

# Produção de Amônia

Fernado Bispo, Jeff Caponero

# Sumário

<b>Apresentação</b>	<b>2</b>
<b>Atividade 1</b>	<b>3</b>
Introdução . . . . .	3
Resultados . . . . .	3
Análise descritiva dos dados . . . . .	3
Modelo de Regressão Linear Multipla . . . . .	4
Significância do Modelo . . . . .	5
Análise de Resíduos . . . . .	6
Gráficos de Diagnóstico . . . . .	7
Eliminação de observações anômalas . . . . .	13
Conclusões . . . . .	14
<b>Atividade 2</b>	<b>15</b>
Introdução . . . . .	15
Resultados . . . . .	16
Análise descritiva dos dados . . . . .	16
Modelo de Regressão Linear Multipla . . . . .	17
Testes de Diagnósticos do Modelo . . . . .	19
Análise de Resíduos . . . . .	21
Gráficos de Diagnóstico . . . . .	22
$R_j^2$ e VIF dos Preditores . . . . .	30
Eliminação de observações anômalas . . . . .	30
Conclusões . . . . .	32

# Apresentação

O relatório desta semana está dividido em duas atividades.

# Atividade 1

## Introdução

Com base nos dados disponibilizados no *dataset* “stackloss” (do R base), que apresenta dados de 21 dias de operação de um indústria que realiza oxidação de amônia ( $NH_3$ ) em ácido nítrico ( $HNO_3$ ). O ácido nítrico produzido é absorvido na torre de absorção contracorrente. As informações disponíveis na base de dados referem-se a:

- Air flow**: que representa a taxa de operação da indústria (corrente de ar refrigerado);
- Water Temp**: é a temperatura de resfriamento da água que circula nos canos da torre de absorção;
- Acid.Conc.**: é a concentração do ácido [em porcentagem, após tratamento]; e
- stack.loss** (variável dependente) é o percentual (após tratamento) de amônia introduzida no processo industrial que escapa da absorção (representando uma medida(inversa) de eficiência total da indústria).

Com base nestes dados, objetiva-se:

1. Ajustar um modelo linear múltiplo completo para estes dados. Avaliando as estimativas dos parâmetros, os resíduos e a influência das observações no ajuste do modelo, incluindo leverage, distância de Cook, DFBETAs, DFFITs e COVRATIOs.
2. Avaliar a partir de regressão parcial e dos resíduos parciais as variáveis no modelo, bem como o pressuposto de normalidade do resíduos.

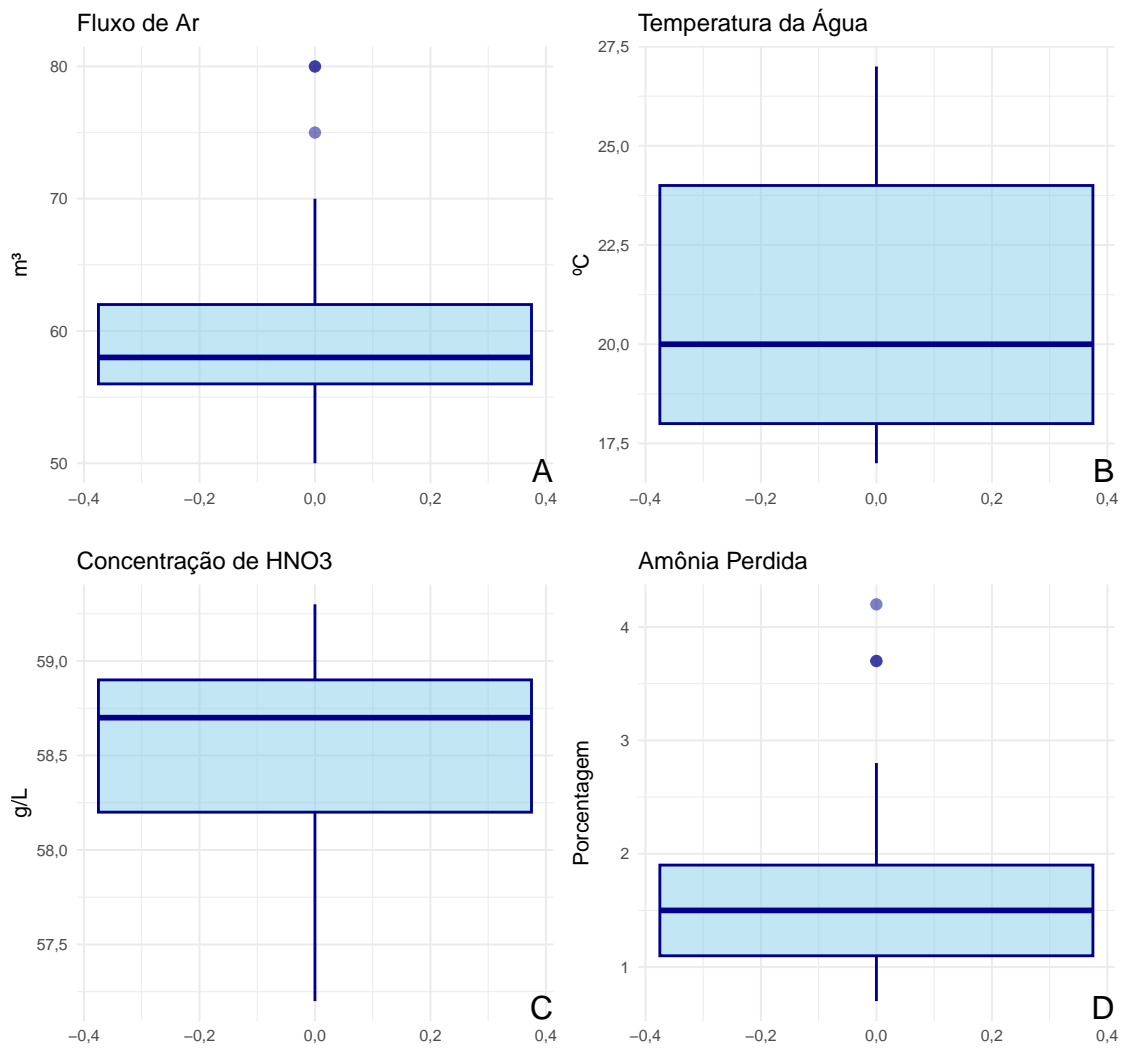
## Resultados

### Análise descritiva dos dados

Tabela 1: Medidas Resumo dos dados

	Mín	Q1	Med	Média	Q3	Máx	Desv.padrão	CV	Assimetria	Curtose
Amônia Perdida	0,7	1,1	1,5	1,75	1,9	4,2	1,02	0,58	1,16	0,13
Concentração de $HNO_3$	57,2	58,2	58,7	58,63	58,9	59,3	0,54	0,01	-0,87	0,19
Fluxo de Ar	50,0	56,0	58,0	60,43	62,0	80,0	9,17	0,15	0,81	-0,26
Temperatura da Água	17,0	18,0	20,0	21,10	24,0	27,0	3,16	0,15	0,47	-1,23

Figura 1: BoxPlot das variáveis em análise.



## Modelo de Regressão Linear Multipla

O modelo obtido pode ser representado por:

$$Y_i = 3,614 + 0,072 X_{1i} + 0,13 X_{2i} - 0,152 X_{3i}$$

Onde:

$Y_i$  - Amônia Perdida;

$X_{1i}$  - Fluxo de Ar;

$X_{2i}$  - Temperatura da Água;

$X_{3i}$  - Concentração de HNO3;

Interpretando-se o modelo pode-se dizer que para cada variável, fixadas as demais condições (*Ceteris Paribus*), temos que a porcentagem de amônia perdida é de 3,614% caso todas as demais variáveis tenham valor zero. Há um aumento de 0,072% na perda de amônia para cada metro cúbico de ar introduzido. O aumento de cada grau Celsius da temperatura da água provoca um aumento de 0,13% de aumento na perda de amônia. O aumento em

1g/L na concentração do ácido nítrico reduz em 0,152% a perda de amônia. Neste modelo o coeficiente de determinação calculado foi de  $R^2 = 0,914$ , o que denota que 91,4% da variância dos dados é explicada pelo modelo. Pode-se calcular o coeficiente de determinação ajustado igual a  $R_a^2 = 0,808$ .

## Significância do Modelo

Após o ajuste do modelo existe a necessidade de se avaliar a significância do mesmo, o teste de hipótese para tal situação será realizado, contendo as seguintes hipóteses:

$$H_0 : \hat{\beta}_1 = 0$$

$$H_1 : \hat{\beta}_1 \neq 0.$$

As Tabelas 2 e 3 trazem os principais resultados da tabela ANOVA e do Intervalo de Confiança para os parâmetros, possibilitando assim inferir sobre o modelo ajustado.

Tabela 2: Análise de Variância (ANOVA)

	$GL^1$	Soma de Quadrados	Quadrado Médio	Estatística F-Snedecor
<b>Fluxo de Ar</b>	1	17,501	17,501	166,3707
<b>Temperatura da Água</b>	1	1,303	1,303	12,3886
<b>Concentração de HNO3</b>	1	0,100	0,100	0,9473
<b>Resíduos</b>	17	1,788	0,105	

*Legenda:*

<sup>1</sup> GL: Graus de Liberdade

Tabela 3: Intervalos de Confiança para os parâmetros estimados no MRLS.

	$LI^1$	$LS^2$
$\hat{\beta}_0$	-15,168	22,396
$\hat{\beta}_1$	0,043	0,100
$\hat{\beta}_2$	0,052	0,207
$\hat{\beta}_3$	-0,482	0,178

*Legenda:*

<sup>1</sup> LI: Limite Inferior (2,5%)

<sup>2</sup> LS: Limite Superior (97,5%)

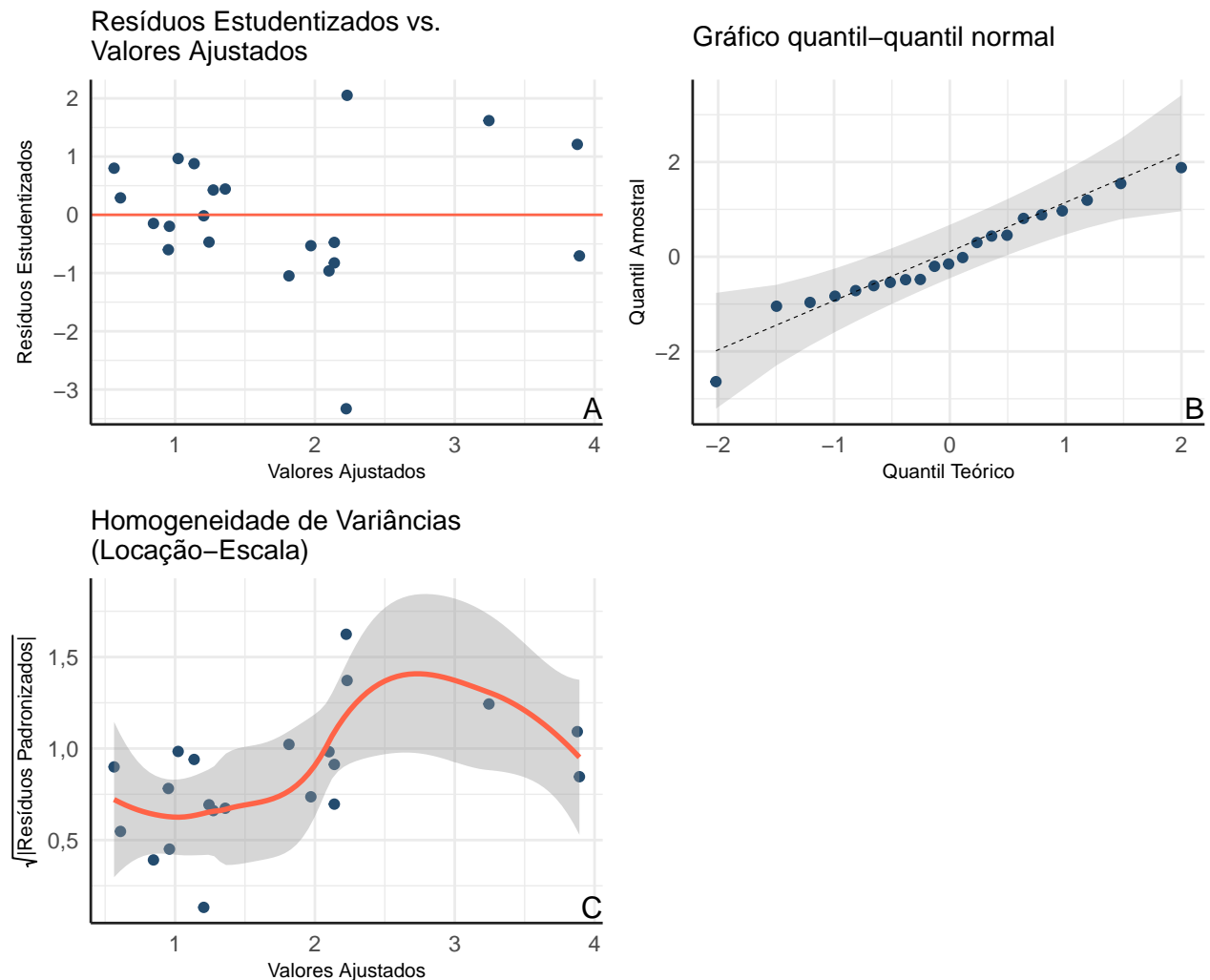
\* Nível de Significância de 5%.

Com base na Tabela 2, avaliando o p-valor é possível afirmar que o modelo é significativo rejeitando assim  $H_0$  que tem como pressuposto  $\hat{\beta}_1 = \hat{\beta}_2 = \hat{\beta}_3 = 0$ .

Através dos Intervalos de Confiança calculados (Tabela 4) é possível afirmar com 95% de confiança que o verdadeiro valor de  $\beta_0$  está entre (-15,1677; 22,3960); que o verdadeiro valor de  $\beta_1$  está entre (0,0431; 0,1000); que o verdadeiro valor de  $\beta_2$  está entre (0,0519; 0,2072); e que o verdadeiro valor de  $\beta_3$  está entre (-0,4819; 0,1776).

## Análise de Resíduos

Figura 2: Análise de resíduos do modelo ajustado



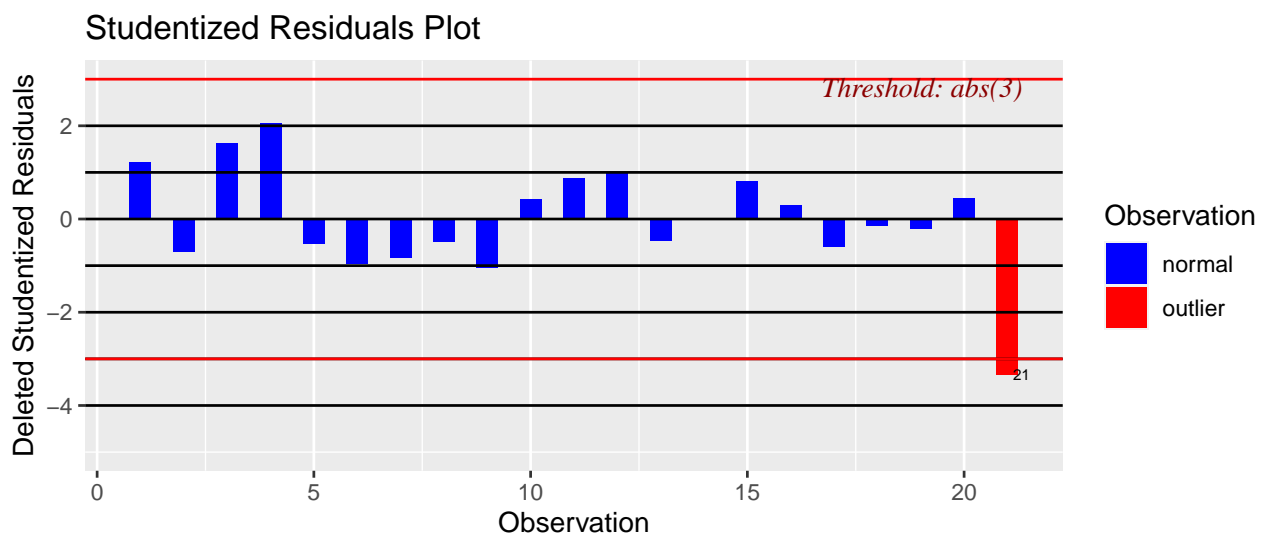
A Figura 2A apresenta um comportamento simétrico dos resíduos, podendo ser constatado uma pequena variabilidade inicial e um aumento desta à medida que os valores ajustados aumentam, caracterizando uma baixa heterocedasticidade. A Figura 2C, que trata da Homogeneidade de Variâncias (Locação-Escala) resalta que há um problema na variabilidade dos dados, ampliando a interpretação feita na análise da Figura 2A, de que há uma mudança na variabilidade dos dados, caracterizando uma certa heterocedasticidade dos dados. A Figura 2B traz o gráfico para avaliação da normalidade dos dados, mostra

que apesar dos dados não estarem precisamente sobre a reta de referência, os mesmos estão contidos na região pertencente ao Intervalo de Confiança - IC, podendo assumir que há normalidade.

## Gráficos de Diagnóstico

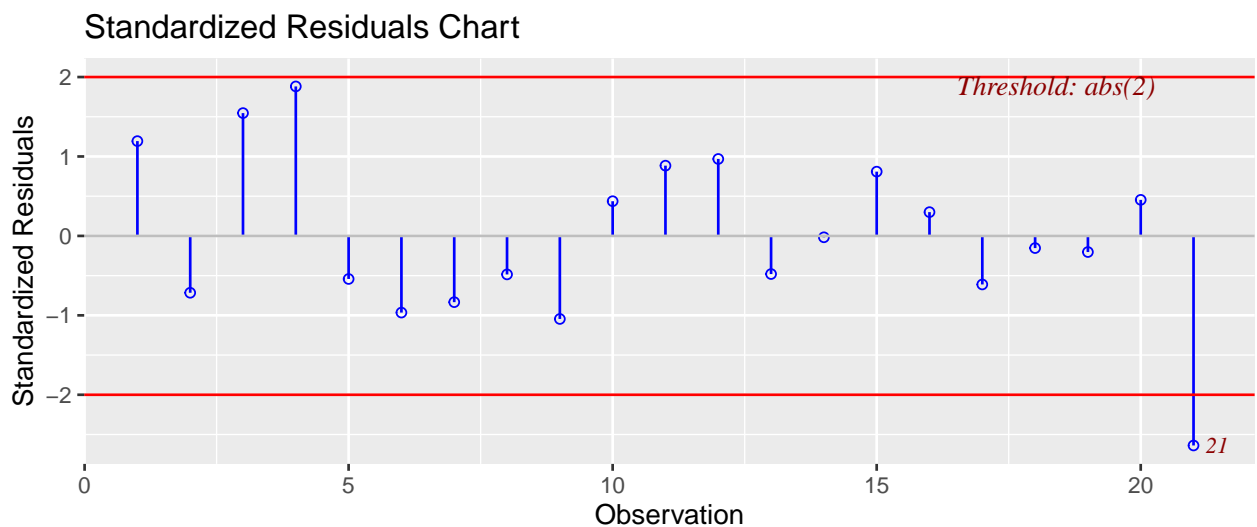
A análise dos gráficos de diagnóstico permite avaliar as observações realizadas e conhecer a influência de cada uma delas para o modelo de regressão proposto. Assim, com base no modelo, é possível fazer as seguintes análises:

**Figura 3: Valores Ajustados e Resíduos Studentizados**



A Figura 3 demonstra que os resíduos estão todos dentro dos limites esperados, com exceção da observação 21 que por pouco ultrapassou o limite inferior. Não parece ser o caso de nenhuma intervenção por conta deste valor.

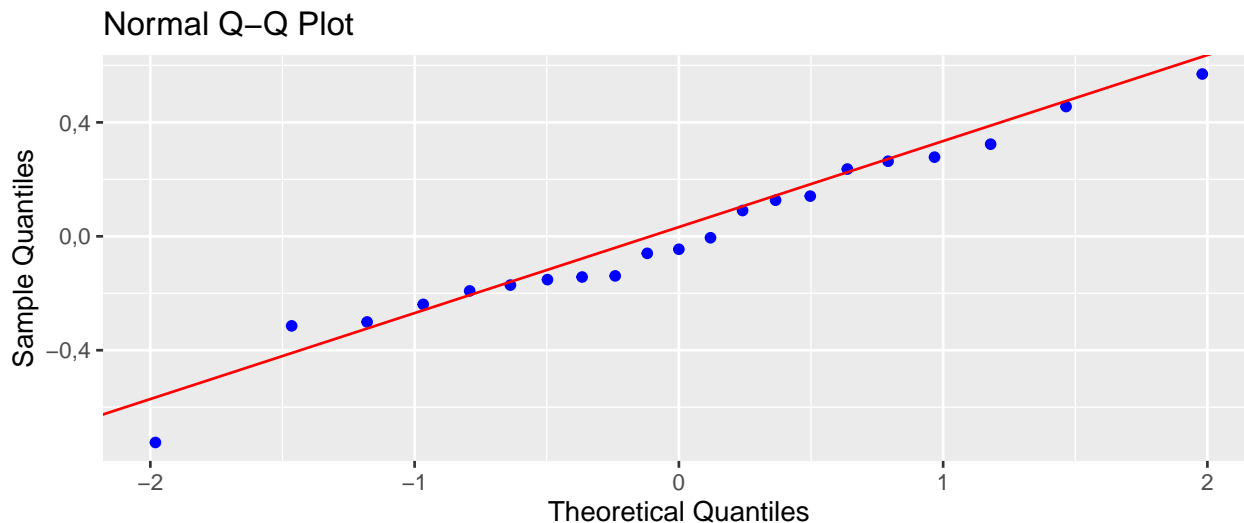
**Figura 4: Valores Ajustados e Resíduos Padronizados.**





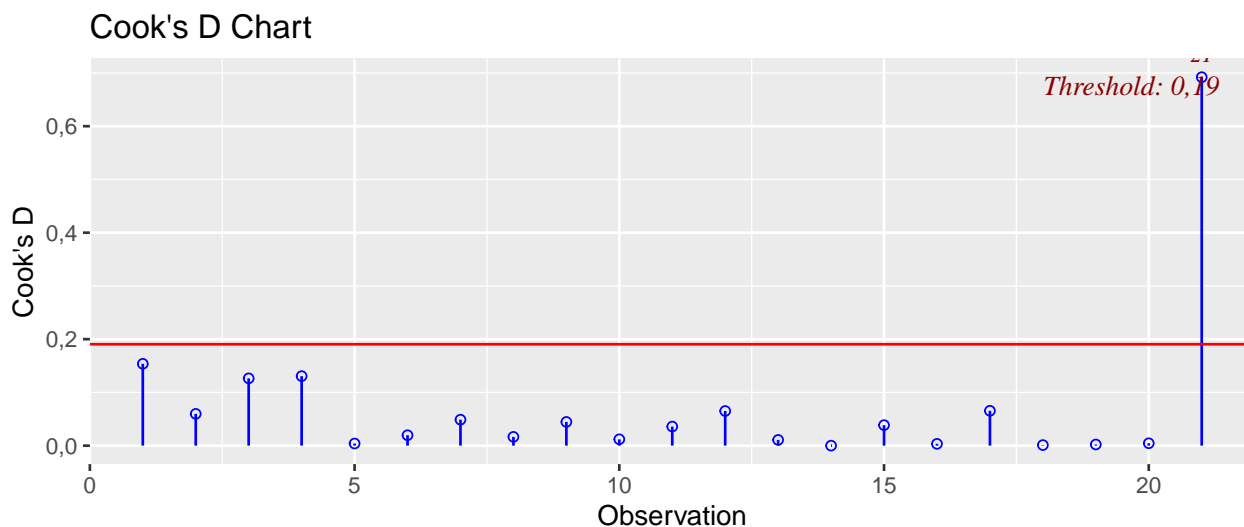
Na análise da Figura 4, onde os resíduos foram padronizados, verifica-se que apenas a observação 21 está fora do limite de aceitação.

**Figura 5: Análise dos quantis teóricos e amostrais**



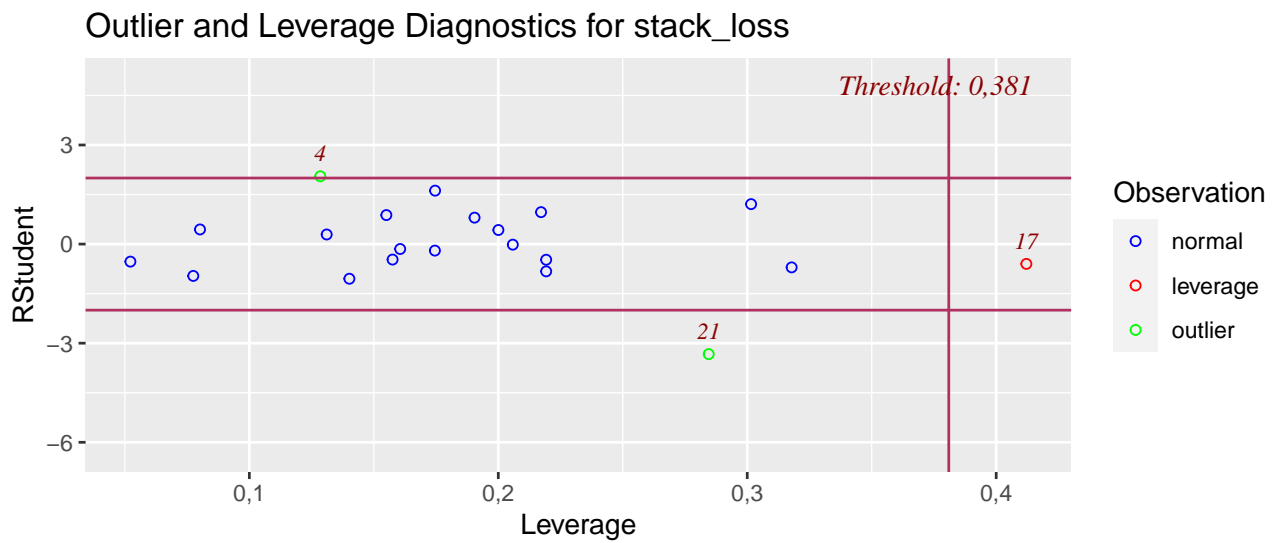
A Figura 5 apresentou um bom ajuste dos resíduos à distribuição normal, sendo apenas um pouco pior nas caudas da distribuição.

**Figura 6: Distância de Cook.**



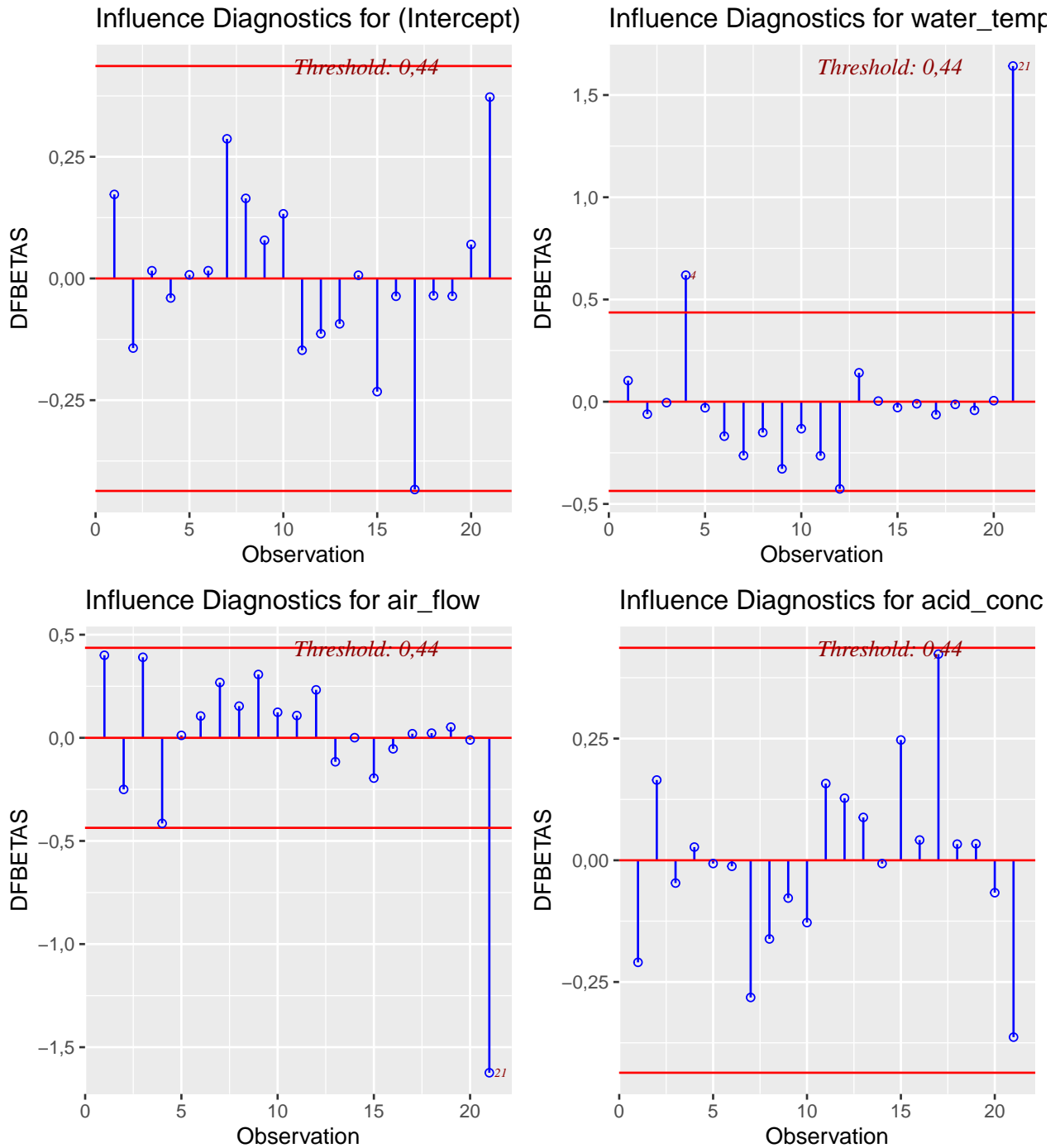
A análise da distância de Cook apresentada na Figura 6 demonstra que novamente apenas a observação 21 destoa do conjunto de observações e tem uma distância expressiva.

**Figura 7: Análise dos pontos de Alavanca e Resíduo Studentizado.**



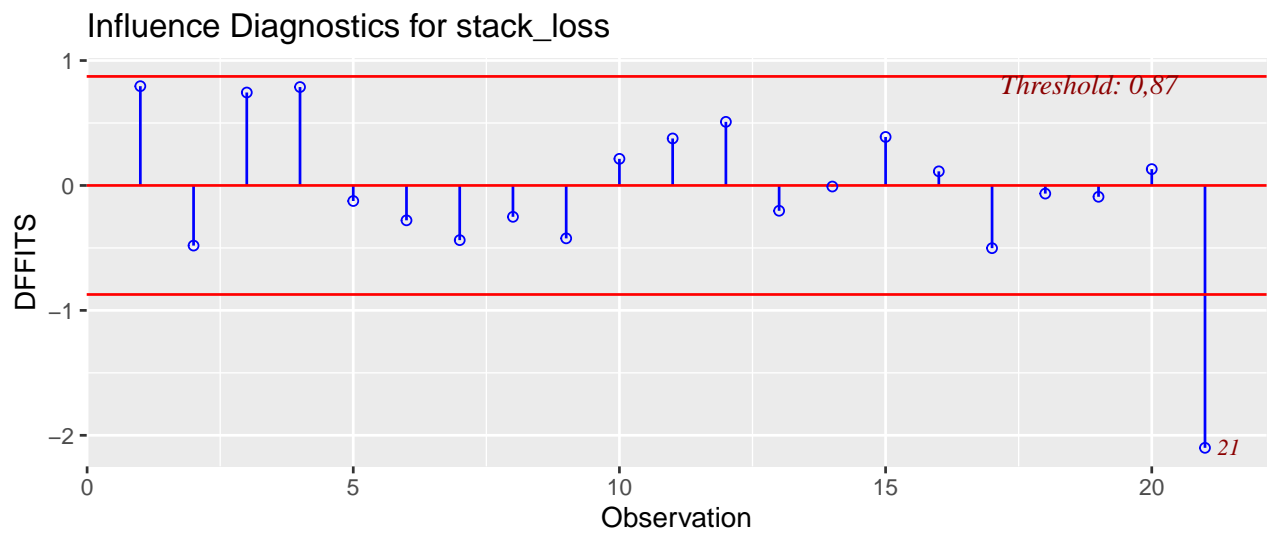
Pela Figura 7, observamos 2 observações que podem ser consideradas como *Outliers* e uma como ponto de alavanca. Interessante notar que apesar da observação 21 ter aparecido nos gráficos anteriores como uma observação anômala, aqui ela é classificada como um *outlier* o que denota uma influência menos prejudicial que a da observação 17 que aparece pela primeira vez.

Figura 8: DFBetas para as variáveis do modelo.



A Figura 8 apresenta os DFBetas para cada uma das variáveis utilizadas no modelo. Nota-se que mais uma vez a observação 21 tem comportamento anômalo.

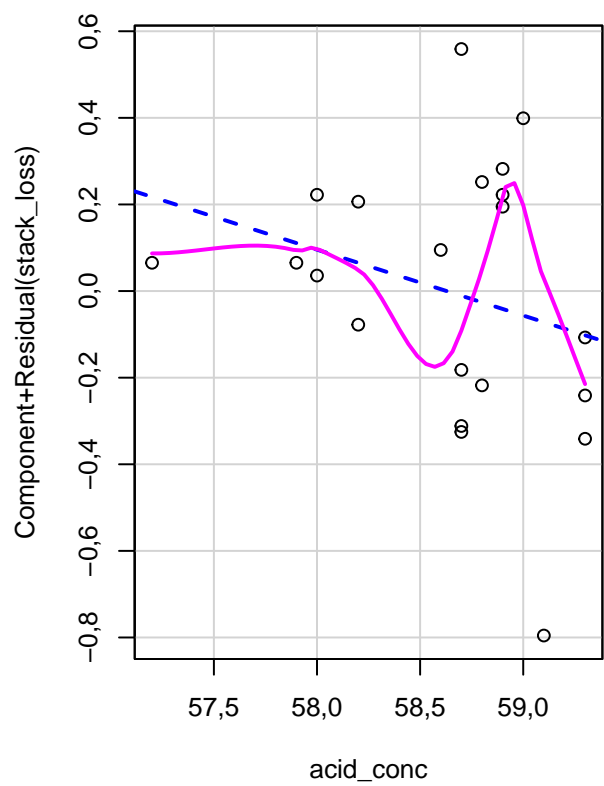
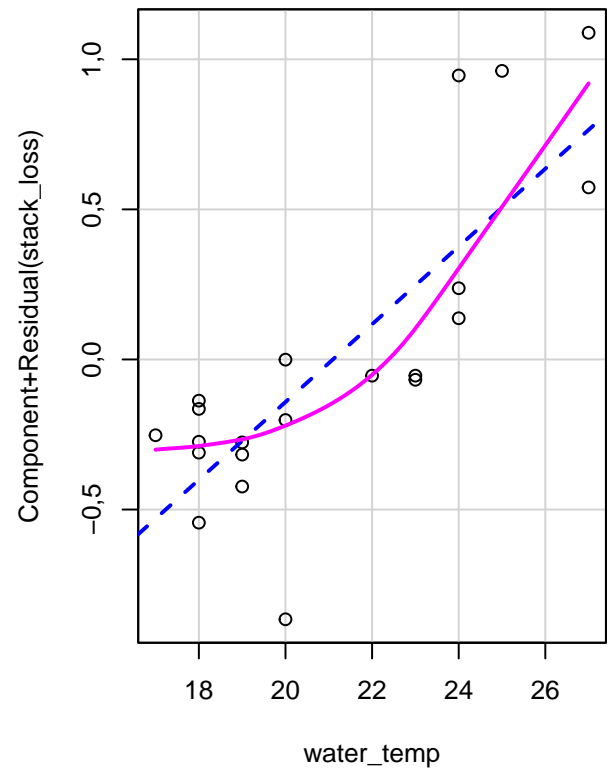
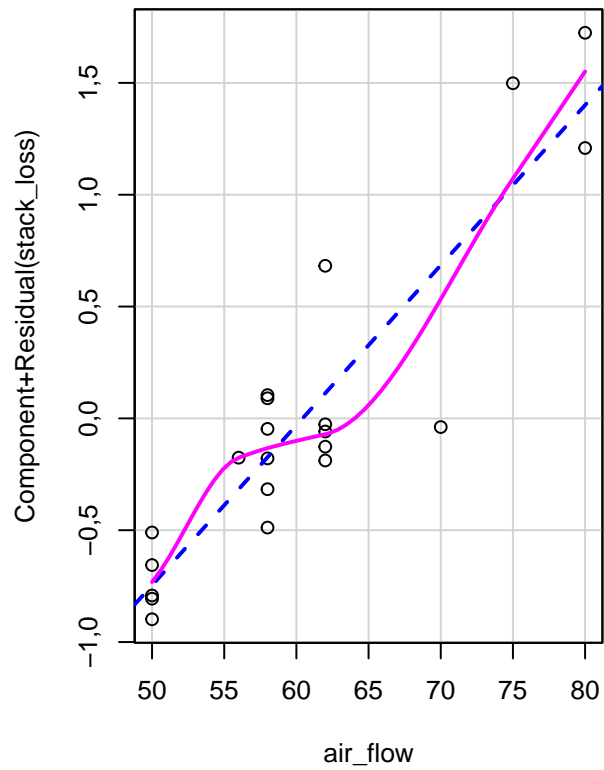
**Figura 9: DfFit para as variáveis do modelo.**



A Figura 9 acompanha os gráficos anteriores apresentando mais uma vez a observação 21 como discrepante.

**Figura 10: COVRatio para as variáveis do modelo.**

## Component + Residual Plots

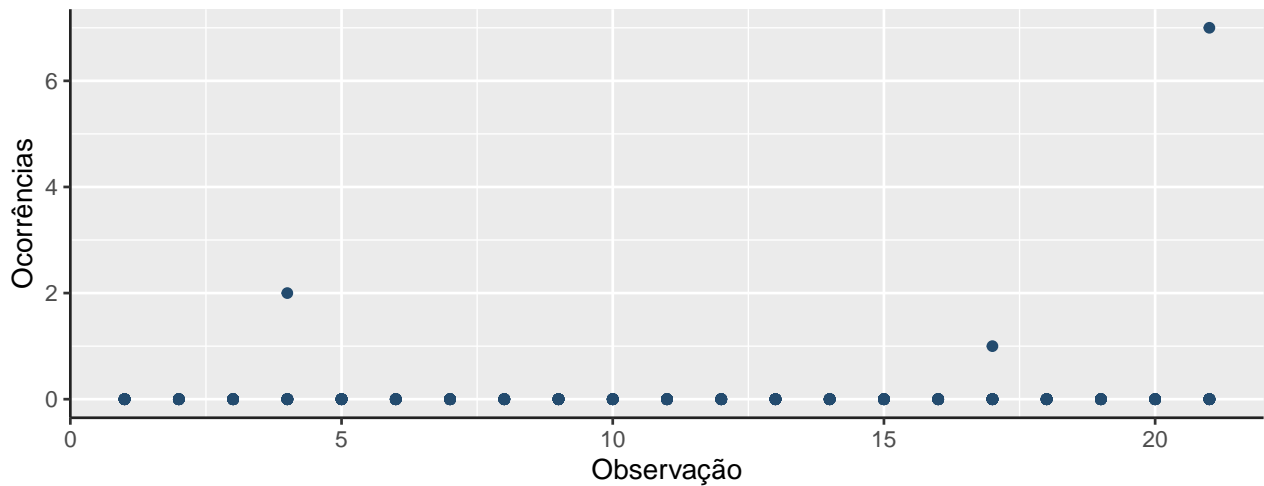


Da Figura 10 verifica-se que as variáveis estão diretamente correlacionadas com os resíduos da Amônia Perdida, o que por sua vez indica que a inclusão de observações destas variáveis apresentam bom impacto ao modelo.

## Eliminação de observações anômalas

Avaliando as observações que apresentaram comportamento anômalo nos diagnósticos dos valores ajustados e resíduos studentizados, valores ajustados e resíduos padronizados, distância de Cook, pontos de alavanca e *outliers*, análise de DfFit e todas as análises de BFBetas, chegamos as frequências de observações anômalas apresentadas na Figura 11.

Figura 11: Número de ocorrências para cada observação



Considerando apenas as observações com 1 ou mais ocorrências temos a Tabela a seguir.

Tabela 4: Observações com maior número de ocorrências.

Observação	Ocorrências
4	2
17	1
21	7

Podemos intuir que essas são as observações com maior impacto negativo no modelo. Logo, eliminando-as do conjunto de dados analisados chegamos a um novo modelo dado por:

$$Y_i^* = 1,47 + 0,096 X_{1i}^* + 0,056 X_{2i}^* - 0,114 X_{3i}^*$$

Onde:

$Y_i^*$  - Amônia Perdida;

$X_{1i}^*$  - Fluxo de Ar;

$X_{2i}^*$  - Temperatura da Água;  
 $X_{3i}^*$  - Concentração de HNO<sub>3</sub>;

Neste novo modelo o coeficiente de determinação calculado foi de  $R^2 = 0,968$ , o que denota que 96,8% da variância dos dados é explicada pelo modelo. O valor deste novo coeficiente permite concluir que a eliminação das observações com maior impacto no modelo foi benéfica. Pode-se calcular o coeficiente de determinação ajustado igual a  $R_a^2 = 0,909$

## Conclusões

# Atividade 2

## Introdução

Para análise dos dados diários sobre evaporação do solo (EVAP), Freund (1979) identificou as seguintes variáveis preditoras:

- MAXAT** - temperatura do ar diária máxima;
- MINAT** - temperatura do ar diária mínima;
- AVAT** - medida de temperatura média do ar;
- MAXST** - temperatura máxima diária do solo;
- MINST** - temperatura mínima diária do solo;
- AVST** - medida de temperatura média do solo;
- MAXH** - umidade relativa diária máxima;
- MINH** - umidade relativa diária mínima;
- AVH** - umidade relativa diária média;
- WIND** - vento total, medido em milhas por dia.

Com base nestes dados, objetiva-se:

1. Ajustar um modelo completo sobre evaporação do solo (EVAP), definindo os fatores significativamente associados, o coeficiente de determinação, a avaliação da bondade do modelo completo.
2. Determinar a correlação entre todos os preditores e a resposta. Realizando uma análise dos resíduos e dos pontos de alavanca e influentes.
3. Investigar possíveis problemas de colinearidade, avaliando o  $R_j^2$  para cada preditor e seu VIF.
4. Melhorar o modelo pela exclusão de observações anômalas e pela definição de variáveis preditoras a serem incluídas no modelo.



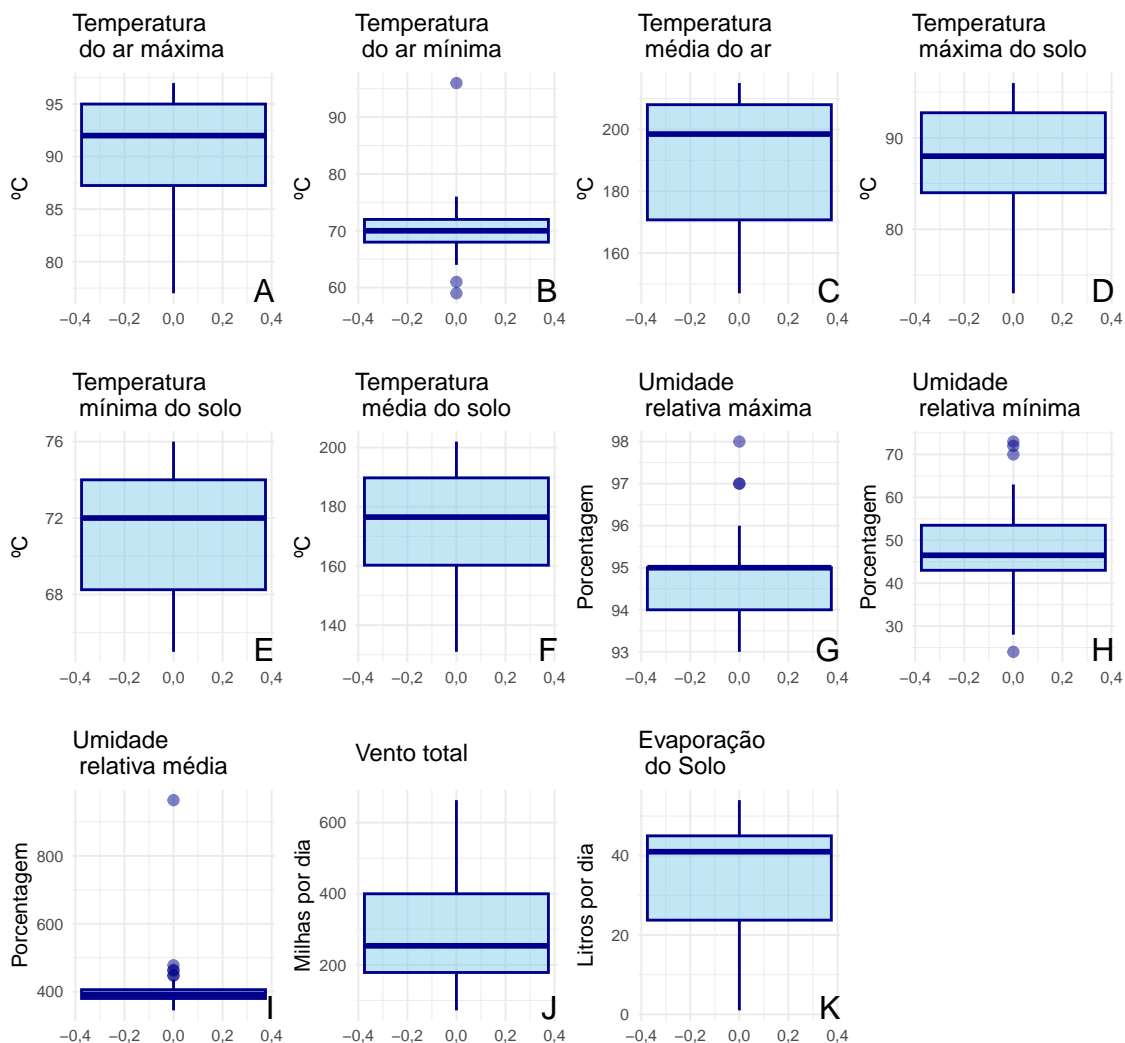
# Resultados

## Análise descritiva dos dados

Tabela 5: Medidas Resumo dos dados

	Mín	Q1	Med	Média	Q3	Máx	Desv.padrão	CV	Assimetria	Curtose
Evaporação do Solo	1	23	41,0	34,67	45	54	14,64	0,42	-0,71	-0,68
Temperatura máxima do solo	73	84	88,0	87,57	93	96	6,06	0,07	-0,66	-0,39
Temperatura máxima doar	77	87	92,0	90,74	95	97	5,07	0,06	-0,92	-0,05
Temperatura média do ar	147	170	198,5	190,50	208	215	20,97	0,11	-0,66	-1,13
Temperatura média do solo	131	160	176,5	173,52	190	202	20,08	0,12	-0,49	-0,82
Temperatura mínima do ar	59	68	70,0	70,54	72	96	5,25	0,07	2,10	9,97
Temperatura mínima do solo	65	68	72,0	71,26	74	76	3,30	0,05	-0,39	-1,15
Umidade relativa máxima	93	94	95,0	94,72	95	98	1,20	0,01	0,39	-0,27
Umidade relativa média	345	380	392,0	410,00	406	964	88,40	0,22	5,34	30,57
Umidade relativa mínima	24	43	46,5	48,50	54	73	10,02	0,21	0,41	0,48
Vento total	72	177	253,5	284,20	400	663	149,45	0,53	0,70	-0,34

Figura 12: BoxPlot das variáveis em análise.



## Modelo de Regressão Linear Multipla

O modelo obtido pode ser representado por:

$$Y_i = 117,578 + 0,24 X_{1i} - 1,318 X_{2i} - 0,116 X_{3i} + 0,336 X_{4i} + 0,01 X_{5i} + 0,495 X_{6i} - 0,877 X_{7i} - 0,823 X_{8i} + 0,008 X_{9i} + 0,016 X_{10i}$$

Onde:

- $Y_i$  - Evaporação do Solo;
- $X_{1i}$  - Temperatura do ar máxima;
- $X_{2i}$  - Temperatura do ar mínima;
- $X_{3i}$  - Temperatura do ar média;
- $X_{4i}$  - Temperatura do solo máxima;
- $X_{5i}$  - Temperatura do solo mínima;
- $X_{6i}$  - Temperatura do solo média;
- $X_{7i}$  - Umidade relativa máxima;

$X_{8i}$  - Umidade relativa mínima;

$X_{9i}$  - Umidade relativa média;

$X_{10i}$  - Vento Total;

Interpretando-se o modelo pode-se dizer que para cada variável, fixadas as demais condições (*Ceteris Paribus*), temos que:

- a evaporação total é de 117,578L caso todas as demais variáveis tenham valor zero;
- um aumento de 240mL na evaporação para cada grau Celsius na temperatura máxima do ar;
- uma redução de 1,318L na evaporação para cada grau Celsius na temperatura mínima do ar;
- uma redução de 116mL na evaporação para cada grau Celsius na temperatura média do ar;
- um aumento de 336mL na evaporação para cada grau Celsius na temperatura máxima do solo;
- um aumento de 10mL na evaporação para cada grau Celsius na temperatura mínima do solo;
- um aumento de 495mL na evaporação para cada grau Celsius na temperatura média do solo;
- uma redução de 877mL na evaporação para ponto percentual de umidade relativa máxima;
- uma redução de 823mL na evaporação para ponto percentual de umidade relativa mínima;
- um aumento de 8mL na evaporação para ponto percentual de umidade relativa média;
- um aumento de 16mL na evaporação para cada milha de vento total.

Neste modelo o coeficiente de determinação calculado foi de  $R^2 = 0,798$ , o que denota que 79,8% da variância dos dados é explicada pelo modelo. Pode-se calcular o coeficiente de determinação ajustado igual a  $R_a^2 = 0,733$ .

## Testes de Diagnósticos do Modelo

Para avaliar se o modelo atende aos pressupostos, além da análise gráfica podem ser realizados testes de diagnósticos, que são testes de hipóteses para avaliação dos pressupostos que são:

- Normalidade;  
 $H_0$  : Os resíduos possuem normalidade.  
 $H_1$  : Os resíduos **não** possuem normalidade.
- Homoscedasticidade (Homogeneidade de Variância);  
 $H_0$  : Os resíduos possuem variância constante.  
 $H_1$  : Os resíduos **não** possuem variância constante.
- Linearidade;
- Independência.  
 $H_0$ : Existe correlação serial entre os resíduos.  
 $H_1$ : **Não** existe correlação serial entre os resíduos.

Para tanto serão utilizados os seguintes testes:

- Shapiro-Wilk, para avaliar a Normalidade;
- Breush-Pagan, para avaliar a Homoscedasticidade;
- Durbin-Watson, para avaliar a Independência.

Tabela 6: Testes de Diagnósticos dos Resíduos

	Estatística de teste	p-valor
<b>Shapiro-Wilk</b>	0,899	8e-04
<b>Breush-Pagan</b>	18,9306	0,0412
<b>Durbin-Watson</b>	1,3547	<0,0001

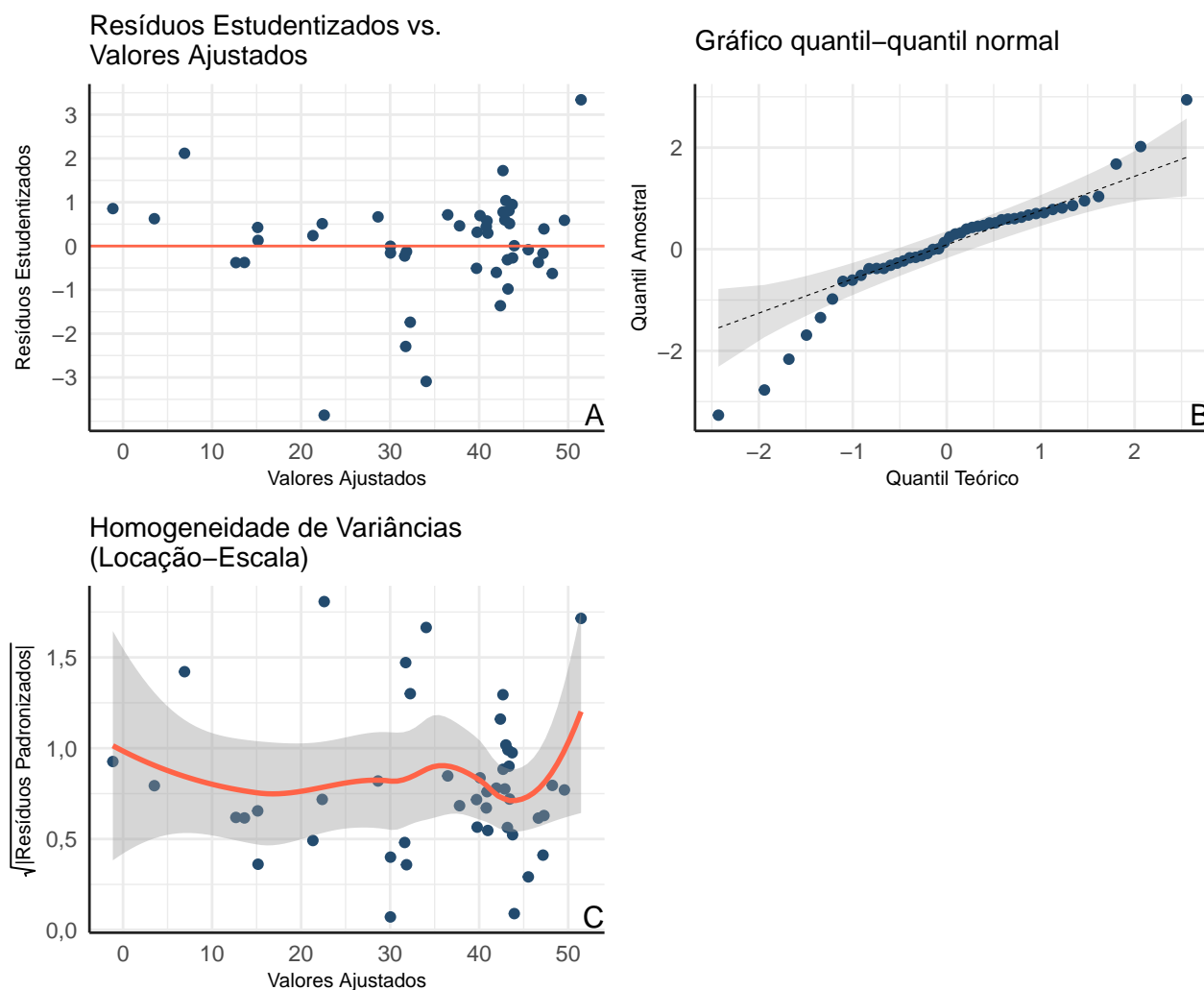
A Tabela 6 traz os testes de diagnósticos realizados para avaliar o modelo de regressão ajustado, conforme análise gráfica dos resíduos há a confirmação tanto da normalidade quanto da homoscedasticidade de variância conforme os p-valores obtido pelos testes realizados (acima de 0,05). Porém nota-se que há dependência entre as características confirmado pelo p-valor do teste de Durbin-Watson (<0,0001), que leva a rejeição da hipótese nula ( $H_0$ ). Este codependência era esperada uma vez que os valores médios de temperatura e unidade relativa tem relação com seus respectivos valores máximos e mínimos. O que pode ser conferido na matriz de correlação a seguir:

Tabela 7: Matriz de correlação das variáveis do modelo

	Evaporação do Solo
Temperatura do ar máxima	0,769
Temperatura do ar mínima	0,539
Temperatura média do ar	0,688
Temperatura máxima do solo	0,723
Temperatura mínima do solo	-0,014
Temperatura média do solo	0,711
Umidade relativa máxima	-0,188
Umidade relativa mínima	-0,672
Umidade relativa média	-0,086
Vento total	0,097
Evaporação do Solo	1,000

## Análise de Resíduos

Figura 13: Análise de resíduos do modelo ajustado

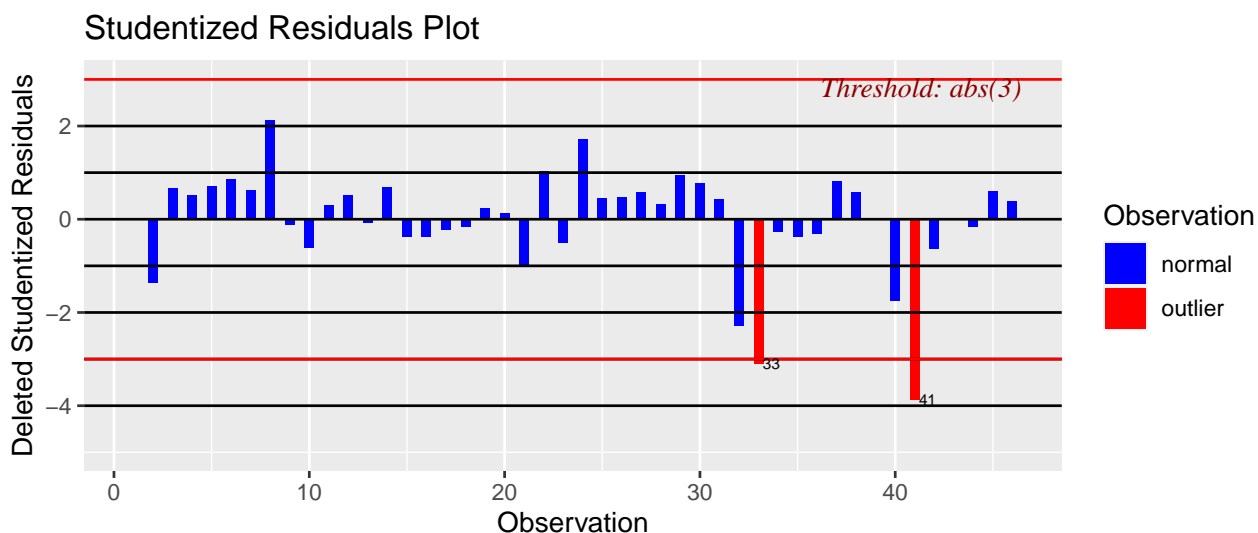


A Figura 13A apresenta um comportamento simétrico dos resíduos, podendo ser constatado uma pequena variabilidade inicial e um aumento desta à medida que os valores ajustados aumentam, caracterizando uma baixa heterocedasticidade. A Figura 13C, que trata da Homogeneidade de Variâncias (Locação-Escala) ressalta que há um problema na variabilidade dos dados, ampliando a interpretação feita na análise da Figura 2A, de que há uma mudança na variabilidade dos dados, caracterizando uma certa heterocedasticidade dos dados. A Figura 13B traz o gráfico para avaliação da normalidade dos dados, mostra que apesar dos dados não estarem precisamente sobre a reta de referência, os mesmos estão contidos na região pertencente ao Intervalo de Confiança - IC, podendo assumir que há normalidade.

## Gráficos de Diagnóstico

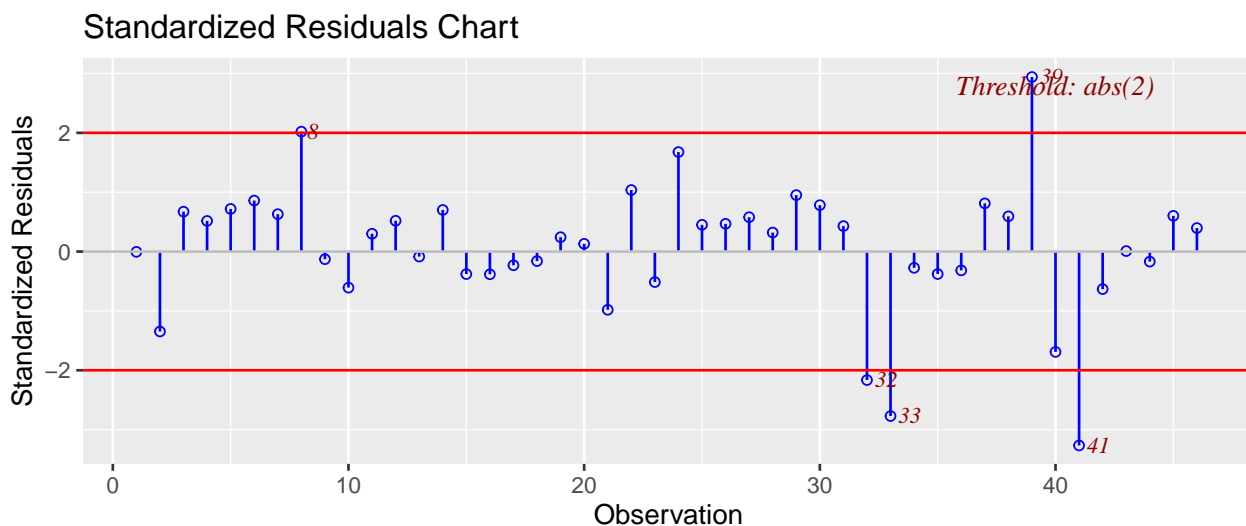
A análise dos gráficos de diagnóstico permite avaliar as observações realizadas e conhecer a influência de cada uma delas para o modelo de regressão proposto. Assim, com base no modelo, é possível fazer as seguintes análises:

**Figura 14: Valores Ajustados e Resíduos Studentizados**



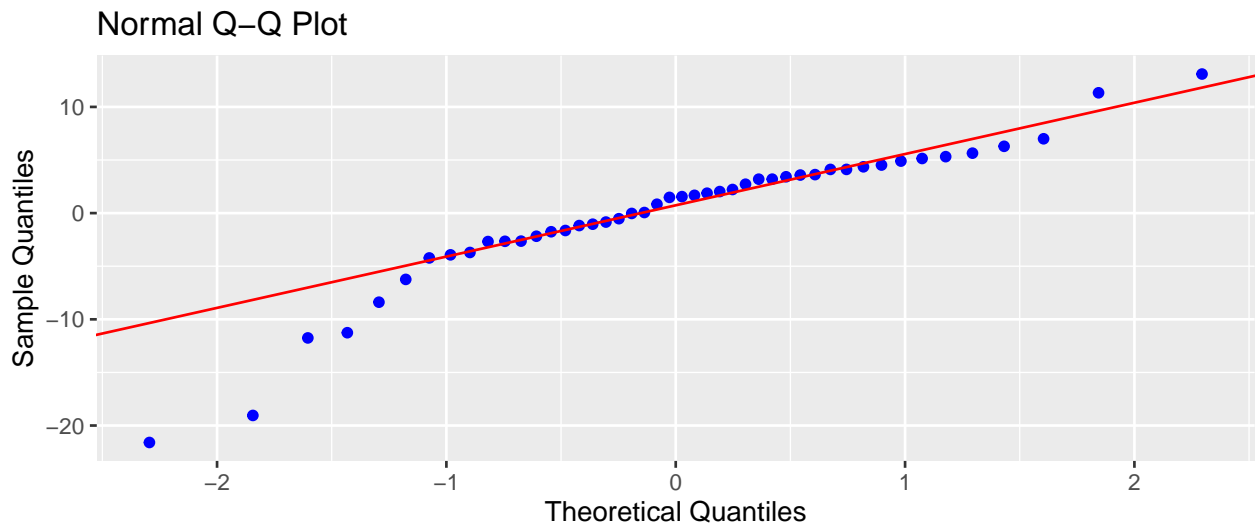
A Figura 14 demonstra que os resíduos estão todos dentro dos limites esperados, com exceção da observação 21 que por pouco ultrapassou o limite inferior. Não parece ser o caso de nenhuma intervenção por conta deste valor.

**Figura 15: Valores Ajustados e Resíduos Padronizados.**



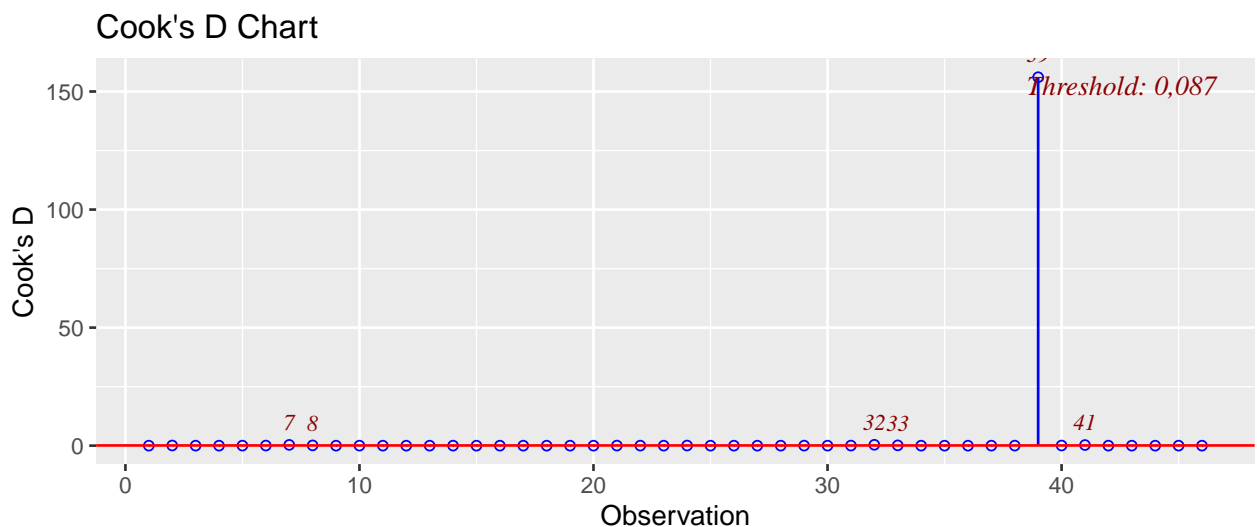
Na análise da Figura 15, onde os resíduos foram padronizados, verifica-se que apenas a observação 21 está fora do limite de aceitação.

**Figura 16: Análise dos quantis teóricos e amostrais**



A Figura 16 apresentou um bom ajuste dos resíduos à distribuição normal, sendo apenas um pouco pior nas caudas da distribuição.

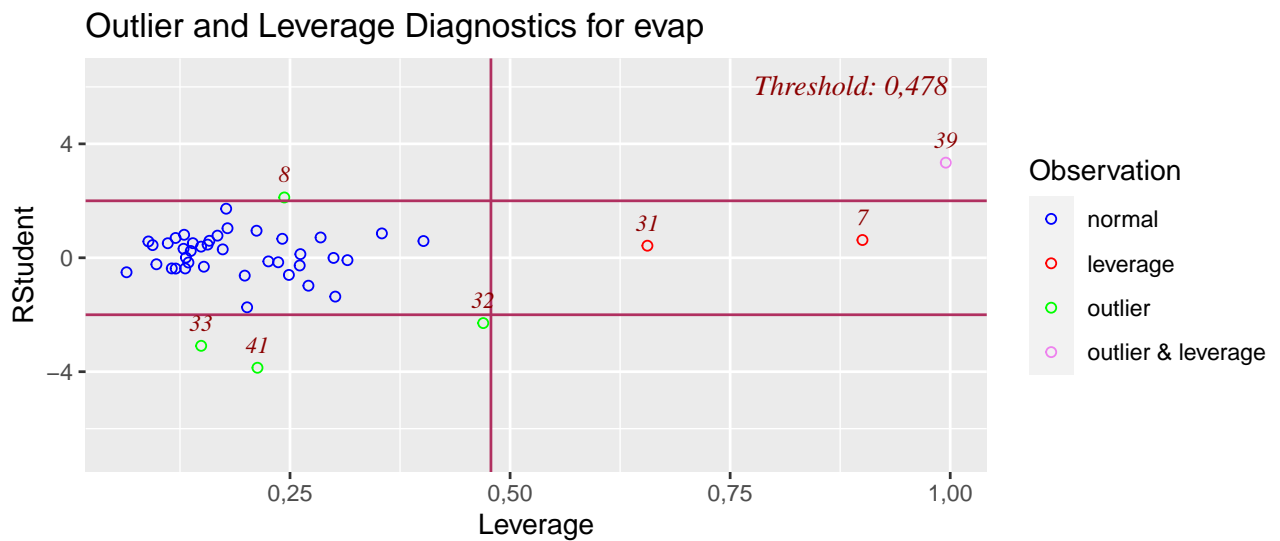
**Figura 17: Distância de Cook.**



A análise da distância de Cook apresentada na Figura 17 demonstra que novamente apenas a observação 21 destoa do conjunto de observações e tem uma distância expressiva.

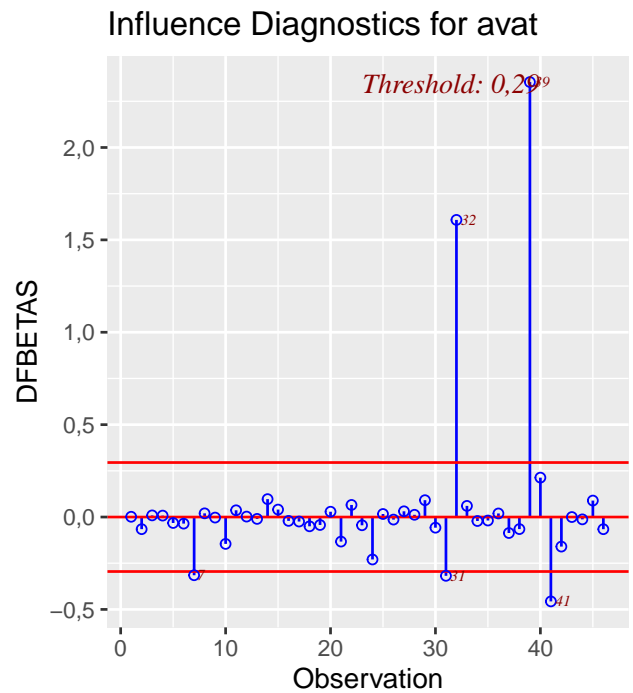
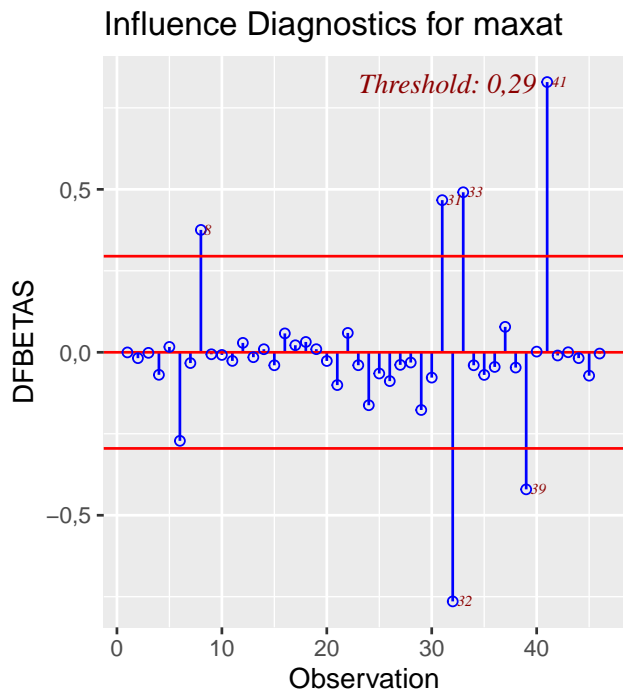
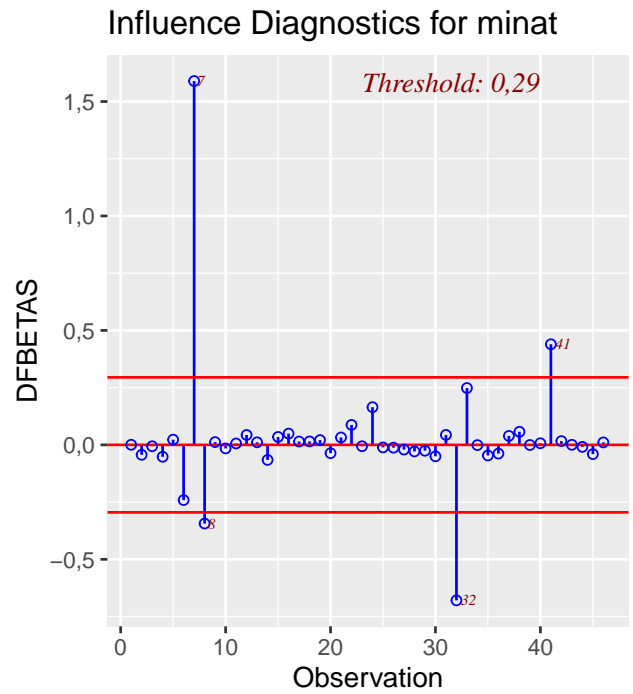
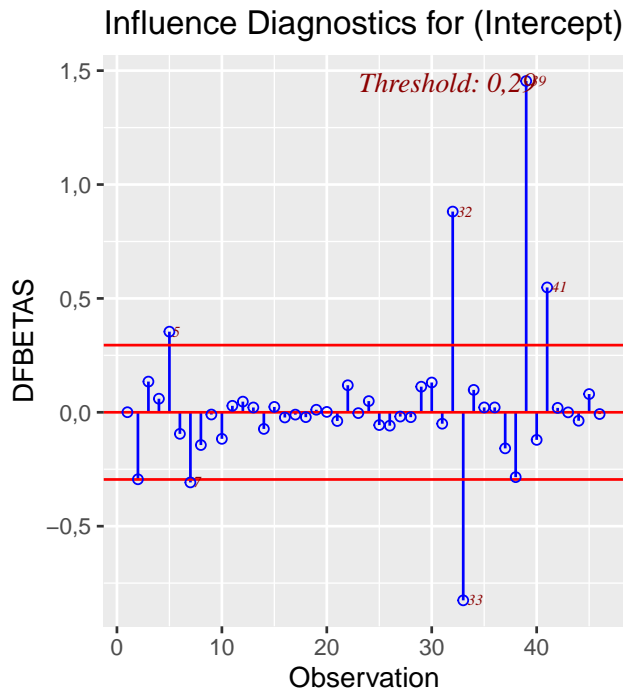
**Figura 18: Análise dos pontos de Alavanca e Resíduo Studentizado.**



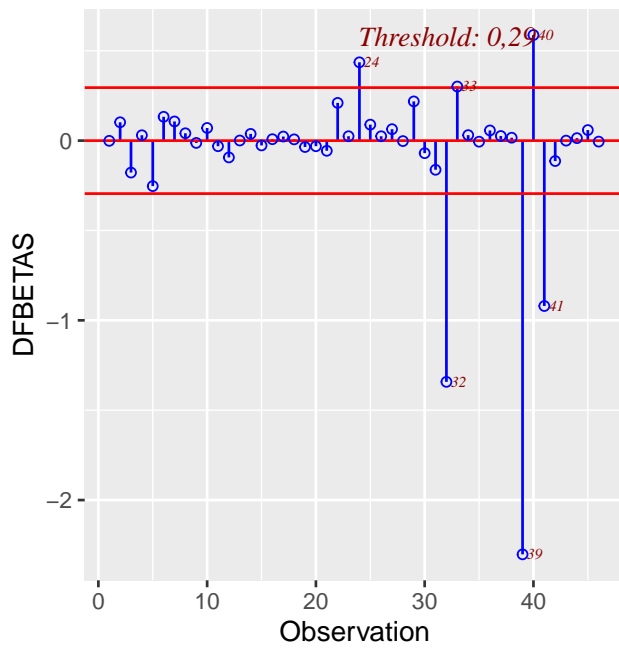


Pela Figura 18, observamos 2 observações que podem ser consideradas como *Outliers* e uma como ponto de alavanca. Interessante notar que apesar da observação 21 ter aparecido nos gráficos anteriores como uma observação anômala, aqui ela é classificada como um *outlier* o que denota uma influência menos prejudicial que a da observação 17 que aparece pela primeira vez.

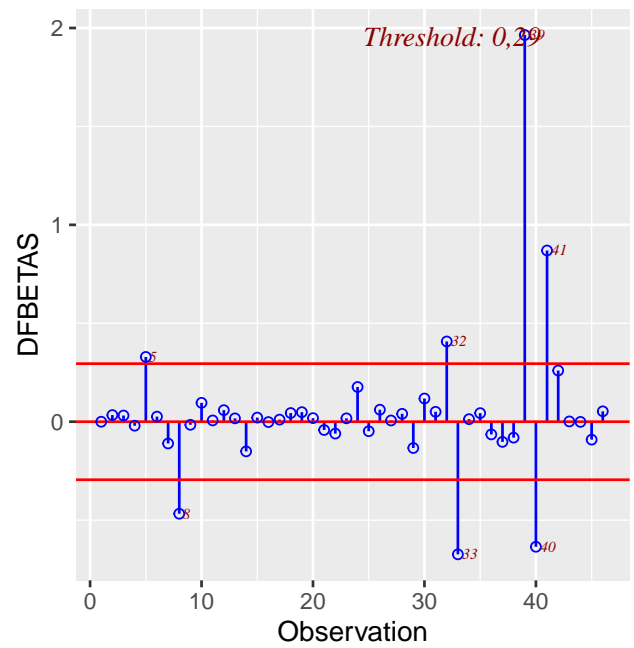
**Figura 19: DFBetas para as variáveis do modelo.**



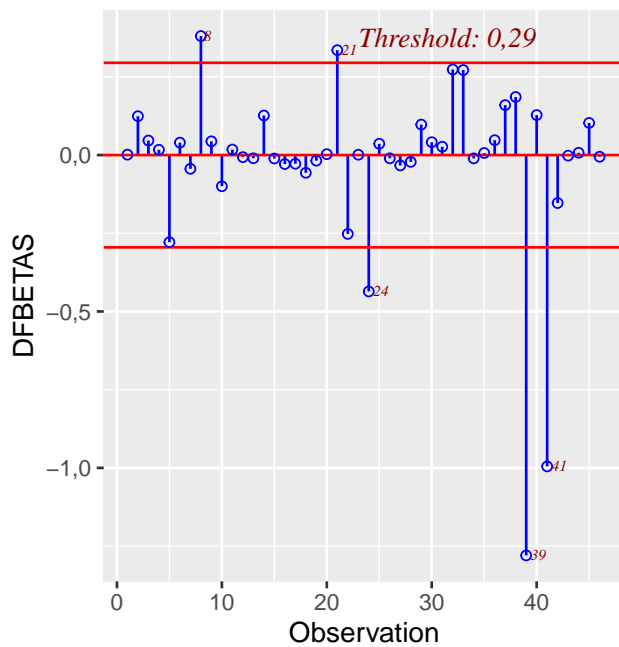
Influence Diagnostics for maxst



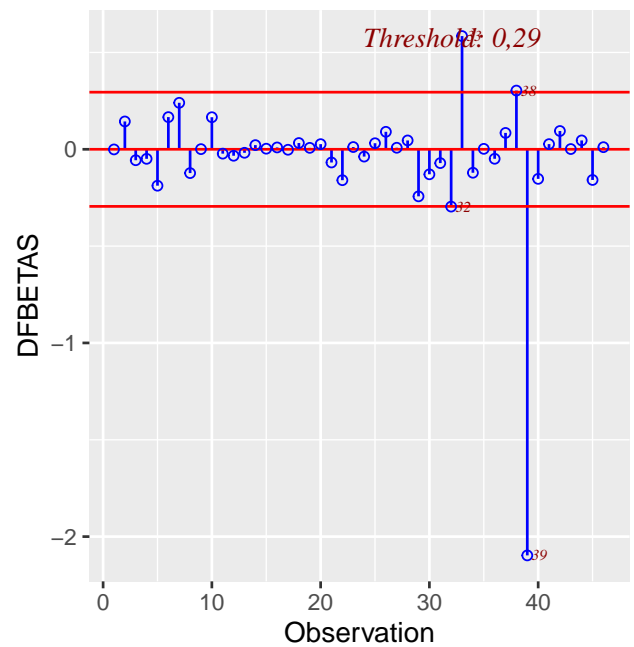
Influence Diagnostics for avst

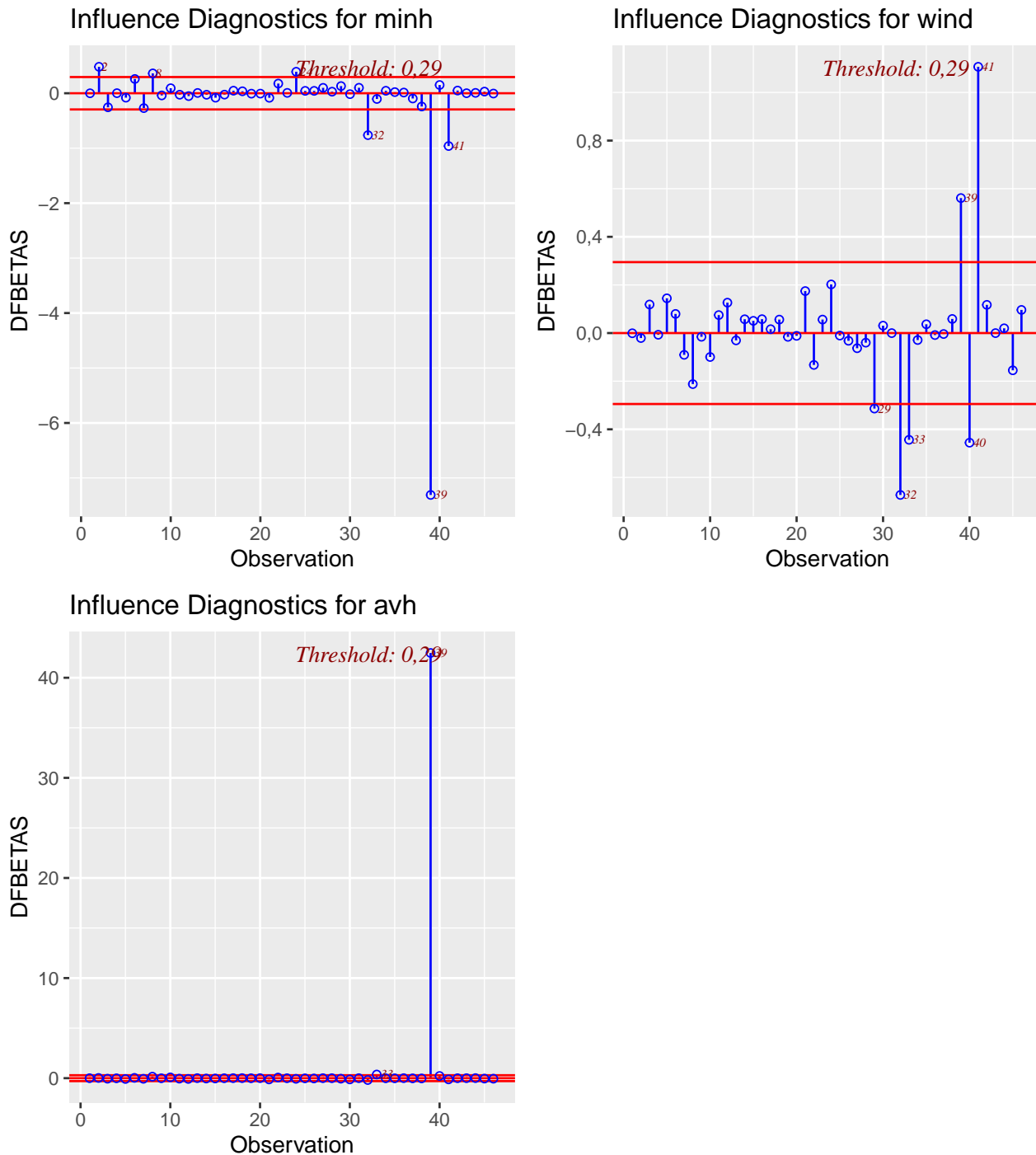


Influence Diagnostics for minst



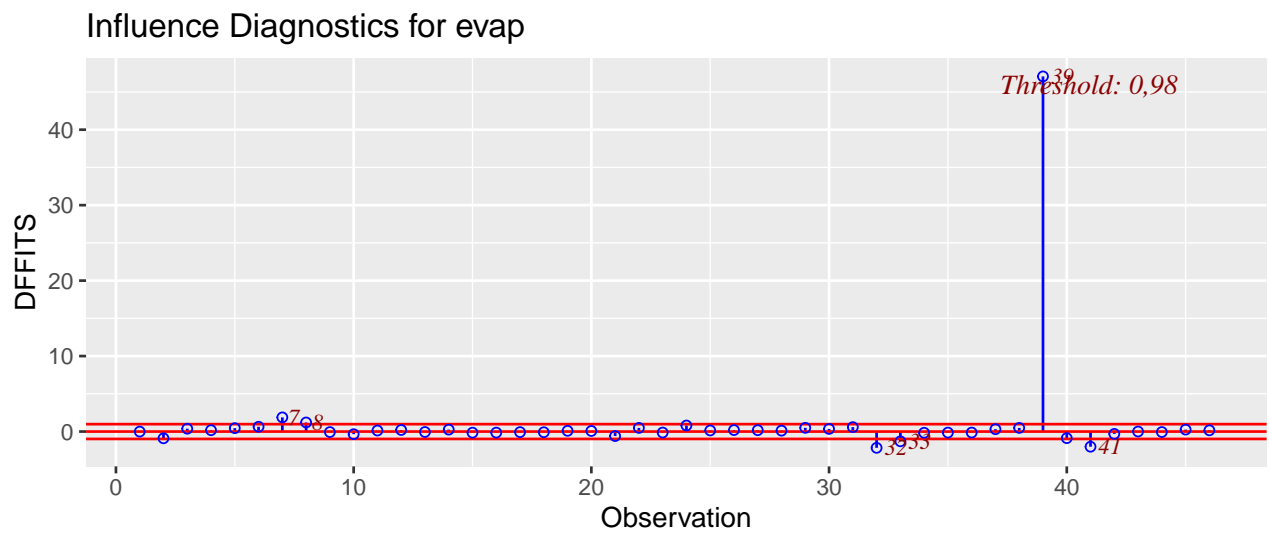
Influence Diagnostics for maxh





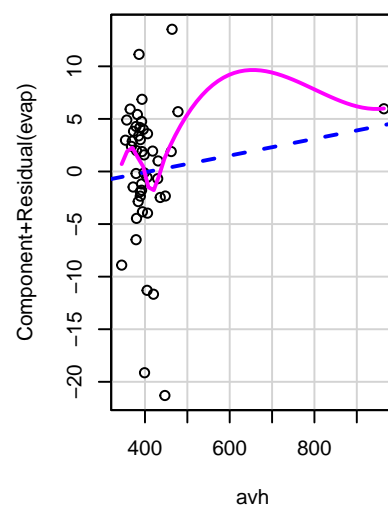
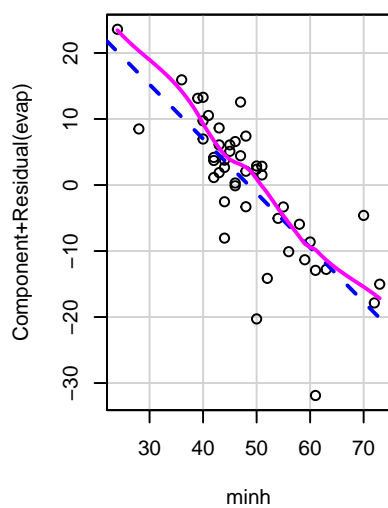
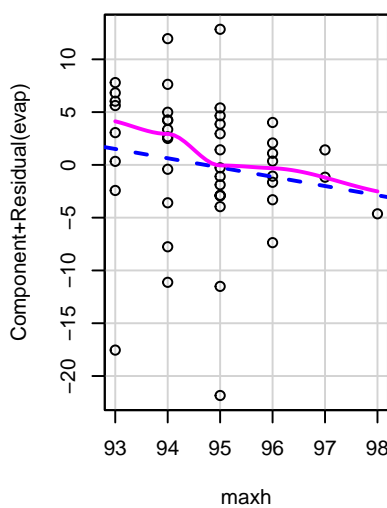
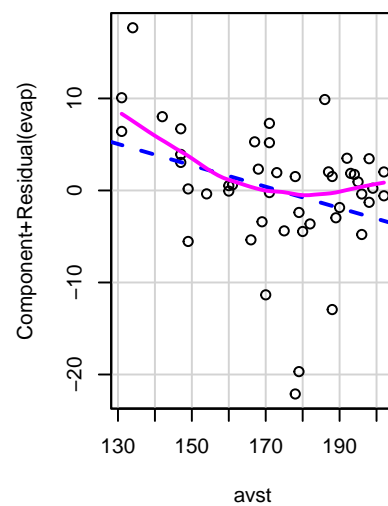
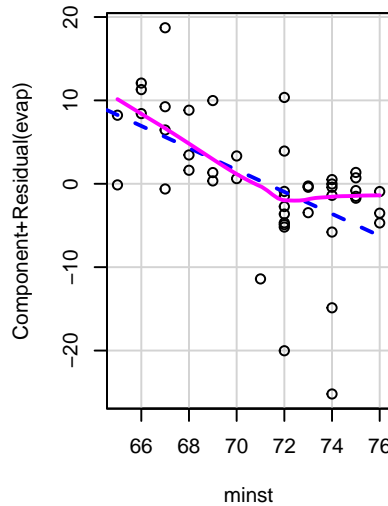
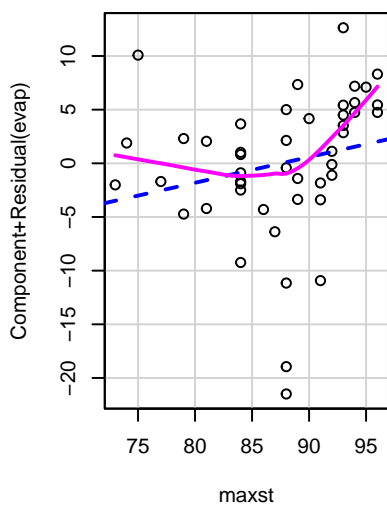
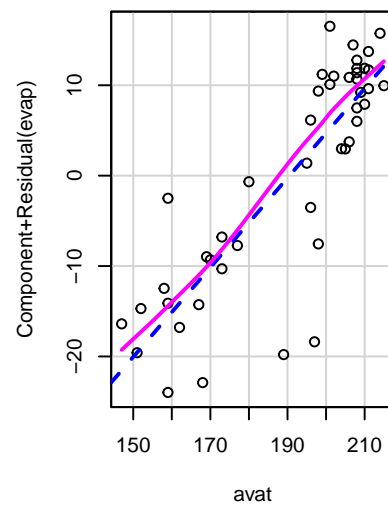
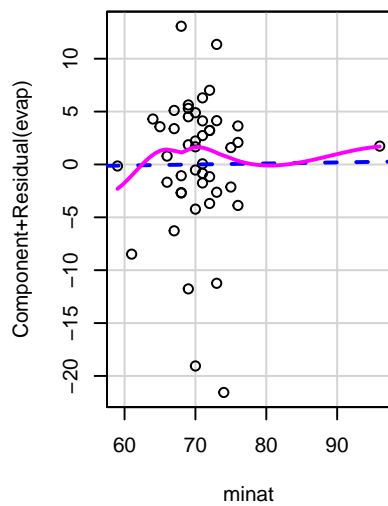
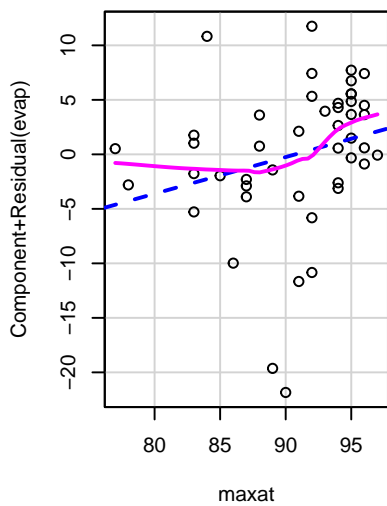
A Figura 19 apresenta os DFBetas para cada uma das variáveis utilizadas no modelo. Nota-se que mais uma vez a observação 21 tem comportamento anômalo.

**Figura 20: DfFit para as variáveis do modelo.**

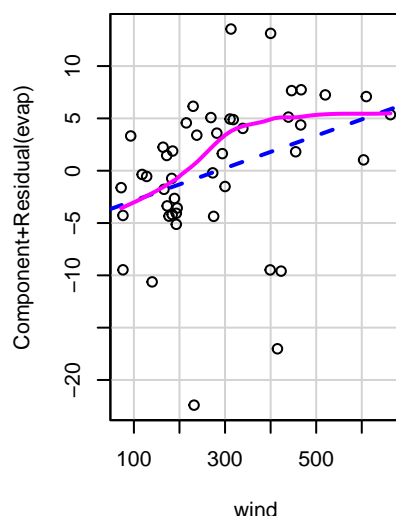


A Figura 20 acompanha os gráficos anteriores apresentando mais uma vez a observação 21 como discrepante.

**Figura 21: COVRatio para as variáveis do modelo.**



## Component + Residual Plots



Da Figura 21 verifica-se que as variáveis estão diretamente correlacionadas com os resíduos da Amônia Perdida, o que por sua vez indica que a inclusão de observações destas variáveis apresentam bom impacto ao modelo.

## $R_j^2$ e VIF dos Preditores

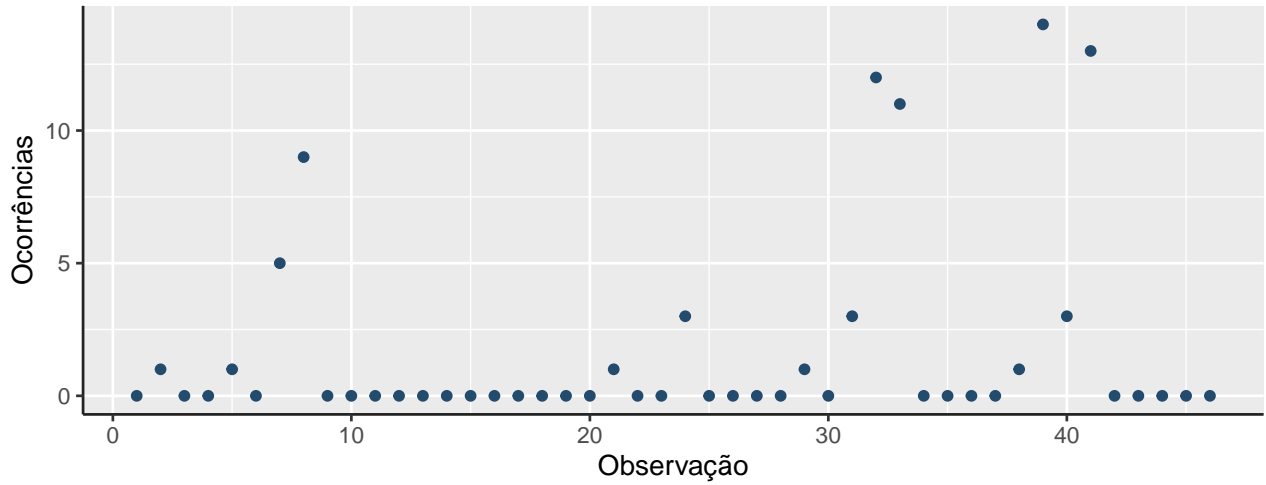
Tabela 8:  $R_j^2$  e VIF dos Preditores

	R2_j	VIF
Temperatura do ar máxima	0,959	24,274
Temperatura do ar mínima	0,922	12,851
Temperatura média do ar	0,973	36,784
Temperatura máxima do solo	0,896	9,602
Temperatura mínima do solo	0,471	1,890
Temperatura média do solo	0,899	9,865
Umidade relativa máxima	0,168	1,202
Umidade relativa mínima	0,770	4,353
Umidade relativa média	0,165	1,198
Vento total	0,409	1,691

## Eliminação de observações anômalas

Avaliando as observações que apresentaram comportamento anômalo nos diagnósticos dos valores ajustados e resíduos studentizados, valores ajustados e resíduos padronizados, distância de Cook, pontos de alavanca e *outliers*, análise de DfFit e todas as análises de BFBetas, chegamos as frequências de observações anômalas apresentadas na Figura 11.

Figura 22: Número de ocorrências para cada observação



Considerando apenas as observações com 2 ou mais ocorrências temos a Tabela a seguir.

Tabela 9: Observações com maior número de ocorrências.

Observação	Ocorrências
7	5
8	9
24	3
31	3
32	12
33	11
39	14
40	3
41	13

Podemos intuir que essas são as observações com maior impacto negativo no modelo. Logo, eliminando-as do conjunto de dados analisados chegamos a um novo modelo dado por:

$$Y_i^* = 138,201 + 0,811 X_{1i}^* - 1,437 X_{2i}^* + 0,148 X_{3i}^* - 0,681 X_{4i}^* - 0,001 X_{5i}^* + 0,42 X_{6i}^* - 1,036 X_{7i}^* - 0,766 X_{8i}^* + 0,036 X_{9i}^* + 0,022 X_{10i}^*$$

Onde:

$Y_i^*$  - Evaporação do Solo;

$X_{1i}^*$  - Temperatura do ar máxima;

$X_{2i}^*$  - Temperatura do ar mínima;

$X_{3i}^*$  - Temperatura do ar média;

$X_{4i}^*$  - Temperatura do solo máxima;

$X_{5i}^*$  - Temperatura do solo mínima;

$X_{6i}^*$  - Temperatura do solo média;



$X_{7i}^*$  - Umidade relativa máxima;  
 $X_{8i}^*$  - Umidade relativa mínima;  
 $X_{9i}^*$  - Umidade relativa média;  
 $X_{10i}^*$  - Vento Total;

Neste novo modelo o coeficiente de determinação calculado foi de  $R^2 = 0,948$ , o que denota que 94,8% da variância dos dados é explicada pelo modelo. O valor deste novo coeficiente permite concluir que a eliminação das observações com maior impacto no modelo foi benéfica. Pode-se calcular o coeficiente de determinação ajustado igual a  $R_a^2 = 0,925$

## Conclusões