### מדידת תופעות שונות של התפרקות גרעינית בעזרת מונה גייגר-מולר

nativ.maor@campus.technion.ac.il : דוא"ל: 319002911 אים: נתיב מאור ו ת"ז: 319002911 דוא"ל: dor-hay.sha@campus.technion.ac.il שם: דור חי שחם ו ת"ז: 318258555 ו דוא"ל:

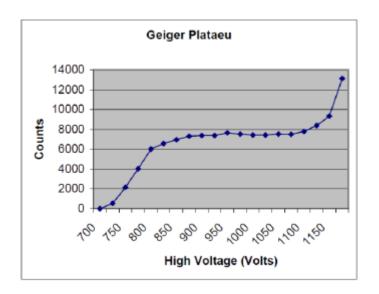
May 20, 2023

## תקציו

בניסוי זה צפינו במספר תופעות שונות של התפרקות גרעינית בעזרת מונה גייגר-מולר. הניסוי הורכב מחמישה חלקים -בחלק הראשון, כחלק מקדים לניסויים הבאים חיפשנו את 'המתח היציב', מתח שבהפעלתו על מונה הגייגר הוא מתפקד בצורה אופטימלית. יצרנו גרף של מספר המיתוגים (קצב מיתוגים  $\equiv$  קצב התפרקויות שנספרו במונה) כתלות במתח ובחרנו במתח שעונה על מספר קריטריונים. קבענו את מתח זה להיות מתח ההפעלה בשאר חלקי הניסוי. בחלק השני של הניסוי נמדד 'קצב הרקע', ספירת המונה כשלא הוצב מקור רדיואקטיבי ליד המונה. בקצב זה השתמשנו בשאר הניסויים על ידי כך שהפחתנו אותו מהממדידות של הקצבים שהתקבלו כשכן הצבנו מקור קורן ליד המונה. נוסף על כך מדדנו את שלושת המומנטים הסטטיסטיים הראשונים של קצב המיתוגים עבור מקור חלש והסקנו מכך האם האופו של ההתפלגות הוא גאוסי או פאוסוני - מצאנו שההתפלגות היא בעלת אופי פאוסוני. בחלק השלישי, בדקנו את הקשר בין מרחק המקור הקורן מהמונה על ידי לקיחת מספר מדידות כשהמקור הוצב במרחקים שונים. מצאנו שהקשר בין חוזק הקרינה והמרחק הוא ריבועי הפוך הסקנו את a מהמדידות והשתמשנו בו בשאר (d=x+a) כשנדרש פקטור תיקון a למרחוק שנמדד בפועל a לdחלקי הניסוי. בחלק זה ראינו התאמה טובה לקשר ריבועי הפוך. בחלק הרביעי, מדדנו את הטווח שבו חלקיקי אלפא נבלעים באוויר. על ידי קירוב הדוגמית הקורנת אל הגלאי חיפשנו את המרחק מהגלאי שעבור מרחק גדול ממנו הקצב במונה דועך דרסטית אל ערך הקרוב לזה של קרינת הרקע. דרך הקשר בין חוזק הקרינה למרחק הערכנו את אנרגיית חלקיקי האלפא וקיבלנו שהערך שהתקבל תואם לערך המקובל בספרות. בחלק החמישי הצבנו מקור קורן של חלקיקי בטא מול הגלאי והצבנו מול הגלאי חוסמי קרינה עשויים אלומיניום בעובי משתנה. דרך הקשר בין עובי החוסמים לקצב המיתוגים הסקנו את מקדם הדעיכה  $\mu$  ואת טווח האנרגיה של חלקיקי הבטא. השווינו את התוצאות לערכים המקובלים בספרות וקיבלנו התאמה לספרות.

#### מבוא

כלי המדידה המרכזי בכל חלקי הניסוי הוא מונה גייגר-מולר. המונה מאפשר זיהוי של קרינה מייננת. שפופרת המונה מכילה גז ושתי אלקטרודות שביניהן הפרש פוטנציאלים. כאשר הגז מיונן, נוצרים יונים חיוביים ואלקטרונים חופשיים. הם מואצים אל האלקטרודות בעקבות השדה החשמלי כשאקלטרונים חופשיים עולים ליינן אטומי גז נופים וכך ליצור מפולת אלקטרונים - בעקבות אפקט זה נוצר פולס והפרש מתחים הניתן למדידה על ידי המונה ומתורגם לספירה של אירועי ינון. מתח עבודה על שפופרת המונה שייתן תוצאות אופטמיליות נמצא ב'תחום היציב' וצריך לקיים שלושה קריטריונים: ראשית, להיות בטווח המתחים בהם הוא מספיק בשביל לאפשר פריקה מלאה לאורך האנודה בכל ספירה ('מעל הברך'). שנית, שינוי קל במתח לא ישנה או ישנה רק מעט את קצב הספירה. ושלישית שיהיה מתחת למתח הפריצה.



איור היציב מביב 1000[Volts] ביב סביב עבור מתחים שונים עבור האופייניים האופייניים עבור אונים האופייניים אונים האופייניים אונים מדי אונים האופייניים אונים האופייניים עבור מתחים אונים מדי אונים האופייניים אונים האופייניים עבור מתחים שונים כשבמרכז סביב וועד התחומים האופייניים עבור מתחים שונים בעבור מתחים בעבור מתחים שונים בעבור מתחים בעבור מתחים

לאחר שמצאנו מתח העונה על דרישות אלה עבדנו איתו במהלך שאר חלקי הניסוי.

אופי התפלגות התפרקות של חומרים רדיואקטיבים מתואר לרוב על ידי תהליך רנדומי פאוסוני שלו ההתפלגות:

(1) 
$$\mathbb{P}(n) = \frac{\lambda^n}{n!} e^{-\lambda}, \ AVG = Var = STD^2 = K_3 = \lambda, \ K_3 = \lambda$$

כשn מספר האירועים בטווח זמן קבוע כלשהו  $\lambda$  .au[sec] הוא פרמטר חסר חסר יחידות המגדיר את ההתפלגות ובמקרה הזה  $K_i$  כש  $K_i$  כש  $K_i$  באווח לשלושת המומנטים הראשונים של ההתפלגות  $K_i$  ההתפלגות של המומנט ה $K_i$  באווח לשלושת המומנט ה $K_i$  באווח לשלושת המומנט ה $K_i$  באווח לשלושת המומנט הזה ההתפלגות במקרה הזה אווח לשלושת המומנט הזה ההתפלגות המומנט הזה החמנט הזמנט הזה החמנט הזמנט הזמ

ההערכה אמפירית של מומנטי התפלגות על פי m מדידות היא לפי

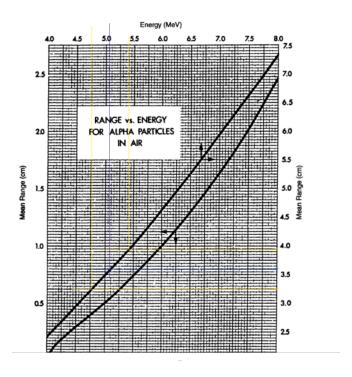
(2) 
$$K_1 = \bar{n} = \frac{\sum_{i=1}^m n_i}{m}, K_2 = \frac{\sum_{i=1}^m (n_i - \bar{n})^2}{m - 1}, K_3 = \frac{\sum_{i=1}^m (n_i - \bar{n})^3}{m - 1}$$

בחלק השלישי של הניסוי נבדק הקשר בין מרחק הדוגמית לעוצמת הקרינה. עוצמת קרינת התפרקות רדיואקטיבית צפויה - Law Square Inverse להיות תלויה במרחק לפי

(3) 
$$I \propto R - R_b \propto \frac{1}{d^2} = \frac{1}{(x+a)^2} \Rightarrow \frac{1}{\sqrt{R - R_b}} \propto x + a$$

x+a כשווה ל d[m] , עוצמת הקרינה,R קצב המיתוגים הכולל ו  $R_b$  קצב מיתוגים מהרקע קצב המרחק המחקור ששווה ל  $I[rac{W}{m^2}]$  כשx הוא מרחק שנמדד וa קבוע הזזה.

בחלק הרביעי של הניסוי מדדנו את התלות של קצב המיתוגים במרחק המקור מהקולט כשהמקור הוא מהתפרקות אלפא. חלקיקי האלפא מעבדים אנרגיה באוויר ועבור מרחק גדול דיו מהקולט נצפה לקצב מיתוגים קרוב לרקע. לפי הקשר הנמדד בין  $R\cdot d^2$  (המתאר את העוצמה הכוללת - ההכפלה ב $d^2$  מדמה חילוק בזווית המרחבית שבה המונה רואה את המקור) ל  $R\cdot d^2$  נקראת הטווח הממוצע  $R_m$ . קשר בין  $R_m$  לאנרגיית חלקיקי האלפא ניתן על ידי האיור הבא:



איור 2:גרף המציג את הקשר בין הטווח הממוצע של הבליעה באוויר לאנרגיה של חלקיקי אלפא. איור 4 מתדריך הניסוי

בחלק החמישי של הניסוי, כשהצבנו מקור של התפרקות בטא אל מול הגלאי והצבנו בין המקור לגלאי אלמנטי אלומניום בחלק החמישי של הניסוי, כשהצבנו מקור של התפרקות בטא אל מול הגלאי והצבנו בין עובי הקשר בין עובי החוסמים לקצב המיתוגים הסקנו את מקדם הדעיכה  $\mu$  לפי הקשר שנגזר מחוק  $Beer\ Lambert$ 

$$I = I_0 e^{-\mu t} \Rightarrow ln(R - R_b) = ln(CI_0) - \mu t$$

כש מחברים .density-thickness material  $t[(\frac{(cm)^2}{mg})^{-1}]$  מקדם הדעיכה ו $\mu[\frac{(cm)^2}{mg}]$  מקדם הלא מחסום, ופרינה ללא מחסום,  $\mu[\frac{(cm)^2}{mg}]$  מקדם הדעיכה וובע מהקשר הפרופורציוני בין  $R-R_b$  ל R הוא קבוע הפרופורציה.

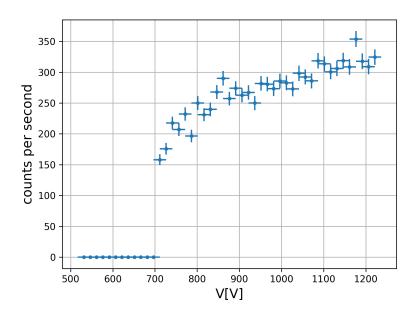
דרך את האנרגיה המקסימלית של חליקי הבטא לפי  $R=rac{8ln(2)}{\mu}$  (Range) דרך ענדיר גודל הנקרא טווח בוסח איז אמפירית:

(5) 
$$E_{max} = e^{6.63 - 3.2376\sqrt{10.2145 - lnR}}[Mev]$$

### תוצאות הניסוי

### Plateau - חלק ראשון

הדלקנו את מערכת הST-360 ואת תוכנת המחשב STX, הנחנו את דגימת הST-360 במדף העליון במ"ג (מונה גייגר). ביצענו מדידה של כמות המיתוגים במונה כפונקציה של מתח העבודה בין המתחים ST-360 כאשר המדידות התבצעו ביצענו מדידה של כמות למדידה. התקבל הגרף הבא:



גרף 1: קצב המיתוגים של מ"ג כפונקציה של מתח העבודה.

השגיאות בכמות המיתוגים בחלק זה ובשאר חלקי הניסוי חושבו כשורש מספר המיתוגים.

מתוך העבודה במתח ובתוכו בחרנו אזור בו נראה שקצב המיתוגים (counts per second) אינה שקצב המיתוגים אזור בו נראה V=1000V

משלב זה כיוונו את מתח העבודה להיות 1000V והשארנו אותו כך.

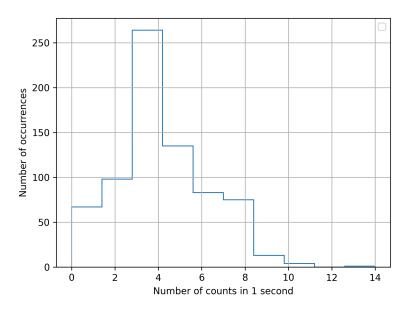
## Statistics of counting and Background Radiation Measurement - חלק שני

הרחקנו את המקורות הרדיואקטיביים מהמ"ג ומדדנו את מספר המיתוגים (counts) במשך שניות בשביל למצוא את קצב המיתוגים של קרינת הרקע, התקבל:

$$R_b = 0.29 \pm 0.05 \ cps$$

 $.cps \equiv counts \ per \ second$  כאשר

:כעת לקחנו מקור רדיאקטיבי - Co-60 וביצענו כCo-60 מדידות של שנייה אחת. התקבלה ההתפלגות הבאה



את כמות המיתוגים בשנייה וציר הy את המיתוגים בשנייה וציר הוא מייצג את כמות המיתוגים בשנייה וציר הy את כמות המפלגות תצפיות המדידות מוצגת כהיסטגורמה - ציר הy המופעים.

2 מתוך מדידות אלו חישבו את הקצב הממוצע ואת סטיית התקן שלו לפי נוסחאות

$$\overline{n} = 4.181 \pm 0.075 cps, \ STD(n) = 2.045$$

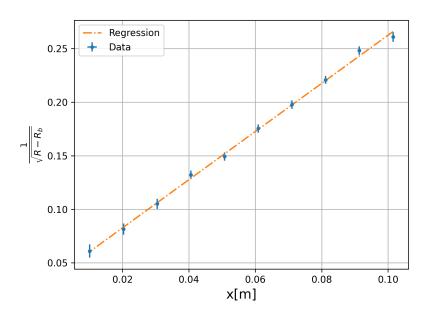
כאשר 0.075 היא סטיית התקן של  $\overline{n}$  ושל הקצב. כאשר 0.075 היא סטיית התקן של ווהתקבל וסטיית התקן שלו (גם לפי נוסחאות  $K_3$  והתקבל

$$K_3 = 3.7 \pm 1.7$$

קיבלנו שהתחום של  $\overline{n}=K_3$  מוכל בתחום של  $K_3$  לכן באופן מובהק סטטיסטי ניתן להגיד ש $\overline{n}$  מוכל בתחום של  $\overline{n}$  (נוסחא 1) קרינת מתפלגת פאוסונית.

Inverse Square Law - חלק שלישי

מדדנו את המרחקים בין המדפים השונים במ"ג, לאחר מכן, הכנסו דגימה של Sr-90 למדף התחתון וביצענו מדידות וביצענו מדידות את קרינת הרקע שמדדנו בחלק השני וביצענו מהמדידות את קרינת הרקע שמדדנו בחלק השני וביצענו התאמה לינארית לפי נוסחא 3. התקבלו התוצאות הבאות:



גרף 3:  $\frac{1}{\sqrt{R-R_b}}$  ביחידות של  $m^{-\frac{1}{2}}$  כפונציה של x - מרחק הדגימה מהמ"ג במטרים. הדגימות מוצגות בכחול והרגרסיה בכתום.

ניתן לראות שיש התאמה טובה לעקום לינארי הן מבחינה איכותית - העקום עובר דרך כל המדידות בטווח השגיאה והן  $R^2=0.998$  מבחינה איכותית - התקבלה התאמה של

.Inverse Square Law התאמה זו היא עדות חזקה לקיום התופעת

:משוואת העקום שהתקבל היא

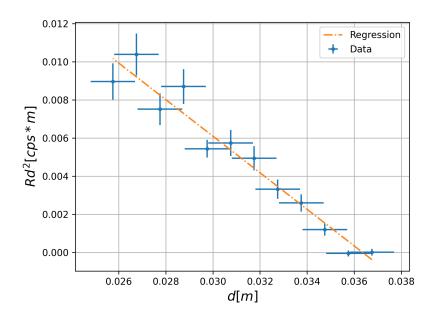
$$y = (2.248 \pm 0.032) x + (0.038 \pm 0.002)$$

מתוך נוסחא 3 והמשוואה שהתקבלה ניתן לחלץ את הפקטור הגיאומטרי a

$$a = 0.0168 \pm 0.0009m$$

### Range of Alpha Particles - חלק רביעי

בחלק זה לקחנו מקור Po-210 והנחנו אותו במדף השני הכי קרוב למ"ג, במדף זה מדדנו ומצאנו כי הקצב מתאים לקרינת הרקע. לאחר מכן ביצענו מדידות של הקצב בגבהים שונים בעזרת הנחת דיסקיות מתחת דקות שונות מתחת למקור. לאחר הפחתת קרינת הרקע מהקצב הנמדד התקבל הגרף הבא:



גרף הדגימה מהמ"ג במטרים.  $cps\cdot m$  כפונציה של במטרים. הדגימה מהמ"ג במטרים. במחדות ארף במחדות מוצגות בכחול והרגרסיה בכתום.

תוקן R בעזרת על ידי המרחק הנמדד מהמ"ג בתוספת הפקטור הגאומטרי שחושב סעיף קודם והקצב d המרחק  $d^2$  בעזרת פקטור של

ניתן לראות שההתאמה לגרף הלינארי אינה טובה במיוחד אך רוב המדידות נמצאות בטווח השגיאה, התקבל מקדם התאמה  $R^2=0.948$ .

מהרגרסיה התקבלה משוואת העקום:

$$y = (-0.96 \pm 0.07) x + (0.0349 \pm 0.0022)$$

lphaביצענו אקסטרפולציה לטווח בו קצב פליטת החלקיקים מתאפס, בעזרת גודל זה ואיור 2 הוערכה האנרגיה של חלקיקי ה להיות

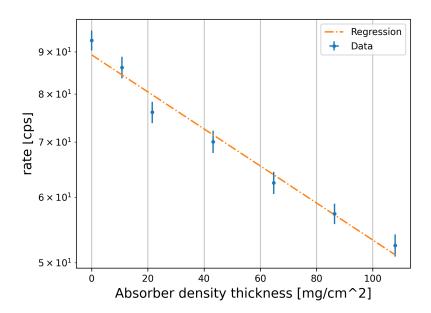
$$E_{\alpha} = 5.06 \pm 0.3 MeV$$

 $.E_{lpha}^{theory} = 5.3 MeV$  [2] את הערך התיאורטי

### Absorption of Beta Particles and Beta Decay Energy - חלק חמישי

הנחנו מקור של Sr-90 בתוך המ"ג במדף השלישי מלמעלה. ביצענו מדידות כך שבכל מדידה שמנו חסם אלומיניום בעובי שונה ומדדנו את כמות המיתוגים שהתקבלה.

התקבלו התוצאות הבאות:



 $rac{cm^2}{cm^2}$  ארף cps קצב המיתוגים (לאחר הפחתת קרינת הרקע) ביחידות של ביחידות של אפיפות העובי ביחידות של cps .y המדידות מסומנות בכחול והרגרסיה בכתום. מוצג בסקלה לוגריתמית בציר

 $\,:$ מקדם ההתאמה לרגרסיה  $\,R^2=0.9775\,$ ומשוואת הרגרסיה מקדם

$$y = (-0.00516 \pm 0.00035) x + (4.492 \pm 0.021)$$

מתוך נוסחא 4 ומשוואת הרגרסיה נקבל את מקדם הבליעה

$$\mu = (5.16 \pm 0.35) \cdot 10^{-3} \frac{cm^2}{mg}$$

. ערך או בפער בער  $\mu_{theory}=0.035\frac{cm^2}{mg}$  [3] התיאורטין בפער התיאורטין גדון אינו תואם את הערך התיאורטין את האנרגיה המקסימלית לפי נוסחא די חישבנו את האנרגיה המקסימלית המקסימלית בערך או הישבנו את האנרגיה המקסימלית המקסימלית בערך החישבנו את האנרגיה המקסימלית בערך החישבנו החישבנו את האנרגיה המקסימלית בערך החישבנו החישבנו את האנרגיה המקסימלית בערך החישבנו החישבנו

$$E_{\beta} = 2.24 \pm 0.14 MeV$$

# דיון בתוצאות

בחלק הראשון מדדנו את מתח העבודה מצאנו שאכן יש טווח מתחים בו קצב המיתוגים אינו תלוי במתח בקירוב טוב כפי בחלק הראשון מדתו זה בחרנו את מתח ההפעלה להיות V=1000V.

בחלק השני מדדנו את הקצב של המיתוגים של קרינת הרקע וקיבלנו  $R_b=0.29\pm0.05cps$  בקצב זה השתמשנו בשאר הניסויים בשביל לבודד את הקצב של המקור. בעזרת מקור Co-60 עליו ביצענו הרבה מדידות מצאנו את הקצב הממוצא של פליטת חלקיקים  $\overline{n}=4.184\pm0.075cps$  ואת סטיית התקן הממוצעת  $STD\left(n\right)=2.045$ . כמו כן חישבנו את המקדם של פליטת התקן שלו והתקבל  $K_3=3.7\pm1.7$  תחת ההנחה של התפלגות פואסונית היינו מצפים לראות חפיפה בטווחים של  $\overline{n}$  ועל פי הנחה של התפלגות נורמלית  $K_3$  אמור להכיל את 0 בטווח. מן התוצאות קיבלנו באופן מובהק סטטיסטי  $\overline{n}$  ולכן נסיק שההתפלגות של הקרינה היא פואסונית.

בחלק השלישי בדקנו התאמה של דעיכת עוצמת הקרינה לדעיכה ריבועית במרחק וקיבלנו התאמה לינארית טובה מאוד של  $R^2=0.998$  בעוסף ממדידה זו חילצנו את הקבוע הגאומטרי  $a=0.0168\pm0.0009m$  אשר שימש אותנו לשאר המדידות. Po=210 השגיאות שהתקבלו מהמדידה היו בחלק הרביעי מדדנו את האנרגיה ומרחק הדעיכה של חלקיק  $\alpha$  בעזרת מקור Po=210 השגיאות שהתקבלו מהמדידה היו גדולות וההתאמה הלינארית לא טובה במיוחד  $R^2=0.948$  אך ניתן לראות בגרף  $\alpha$  שרוב המדידות נמצאות בטווח השגיאה. אנו מייחסים את השגיאות הגדולות וחוסר ההתאמה לכך שהדוגמית מוקמה על משטחים מגביהם אשר הסתירו את הסימון על המדף שעזר לנו למקם את המקור באמצע התא, לכן במהלך חלק המהמדידות המקור לא נמצא באמצע התא ולכן הזווית בה היה ביחס למ"ג לא הייתה אופטימלית והשפיעה על תוצאות הניסוי. בנוסף, משום ששגיאת המדידה לינארית עם שורש כמות המיתוגים ברוב הניסויים דאגנו להמתין מספיק זמן כך שכמות המיתוגים תביא לשגיאה יחית קטנה. אך במקור בו השתמשנו קצב המיתוגים היה מאוד איטי ולכן, משיקולי זמנים, נאלצו לקצר את המדידות, דבר אשר הגדיל את השגיאה היחסית. מתוך הרגרסיה הלינארית חושב טווח הדעיכה של חלקיק ה $\alpha$  והתקבל  $\alpha$  בעלת שגיאה יחסית של  $\alpha$  של  $\alpha$  ומתוך ערך זה חולצה האנרגיה של התקבל  $\alpha$  והתקבלה  $\alpha$  במרשר של אניאה יחסית של  $\alpha$  במרשר במוותה לתיאוריה (2) והתקבל שהיא מכילה את הערך התאורטי  $\alpha$  בעלת שגיאה יחסית של  $\alpha$  האנרגיה הושוותה לתיאוריה (2) והתקבל שהיא מכילה את הערך התאורטי  $\alpha$ 

בחלק החמישי חושב עבור קרינת  $\beta$  הנובעת ממקור Sr-90 מקדם הדעיכה באלומיניום והאנריגה של הקרינה. בוצעה התאמה והתקבלה התאמה לניארית בינונית ללוג הקצב של  $R^2=0.9775$  מבחינה איכותית רוב הדיגמות נמצאות בטווח השגיאה מהרגרסיה. אנו חושדים ששגיאות אלו נבעו מכך שמחסומי האלומיניום ששומשו לא היו בעל פני שטח חלקים דבר אשר גרם לפיזור חלקיקים לא עיקבי בין החסמים השונים והסיט את תוצאות המדידה. מתוך ההתאמה נמצא מקדם הדעיכה באלומיניום להיות  $\mu=(5.16\pm0.35)\cdot10^{-3}\frac{cm^2}{mg}$  ערך אשר לא תאם את הערך התיאורטי[3] בער זה לאחר הדיון באנרגיה. מתוך גודל זה חושבה האנרגיה המקסימלית של

כעת נדון בפער במקדם הדעיכה, על פי מקור 3 לפיו לקחנו את הערך התיאורטי של מקדם הדעיכה האנרגיה שמתאימה 3 לקרינה בטא ב3r-90 היא 3r-90, ערך אשר מתאים לדעיכה הראשונה של 3r-90 על פי מקור 3r-90. היות וראינו שהאנרגיה מחושבת על ידי מרחק הדעיכה והוא מחושב בעזרת 3r-90 נסיק שהם תלויים. מקדם הדעיכה שהוצג במקור 3r-90 מתאים לאנרגיה שונה מן האנרגיה אשר מצאנו במדידות שלנו לכן אין סיבה שמקדם זה יהיה יתאים למקדם שמצאנו בניסוי.

## מסקנות

מצאנו שלמעט מקדם הדעיכה  $\mu$  כל הגדלים הכילו את הגדלים המקובלים בספרות. כמו שראינו בדיון הפער במקדם הדעיכה נבע מחוסר התאמה בגודל הנמדד ולכן כמסקנה יש להשוות לספרות אשר מכילה גודל המתאים לגודל הנמדד. למרות ששאר הגדלים תאמו לתיאוריה השגיאות היחסיות היו לא קטנות (לפחות 6% מהגודל הנמדד ברוב המדידות), כפי שראינו בדיון אנו מייחסים שגיאות אלו לכמות המיתוגים שנלקחה בכל דגימה ושימוש אופטימלי בציוד המעבדה. כמסקנות מכך ניתן להבא להקטין שגיאות אלו בעזרת הקצבת זמן ארוכה בהרבה לניסוי ובכך למדוד מספר גדול של מיתוגים. בנוסף ניתן לסמן על האלומיניום ששימש להגבהת מקור קרינת ה $\alpha$  את המרכז בשביל לאפשר מיקום מדויק יותר של המקור באמצע הגלאי. מסקנה שלישית היא תכנון ניסוי למדידת האפקט הנובע מפני השטח הלא חלקים של מחסומי האלומניום בחלק השלישי של הניסוי, אנו ציינו בדיון שאפקט זה יכל לגרום להשפעה על תוצאות המדידה אך יש לבדוק באופן מסודר אם אפקט זה מובהק סטטיסטית.

# מקורות מידע

- Nuclear Physics Lab Manual 8March2023 תדריך התפרקות גרעינית (1
  - 2) דף מקורות קרינה גרינית.

Baltakmens, T., A simple method for determining the maximum energy of beta emitters by absorption measuremen

#### נספח

• הנוסחא בה השתמשנו לחישוב השגיאות הנגררות בניסוי:

$$\delta F = \sqrt{\left(\frac{\partial F}{\partial x}\delta x\right)^2 + \left(\frac{\partial F}{\partial y}\delta y\right)^2 + \dots}$$

• הנוסחה בה השתמשנו לחישוב השגיאה היחסית בין הערכים המדודים לתיאורטיים בניסוי:

$$\xi_{rel\ err} = \frac{\delta v}{v} \cdot 100\%$$