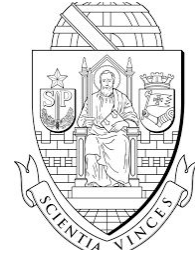




Universidade de São Paulo



Instituto de Ciências Matemáticas e de Computação

Introdução à Ciência de Computação II

Trabalho I

Donizeti Júnior

Nº USP: 9393882

Docente: Ricardo J. G. B. Campello

São Carlos, Setembro de 2016

Introdução

O trabalho consistiu no desenvolvimento de um programa em C que, após receber um número binário, retornasse sua representação decimal. Foi necessária a construção de dois algoritmos distintos: um iterativo e um recursivo.

A seguir, temos os pseudocódigos de ambos os algoritmos usados na execução do problema:

Função iterativa:

```
Int bin2dec(int n) {  
    declaração de variáveis  
    int decimal <- 0  
    int i <- 0  
  
    Enquanto n != 0  
        aux <- (n % 10)  
        decimal += aux * 2i  
        n <- n / 10  
        i <- i + 1  
  
    retorne decimal  
}
```

$$T(n) = 1 + 1 + \log n + 10 \cdot (\log n) + 1 = 11 \cdot \log(n) + 3$$

Portanto a complexidade é de **$O(\log n)$** .

Provando o resultado:

$$f(n) \leq c \cdot g(n), \quad \forall n \geq n_0$$

$$11 \cdot \log(n) + 3 \leq c \cdot \log(n) \text{ e } 11 \cdot \log(n) + 3 \leq \log(n) + 3 \cdot \log(n)$$

$$11 \cdot \log(n) + 3 \leq 4 \cdot \log(n)$$

Assim, pegue $c = 4$ e $n \geq 2$ e a complexidade Big-O está justificada.

Conclui-se, então, que a função $\log(10)n$ é limitada superiormente a função que representa o pior caso do algoritmo utilizado a partir de $c = 4$.

Função recursiva:

```
Int bin2dec (int n) {  
    se (n/10) = 0  
        retorne n  
    senão  
        retorne (n % 10 + 2*bin2dec(n / 10))  
}
```

$$T(1) = T(0) = c$$

$$T(n) = 2 \cdot T(n/10) + c, \text{ para } n \geq 10$$

Portanto a complexidade é de **$O(n \log n)$** .

Funcionamento

Ambos os algoritmos se concentram na ideia de somar, ao resultado final, o módulo do número binário digitado e então dividir o mesmo por 10 até que esta divisão valha 0.