

Лабораторная работа №3. Оптимизация функций двух переменных

Задание

Найти минимум функции двух переменных. Использовать следующие методы:

А) два прямых метода (симплексный метод, метод Хука-Дживса);

Точность $\varepsilon = 10^{-4}$.

Варианты задания 2

1) $f(x) = x_1^2 + x_1x_2 + x_2^2 - 3x_1 - 6x_2$
 $\bar{x} = (0; 3); \bar{x}^0 = (3; 2)$

2) $f(x) = x_1^3 + x_2^3 - 15x_1x_2$
 $\bar{x} = (0; 0); \bar{x}^0 = (5, 23; 4, 41)$

3) $f(x) = 4 - (x_1^2 + x_2^2)^{2/3}$
 $\bar{x} = (0; 0); \bar{x}^0 = (2, 31; 4, 27)$

4) $f(x) = (x_1^2 + x_2^2) \cdot (\exp(-x_1^2 - x_2^2) - 1)$
 $\bar{x} = (0; 0); \bar{x}^0 = (1, 5; 2)$

5) $f(x) = x_1^3 + x_2^3 - 3x_1x_2$
 $\bar{x} = (1; 1); \bar{x}^0 = (1, 5; 0, 7)$

$f(x) = 3x_1 - x_1^3 + 3x_2^2 + 4x_2$
6) $\bar{x} = \left(-1; -\frac{2}{3}\right); \bar{x}^0 = (0, 78; 1)$

7) $f(x) = x_1x_2 + \frac{50}{x_1} + \frac{20}{x_2}; x_{1,2} > 0$
 $\bar{x} = (5; 2); \bar{x}^0 = (2; 2)$

8) $f(x) = x_1^2 + x_2^3 - 2\ln x_1 - 18\ln x_2; x_{1,2} > 0$
 $\bar{x} = (1; 1, 817); \bar{x}^0 = (2; 1)$

9) $f(x) = 2x_1^3 - x_1x_2^2 + 5x_1^2 + x_2^2$
 $\bar{x} = (0; 0); \bar{x}^0 = (0, 3; 0, 5)$

$$10) \quad f(x) = 2 - \sqrt[3]{x_1^2 + x_2^2}$$

$$\bar{x} = (0; 0); \bar{x}^0 = (3; 5)$$

$$11) \quad f(x) = x_1^2 + x_2^2 + x_3^2 - 4x_1 + 6x_2 - 2x_3$$

$$\bar{x} = (2; -3; 1); \bar{x}^0 = (10; 20; 30)$$

$$12) \quad f(x) = 100 \cdot (x_2 - x_1^2)^2 + (1 - x_1)^2$$

$$\bar{x} = (1; 1); \bar{x}^0 = (-1, 2; 0)$$

$$f(x) = (x_1^2 + x_2 - 11)^2 + (x_1 + x_2^2 - 11)^2$$

четыре локальных минимума

$$13) \quad \bar{x} = (2, 7; 3, 7); \bar{x} = (2, 8541; 3, 8541);$$

$$\bar{x} = (3, 7; -2, 7); \bar{x} = (-3, 8541; 2, 8541);$$

сходимость обеспечена излюбой начальной точки

$$f(x) = \left(\frac{x_1 - 3}{100} \right)^2 - (x_2 - x_1) + \exp [20 \cdot (x_2 - x_1)]$$

$$14) \quad \bar{x} = (3; 2, 850214); \bar{x}^0 = (0; -1)$$

Очень трудно найти минимум численными методами.

Можно облегчить задачу, если убрать 100 из знаменателя.

$$15) \quad f(x) = 2x_1^3 + 4x_1x_2^2 - 10x_1x_2 + x_2^2$$

$$\bar{x} = (1; 1); \bar{x}^0 = (1, 2; 0, 75)$$

$$16) \quad f(x) = 4x_1 + 2x_2 - x_1^2 - x_2^2 + 5$$

$$\bar{x} = (2; 1); \bar{x}^0 = (7; 4)$$

$$17) \quad f(x) = 2 \cdot x_1^2 + 4x_1x_2 + 3x_2^2$$

$$\bar{x} = (0; 0); \bar{x}^0 = (2; 2)$$

$$18) \quad f(x) = x_1^2 + 2x_2^2 + x_1x_2 - 7x_1 - 7x_2$$

$$\bar{x} = (3; 1); \bar{x}^0 = (0; 0)$$

$$19) \quad f(x) = 2x_1^2 + x_2^2 + x_1x_2 + x_1 + x_2$$

$$\bar{x} = (-0, 143; -0, 428); \bar{x}^0 = (0; 0)$$

$$\begin{aligned}
20) \quad & f(x) = 2x_1^2 + 4x_2^2 + x_1x_2 \\
& \bar{x} = (0; 0); \bar{x}^0 = (-1; -1)
\end{aligned}$$