\eta| < 3|\xi = 0).$$

ВАРИАНТ 17.

<u>ЗАДАЧА 5.</u> Случайная величина (ξ,η) распределена по нормальному закону с математическим ожиданием (μ_1,μ_2) и ковариационной матрицей:

$$\sum = \begin{pmatrix} \sigma_{\xi}^2 & \cos(\xi; \eta) \\ \cos(\eta; \xi) & \sigma_{\eta}^2 \end{pmatrix}.$$

Найти:
$$P(\xi-2\eta>-1)$$
 $\qquad (\mu_{\!\scriptscriptstyle 1},\mu_{\!\scriptscriptstyle 2})=(5;2)\,; \quad \sum = \begin{pmatrix} 0,5 & -0,25 \\ -0,25 & 0,5 \end{pmatrix}.$

<u>ЗАДАЧА 6.</u>

$$P(|\eta| < 5.5|\xi = 1).$$

ВАРИАНТ 18.

<u>ЗАДАЧА 5.</u> Случайная величина (ξ,η) распределена по нормальному закону с математическим ожиданием (μ_1,μ_2) и ковариационной матрицей:

$$\sum = \begin{pmatrix} \sigma_{\xi}^2 & \cos(\xi; \eta) \\ \cos(\eta; \xi) & \sigma_{\eta}^2 \end{pmatrix}.$$

Найти:
$$P(\xi-2\eta>8)$$
 $(\mu_1,\mu_2)=(10;0)$; $\sum=\begin{pmatrix}40&-8\sqrt{10}\\-8\sqrt{10}&48\end{pmatrix}$.

<u>ЗАДАЧА 6.</u>

$$P(|\eta| < \frac{8\sqrt{2}}{3}|\xi = 10).$$

ВАРИАНТ 19.

<u>ЗАДАЧА 5.</u> Случайная величина (ξ,η) распределена по нормальному закону с математическим ожиданием (μ_1,μ_2) и ковариационной матрицей:

$$\sum = \begin{pmatrix} \sigma_{\xi}^2 & \cos(\xi; \eta) \\ \cos(\eta; \xi) & \sigma_{\eta}^2 \end{pmatrix}.$$

Найти:
$$P(\xi-2\eta>-1)$$
 , если $(\mu_{\!\scriptscriptstyle 1},\mu_{\!\scriptscriptstyle 2})=(1;1,5)$; $\sum=egin{pmatrix}1,08&-0,54\\-0,54&1,08\end{pmatrix}$.

<u>ЗАДАЧА 6.</u>

$$P(|\eta| < 0.6|\xi = 4).$$

ВАРИАНТ 20.

<u>ЗАДАЧА 5.</u> Случайная величина (ξ,η) распределена по нормальному закону с математическим ожиданием (μ_1,μ_2) и ковариационной матрицей:

$$\sum = \begin{pmatrix} \sigma_{\xi}^2 & \cos(\xi; \eta) \\ \cos(\eta; \xi) & \sigma_{\eta}^2 \end{pmatrix}.$$

Найти:
$$P(\xi-2\eta>-0.5)$$
 , если $(\mu_{\!\scriptscriptstyle 1},\mu_{\!\scriptscriptstyle 2})$ $=$ $(1;0,2)$; $\sum = \begin{pmatrix} 8 & -4 \\ -4 & 18 \end{pmatrix}$.

<u>ЗАДАЧА 6.</u>

$$P(|\eta| < 1|\xi = 3).$$

ВАРИАНТ 21.

<u>ЗАДАЧА 5.</u> Случайная величина (ξ,η) распределена по нормальному закону с математическим ожиданием (μ_1,μ_2) и ковариационной матрицей:

$$\sum = \begin{pmatrix} \sigma_{\xi}^2 & \cos(\xi; \eta) \\ \cos(\eta; \xi) & \sigma_{\eta}^2 \end{pmatrix}.$$

Найти:
$$P\{3\eta-\xi>0\}$$
. $(\mu_1,\mu_2)=(3;3)$; $\sum=\begin{pmatrix}3&-1/2\\-1/2&1/3\end{pmatrix}$.

<u>ЗАДАЧА 6.</u>

$$P(|\eta| < 2|\xi = 3).$$

ВАРИАНТ 22.

<u>ЗАДАЧА 5.</u> Случайная величина (ξ,η) распределена по нормальному закону с математическим ожиданием (μ_1,μ_2) и ковариационной матрицей:

$$\sum = \begin{pmatrix} \sigma_{\xi}^2 & \operatorname{cov}(\xi; \eta) \\ \operatorname{cov}(\eta; \xi) & \sigma_{\eta}^2 \end{pmatrix}.$$

Найти:
$$P\{3\eta-\xi>0\}$$
. $(\mu_1,\mu_2)=(1;1)$; $\sum=\begin{pmatrix}2&-1/3\\-1/3&1/9\end{pmatrix}$.

<u>ЗАДАЧА 6.</u>

$$P(0 < \eta < 2|\xi = 3).$$

ВАРИАНТ 23.

<u>ЗАДАЧА 5.</u> Случайная величина (ξ,η) распределена по нормальному закону с математическим ожиданием (μ_1,μ_2) и ковариационной матрицей:

$$\sum = \begin{pmatrix} \sigma_{\xi}^2 & \operatorname{cov}(\xi; \eta) \\ \operatorname{cov}(\eta; \xi) & \sigma_{\eta}^2 \end{pmatrix}.$$

Найти:
$$P\{3\eta-\xi>0\}$$
. $(\mu_1,\mu_2)=(0;-0,3)$; $\sum=\begin{pmatrix}1&1/6\\1/6&0,09\end{pmatrix}$.

<u>ЗАДАЧА 6.</u>

$$P(0 < \eta < 1 | \xi = 0.5).$$

ВАРИАНТ 24.

<u>ЗАДАЧА 5.</u> Случайная величина (ξ,η) распределена по нормальному закону с математическим ожиданием (μ_1,μ_2) и ковариационной матрицей:

$$\sum = \begin{pmatrix} \sigma_{\xi}^2 & \operatorname{cov}(\xi; \eta) \\ \operatorname{cov}(\eta; \xi) & \sigma_{\eta}^2 \end{pmatrix}.$$

Найти:
$$P\{3\eta-\xi>0\}$$
, если $(\mu_1,\mu_2)=(4;2)$; $\sum=\begin{pmatrix}4&4/3\\4/3&4\end{pmatrix}$.

<u>ЗАДАЧА 6.</u>

$$P(1 < \eta < 3 | \xi = 3.5).$$

ВАРИАНТ 25.

<u>ЗАДАЧА 5.</u> Случайная величина (ξ,η) распределена по нормальному закону с математическим ожиданием (μ_1,μ_2) и ковариационной матрицей:

$$\sum = \begin{pmatrix} \sigma_{\xi}^2 & \operatorname{cov}(\xi; \eta) \\ \operatorname{cov}(\eta; \xi) & \sigma_{\eta}^2 \end{pmatrix}.$$

Найти:
$$P\{3\eta-\xi>0\}$$
. $(\mu_1,\mu_2)=(0;1)$; $\sum=\begin{pmatrix}16&-2/3\\-2/3&16/9\end{pmatrix}$.

<u>ЗАДАЧА 6.</u>

$$P(1.5 < \eta < 3|\xi = 0.5).$$

ВАРИАНТ 26.

<u>ЗАДАЧА 5.</u> Случайная величина (ξ,η) распределена по нормальному закону с математическим ожиданием (μ_1,μ_2) и ковариационной матрицей:

$$\sum = \begin{pmatrix} \sigma_{\xi}^2 & \operatorname{cov}(\xi; \eta) \\ \operatorname{cov}(\eta; \xi) & \sigma_{\eta}^2 \end{pmatrix}.$$

Найти:
$$P(\xi+2\eta>-1)$$
 $(\mu_1,\mu_2)=(4;-3);$ $\sum=\begin{pmatrix}12&3\\3&3\end{pmatrix}.$

<u>ЗАДАЧА 6.</u>

$$P(5 < \xi < 14|\eta = 1).$$

ВАРИАНТ 27.

<u>ЗАДАЧА 5.</u> Случайная величина (ξ,η) распределена по нормальному закону с математическим ожиданием (μ_1,μ_2) и ковариационной матрицей:

$$\sum = \begin{pmatrix} \sigma_{\xi}^2 & \cos(\xi; \eta) \\ \cos(\eta; \xi) & \sigma_{\eta}^2 \end{pmatrix}.$$

Найти:
$$P(\xi+2\eta>11)$$
 , если $(\mu_1,\mu_2)=(1;4,5)$; $\sum=egin{pmatrix}1&5/3\\5/3&5\end{pmatrix}$.

<u>ЗАДАЧА 6.</u>

$$P(1 < \xi < 3 | \eta = 0.5).$$

ВАРИАНТ 28.

<u>ЗАДАЧА 5.</u> Случайная величина (ξ,η) распределена по нормальному закону с математическим ожиданием (μ_1,μ_2) и ковариационной матрицей:

$$\sum = \begin{pmatrix} \sigma_{\xi}^2 & \operatorname{cov}(\xi; \eta) \\ \operatorname{cov}(\eta; \xi) & \sigma_{\eta}^2 \end{pmatrix}.$$

Найти:
$$P(\xi-2\eta>-12)$$
 , если $(\mu_{\!\scriptscriptstyle 1},\mu_{\!\scriptscriptstyle 2})\!=\!(15;\!15)$; $\sum\!=\!\begin{pmatrix}1&1\\1&2\end{pmatrix}$.

<u>ЗАДАЧА 6.</u>

$$P(0 < \xi < 2|\eta = 2).$$

ВАРИАНТ 29.

<u>ЗАДАЧА 5.</u> Случайная величина (ξ,η) распределена по нормальному закону с математическим ожиданием (μ_1,μ_2) и ковариационной матрицей:

$$\sum = \begin{pmatrix} \sigma_{\xi}^2 & \cos(\xi; \eta) \\ \cos(\eta; \xi) & \sigma_{\eta}^2 \end{pmatrix}.$$

Найти:
$$P(\xi-2\eta>-1)$$
 , если $(\mu_1,\mu_2)=(0;0)$; $\sum=\begin{pmatrix}4&-\frac{4\sqrt{3}}{3}\\-\frac{4\sqrt{3}}{3}&4\end{pmatrix}$.

<u>ЗАДАЧА 6.</u>

$$P(-1 < \xi < 1 | \eta = \sqrt{3}).$$

ВАРИАНТ 30.

<u>ЗАДАЧА 5.</u> Случайная величина (ξ,η) распределена по нормальному закону с математическим ожиданием (μ_1,μ_2) и ковариационной матрицей:

$$\sum = \begin{pmatrix} \sigma_{\xi}^2 & \cos(\xi; \eta) \\ \cos(\eta; \xi) & \sigma_{\eta}^2 \end{pmatrix}.$$

Найти:
$$P(\xi-\eta>2)$$
 , если $(\mu_{\!\scriptscriptstyle 1},\mu_{\!\scriptscriptstyle 2})\!=\!(4;0)$; $\sum\!=\!\begin{pmatrix}48&-24\\-24&48\end{pmatrix}$.

<u>ЗАДАЧА 6.</u>

$$P(0 < \xi < 9 | \eta = 2).$$