Problem 1

(a)分别对学生以及公司使用算法即可,这里用首字母代表学生和公司。

对学生使用:

A:B S:A T:H E:D

对公司使用:

A:A B:S H:T D:E

(b)分别对男生和女生使用该算法,查看结果是否相同。

Problem 2

不变的命题为: a,c,d

注意invariants表示命题永远错误或者命题变成正确之后一直正确。

(a)如果Alice是Harry列表中唯一的女生,因为最终会结婚,而且列表中不会增加女生,所以之后Alice依然是Harry列表中唯一的女生。

- (b)显然不存在,因为最终总要结婚。
- (c)由定义即可。
- (d)如果Alice的名字从Harry的列表中划去,那么比起列表中其余女生,Harry更喜欢Alice。
- (e)不一定,该算法只能保证每轮向女生示好的男生中只保留其最喜欢的,但是不同轮之间的喜爱程度无法比较。

Problem 3

对于任意男孩a,任取属于a的list上的女孩b,男孩a选择其中最好的(最喜欢他的女孩);任取不属于a的list上的女孩c,由题目中的命题可知c更喜欢另一个男孩d。无论那种情形,都不会构成rogue couple。

Problem 4

假设学生集合为S, 医院集合为H, 我们称匹配稳定, 如果不存在 $s \in S, h \in H$ 使得如下三个性质同时成立:

- 1. s 没有被分配到h。
- 2. s对h的排名高于其分配的医院。

3. h对s的评分高于其医院的某个学生 c_h 。

将学生视为男生,医院视为女生,然后使用该算法,修改点为医院再存储一张表,记录其评分最好的k个学生(假设医院接收的学生数量为k),假设某个学生不在表上,那么该学生的list上需要删除该医院。

参考资料: http://timroughgarden.org/f16/l/l2.pdf