

# Čtvrtá přednáška

NAIL062 Výroková a predikátová logika

---

Jakub Bulín (KTIML MFF UK)

Zimní semestr 2023

## Program

- úvod do tablo metody
- tablo důkaz
- korektnost a úplnost

## Materiály

**Zápisky z přednášky**, Sekce 4.1-4.6 z Kapitoly 4

# KAPITOLA 4: METODA ANALYTICKÉHO TABLA

---

## 4.1 Formální dokazovací systémy

---

# Formální dokazovací systém

chceme zjistit, zda výrok platí  $[T \models \varphi]$ , a to čistě syntakticky, aniž bychom se zabývali sémantikou: najít **(formální) důkaz**  $[T \vdash \varphi]$

**důkaz** je konečný syntaktický objekt vycházející z  $\varphi$  a axiomů  $T$   
dokazování lze dělat **algoritmicky** (pokud máme algoritmický přístup k axiomům  $T$ , která může být nekonečná), a lze rychle algoritmicky **ověřit**, zda je daný objekt opravdu korektní důkaz

- **korektnost**: “co dokážu, platí”

$$T \vdash \varphi \Rightarrow T \models \varphi$$

- **úplnost**: “dokážu vše, co platí”

$$T \models \varphi \Rightarrow T \vdash \varphi$$

(korektnost je nutná, úplnost ne: rychlý dokazovací systém může být praktický i když není úplný)

ukážeme si: *tablo metodu*, *hilbertovský kalkulus*, *rezoluční metodu*

nutný předpoklad: **jazyk musí být spočetný** (potom i  $T$  je spočetná)

## 4.2 Úvod do tablo metody

---

## Tablo metoda neformálně

nejprve případ  $T = \emptyset$ , tedy dokazujeme, že  $\varphi$  platí v *logice*

**tablo** je strom představující **hledání protipříkladu** (modelu  $v \models \varphi$ ),  
když všechny větve **selžou**, máme důkaz (sporem)

labels: **položky**  $T\psi, F\psi$  (určují, zda na dané větvi platí výrok  $\psi$ )

kořen  $F\varphi$ , dále rozvíjíme **redukci** položek (podle struktury výroků v nich), aby platil **invariant**:

Každý model, který se *shoduje* s položkou v kořeni (tj. ve kterém neplatí  $\varphi$ ), se musí *shodovat* i s některou větví tabla (tj. splňovat všechny požadavky vyjádřené položkami na této větvi).

je-li na větvi  $T\psi$  a zároveň  $F\psi$ , potom **selhala** (je **sporná**), pokud všechny větve selhaly, je tablo **sporné**, je to **důkaz**  $T \vdash \varphi$

pokud nějaká větev neselhala a je **dokončená** (vše na ní zredukováno), lze z ní zkonstruovat model, ve kterém  $\varphi$  neplatí