

В качестве нелинейной функции для моделирования выбрана: $(x + a)^2 + b * x^3$
 С параметрами: $a = 1$, $b = 2$, $eps = 4$

2. Оценим параметры линейной модели численно

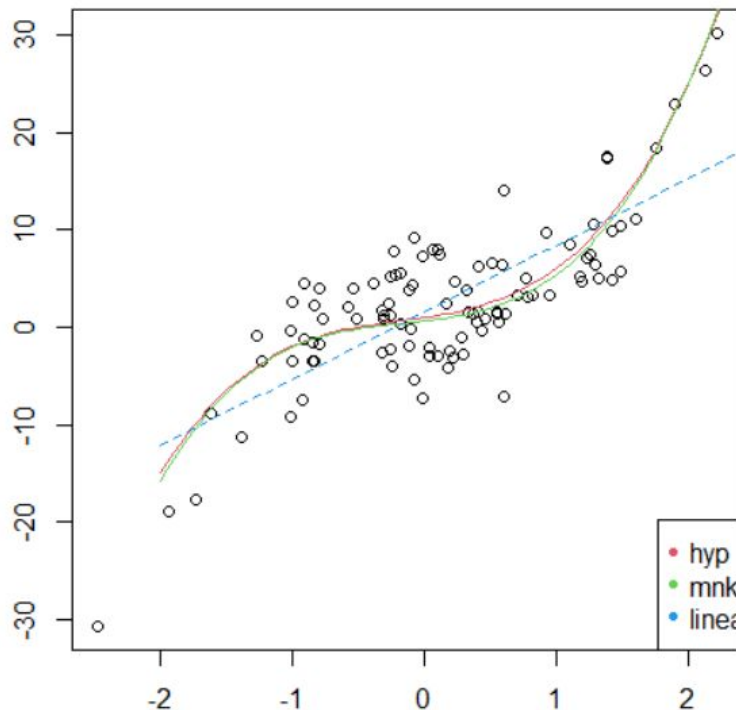
```
1.532381 6.858575
```

Вычисленные параметры линейной модели

Оценим параметры нелинейной модели

```
ab. ab
0.7992796 1
2.1467934 2
```

Вычисленные параметры нелинейной модели (ab.) и оригинальные (ab)



Графики моделей

```
Q.linear      Q.model  Q.model.hat
2729.516      1687.947  1669.944
```

Невязки моделей

Предсказуемо, линейная модель из всех представленных показывает худший результат, поскольку плохо подходит для моделирования нелинейно распределённых данных с

нормальным шумом. В то же время, стоит обратить внимание, что нелинейная модель с оценёнными параметрами показывает лучший результат при применении к данным с нормально распределённым шумом. Причиной тому является тот факт, что изначальные параметры нелинейной модели не учитывают шум, а функция потерь применяется именно на таких данных.

3. Дисперсионный анализ

```
> QT<-sum(( Y-mean(Y) )^2);QT
[1] 6673.484
> QR<-sum((Y.-mean(Y))^2);QR
[1] 3943.968
> QE<-sum((Y-Y.)^2);QE
[1] 2729.516
> R2<-QR/QT;R2
[1] 0.5909909
```

Вычисляем источники вариации (общий, обусл. регрессией и невязка)
и коэффициент детерминации

Проверим гипотезы о значимости прогноза и оценки коэффициентов регрессии.

```
[1] -3.070413e-17
> F.<-QR/QT*(N-2);F.
[1] 57.91711
> Pf<-1-pf(F.,2,N-2);Pf
[1] 0
> Ta<-AB[1]/sqrt(S2a);Ta
      X
2.876625
> Tb<-AB[2]/sqrt(S2b);Tb
11.89973
> Pa<-2*(1-pt(abs(Ta),N-2));Pa
      X
0.004932683
> Pb<-2*(1-pt(abs(Tb),N-2));Pb
0
```

Убеждаемся, что оценкам коэффициентов регрессии и значимости можно доверять ($p\text{-values} < 0.05$). Можно сделать вывод, что оценка прошла успешно.

Проверим оценку при помощи встроенных функций.

	[,1]	[,2]
Pf	0.000000e+00	0.000000e+00
Pa.X	4.596642e-07	4.596642e-07
Pb	0.000000e+00	1.552455e-28

Таблица сравнения p-values ручной оценкой ([, 1]) и встроенной функции ([, 2])

По таблице сравнения можно убедиться, что оценка в обоих случаях позволяет сделать одинаковый вывод, при чём, значения получены с большой точностью (ошибка не более чем 1.e-13).

4.

Call:

lm(formula = Y ~ X1 + X2)

Residuals:

Min	1Q	Median	3Q	Max
-5.3255	-1.0445	-0.0133	1.3133	4.4684

Coefficients:

	Estimate	Std. Error	t value	Pr(> t)	
(Intercept)	9.6933	0.8365	11.588	< 2e-16	***
X1	0.5287	0.2383	2.219	0.0288	*
X2	-3.0865	0.3953	-7.808	6.84e-12	***

Signif. codes:

0 '***' 0.001 '**' 0.01 '*' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1

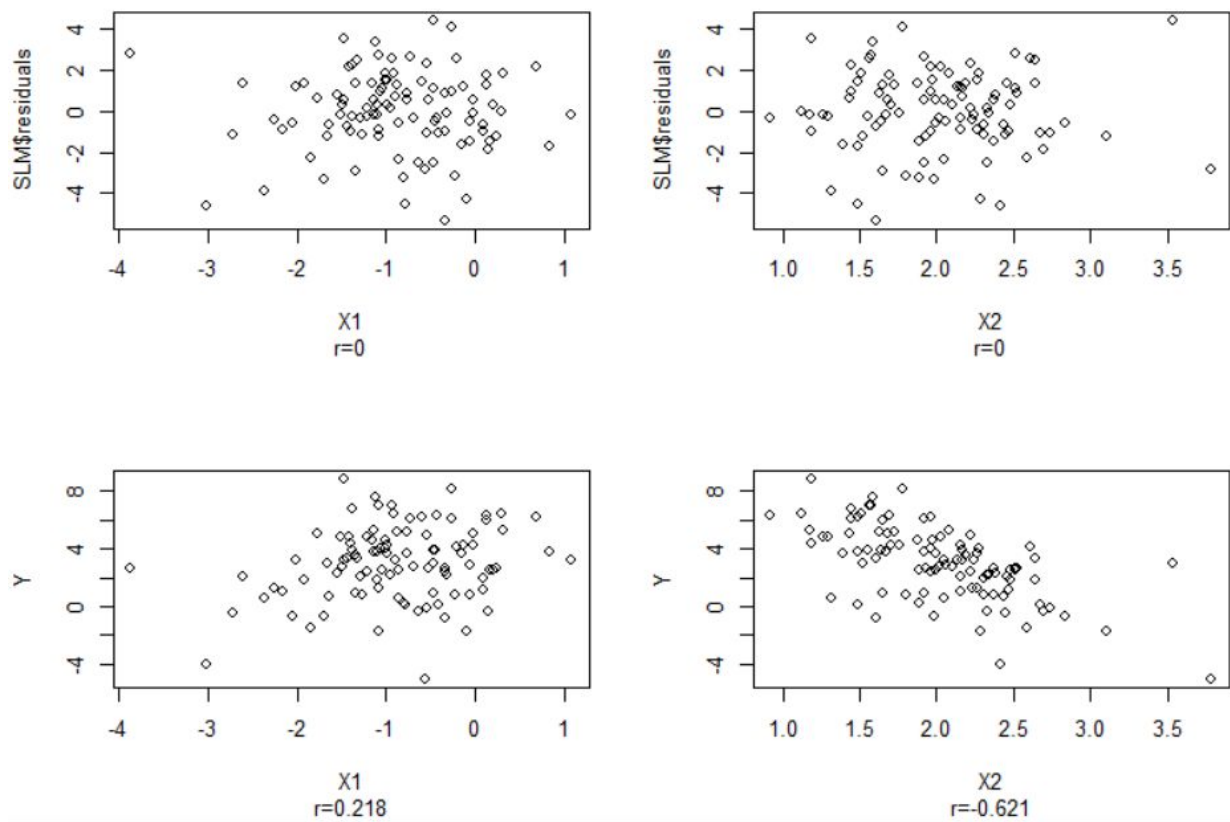
Residual standard error: 1.955 on 97 degrees of freedom

Multiple R-squared: 0.4152, Adjusted R-squared: 0.4032

F-statistic: 34.44 on 2 and 97 DF, p-value: 4.996e-12

Результаты применения lm-функции

Как видно на результатах, p-value по распр. Фишера принимает значение < 0.05, что позволяет судить о том, что существенного различия между выборочным коэффициентом детерминации и коэффициентом детерминации генеральной совокупности нет.



Представление корреляции между остатком и независ. Переменными

По результатам оценки корреляции можно судить о слабой связи (корреляции) между свободными переменными и остатками.