

Министерство науки и высшего образования Российской Федерации
Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение
высшего образования

ТОМСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ
СИСТЕМ УПРАВЛЕНИЯ И РАДИОЭЛЕКТРОНИКИ (ТУСУР)
Кафедра автоматизированных систем управления (АСУ)

ОСНОВНЫЕ ФУНКЦИИ MPI
Лабораторная работа №1
по дисциплине
«Параллельное программирование»

Студент гр. 430-2

_____ А.А. Лузинсан

«____» _____ 2023 г.

Руководитель

Доцент кафедры АСУ

_____ С.М. Алфёров

«____» _____ 2023 г.

Томск 2023

Оглавление

Введение.....	3
1 Ход работы.....	4
Заключение.....	8
Приложение А (обязательное) Листинг программы.....	9

Введение

Цель работы: освоить применение основных функций MPI на примере параллельной программы численного интегрирования.

Индивидуальное задание по варианту №6-n:

$$\int_{-0.2}^{1.0} \frac{dx}{1 + (c * x)^2} = \frac{1}{c} \arctg(c * x); \quad c = 0.9$$

1 Ход работы

1. Создать в домашнем каталоге папку для лабораторной работы №1. Скопировать в него программу `integn.c`. Проверить работоспособность программы в режиме последовательного и параллельного выполнения на разном числе процессов. Какой метод численного интегрирования используется в программе? Разобраться в MPI функциях, используемых в программе. Определить назначение и типы параметров функций. Какие дополнительные функции, кроме шести основных используются в программе?

Посредством подключения через Visual Code Remote было произведено удалённое подключение к кластеру `cluster.asu.tusur.ru`. Далее файл `integn.cpp` был скопирован в каталог лабораторной работы и скомпилирован вызовом в терминале команды: `mpicxx -o lab1 integn.cpp`. Программа вычисляет интеграл от функции $\cos(x)$ в интервале от -0.5 до 0.8 методом численного интегрирования, а именно методом прямоугольника. Последовательный вызов программы, выполняемый командой `mpirun -np <n> lab1` на разном числе процессов (1, 2, 4, 8) и количестве интервалов (10000, 100000, 1000000, 10000000) привел к результату, который приведён в таблице 1.1.

Таблица 1.1 — Результаты работы программы `integn.cpp`

Количество процессов	Количество интервалов Time estimating			
	1.00E+04	1.00E+05	1.00E+06	1.00E+07
Последовательный	6.050E-04	5.389E-03	4.787E-02	4.598E-01
2 процесса	3.530E-04	2.298E-03	2.270E-02	2.267E-01
4 процесса	3.300E-04	1.205E-03	1.143E-02	1.155E-01
8 процессов	1.738E-03	1.414E-02	1.885E-02	5.815E-02
AVERAGE INTEGRAL	1.197E+00	1.197E+00	1.197E+00	1.197E+00
AVERAGE ERROR	8.427E-10	8.423E-12	7.928E-14	6.850E-15

Как видно из таблицы, с ростом числа разбиений увеличивается время вычисления и уменьшается погрешность. Однако стоит заметить, что при количестве разбиений равное 1000000, увеличение количества потоков уменьшает общее время на вычисление интегральной суммы.

В программе используется несколько основных функций. Помимо них, присутствует вызов следующих функций:

- `MPI_Send(void *buf, int count, MPI_Datatype type, int dest, int tag, MPI_Comm comm)` — функция передачи сообщения от процесса отправителя, где `buf` — адрес буфера памяти отправляемого сообщения, `count` — количество элементов данных в сообщении, `type` — тип элементов данных сообщения, `dest` — ранг процесса-получателя, `tag` — значение-тег для идентификации сообщения, `comm` — коммуникатор, в рамках которого выполняется передача данных.

- `MPI_Recv(void *buf, int count, MPI_Datatype type, int source, int tag, MPI_Comm comm, MPI_Status *status)` — `buf`, `count`, `type`, `comm` — аналогично `MPI_Send`, только для приёма сообщения, `source` — ранг процесса-получателя, `tag` — тег сообщения, которое должно быть принято для процесса, `status` — указатель на структуру данных с информацией о результате выполнения операции приёма данных.

2. Скопировать программу в новый файл. Произвести замену подынтегральной и первообразной функции в соответствии с вариантом. В программе задать значения переменных для пределов интегрирования и параметра математической функции. Выполнить программу на различном числе процессов. Результаты программы направлять переназначением стандартного вывода в файлы результатов.

Для реализации данного пункта задачи потребовалось заменить уже существующие функции `f()` и `fi()` на соответствующие варианту подынтегральную и первообразную функции.

Таким образом подынтегральная функция: $f(a) = 1/(1 + \text{pow}(0.9 * a, 2))$, а соответствующая ей первообразная: $fi(a) = (10/(\text{double})9)*\text{atan}(0.9 * a)$.

Результаты выполнения программы на различном числе процессов представлены в таблице 1.2.

Таблица 1.2 — Результаты работы программы в соответствии с вариантом

Количество процессов	Количество интервалов Time estimating			
	1.00E+04	1.00E+05	1.00E+06	1.00E+07
Последовательный	1.125E-03	1.071E-02	9.425E-02	9.164E-01
2 процесса	5.700E-04	4.626E-03	4.580E-02	4.575E-01
4 процесса	4.960E-04	2.755E-03	2.318E-02	2.314E-01
8 процессов	5.800E-04	1.232E-03	1.242E-02	1.189E-01
AVERAGE INTEGRAL	1.012E+00	1.012E+00	1.012E+00	1.012E+00
AVERAGE ERROR	4.791E-10	1.215E-05	1.215E-06	1.215E-07

В данном случае явно прослеживается польза параллельного выполнения программы, т. к. вне зависимости от используемого количества разбиений при увеличении количества процессов уменьшается общее время вычисления интеграла.

3. Скопировать программу с индивидуальной функцией в новый файл. Заменить индивидуальные функции передачи и приема на коллективные функции MPI_Bcast и MPI_Reduce. Заменить в программе назначения пределов интегрирования и параметра функции на ввод их с терминала. Ввод провести в нулевом процессе. Упаковать введенные с терминала пределы интегрирования и параметр функции в буфер, разослать буфер всем процессам и распаковать (функции MPI_Pack и MPI_Unpack).

В нулевом процессе осуществляется ввод данных с консоли в программу. Далее с помощью метода multiple_pack данные запаковываются в буфер и рассылаются посредством метода broadcast на все процессы. Получив буфер, процессы распаковывают в своих экземплярах класса

необходимые члены класса. Наконец, после вычисления, все процессы посредством метода `reduce` посылают `root` процессу свой результат, в свою очередь `root` процесс принимает данные, применяет оператор `MPI_SUM` и выводит результат вычислений. Результаты выполнения параллельной программы на различном числе процессов представлены в таблице 1.3.

Таблица 1.3 — Результаты работы программы с использованием запаковки данных

Количество процессов	Количество интервалов Time estimating			
	1.00E+04	1.00E+05	1.00E+06	1.00E+07
Последовательный	1.208E-03	1.068E-02	9.358E-02	9.184E-01
2 процесса	7.153E-04	4.616E-03	4.596E-02	4.586E-01
4 процесса	7.148E-04	2.785E-03	2.346E-02	2.315E-01
8 процессов	6.501E-04	1.255E-03	1.190E-02	1.174E-01
AVERAGE INTEGRAL	1.012E+00	1.012E+00	1.012E+00	1.012E+00
AVERAGE ERROR	4.791E-10	1.215E-05	1.215E-06	1.215E-07

Как видно из таблицы, с ростом количества разбиений программа работает медленнее, однако, в перспективе конкретного количества разбиений, увеличение количества процессов в результате приводит к меньшим потерям по времени. Листинг программы представлен приложении А.1.

4. Провести анализ времен выполнения всех трех программ. Какие выводы и рекомендации можно сделать из этого анализа?

В результате анализа всех трёх программ можно сделать вывод, что с увеличением количества процессов повышается эффективность выполнения вычисления, что заметнее всего на большем количестве разбиений интервала определённого интеграла. Также стоит заметить, что при использовании запаковки и распаковки программа в некоторых случаях работает медленнее, так как для данных операций нужны временные ресурсы.

Заключение

В результате выполнения лабораторной работы я освоила применение основных функций MPI на примере параллельной программы численного интегрирования.

Приложение А
(обязательное)
Листинг программы

Листинг А.1

```
#include "mpi.h"
#include <cstdio>
#include <math.h>
#include <iostream>
#include <cassert>
#include <fstream>
#include <sstream>
#include <stdio.h>
#include <stdarg.h>

static double f(double a, double c = 0.9);
static double fi(double a, double c = 0.9);

class Communicator{
protected:
    MPI_Comm comm;
    int numprocs;
    char processor_name[MPI_MAX_PROCESSOR_NAME];
    int namelen;
protected:
    Communicator(int argc, char *argv[],
        MPI_Comm _comm = MPI_COMM_WORLD){
        int error;
        if (error = MPI_Init(&argc, &argv)) throw error;
        comm = _comm;
        MPI_Comm_size(comm, &numprocs);
        MPI_Get_processor_name(processor_name, &namelen);
    }

    virtual void printInfo(std::string accompanying_message = "",
        std::ostream &out = std::cout){
        out << "\n\tProcessor name: " << processor_name
            << "\n\tNumber of processes: " << numprocs
            << "\n\t" << accompanying_message;
    }
    ~Communicator() { MPI_Finalize(); }
};
```

```

class Process : public Communicator
{
protected:
    int PID;
    enum PIDs { INIT };
public:
    int getPID() { return PID; }
public:
    Process(int argc, char *argv[], MPI_Comm _comm = MPI_COMM_WORLD)
        : Communicator(argc, argv, _comm)
    { MPI_Comm_rank(_comm, &PID); }

    void printInfo(std::string accompanying_message = "",
                  std::ostream &out = std::cout)
    { out << "\n" << PID << ": " << accompanying_message;    fflush(NULL);}

    void send(void *buffer, int to_PID,
              MPI_Datatype type = MPI_INT, int count_data = 1,
              int tag = 1)
    { MPI_Send(buffer, count_data, type, to_PID, tag, comm); }

    MPI_Status receive(void *buffer, int from_PID,
                      MPI_Datatype type = MPI_INT, int count_data = 1, int tag = 1)
    {
        MPI_Status status;
        MPI_Recv(buffer, count_data, type, from_PID, tag, comm, &status);
        return status;
    }

    void broadcast(void *buffer, MPI_Datatype type = MPI_INT,
                  int count_data = 1, int root = Process::INIT)
    { MPI_Bcast(buffer, count_data, type, root, comm); }

    void reduce(void *sendbuf, void *recvbuf, MPI_Datatype type = MPI_INT,
                int root = Process::INIT, MPI_Op _operator = MPI_SUM,
                int count_data = 1)
    { MPI_Reduce(sendbuf, recvbuf, count_data, type, _operator, root, comm);}

    void pack(void *data, int count_data, void *buf, int count_buf,
              MPI_Datatype type = MPI_INT, int *bufpos = NULL)
    { MPI_Pack(data, count_data, type, buf, count_buf, bufpos, comm); }
    char *multiplePack(int lenBytes, std::string szTypes, ...){
        va_list vl; va_start(vl, szTypes);

```

```

char *buf = (char *)malloc(lenBytes);
int buffpos = 0;
for (int i = 0; szTypes[i] != '\0'; ++i) {
    union Printable_t{ int i; float f; double d; char c; char *s; } Printable;
    switch (szTypes[i])
    {
    case 'i':
        Printable.i = va_arg(vl, int);
        pack(&Printable.i, 1, buf, lenBytes, MPI_INT, &buffpos);
        break;
    case 'f':
        Printable.f = va_arg(vl, double);
        pack(&Printable.f, 1, buf, lenBytes, MPI_FLOAT, &buffpos);
        break;
    case 'd':
        Printable.d = va_arg(vl, double);
        pack(&Printable.d, 1, buf, lenBytes, MPI_DOUBLE, &buffpos);
        break;
    case 'c':
        Printable.c = va_arg(vl, int);
        pack(&Printable.c, 1, buf, lenBytes, MPI_CHAR, &buffpos);
        break;
    case 's':
        Printable.s = va_arg(vl, char *);
        pack(&Printable.s, 1, buf, lenBytes, MPI_CHAR, &buffpos);
        break;
    default:
        break;
    }
    } va_end(vl);
return buf;
}

void unpuck(void *inbuf, int insize, void *outbuf, int *buffpos,
            MPI_Datatype type = MPI_INT, int outcount = 1)
{    MPI_Unpack(inbuf, insize, buffpos, outbuf, outcount, type, comm);    }
};

```

```

class Integral : public Process{
private:
    int intervals = 0;
    double xl = -0.2, xh = 1.0;
    double c = 0.9;
    double step;

```

```

double sum = 0.0;
double startwtime, endwtime;
std::ofstream fout;
public:
Integral(int argc, char *argv[], MPI_Comm comm = MPI_COMM_WORLD,
        std::string filename = "output.txt"): Process(argc, argv, comm)
{   fout.open(filename, std::ios::out);   }
~Integral() { fout.close(); }

void printInfo(std::string accompanying_message = "",
              std::ostream &out = std::cout)
{
    out << "\nNumber of intervals: " << intervals
        << "\nLow border: " << xl << "\nHight border: " << xh
        << "\nParameter: " << c << "\n"
        << accompanying_message; fflush(NULL);
}

void unpuckParams(void *buf)
{
    int length = sizeof(int) + sizeof(double) * 3 + 100;
    int bufpos = 0;
    unpuck(buf, length, &intervals, &bufpos);
    unpuck(buf, length, &xl, &bufpos, MPI_DOUBLE);
    unpuck(buf, length, &xh, &bufpos, MPI_DOUBLE);
    unpuck(buf, length, &c, &bufpos, MPI_DOUBLE);
}

int getIntervals(){
    int len_buf = sizeof(int) + sizeof(double) * 3 + 100;
    char *buf;
    if (PID == Process::INIT){
        std::cout << "\nEnter the number of intervals (0 quit): ";
        int n; std::cin >> n; intervals = n;
        if (n != 0) {
            double temp;
            std::cout << "Enter the low border: ";
            std::cin >> temp; xl = temp;
            std::cout << "Enter the hight border: ";
            std::cin >> temp; xh = temp;
            std::cout << "Enter the parameter of function: ";
            std::cin >> temp; c = temp;
        } else

```

```

        xl, xh, c = 0, 0, 0;
        buf = multiplePack(len_buf, "iddd", intervals, xl, xh, c);
        startwtime = MPI_Wtime();
    }
    else buf = new char[len_buf];
    broadcast(buf, MPI_PACKED, len_buf);
    if (PID != Process::INIT){
        unpuckParams(buf);
        if (intervals == 0) return 0;
    }
    delete[] buf;
    return intervals;
}

double evalIntegral(){
    step = (xh - xl) / static_cast<double>(intervals);
    for (int i = PID + 1; i <= intervals; i += numprocs){
        double x = xl + step * ((double)i - 0.5);
        sum += f(x, c);
    }
    sum *= step;
    std::stringstream str;
    str << std::scientific << "SUMM: " << sum;
    Process::printInfo(str.str()); str.clear(); str.str("");
    return sum;
}

double summarazing(){
    double integral = 0;
    reduce(&sum, &integral, MPI_DOUBLE);
    endwtime = MPI_Wtime();
    if (PID == Process::INIT){
        Communicator::printInfo("", fout);
        printInfo("", fout);
        std::stringstream str;
        str << std::scientific << "Integral is approximately: " << integral;
        Process::printInfo(str.str(), fout); str.clear(); str.str("");
        str << std::scientific << "Error: " << integral - fi(xh, c) + fi(xl, c);
        Process::printInfo(str.str(), fout); str.clear(); str.str("");
        str << std::scientific << "Time of calculation: " << endwtime - startwtime;
        Process::printInfo(str.str(), fout); str.clear(); str.str("");
        return integral;
    }
}

```

```

        else    return sum;
    }
    static double f(double a, double c)
    {    return 1 / (1 + pow(c * a, 2));    }
    static double fi(double a, double c)
    {    return (1 / c) * atan(c * a);    }
};

void lab1(int argc, char *argv[]){
    Integral proc(argc, argv);
    while (true){
        int success = proc.getIntervals();
        if (!success) break;
        else{
            proc.evalIntegral();
            proc.summarazing();
        }
    }
}

int main(int argc, char *argv[]){
    lab1(argc, argv);
    return 0;
}

```