בדיקת הקשר בין השינוי באורכי הגל ואמפליטודת הפיזור כפונקציה של זווית הפיזור בפיזור קומפטון

nativ.maor@campus.technion.ac.il : דוא"ל: 319002911 איז: 319002911 שם: נתיב מאור ו ת"ז: 318258555 איז ו ו ו ו מיז: 318258555 ו דוא"ל: 318258555 איז בור חי

June 17, 2023

תקציו

בניסוי זה בחנו את תופעת הפיזור המתרחשת כאשר פוטונים פוגעים באלקטרונים חופשיים. דימינו אלקטרונים חופשיים ופיזרנו בעזרתם קרן פוטונים בתחום הXray. מערכת הניסוי הורכבה מתא Xray ובתוכו גלאי שניתן לשלוט בזווית שלו ביחס לדוגמית שממוקמת על הציר האופטי ומהווה מקור לאלמנטים המפזרים (במקרה שלנו אלקטרונים קווזי-חופשיים בפלקסיגלס). לאחר כיול המערכת המאפשר המרה בין ערוץ בגלאי MCA לאנרגיה המתאימה לו (בעזרת דוגמית שקווי הפליטה שלה ידועים לנו), בדקנו את הקשר בין אורכי הגל הפוגעים והיוצאים מהפיזור בזוויות שונות. ציפינו שהקשר יקיים את נוסחאת קומפטון ואכן התקבלה התאמה טובה לכך מתוצאות הניסוי. הסקנו מההתאמה לנוסחת קומפטון את אורך גל קומפטון של האלקטרונים ומכך הסקנו את המסה שלהם, קיבלנו תוצאה שמכילה את הערך המקובל בספרות למסת האלקטרונים במרווח של שתי סטיות תקן. נוסף על כך, בדקנו את הקשר המתקבל בין זווית הפיזור ואורכי הגל הפוגעים והיוצאים של הפוטונים לעוצמת הפיזור והשווינו את הקשר לנוסחת קליין נישינה המנבאת קשר זה משיקולים תיאורטים, קבלנו שאין התאמה בין הנוסחא למתקבל מהניסוי, נדון על פער זה בדיון ותוצאות.

מבוא

לשם דימוי מקור האלקטרונים החופשיים מהם הפוטונים מפוזרים השתמשנו בדוגמית פלקסיגלס בצורת מנסרה מלבנית. בפלקסיגלס יש אלקטרונים קוואזי-חופשיים, שהם אלקטרונים שאנרגית הקשר שלהם היא נמוכה מאוד בהשוואה לאנרגיה של הפוטונים הפוגעים בהם, ולכן הם מדמים בצורה טובה אלקטרונים חופשיים לשם הניסוי. הדוגמית הוצבה בתוך תא Mo שבחלקו השמאלי שפופרת Xray המכילה אטומי Mo הפולטת קרינת Xray בתחום הקווים האופיניים להקרינה עוברת אל התא הימני דרך חריץ, כשבתא הימני מוקמה זרוע שציר הסיבוב שלה ממוקם על הציר האופטי של הקרן ועליו הוצבה דוגמית הפלקסיגלס. בסוף הזרוע הוצב גלאי שניתן לקבוע את הזווית שלו ביחס לדוגמית. הקרן פוגעת בדוגמית ומפוזרת לכל הכיוונים ובין היתר גם אל הגלאי.

מערכת הניסוי מוצגת בתמונה הבאה:



תרשים 1: מערכת הניסוי. משמאל יחידת הX-ray המכילה את שפופרת הערכת הניסוי. משמאל יחידת הX-ray המכילה את הדוגמית.

חלק מקרינת הפיזור נקלט על ידי הגלאי שקריאותיו מוצגות בעזרת MCA מספר פולסים (multichannel-analyzer) מספר פולסים שהתקבלו בערוץ מסוים בגלאי. בגלאי איתו עבדנו אנו מצפים (בעקבות הוראות יצרן) שההמרה בין ערוץ הנקלט לאנרגיה המרה לינארית:

$$(1) E = a \cdot C + b$$

[keV] גם כוף החמרה שלהם יחידות של [keV] הוא הערוץ (חסר יחידות) הם קבועים של ההמרה שלהם יחידות של [keV] גם כוף את המרה זו עשינו בעזרת כיול מדוגמית שמרכיביה ידועים לנו.

כמו כן, האנרגיה של הפוטונים מתקשרת לאורך הגל שלהם על ידי הנוסחא הבאה

(2)
$$E = h\frac{c}{\lambda} \Rightarrow \lambda = \frac{hc}{E}$$

[m]כש [eV] קבוע פלאנק [eV] מהירות האור האור מהירות האור מהירות מהירות פלאנק הפוטון מהירות לושיקולים של שימור אנרגיה ותנע נקבל את הקשר המתאר את פיזור קומפטון:

(3)
$$\lambda' - \lambda = \frac{h}{m_e} c (1 - \cos\theta)$$

(שבמקרה שלנו הוא אלקטרון) מסת חלקיק הפיזור $m_e-[kg]$ אורך הגל המפוזר, אורך אורך אורך הגל הפוגע, $\lambda'-[m]$ אורך אורך הגל הפוזר. $\theta-[rad]$ ו

נוסף על כך, מפיתוחים הנובעים מאלקטרודינמיקה קוונטית (QED) ניתן לקבל את חתך הפעולה הדפרנציאלי של פיזור (שהוא פרופורציוני לעוצמת הקרן היוצאת המתגלת בגלאי לפי הגדרה) מהגדלים הידועים לנו מהנוסחא הקודמת:

(4)
$$I_{out}(\theta) \propto \frac{d\sigma}{d\Omega} = \frac{1}{2} r_e^2 (\frac{\lambda}{\lambda'})^2 (\frac{\lambda}{\lambda'} + \frac{\lambda'}{\lambda} - sin^2 \theta)$$

כש הדיוס הדפרנציאלי ו $r_e[m]$ הוא הדפרנציאלי חתך הפעולה הזפרנציאלי הקרינה המתגלת בגלאי, בגלאי, ווא הקראסי האלקטרון הקלאסי".

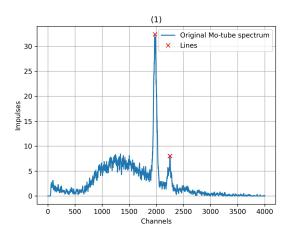
תוצאות הניסוי

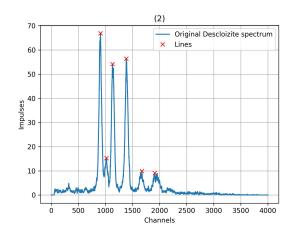
:כיול המערכת

הכנו את מערכת הניסוי המתוארת במבוא. קבענו את הoffset להיות 2 בשביל להעלים את רעשים ולקבל מערכת הניסוי המתוארת במבוא. קבענו את הכנו את מערכת מלאה של הערוצים בהם נקלטים אותות בהתאמה.

לקחנו מדידה של הקרינה של המערכת בשביל לקבל מדידות של Mo לקחנו מדידה של הקרינה של המערכת בשביל לקבל לקבל מדידות של . $Descloizite~\left(PbZn\left(OH\right)VO_{4}\right)$

התקבלו ההיסטוגרמות הבאות:



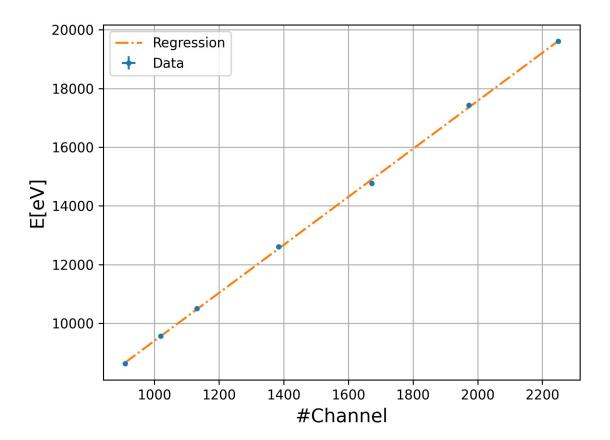


.Descloizite מדידת (2) היסטוגרמה Mo והיסטוגרמה (1: היסטורגמה (1: ה

. מספר הפולסים שנקלטו כפונקציה של מספר הערוץ. בX מסומנים מספר הפולסים שנקלטו כפונקציה של מספר הערוץ.

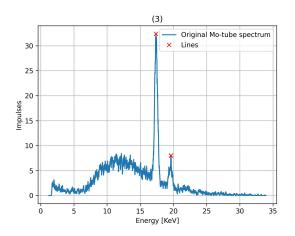
זיהינו את השיאים שהתקבלו והתאמנו אותם לאנרגיות שמתאימות לקווי הפליטה המוכרים של יסודות אלו (במקרה של Descloizite

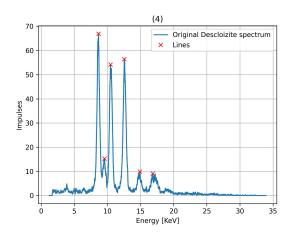
ביצענו רגרסיה לינארית להתאמה לפי נוסחא (1), התקבלו התוצאות הבאות:



גרף 1: אנרגיה כפונקציה של מספר הערוץ. הנקודות הכחולות הן הנקודות שנמדדו והקו הכתום מייצג את ההתאמה הלינארית.

ניתן לראות באופן איכותי שהתקבלה התאמה לינארית טובה מאוד, מבחינה כמותית שהתקבלה התאמה לינארית מתוך הרגרסיה MCA לאנרגיות.





.Descloizite מדידת (4) היסטוגרמה Mo מדידת (3) מדידת היסטוגרמה מדידת היסטוגרמה איסטוגרמה והיסטוגרמה היסטורגמה (4) מדידת

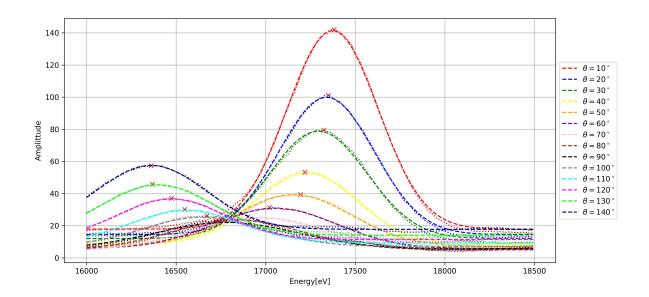
מספר הפולסים שנקלטו כפונקציה של האנרגיה. בX מסומנים המקסימום אשר זוהו כקווי הפליטה.

:מדידת הפיזור

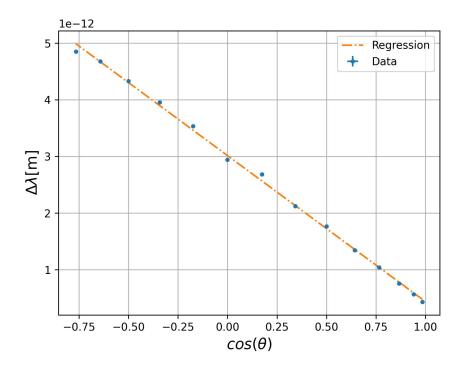
הוצאנו את דוגמית האנרגיה המתפזרת כתלות בזווית Descloizite ומיקמנו במערכת דוגמית פלקסיגלס. בשביל למדוד את האנרגיה המתפזרת כתלות בזווית ביצענו מדידות במשך זמן קבוע של 5 דקות לכל זווית של הראש המודד בין 140° ל 10° ביחס לדוגמית. הסיבה לזמן הקבוע היא שקצב הפליטה פורפורציוני לעוצמה (לאמפליטודה) ולכן בשביל למדוד את העוצמה יש למדוד את הקצב ומכאן שהזמן חייב להיות קבוע.

ביצענו התאמה לגאוסיאן של כל מדידה ובעזרתו זיהינו את עוצמת המדידה המקסימלית והאנרגיה בה היא מתקבלת כאשר נעזרנו בכיול בשביל להמיר את הערוצים לאנרגיות.

:התקבל הגרף הבא



גרף X: עוצמת הפיזור בזוויות שונות כפונקציה של האנרגיה שנמדדה. בX אדום מסומנים השיאים שזוהו. מתוך השיאים חילצנו את האנרגיות בהן התקבלו השיאים ומנוסחא (2) חילצנו את אורכי הגל המתאימים. ביצענו רגרסיה לפי הקשר בין זווית הפיזור לשינוי באורך הגל לפי נוסחא (3) התקבל הגרף הבא:



גרף 3: השינוי באורך הגל במטרים כפונקציה של קוסינוס זווית הפיזור. הנקודות הכחולות הן הנקודות שנמדדו והקו הכתום מייצג את ההתאמה הלינארית.

ניתן לראות התאמה איכותית טובה (ומבחינה כמותית $R^2=0.9984$) כמצופה לפי הנוסחא לפיזור קומפטון. מתוך הרגרסיה חילצנו את אורך גל קומפטון לפי נוסחא (3) והתקבל

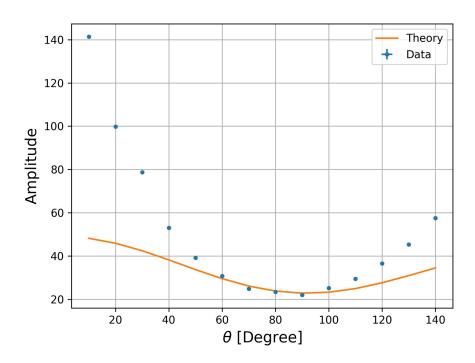
$$\lambda_e = (2.56 \pm 0.03) \cdot 10^{-12} m$$

כאשר השגיאות חולצו מהרגרסיה הלניארית והשגיאות הנגררות חושבו לפי הנוסחא בנספח. תקן. על מכילה את הערך התיאורטי $\lambda_e^{theory} = 2.51 \cdot 10^{-12} m$ במרווח של שתי סטיות תקן. בנוסף, מאורך גל קומפטון חולצה מסת האלקטרון לפי נוסחא (3) והתקבל

$$m_e = (8.9 \pm 0.1) \cdot 10^{-31} kg$$

. תוצאה או שתי של במרווח א $\lambda_e^{theory} = 9.1 \cdot 10^{-31} kg$ התיאורטי את מכילה או מכילה מכילה או תוצאה הערך התיאורטי

לבסוף שרטטנו את המדידות של האמפליטודה כתלות בזווית הפיזור והשוונו לתוצאות התיאורטיות לפי נוסחה (4), התקבל הגרף הבא:



גרף 4: אמפליטודת הפיזור כפונקציה של זווית הפיזור במעלות. הנקודות הכחולות מייצגו תאת המדידות והקו הכתום את הערך התיאורטי.

ניתן לראות איכותית התנהגות דומה אך אין התאמה ממשית בין התוצאות הנסיוניות לתיאורטיות.

דיון בתוצאות

בשלב הכיול מצאנו התאמה מאוד טובה של קשר לינארי בין מספר הערוץ לכמות האנרגיה, הן מבחינה איכותית והן מבחינה בשלב הכיול מצאנו התאמה מאוד טובה של קשר לינארי בין מספר הערוץ לקשר לינארי אכן $(R^2=0.9997)$, דבר המעיד על כך שההנחה של היצרן לקשר לינארי אכן מוצדקת.

כאשר בדקנו את הקשר בין הפרש אורכי הגל הנכנס והיוצא לזווית הפיזור מצאנו שהקשר המצופה מנוסחא (3) מתקבל כאשר בדקנו את הקשר בין הפרש אורכי הגל היוצא והנכנס היא מתאימה ממבט איכותי ובנוסף בקירוב טוב כשההתאמה ברגרסיה לינארית בין $\cos\theta$ להפרש אורכי הגל היוצא והנכנס היא מתאימה ממבט איכותי ובנוסף עם $\lambda_e=(2.56\pm0.03)\cdot 10^{-12}m$ מתוך אורך גל קומפטון חולץ אורך גל קומפטון $\lambda_e=(2.50\pm0.03)\cdot 10^{-12}m$ ממנו הסקנו את מסת המקובל בספרות הוא $\lambda_e^{theory}=2.51\cdot 10^{-12}m$ (עם שגיאה יחסית של 1.1%), כשהערך המקובל בספרות $m_e^{theory}=9.1\cdot 10^{-31}kg$ (עם שגיאה יחסית של 1.1%), כשהערך המקובל בספרות חקן.

הקשר שהתקבל בין אורכי הגל היוצאים והנכנסים וזווית הפיזור לא התאים לעקום התיאורטי של נוסחא (4), אומנם המינימום של שני העקומים הוא יחיד ומתקבל בזווית 90 מעלות, אך הגרפים לא מתלכדים עבור אף קבוע פרופורציה ונוסף על כך תחומי הקעירות שונים בין העקומים. יתכן שהפערים נובעים מכך שחלק מההנחות הנדרשות לפיתוח התיאורטי של קליין נישינה לא מתקיימות במערכת הניסוי. למשל, המודל התיאורטי מתעלם מהאפשרות של פיזור ממספר אלמנטים שונים (למשל אלקטרונים בשכבות שונות של הפלקסיגלס) והאפשרות של קליטת קרינה ישירה היוצאת מהחריץ שלא עוברת פיזור (דבר שיכול להסביר במידה מסוימת את השוני בעוצמה בזוויות הנמוכות).

מסקנות

מהניסוי נסיק שנוסחת קומפטון אכן מתקיימת בקירוב טוב. בנוסף, הסקנו שבעזרת פיזור קומפטון ניתן למדוד את מסת האלקטרון בדיוק לא רע (כ1%).

כמו כן, נראה שמערכת הניסוי אינה מתאימה לבחון את נכונות נוסחת קליין-נשינה ולשם כך יש לתכנן ניסוי אשר יתחשב באידאליזציות שעשינו למערכת.

ניסוי המשך אפשרי אשר ינסה לכפות על רוב האלומה להתפזר בפלקסיגלס כדי שלא תהיה פגיעה של קרינה לא מפוזרת בגלאי.

ניסוי אפשרי נוסף הוא מדידת פיזור קומפטון עם דוגמיות שונות של פלקסיגלס בעלי עובי שונה בשביל לבדוק את השפעת הפיזורים השונים בתוך הפלקסיגלס על אמפליטודת הפיזור הנמדדת.

מקורות מידע

1) תדריך פיזור קומפטון.

נספח

• הנוסחא בה השתמשנו לחישוב השגיאות הנגררות בניסוי:

$$\delta F = \sqrt{\left(\frac{\partial F}{\partial x}\delta x\right)^2 + \left(\frac{\partial F}{\partial y}\delta y\right)^2 + \dots}$$

כאשר של פונקציה של פונקציה המאיאה הנגררת הא δF ו ו- x,y,\dots של של המשתנים כאשר המאיאה הנגררת הא δF היא של המשתנים המאיאה הנגררת האיאה המאיאה בי המשתנים האיא המאיאה בי המשתנים האיאה בי המשתנים בי המשתנים האיאה המארה בי המשתנים האיאה המארה בי המשתנים הא

• הנוסחא בה השתמשנו לחישוב השגיאה היחסית בין הערכים המדודים לתיאורטיים בניסוי:

$$\xi_{rel\ err} = \frac{\delta v}{v} \cdot 100\%$$