## ערמה בינומית

#### • ניתן למיזוג בצורה יעילה

שימו לב כי סיכום זה נכתב לפני שנה כשהייתי סטודנט בקורס – זה לא מכסה את כל החומר על ערימה בינומית והועלה בגלל ביקוש

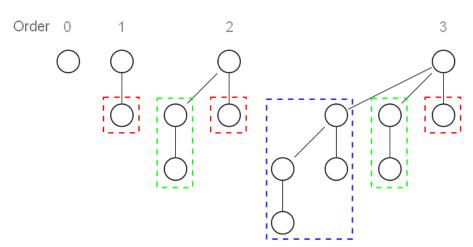
### ערימה בינומית

מורכבת מאוסף של עצים בינומים בגדלים שונים,

העצים מסודרים לפי **גודלם** ולא לפי ערך האיבר בשורש.

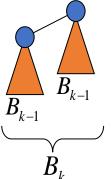
יש לכל היותר  $\log n + 1$  עצים בכל ערמה בינומית





#### עץ בינומי הוא עץ סדור המוגדר באופן רקורסיבי:

- מורכב מצומת יחיד B<sub>0</sub> •
- מורכב משני עצים בינומיים 1<sub>k-1</sub> המקושרים זה לזה: השורש של עץ אחד הוא הבן השמאלי ביותר של B<sub>k</sub> השורש של העץ האחר

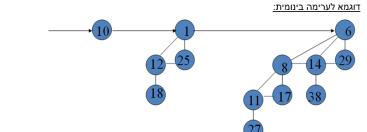


#### Bk תכונות עץ בינומי

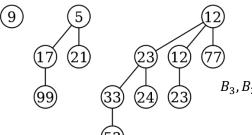
- ם מכיל 2<sup>k</sup> צמתים
  - k גובהו
- i צמתים בגובה  $egin{pmatrix} k \\ i \end{pmatrix}$  ישנם •
- והיא הגדולה בעץ k דרגת השורש היא
- $B_0,\,B_1,\,...,\,B_{k-1}$  הבנים של השורש הם בעצמם עצים בינומיים בגדלים
- בעץ בינומי נשמרת תכונת הערימה המפתח של כל צומת גדול או שווה למפתח של אביו. (מכאן האיבר המינימלי בשורש).
  - עץ בינומי לא חייב להיות כמעט שלם •

צבי מינץ סמסטר ב' 2018

**ערימה בינומית** היא סוג של מבנה הנתונים ערימה .היא ממומשת בעזרת אוסף עצים בינומים .יתרונה הוא שהיא מאפשרת מיזוג שתי ערימות במהירות. דוגמא לערימה ביוומית:



#### :אבחנה



בערימה בינומית יש לכל היותר עץ אחד מכל דרגה. לפיכך, ניתן לדעת איזה עצים יש באוסף לפי כמות הצמתים הכוללת, למשל בערימה הבינומית הנוכחית יש  $13 + 4 + 1 = 2^3 + 2^2 + 2^0 = 2^3 + 2^3 + 2^2 + 2^0$  בערימה הבינומית הינו  $10 + 1 + 1 + 1 + 2^3 + 2^3 + 2^3$  היצוג של  $13 + 1 + 2^3 + 2$ 

#### פעולות:

## ם פעולת Insert

heaps-בין שני ה-merge חדש המכיל את האבר החדש, ונבצע heaps בין שני ה-

## (איחוד שתי ערימות קיימות): Union(H1,H2)

ממזגים את רשימת השורשים בסדר עולה של גודל.

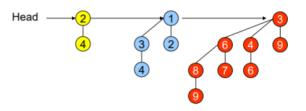
אם יש 2 עצים באותו גודל בשתי הערימות – מאחדים אותם.

אם נוצרים 3 עצים באותו גודל – משאירים אחד ומאחדים זוג.

 $O(\log n)$  סיבוכיות הפעולה:

## ם פעולת minimum

- heapב עלינו לחפש את הערך המינימלי מבין שורשי העצים ב
- · Walk across roots, find minimum
- $O(\lg n)$  since at most  $\lg n + 1$  trees



# ם פעולת delete-min

- מצא את האבר ומחק אותו
- heaps-ומזג את שני ה-binomial heap הפוך את בניו ל

מעבר על כל השורשים ומציאת המינימלי. מוציאים את כל העץ הבינומי מהרשימה. מוציאים את שורש העץ - בניו הם כולם עצים בינומיים שאותם נאחד לערימה חדשה. אז נבצע איחוד של הערימה החדשה עם הקיימת. **סיבוכיות הפעולה:** 0(logn)

https://slideplayer.com/slide/14010568/ (קרדיט על התמונות)