Code2 实验报告

郑涛 SA24001077

2024年9月24日

1 问题描述

本次实验目的是实现de Castel jau 算法和基于Bézier基函数的Bézier插值曲线,并具有交互功能。

2 程序思路说明

给定插值点 $p_i(x_i, y_i)(i = 0, 1, \dots, n)$

2.1 de Casteljau算法

对于任意的 $t \in [0,1]$ 根据如下关系求出 $x(t) = b_0^n$:

$$b_i^k = tb_{i+1}^{k-1} + (1-t)b_i^{k-1}$$

2.2 基于Bézier基函数插值算法

固定点 $p_i(i=0,1,\cdots,n)$,Bézier曲线上的点x(t)为所有固定点的一个插值,在 $t(t\in[0,1])$ 时刻的x(t)有如下公式:

$$x(t) = \sum_{i=0}^{n} C_n^i B_i^n(t) p_i$$

其中Bézier基函数:

$$B_i^n(t) = t^i (1-t)^{n-i}$$

3 编译环境

本代码用MATLAB R2022b编译

4 使用说明

本代码可直接运行

5 主要代码展示

```
function p = bezier(p, t, h)
  p = p*[1;1i];
  x = zeros(1, length(t));
  n = length(p) - 1;
  for i = 1:length(t)
     \mathbf{for} \quad \mathbf{j} \ = \ 1 : \mathbf{n} {+} \mathbf{1}
       x(i) = x(i) + factorial (n)/(factorial (n-j+1)*
            factorial (j-1))*t(i)^(j-1)*(1-t(i))^(n-j+1)*
           p(j);
     end
  \mathbf{end}
  p=x;
  if nargin > 2, set (h, 'xdata', real(p), 'ydata', imag(p
      )); end
end
function p = bezier_caste(p, t, h)
  p = p * [1;1i];
  x = zeros(1, length(t));
  n = length(p);
  for i = 1: length(t)
    b=p;
     \mathbf{for} \quad \mathbf{j} = 1:\mathbf{n}-1
       for k = n:-1:j+1
```

```
\begin{array}{l} b(k) \, = \, t\,(\,i\,) * b(k) + (1 - t\,(\,i\,)\,) * b(k - 1)\,; \\ & \text{end} \\ & \text{end} \\ & x\,(\,i\,) = b\,(n)\,; \\ & \text{end} \\ & p = x\,; \\ & \text{if } \ \textbf{nargin} > 2, \textbf{set}\,(\,h\,,\ \ 'x data\,'\,,\ \ \textbf{real}\,(\,p\,)\,,\ \ 'y data\,'\,,\ \ \textbf{imag}\,(\,p\,,\ \ )\,)\,; \ \ \textbf{end} \\ & \text{end} \end{array}
```

6 结果展示

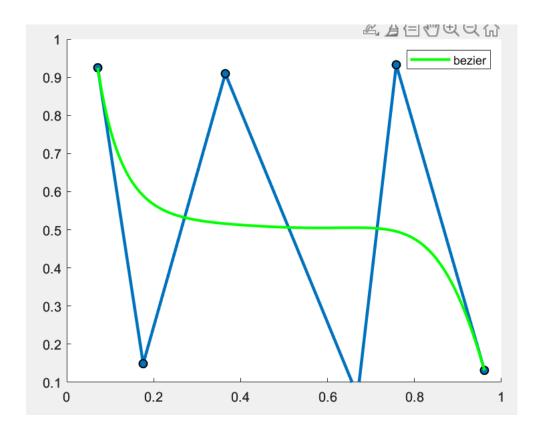


图 1: 基于Bézier基函数的Bézier插值曲线

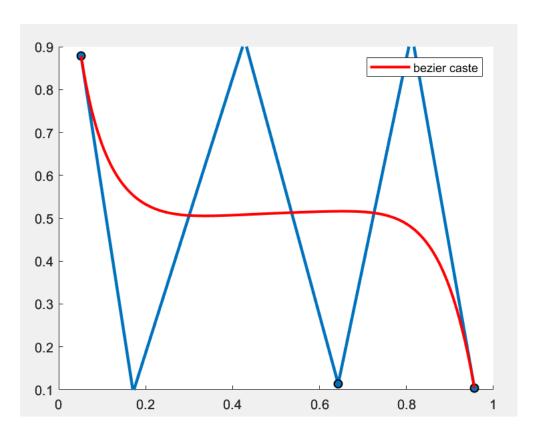


图 2: de Casteljau算法的Bézier插值曲线

7 实验结果分析

完成了两个算法的Bézier插值并实现交互。