# IRT - SystemX Génération de scénarios pour les véhicules autonomes

Valérie Garcin, Nicoletta Prencipe, Suzanne Schlich, Dorine Tabary

SEME, Semaine d'Études Mathématiques et Entreprises de Bordeaux

26-30 octobre 2020





# Présentation du problème

- Scénario : ensemble de paramètres du véhicule autonome et de son environnement.
- ▶ Objectif : élaborer une méthode mathématique permettant de générer les 1000 scénarios les plus pertinents obéissant à de multiples nécessités :
  - règles logiques entre paramètres;
  - pondération par criticité et probabilité.

Générer les scénarios sans travail préalable entraîne une explosion combinatoire de 2<sup>45</sup> solutions.

## Les données

#### Criticité et probabilité :

Pour chaque critère : 2 niveaux de criticités (A et B). 5 niveaux de probabilité (A, B, C, D et E) Choix de valeurs pour la criticité : A = 1, B = 0, 5Choix de valeurs de probabilité : A = 0.9, B = 0.7, C = 0.5, D = 0.3, E = 0.1

$$A = 0.9, B = 0.7, C = 0.5, D = 0.3, E = 0.1$$

## Implications :

Matrice de taille  $45 \times 45$ , telle que l'entrée (i, j) vaut 1 si le paramètre *i* implique le paramètre *i* 

#### Exclusions :

Création d'une matrice  $45 \times 45$ , telle que l'entrée (i, j) vaut 1 si les paramètres i et j s'excluent dans un scénario.

#### Les outils utilisables

Pour résoudre les problèmes combinatoires, il existe 2 principales heuristiques de programmation basées sur des fonctions objectif :

### Programmation Linéaire

- ► **A partir** d'une fonction linéaire + variables
- Contraintes = Relations linéaires entre les variables
- Construit la solution (exploration d'un arbre)

#### Les outils utilisables

Pour résoudre les problèmes combinatoires, il existe 2 principales heuristiques de programmation basées sur des fonctions objectif :

#### Programmation Linéaire

- ► **A partir** d'une fonction linéaire + variables
- Contraintes = Relations linéaires entre les variables
- Construit la solution (exploration d'un arbre)

## Programmation Par Contraintes

- ▶ A partir de variables de décisions et de contraintes
- Contraintes = Relations directes entre variables (limitant leurs valeurs)
- Filtre les solutions (propagation des contraintes)

#### Les outils utilisables

Pour résoudre les problèmes combinatoires, il existe 2 principales heuristiques de programmation basées sur des fonctions objectif :

#### Programmation Linéaire

- ► **A partir** d'une fonction linéaire + variables
- Contraintes = Relations linéaires entre les variables
- Construit la solution (exploration d'un arbre)

## Programmation Par Contraintes

- ▶ A partir de variables de décisions et de contraintes
- Contraintes = Relations directes entre variables (limitant leurs valeurs)
- Filtre les solutions (propagation des contraintes)

Notre choix : La PPC! Simple, rapide et efficace

Les données Analyse des outils Implémentation de la méthode

Une programmation par contrainte en 2 étapes

Les données Analyse des outils Implémentation de la méthode

Une programmation par contrainte en 2 étapes

Filtrage, en amont de la génération des scénarios

Une programmation par contrainte en 2 étapes

- Filtrage, en amont de la génération des scénarios
  - \* l'exclusion,  $\overline{A \wedge B}$ , \* l'implication,  $\overline{A \wedge \overline{B}}$ .

Une programmation par contrainte en 2 étapes

- Filtrage, en amont de la génération des scénarios
  - \* l'exclusion,  $\overline{A \wedge B}$ ,
  - \* l'implication,  $\overline{A \wedge \overline{B}}$ .
- ► Filtrage des scénarios selon leur pertinence

## Pertinence des scénarios

On a les données suivantes :

P(i): **probabilité** du critère i

C(i): **criticité** du critère i

## Pertinence des scénarios

- On a les données suivantes :
  - P(i) : **probabilité** du critère i C(i) : **criticité** du critère i
- On définit la **probabilité** et la **criticité** d'un scénario s :

$$\mathsf{Proba}(\mathsf{s}) = \prod_{i \in \mathsf{s}} P(i) \prod_{i \notin \mathsf{s}} (1 - P(i))$$
 $\mathsf{Crit}(\mathsf{s}) = \frac{1}{45} \sum_{i \in \mathsf{s}} C(i)$ 

## Pertinence des scénarios

- On a les données suivantes :
  - P(i) : **probabilité** du critère i C(i) : **criticité** du critère i
- On définit la probabilité et la criticité d'un scénario s :

$$\mathsf{Proba}(\mathsf{s}) = \prod_{i \in \mathsf{s}} P(i) \prod_{i \notin \mathsf{s}} (1 - P(i))$$
 $\mathsf{Crit}(\mathsf{s}) = \frac{1}{45} \sum_{i \in \mathsf{s}} C(i)$ 

▶ On regroupe les deux dans une mesure de la **pertinence d'un scénario** en fonction d'un paramètre  $t \in [0,1]$ :

$$\pi_t(s) = t \operatorname{Crit}(s) + (1-t) \operatorname{Proba}(s)$$

## Formalisation du CSP (Contraint Solving Problem)

$$\begin{cases} \chi = \{\chi_i = \text{``feature''}, i \in \{1, \dots, 45\}\} \\ D = \{D_i = \{0, 1\}, i \in \{1, \dots, 45\}\} \\ \mathcal{C} = \{C_1, C_2, C_3\} \end{cases}$$

- $\triangleright$   $\chi$  est l'ensemble de variables ou paramètre du problème,
- D est l'ensemble des domaines des variables,
- C est l'ensemble de contraintes

$$C_1 = \{\overline{\chi_i \wedge \chi_j}\}_{\{i,j\} \in \mathcal{E}} \quad C_2 = \{\overline{\chi_i \wedge \overline{\chi_j}}\}_{(i,j) \in \mathcal{I}} \quad C_3 = \{\pi_t(s) \ge \alpha\}$$

FIGURE - Sortie Obtenue.

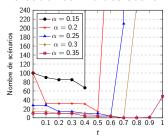
Les données Analyse des outils Implémentation de la méthode

$\alpha/t$	0	0.1	0.2	0.3	0.4	0.5	0.6	0.7	8.0	0.9	1
0.05	704	X	X	X	X	X	X	X	X	X	X
0.075	318	33102	29211	X	X	X	X	X	X	X	X
0.1	225	240	240	21450	X	X	X	X	X	X	X
0.125	169	169	169	169	15468	X	X	X	X	X	X
0.15	100	90	85	85	67	9564	X	Х	X	Х	Х
0.175	100	85	85	32	31	65	9397	X	Х	X	X
0.2	100	32	32	32	31	14	490	1873	X	X	X
0.225	30	29	28	14	14	10	10	580	12993	X	X
0.25	28	28	14	14	10	10	4	210	5127	X	X
0.275	28	14	14	10	10	10	4	0	698	40273	X
0.3	14	14	10	10	10	4	4	0	250	6643	X
0.325	14	10	10	10	4	4	4	0	0	201	4899
0.35	10	10	10	10	4	4	4	0	0	1	48
0.4	10	10	10	4	4	0	0	0	0	0	0
0.45	10	4	4	4	0	0	0	0	0	0	0
0.5	4	4	4	4	0	0	0	0	0	0	0
0.55	4	4	4	0	0	0	0	0	0	0	0
0.6	4	4	0	0	0	0	0	0	0	0	0
0.65	4	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
0.7	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0

TABLE - Tableau des résultats obtenus (nombre de scénarios total).

#### Génération de scénarios

Le code fournit des scénarios selon deux variables : t et  $\alpha$ .

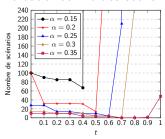


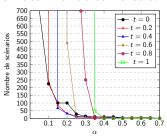
#### Observations:

 Augmentation du nombre de scénarios selon t

#### Génération de scénarios

Le code fournit des scénarios selon deux variables : t et  $\alpha$ .





#### Observations:

 Augmentation du nombre de scénarios selon t

#### Observations:

 Diminution du nombre de scénarios selon α

## Enrichissement en terme de données

- Matrices des implications et des exclusions plus fournies possiblement validées par un expert en sécurité routière.
- Regroupement des paramètres par typologie (météo, voierie, véhicule autonome, état du conducteur, ...).
- Valeurs précises pour les probabilités/criticités à la place de plages de valeurs.

## Autres pistes possibles :

- Choix différent de la fonction  $\pi$  implémentant un choix différent quant à la pertinence.
- Matrice de covariance entre les features pour une approche probabiliste.
- Ajouter comme paramètre le niveau d'autonomie du véhicule.

Enrichissement en terme de donnée Autres pistes possibles Conclusion

### Merci pour votre attention!



Des questions?