ASBA Axiome, Sätze, Beweise und Ausgaben

Projekt zur maschinellen Überprüfung von mathematischen Beweisen und deren Ausgabe in lesbarer Form

Winfried Teschers

25. Februar 2017

Es wird ein System beschrieben, das zu eingegebenen Axiomen, Sätzen, und Beweisen letztere prüft, Auswertungen generiert und zu gegebenen Ausgabeschemata eine Ausgabe der Elemente in üblicher Formelschreibweise im LATEX-Format erstellt.

ASBA Inhaltsverzeichnis

Inhaltsverzeichnis

1.	Analyse	3									
	1.1. Fragen	3									
	1.2. Mission	4									
	1.3. Ziele	4									
	1.4. Zusammenhänge	5									
2.	Design	8									
	2.1. Anforderungen	8									
	2.2. Datenstruktur	9									
	2.3. Bausteine	9									
Α.	Anhang	10									
	A.1. Werkzeuge	10									
	A.2. Aussagenlogik	11									
	A.3. Prädikatenlogik	12									
	A.4. Mengenlehre	12									
	A.5. Offene Aufgaben	13									
Ta	pellenverzeichnis	14									
Αŀ	pildungsverzeichnis	14									
La	iteraturverzeichnis										

Copyright © 2017 Winfried Teschers

Permission is granted to copy, distribute and/or modify this document under the terms of the GNU Free Documentation License, Version 1.3 or any later version published by the Free Software Foundation; with no Invariant Sections, no Front-Cover Texts, and no Back-Cover Texts. You should have received a copy of the GNU Free Documentation License along with this document. If not, see http://www.gnu.org/licenses/.

Dr. Winfried Teschers Anton-Günther-Straße 26c 91083 Baiersdorf Germany

e-mail: winfried.teschers@t-online.de

Kapitel 1.2 ASBA

1. Analyse

In der Mathematik gibt es eine unüberschaubare Menge an Axiomen, Sätzen, Beweisen, Fachbegriffen¹ und Fachgebieten. Dabei verstehen wir unter einem Fachgebiet einen Teil der Mathematik mit einer zugehörigen Basis von Axiomen, Sätzen und spezifischen Fachbegriffen, zum Beispiel Logik, Mengenlehre und Gruppentheorie². Zu den meisten Fachgebieten gibt es auch noch ungelöste Probleme.

Es fehlt ein System, das einen Überblick bietet und die Möglichkeit, Beweise automatisch zu überprüfen. Außerdem sollte all dies in üblicher mathematischer Schreibweise ein- und ausgegeben werden können.

Ein System mit ähnlicher Aufgabenstellung findet sich im GitHub Projekt Hilbert II (siehe [17, 18]). Einige Ideen sind von dort übernommen worden.

1.1. Fragen

Einige der Fragen, die in diesem Zusammenhang auftauchen, werden hier formuliert:

- 1. Grundlagen: Was sind die Grundlagen? Zum Beispiel welche Logik und Mengenlehre.
- 2. Basis: Welche wichtigen Axiome, Sätze, Beweise, Fachbegriffe und Fachgebiete gibt es? Welche davon sind Standard?
- 3. Axiome: Welche Axiome werden bei einem Satz oder Beweis vorausgesetzt? Allgemein anerkannte oder auch strittige, wie zum Beispiel den Satz vom ausgeschlossenen Dritten (tertium non datur) oder das Auswahlaxiom.
- 4. Beweis: Ist ein Beweis fehlerfrei?
- 5. Konstruktion: Gibt es einen konstruktiven Beweis?
- 6. Vergleiche: Welcher Beweis ist besser? Nach welchem Kriterium? Zum Beispiel elegant, kurz, einsichtig oder wenige Axiome. Was heißt eigentlich elegant?
- 7. Definitionen: Was ist mit einem Fachbegriff oder Fachgebiet jeweils genau gemeint? Zum Beispiel Stetigkeit, Integral und Analysis.
- 8. Abhängigkeiten: Wie heißt ein Fachbegriff oder Fachgebiet in einer anderen Sprache? Ist wirklich dasselbe gemeint? Was ist mit Fachbegriffen in verschiedenen Fachgebieten?
- 9. *Überblick*: Ist ein Axiom, Satz, Beweis, Fachbegriff oder Fachgebiet schon einmal ggf. abweichend definiert, formuliert oder bewiesen worden?
- 10. Darstellung: Wie kann man einen Satz und den zugehörigen Beweis ggf. auch spezifisch für ein Fachgebiet darstellen?
- 11. Forschung: Welche Probleme gibt es noch zu erforschen.

¹ Fachbegriffe sind Namen für Axiome, Sätze, Beweise und Fachgebiete. Symbole können als spezielle Fachbegriffe aufgefasst werden.

² Ein Fachgebiet kann hier sehr klein sein und im Extremfall einen einzigen Satz enthalten. *Umgebung* wäre in diesem Projekt eine bessere Bezeichnung, könnte aber zu Verwechslungen führen, da dies schon ein verbreiteter Fachbegriff ist.

ASBA Kapitel 1.3

1.2. Mission

Um zur Lösung obiger Fragen beizutragen, soll ein System entwickelt werden, das die folgenden Eigenschaften hat:

- 1. Daten: Axiome, Sätze, Beweise, Fachbegriffe und Fachgebiete können in formaler Form gespeichert werden auch nicht oder unvollständig bewiesene Sätze. Dabei soll die übliche mathematische Schreibweise verwendet werden können.
- 2. Definitionen: Es können Fachbegriffe für Axiome, Sätze, Beweise und Fachgebiete letztere mit eigenen Axiomen, Sätzen, Beweisen, Fachbegriffen und über- oder untergeordneten Fachgebieten definiert werden. Die Definitionen dürfen wiederum an dieser Stelle schon bekannte Fachbegriffe und Fachgebiete verwenden.
- 3. Prüfung: Vorhandene Beweise können automatisch geprüft werden.
- 4. Ausgaben: Die Axiome, Sätze und Beweise können in üblicher Schreibweise abhängig von Sprache und Fachgebiet ausgegeben werden.
- 5. Auswertungen: Zusätzlich zur Ausgabe der gespeicherten Daten sind verschiedene Auswertungen möglich, unter anderem für die meisten der unter Abschnitt 1.1 auf der vorherigen Seite behandelten Fragen.

Damit das System nicht umsonst erstellt wird und möglichst breite Verwendung findet, werden noch zwei Punkte angefügt:

- 6. Lizenz: Die Software ist Open Source.
- 7. Akzeptanz: Das System wird von den Fachleuten akzeptiert und verwendet.

1.3. Ziele

Um die Mission zu erfüllen, soll ein System entwickelt werden, das die folgenden Anforderungen erfüllt:

- 1. *Daten*: Es enthält möglichst viele wichtige Axiome, Sätze, Beweise, Fachbegriffe, Fachgebiete und Ausgabeschemata³.
- 2. Form: Die Daten liegt in formaler, geprüfter Form vor.
- 3. *Eingaben*: Die Eingabe von Daten erfolgt in einer formalen Syntax unter Verwendung der üblichen mathematischen Schreibweise. Folgende Daten können eingegeben werden:
 - a) Axiome
 - b) Sätze
 - c) Beweise
 - d) Fachbegriffe
 - e) Fachgebiete
 - f) Ausgabeschemata

Dabei sind alle Begriffe nur innerhalb eines Fachgebietes und seiner untergeordneten Fachgebiete gültig, solange sie nicht umdefiniert werden. Das oberste Fachgebiet ist die ganze Mathematik.

³ Um den Punkt 4 von Abschnitt 1.2 erfüllen zu können, brauchen wir noch für Fachgebiete spezifische Ausgabeschemata, welche die Art der Ausgabe von Daten beschreiben.

Kapitel 1.4 ASBA

- 4. Prüfung: Vorhandene Beweise können automatisch geprüft werden.
- 5. Ausgaben: Die Ausgabe kann in einer eindeutigen, formalen Syntax gemäß vorhandener Ausgabeschemata erfolgen.
- 6. Auswertungen: Zusätzlich zur Ausgabe der Daten sind verschiedene Auswertungen möglich. Insbesondere kann zu jedem Beweis angegeben werden, wie viele Beweisschritte und welche Axiome und Sätze⁴ er benötigt.
- 7. Anpassbarkeit: Fachbegriffe und die Darstellung bei der Ausgabe können mit Hilfe von gegebenenfalls unbenannten untergeordneten Fachgebieten angepasst werden.
- 8. *Individualität*: Axiome und Sätze können für jeden Beweis individuell vorausgesetzt werden. Dabei sind fachgebietsspezifische Fachbegriffe erlaubt.
- 9. Internet: Die Daten können auf mehrere Dateien verteilt sein. Ein Teil davon oder sogar alle können im Internet liegen.
- 10. Kommunikation: Die Kommunikation mit dem System kann mit den Fachbegriffen der einzelnen Fachgebiete erfolgen.
- 11. Zugriff: Der Zugriff auf das System kann lokal und über das Internet erfolgen.
- 12. Unabhängigkeit: Das System kann offline und online arbeiten.
- 13. Rekursion: Es kann rekursiv über alle verwendeten Dateien auch solchen, die im Internet liegen ausgewertet werden.
- 14. Bedienbarkeit: Das System ist einfach zu bedienen.
- 15. Lizenz: Die Software ist Open Source.

1.4. Zusammenhänge

Ausgehend von einer Liste der Fragen haben wir über die Zwischenstufe Mission Anforderungen an das zu realisierende System gestellt. Mit einem großen X werden Spalten markiert, deren Punkte für die Erfüllung der Anforderungen in den Zeilen nötig sind. Idealerweise soll die Erfüllung der Anforderungen die Fragen beantworten bzw. zur Beantwortung beitragen.

25. Februar 2017 Winfried Teschers 5

⁴ Sätze, die quasi als Axiome verwendet werden.

ASBA Kapitel 1.4

Mission Fragen	1 Daten	2 Definitionen	3 Prüfung	4 Ausgaben	5 Auswertunge	6 Lizenz	7 Akzeptanz
1 Grundlagen	X	X	-	X	X	-	-
2 Basis	X	X	-	X	X	-	-
3 Axiome	X	X	-	X	X	-	-
4 Beweis	X		X	X			-
5 Konstruktion	X	-	-	X	-	-	-
6 Vergleiche	X	-	-	-	X	-	-
7 Definitionen	X	X	-	X	-	-	-
8 Abhängigkeiten	X	-	-	X	-	-	-
9 Überblick	X	-	-	-	X	-	-
10 Darstellung	_	Χ	-	X			-
11 Forschung	X	-	-	-	X	-	-

Tabelle 1.1.: Fragen \rightarrow Mission

Ziele Mission	1 Daten	2 Form	3 Eingaben	4 Prüfung	5 Ausgaben	6 Auswertungen	7 Anpassbarkeit	8 Individualität	9 Internet	10 Kommunikation	11 Zugriff	12 Unabhängigkeit	13 Rekursion	14 Bedienbarkeit	15 Lizenz
1 Daten	X	X	X	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	
2 Definitionen	X	-	X	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-
3 Prüfung	-	-	-	X	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-
4 Ausgaben	-	-	-	-	X	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-
5 Auswertungen	-	-	-	-	-	X	-	-	-	-	-	-	-	-	-
6 Lizenz	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	X
7 Akzeptanz	X	Χ	Χ	X	X	X	Χ	Χ	Χ	Χ	X	X	X	Χ	X

Tabelle 1.2.: Mission \rightarrow Ziele (Anforderungen)

Die nächste Tabelle ist eine Kombination aus den Tabellen 1.1 und 1.2. Die Fragen Akzeptanz und Lizenz kommen aus Abschnitt 1.2 auf Seite 4 Mission dazu. Mit einem kleinen x werden Spalten markiert, deren Punkte für die Erfüllung der Anforderungen in den Zeilen nicht nötig, aber von Interesse sind.

Kapitel 1.4 ASBA

Ziele Fragen	1 Daten	2 Form	3 Eingaben	4 Prüfung	5 Ausgaben	6 Auswertungen	7 Anpassbarkeit	8 Individualität	9 Internet	10 Kommunikation	11 Zugriff	12 Unabhängigkeit	13 Rekursion	14 Bedienbarkeit	15 Lizenz
1 Grundlagen	X	X	X	-	X	X	X	-	-	-	-	-	-	-	-
2 Basis	X	X	X	-	X	X	X	X	-	-	-	-	-	-	-
3 Axiome	X	X	X	_	X	X	X	-	_	_	-	-		_	-
4 Beweis	X	X	X	Χ	X	-	-	X	-	-	-	-	-	-	-
5 Konstruktion	X	X	X	-	X	-	-	X	-	-	-	-	-	-	-
6 Vergleiche	X	X	X	-	-	X	-	X	-	-	-	-	-	-	-
7 Definitionen	X	X	X	-	X	-	X	-	-	-	-	-	-	-	-
8 Abhängigkeiten	X	X	X	-	X	-	X	-	-	-	-	-	-	-	-
9 Überblick	X	X	X	-	-	X	X	-	-	-	-	-	-	-	-
10 Darstellung	X		X	-	X	-	X	-	-	-		-		-	-
11 Forschung	X	X	X	-	-	X	\mathbf{x}	-	_	-	-	-	-	-	-
Lizenz		-		-	-	- -	-	-	- -	-		-	-	-	X
Akzeptanz	X	X	X	X	\mathbf{X}	X	X	X	X	X	X	X	X	X	X

ASBA Kapitel 2.1

2. Design

Diese Projekt soll Open Source sein. Daher gilt für die Dokumente die GNU Free Documentation License (FDL) und für die Software die GNU Affero General Public License (APGL). Die GNU General Public License (GPL) reicht für die Software nicht, da das Programm auch mittels eines Servers betrieben werden kann und soll. Damit das Projekt gegebenenfalls durch verschiedene Entwickler gleichzeitig bearbeitet werden kann und wegen des Konfigurationsmanagements wurde es als ein GitHub Projekt erstellt (siehe [19]).

Wenn die Lizenzen nicht mitgeliefert wurden, können sie unter http://www.gnu.org/licenses/gefunden werden.

2.1. Anforderungen

Die Anforderungen ergeben sich zunächst aus dem Abschnitt 1.3 auf Seite 4. Die beiden Ziele 1 Daten und 15 Lizenz sind für die Entwicklung des Systems von sekundärer Bedeutung und wurden daher nicht in diesen Abschnitt übernommen. Die anderen Ziele werden noch verfeinert.

- 1. Form: Die Daten liegt in formaler, geprüfter Form vor. (siehe Ziel 2 auf Seite 4)
- 2. Eingaben: Die Eingabe von Daten erfolgt in einer formalen Syntax unter Verwendung der üblichen mathematischen Schreibweise. Folgende Daten können eingegeben werden:
 - a) Axiome
 - b) Sätze
 - c) Beweise
 - d) Fachbegriffe
 - e) Fachgebiete
 - f) Ausgabeschemata

Dabei sind alle Begriffe nur innerhalb eines Fachgebietes und seiner untergeordneten Fachgebiete gültig, solange sie nicht umdefiniert werden. Das oberste Fachgebiet ist die ganze Mathematik. (siehe Ziel 3 auf Seite 4)

- 3. Prüfung: Vorhandene Beweise können automatisch geprüft werden. (siehe Ziel 4 auf Seite 5)
- 4. Ausgaben: Die Ausgabe kann in einer eindeutigen, formalen Syntax gemäß vorhandener Ausgabeschemata erfolgen. (siehe Ziel 5 auf Seite 5)
- 5. Auswertungen: Zusätzlich zur Ausgabe der Daten sind verschiedene Auswertungen möglich. Insbesondere kann zu jedem Beweis angegeben werden, wie viele Beweisschritte und welche Axiome und Sätze¹ er benötigt. (siehe Ziel 6 auf Seite 5)
- 6. Anpassbarkeit: Fachbegriffe und die Darstellung bei der Ausgabe können mit Hilfe von gegebenenfalls unbenannten untergeordneten Fachgebieten angepasst werden. (siehe Ziel 7 auf Seite 5)

¹ Sätze, die quasi als Axiome verwendet werden.

Kapitel .0 ASBA

7. *Individualität*: Axiome und Sätze können für jeden Beweis individuell vorausgesetzt werden. Dabei sind fachgebietsspezifische Fachbegriffe erlaubt. (siehe Ziel 8 auf Seite 5)

- 8. *Internet*: Die Daten können auf mehrere Dateien verteilt sein. Ein Teil davon oder sogar alle können im Internet liegen. (siehe Ziel 9 auf Seite 5)
- 9. Kommunikation: Die Kommunikation mit dem System kann mit den Fachbegriffen der einzelnen Fachgebiete erfolgen. (siehe Ziel 10 auf Seite 5)
- 10. Zugriff: Der Zugriff auf das System kann lokal und über das Internet erfolgen. (siehe Ziel 11 auf Seite 5)
- 11. Unabhängigkeit: Das System kann offline und online arbeiten. (siehe Ziel 12 auf Seite 5)
- 12. Rekursion: Es kann rekursiv über alle verwendeten Dateien auch solchen, die im Internet liegen ausgewertet werden. (siehe Ziel 13 auf Seite 5)
- 13. Bedienbarkeit: Das System ist einfach zu bedienen. (siehe Ziel 14 auf Seite 5)

...

2.2. Datenstruktur

...

2.3. Bausteine

...

25. Februar 2017 Winfried Teschers 9

ASBA Kapitel A.1

A. Anhang

A.1. Werkzeuge

Da dies ein Open Source Projekt sein soll, müssen alle Werkzeuge, die zum Ablauf der Software erforderlich sind, ebenfalls Open Source sein. Für die reine Entwicklung sollte das auch gelten.

Werkzeuge, die zum Ablauf der Software erforderlich sind

• $MiKT_{EX}$ für Dokumentation und Ausgaben in $I_{A}T_{EX}$. \rightarrow https://miktex.org/ - Lizenz [10]

Werkzeuge, die für die Entwicklung verwendet werden

- GitHub als Online Konfigurationsmanagementsystem zur Zusammenarbeit verschiedener Entwickler. \rightarrow https://github.com/ Lizenz [6]
- GitHub benötigt Git als Konfigurationsmanagementsystem. \rightarrow https://git-scm.com/ Lizenz [6]
- Visual Studio Community 2015 (VS) als Entwicklungsumgebung für C++. \rightarrow https://www.visualstudio.com/downloads/ Lizenz [9]
- Doxygen als Dokumentationssystem für C++. → http://www.stack.nl/~dimitri/doxygen/-Lizenz [6]
- Doxygen benötigt Ghostscript als Interpreter für Postscript und PDF. → http://ghostscript.com/ Lizenz [4]
- Doxygen benötigt *Graphviz* mit *Dot* zur Erzeugung und Visualisierung von Graphen. → http://www.graphviz.org/Home.php Lizenz [3]

Werkzeuge für die Entwicklung, die jeder Entwickler individuell durch andere ersetzten kann

- $T_EXstudio$ als Editor für LATEX. \rightarrow http://www.texstudio.org/ Lizenz [6]
- *Notepad++* als Text-Editor. → https://notepad-plus-plus.org/ Lizenz [5]
- WinMerge zum Vergleich von Dateien und Verzeichnissen. \rightarrow http://winmerge.org/ Lizenz [5]

Angedachte Werkzeuge

- In Visual Studio Community 2015 integrierte Datenbank für Axiome, Sätze, Beweise, Fachbegriffe und Fachgebiete. Lizenz [9]
- RapidXml für Ein- und Ausgabe in XML. → http://rapidxml.sourceforge.net/index.htm Lizenz wahlweise [2] oder [12]

¹ Visual Studio Community ist zwar nicht Open Source, darf aber zur Entwicklung von Open Source Software unentgeltlich verwendet werden.

Kapitel A.2 ASBA

Im Projekt gedeg verwendete Werkzeuge

- Java als Programmiersprache Laufzeitumgebung. → https://www.java.com/de/download/win10.jsp Lizenz [13]
- Apache Ant als Java Bibliothek und Kommandozeilen-Werkzeug um Java Programme zu erzeugen.

 → http://ant.apache.org/ Lizenz [1]
- Checkstyle zur statischen Code-Analyse für Java. → http://checkstyle.sourceforge.net/-Lizenz [7]
- Clover² als Testwerkzeug zur Analyse der Code-Abdeckung. → https://www.atlassian.com/software/clover/ Lizenz [8]
- Eclipse IDE for Java Developers als Entwicklungsumgebung für Java. → http://www.eclipse.org/downloads/packages/eclipse-ide-java-developers/neon1a/ Lizenz [14]
- JUnit zur Erzeugung von wiederholbaren Tests. → http://junit.org/junit4/ Lizenz [3]
- Xerces2 als XML-Parser in Java. \rightarrow http://xerces.apache.org/xerces2-j/ Lizenzen [1, 11, 15, 16]

A.2. Aussagenlogik

Die Tabelle A.1 auf der nächsten Seite vereinigt die Definition der Symbole von Operatoren mit den Wahrheitswerten ihrer Anwendung. A und B sind beliebige, auch zusammengesetzte, Aussagen und stehen für den linken bzw. rechten Operanden der Operatoren. W steht für wahr und F für falsch. Je nach den Wahrheitswerten von A und B ergeben sich die angegebenen Wahrheitswerte der Operationen.

25. Februar 2017 Winfried Teschers 11

² Clover ist proprietäre Software, aber auf Anfrage frei für 30 Tage; danach ist eine einmalige Lizenzgebühr fällig.

ASBA Kapitel A.5

Die Spalten 0, 1 und 2 werden jeweils nur für die 0-, 1- bzw. 2-stelligen Operatoren ausgefüllt.

Symbol	0	$0 \mid 1$		ı I	6	2		Name	Sprechweise/Bemerkung		
A	ı	W F		W	W	F	F	-	Aussage A		
В	-	_	-	W	\mathbf{F}	W	\mathbf{F}	-	Aussage B		
\top	W	l		l				-	wahr		
\perp	\mathbf{F}	l I		l I				-	falsch		
		W	W	i				-	immer wahr		
A		W	\mathbf{F}	I				-	gleich A		
$\neg A$		F	W	l I				Negation	nicht A		
		F	\mathbf{F}	l I				-	immer falsch		
		 		W	W	W	W	-	wahr		
$A \vee B$		 -		W	W	W	\mathbf{F}	Disjunktion	A oder B		
$A \leftarrow B$		 		1 W	W	\mathbf{F}	W	Implikation	A folgt aus B		
		 		L W	W	\mathbf{F}	\mathbf{F}	-	gleich A		
$A \to B$				W	F	W	W	<u>-</u>	aus A folgt B		
		 		W	\mathbf{F}	W	\mathbf{F}	-	gleich B		
$A \leftrightarrow B$		 		L W	\mathbf{F}	\mathbf{F}	W	Äquivalenz	A genau dann wenn B		
$A \wedge B$		 		W	\mathbf{F}	\mathbf{F}	\mathbf{F}	Konjunktion	A und B		
$A \!\!\! ext{ iny} B$				F	W	W	W	NAND	nicht (A und B)		
$A \nleftrightarrow B$		 		L F	W	W	\mathbf{F}	exklusives oder	$A\dot{\lor}B$; entweder A oder B		
				L F	W	\mathbf{F}	W	-	ungleich B		
$A \nrightarrow B$		 -		F	W	\mathbf{F}	\mathbf{F}	-	-		
		 		F	F	W	W	<u>-</u>	ungleich A		
$A \not\leftarrow B$		 		L F	\mathbf{F}	W	F	-	-		
$A\!$				F	\mathbf{F}	\mathbf{F}	W	NOR	nicht (A oder B)		
		! 		i F	\mathbf{F}	\mathbf{F}	F	-	falsch		
(A)		W	F	† · I				Klammerung	A ist geklammert		
A = B		 		L W	\mathbf{F}	\mathbf{F}	W	Identität	A ist gleich B		
$A \neq B$		 		F	W	W	F	Ungleichheit	A ist ungleich B		

Tabelle A.1.: Definition der aussagenlogischen Symbole

Es gibt nicht für jeden möglichen Operator ein Symbol, einen Namen oder eine Sprechweise. \leftrightarrow und = sowie \nleftrightarrow und \neq liefern zwar das gleiche Ergebnis, sind logisch aber zu unterscheiden. Identität ist ein grundsätzliches Problem, während \leftrightarrow und \nleftrightarrow per Axiom oder Definition eingeführt werden müssen. Ähnliches gilt für \top und W sowie für \bot und F.

...

A.3. Prädikatenlogik

...

A.4. Mengenlehre

. . .

Kapitel A.5 ASBA

A.5. Offene Aufgaben

- 1. Formale Syntax definieren
- 2. Datenstruktur definieren
- 3. Prüfung der Beweise definieren
- 4. Axiome für das System bestimmen
- 5. Eingabeprogramm erstellen (liest XML)
- 6. Prüfprogramm erstellen
- 7. Ausgabeprogramm erstellen (schreibt XML)
- 8. Formelausgabe erstellen (erzeugt LATEX aus XML)
- 9. Axiome sammeln und eingeben
- 10. Sätze sammeln und eingeben
- 11. Beweise sammeln und eingeben
- 12. Fachbegriffe und Symbole sammeln und eingeben
- 13. Fachgebiete sammeln und eingeben
- 14. Ausgabeschemata sammeln und eingeben

Tabellenverzeichnis

1.1. Fragen \rightarrow Mission	6
1.3. Fragen \rightarrow Ziele (Anforderungen)	
Abbildungsverzeichnis	
<noch abbildungen="" keine="" vorhanden.=""></noch>	14

Literaturverzeichnis ASBA

Literaturverzeichnis

```
[1] Apache License, Version 2.0 → http://www.apache.org/licenses/LICENSE-2.0
 [2] Boost Software License 1.0 \rightarrow http://www.boost.org/users/license.html
 [3] Eclipse Public License Version 1.0 → http://www.eclipse.org/org/documents/epl-v10.php
 [4] GNU Affero General Public License → http://www.gnu.org/licenses/agpl
 [5] \ \ GNU \ \ General \ \ Public \ \ License \rightarrow \ \texttt{http://www.gnu.org/licenses/old-licenses/gpl-1.0}
 [6] GNU General Public License, Version 2 \rightarrow
    http://www.gnu.org/licenses/old-licenses/gpl-2.0
 [7] GNU Lesser General Public License, Version 2.1 \rightarrow
    http://www.gnu.org/licenses/old-licenses/lgpl-2.1
 [8] Lizenz für Clover → https://www.atlassian.com/software/clover
 [9] Lizenz für Microsoft Visual Studio Community (Microsoft Visual Studio Express 2015) \rightarrow
    https://www.visualstudio.com/de/license-terms/mt171551/
[10] Lizenz für MikTeX \rightarrow \text{https://miktex.org/kb/copying}
[11] Lizenz für SAX \rightarrow \text{http://www.saxproject.org/copying.html}
[12] MIT License → https://opensource.org/licenses/MIT/
[13] Oracle Binary Code License Agreement → http://java.com/license
[14] OSI Certified Open Source Software \rightarrow
    https://opensource.org/pressreleases/certified-open-source.php
[15] W3C\ Document\ License \rightarrow \text{http://www.w3.org/Consortium/Legal/2015/doc-license}
[16] W3C Software Notice and License \rightarrow
    http://www.w3.org/Consortium/Legal/2002/copyright-software-20021231.html
[17] Hilbert\ II - Introduction \rightarrow http://www.qedeq.org/
[18] Formal Correct Mathematical Knowledge: GitHub Repository von Projekt Hilbert II \rightarrow
    https://github.com/m-31/qedeq/
[19] ASBA - Axiome, Sätze, Beweise und Ausgaben. Projekt zur maschinellen Überprüfung von
    mathematischen Beweisen und deren Ausgabe in lesbarer Form: GitHub Repository von Projekt
    ASBA \rightarrow https://github.com/Dr-Winfried/ASBA
```

http://www.qedeq.org/current/doc/math/qedeq_set_theory_v1_de.pdf

[22] Meyling, Michael: Axiomatische Mengenlehre - 24. Mai 2013 (in Bearbeitung) \rightarrow

http://www.qedeq.org/current/doc/math/qedeq_logic_v1_de.pdf

[21] Meyling, Michael: Formale Prädikatenlogik - 24. Mai 2013 (in Bearbeitung) → http://www.qedeq.org/current/doc/math/qedeq_formal_logic_v1_de.pdf

25. Februar 2017 Winfried Teschers 15

[20] Meyling, Michael: Anfangsgründe der mathematischen Logik - 24. Mai 2013 (in Bearbeitung) \rightarrow

- [23] Meyling, Michael: Elements of Mathematical Logic May 24, 2013 (in Bearbeitung) → http://www.qedeq.org/current/doc/math/qedeq_logic_v1_en.pdf
- [24] Meyling, Michael: Formal Predicate Calculus May 24, 2013 (in Bearbeitung) → http://www.qedeq.org/current/doc/math/qedeq_formal_logic_v1_en.pdf
- [25] Meyling, Michael: Axiomatic Set Theory May 24, 2013 (in Bearbeitung) -> http://www.qedeq.org/current/doc/math/qedeq_set_theory_v1_en.pdf
- [26] Wikipedia: Aussagenlogik Kapitel 4 Formaler Zugang 24.02.2017 → https://de.wikipedia.org/wiki/Aussagenlogik#Formaler_Zugang
- [27] Wikipedia: Prädikatenlogik erster Stufe 24.02.2017 → https://de.wikipedia.org/wiki/Pr%C3%A4dikatenlogik_erster_Stufe
- [28] Wikipedia: $Mengenlehre 24.02.2017 \rightarrow \text{https://de.wikipedia.org/wiki/Mengenlehre}$