

ЗАДАНИЕ №4. Приближенное вычисление определенных интегралов

9	$\sin(1/x)x^4$	[1.0; 2.5]	0.0005
---	----------------	------------	--------

4.1. Вычислить и вывести на печать значения определенного интеграла заданной функции $f(x)$ при заданных пределах $[a; b]$ двумя методами: методом трапеций (**trapz**) и методом Симпсона (**integral**). В параметрах команды задать абсолютную точность вычисления интеграла 'AbsTol', равной значению, заданному в правой колонке таблицы. По умолчанию, в Матлабе относительная точность 'RelTol' равна $1e-6$. Абсолютная точность вычисления интеграла по умолчанию, 'AbsTol' = $1e-10$.

4.2. Построить график (**area**) подынтегральной функции. Найти величину всей окрашенной площади, учитывая, что для площади, расположенной ниже оси x , знак интеграла будет отрицательным, и функцию надо подставлять по абсолютной величине. Сравнить полученный результат с тем, который найден в пункте 4.1.

```
clear;
clc;
fun = @(x) sin(1./x).*x.^4;
xmin = 1;
xmax = 2.5;
x = 1:0.1:2.5;
a = trapz(x, fun(x));
b = integral(fun, xmin, xmax, 'AbsTol', 5e-4);
fprintf('Результат интегрирования трапециями: %f \n', a);
```

Результат интегрирования трапециями: 9.098808

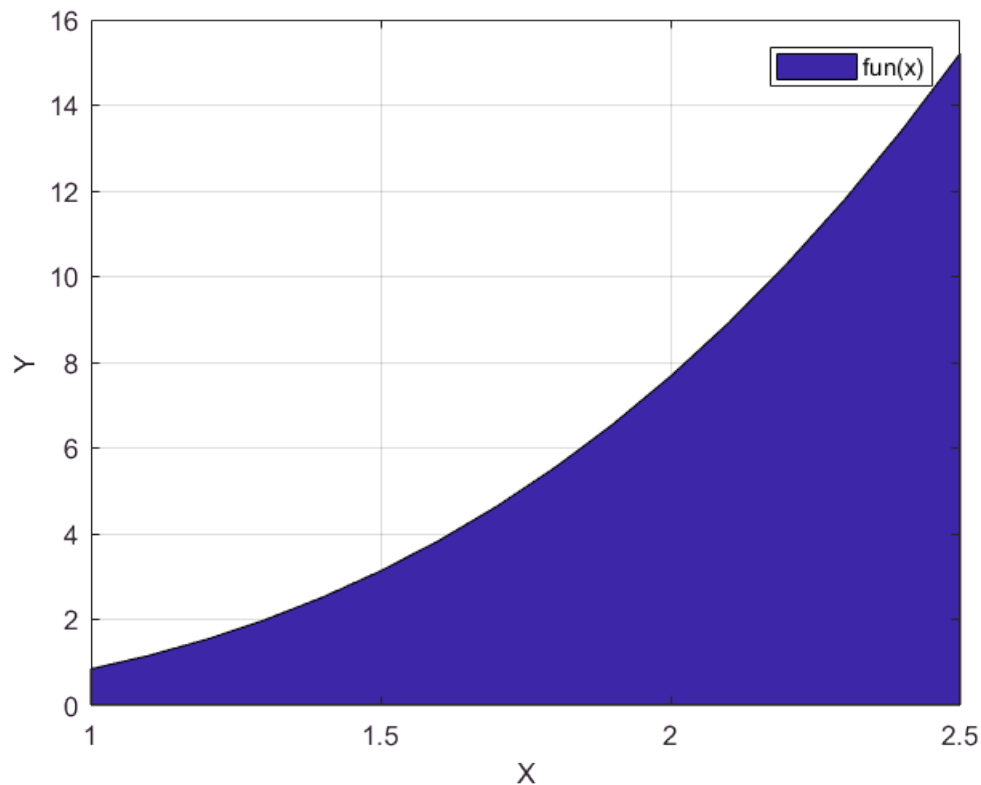
```
fprintf('Результат численного интегрирования: %f \n', b);
```

Результат численного интегрирования: 9.085678

```
fprintf('Величина ошибки: %f \n', a - b);
```

Величина ошибки: 0.013130

```
figure('Name', 'Area', 'NumberTitle', 'off');
area(x, fun(x));
xlabel('X');
ylabel('Y');
legend('fun(x)');
grid on;
```



4.3. Построить с помощью команды `meshz(X,Y,Z)` график функции (табл.4.2) из задания 3_4 «Оптимизация». На этом же рисунке, используя команду `hold on`, построить более широкую «нулевую плоскость» (для большего диапазона изменения аргументов `surf(X1,Y1,Z1-Z1))`. Если эта плоскость служит основанием заштрихованной трехмерной фигуры, то при помощи команды **`integral2`**, найти ее объем. Если «нулевая плоскость» пересекает фигуру или не соприкасается с ней, то «сдвинуть» фигуру, изменив функцию `Z` на такую величину, чтобы «нулевая плоскость» стала ее основанием. Только после этого применить команду **`integral2`**.

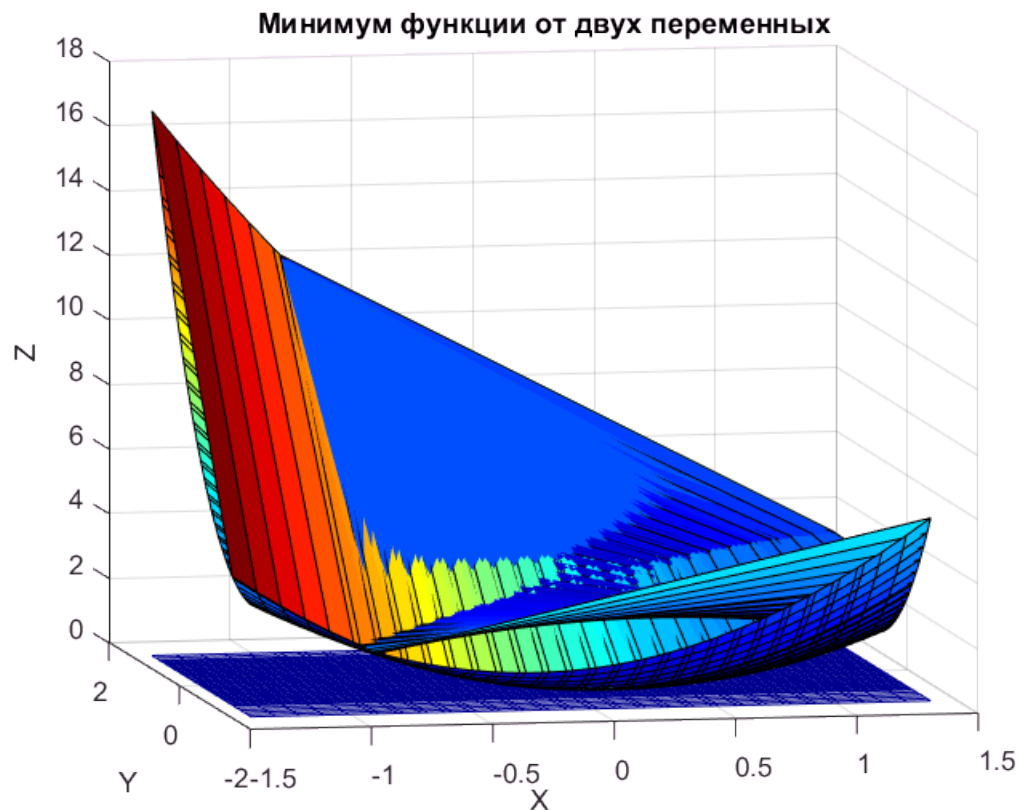
Результаты вычислений интегралов вывести в виде таблицы.

```
clear;
clc;
fun1 = @(x) log(1 + x(1)^2 + x(2)^2)^2 + (x(1) - x(2) - 1)^2;
[xmin, fmin] = fminsearch(fun1, [2; 2]);
fmin = [fmin; fmin];
t = table;
t.Xmin = xmin;
t.Ymin = fmin;
t
```

```
t = 2x2 table
      Xmin      Ymin
      -----
      0.4107     0.1164
     -0.41074    0.1164
```

```
fun = @(x, y) log(1 + x.^2 + y.^2).^2 + (x - y - 1).^2 - fmin(1);
[X,Y] = meshgrid ([xmin(2)-1:0.1:xmin(1)+1, fmin(1)-1:0.1:fmin(1)+1]);
Z = fun(X, Y);
```

```
figure('Name', 'fminsearch', 'NumberTitle', 'off');
hold on;
grid on;
meshz(X, Y, Z-Z);
surf(X, Y, Z);
xlabel('X');
ylabel('Y');
zlabel('Z');
colormap('jet');
title('Минимум функции от двух переменных');
view([-11.0 8.7])
```



```
a = integral2(fun, xmin(2)-1, xmin(1)+1, fmin(1)-1, fmin(1)+1);
fprintf('Результат численного интегрирования: %f \n', a);
```

Результат численного интегрирования: 14.970574