Fiche 4.0: récursivité

BUT Informatique IUT de Vélizy

0	Empilements
□ 0.	Prise en main - empilements 0. Lisez le code et exécutez-le. Cet exercice utilise une mini- bibliothèque libEmpilements qui étend tkiteasy; les exercices qui suivent seront faits sur le même modèle. L'objectif de cette question est seulement de comprendre l'utilisation de la méthode empilerCube. Modifiez librement le script en ajoutant des cubes supplémentaires empilés avec les premiers ou sur des espaces vides.
□ 1.	Trois fonctions - empilements1. Ce script définit trois fonctions qui s'appellent entre elles. L'objectif ici est de comprendre en regardant le code pourquoi les cubes tombent exactement dans cet ordre et sur ces positions.
\square 2.	Sans tricher! - empilements2. Si vous avez compris, essayez de prévoir dans quel ordre et à quels endroits vont tomber les cubes si l'on fait l'appel de fonction fa(g,2) (il faut l'ajouter). Prenez un papier et essayez de noter dans quel ordre tombent les cubes, sur quel emplacement et avec quelle couleur! Si vous vous êtes trompé, ce n'est pas grave mais essayez de comprendre pourquoi!
□ 3.	Cette fois-ci, vraiment sans tricher! - empilements3. Même exercice si l'on ajoute dans ce script l'appel de fonction fA(g,2).
\square 4.	Chassé-croisé - empilements4. Essayez de prévoir ce que va faire l'appel f0(g,0).
□ 5.	suite - empilements4. A la fin de la fonction f0, ajoutez l'empilement d'un cube rouge sur la même position que le cube bleu. Comment et dans quel ordre cela va-t'il se passer?
□ 6.	Valideycheun Appelez l'enseignant.e afin de valider ce que vous avez compris des 4 exercices précédents.
	l'autre. Il ne nous reste plus beaucoup de chemin à faire pour utiliser maintenant une fonction qui s'appelle elle-même : une fonction récursive. Attention : dans les exercices ci-dessous, celle ou celui qui écrit une boucle va au coin!
□ 7.	Première fonction récursive - empilements5. La fonction qui effectue le travail d'empilement de cubes est la fonction f0. Comme vous le voyez cette fonction ne contient pas de boucle. La ligne où la fonction f0 appelle la fonction f0 dans son propre code est <i>l'appel récursif</i> .

🗆 8. Suite - empilements 5. Déplacez l'appel récursif avant l'empilement. Que se passe-til ? Expliquez!

□ 9. Suite - empilements5. Modifiez le code afin d'empiler un cube bleu de gauche à droite, puis un cube vert de droite à gauche, avec un seul appel récursif!

□ 10. A vous - empilements6. Sur le modèle de l'exercice précédent, écrivez une fonction récursive mais qui fasse une récurrence descendante, de la position 9 à la position 0 en empilant des cubes. Puis modifiez le code afin d'obtenir un empilement de droite à gauche, suivi d'une seconde ligne de gauche à droite (toujours un seul appel récursif.)

□ 11. remplissage - empilements7 La fonction f0 de l'exercice précédent, dans sa première version permettait de remplir toute une ligne. Pouvez-vous créer une deuxième fonction qui va appeler f0 pour remplir une ligne, puis qui va s'appeler elle-même afin de remplir la ligne du-dessus? Si cela fonctionne, tout l'écran sera rempli par récurrence. Attention, il faut s'arrêter à un moment quand les lignes deviennent trop hautes (vous pouvez avoir besoin d'un compteur passé en paramètre).

1 Exploration-Diffusion

Dans ce nouvel environnement graphique, nous allons étudier le concept de diffusion ou d'exploration, qui consiste en général à partir d'un endroit précis et d'explorer de proche en proche tous les endroits accessibles.

□ 12. **démonstration - demo_grille1.mp4** visualiser le film **demo_grille1.mp4** afin de voir concrètement l'objectif de cette partie.



Il s'agit d'une version préliminaire des algorithmes de plus court chemin. Dans cette version, Pacman se trouve dans un environnement 2D où il peut se déplacer dans 4 directions, et ne peut pas traverser les murs (cases noires). L'objectif est de déterminer l'ensemble des cases auxquelles Pacman peut accéder, en visualisant de plus les appels récursifs par des flèches.

- □ 13. tuto de l'API grille0. lisez le code de grille0.py et exécutez. Attention surveillez aussi le terminal. Le but est de comprendre l'interface qui sera utilisée ensuite.
- □ 14. **première tentative grille1** Même chose, sauf qu'ici on fait se déplacer pacman jusqu'à ce qu'il soit coincé. Essayez de modifier ce code pour que tout se passe comme dans le film demo_grille2.py.
 - lorsque Pacman se déplace, on marque son déplacement avec une flèche rouge.
 - lorsque Pacman rencontre un obstacle, il essaie de repartir dans une autre direction. Indication : on peut faire dx, dy = dy, -dx pour effectuer un quart de tour sur la direction!
 - Si toutes les directions sont bloquées car soit déjà explorées (couleur "blue") ou invalides, alors le programme se termine.

Peut-on faire mieux avec cet algorithme? Réussir à visiter toutes les cases accessibles?

□ 15. version récursive - grille2 Finalement, la technique ci-dessus a clairement ses limites : Pacman peut se retrouver bloqué et il faut trouver le moyen de "repartir en arrière". C'est là qu'intervient la récursivité et la pile d'appels (ou pile de récursivité) fait ce travail pour nous. Complétez la fonction exploration qui se trouve dans le fichier grille2. La spécification de la fonction donne les instructions à suivre.

2 Exercices non graphiques



Après le déroulement graphique passionant des deux parties précédentes, vous avez développé une intuition solide du déroulement d'une fonction récursive. Les exercices qui suivent, plus classiques, sont à traiter dans des scripts python sans sortie graphique (terminal uniquement). Vous pouvez également utiliser jupyter.

□ 16. Faites tourner ce programme sur papier (ou dans votre tête) et déterminez ce qu'il fait :

```
def fx(t, n):
    if n == len(t):
        return 0

if t[n] == 0:
        return 1+fx(t, n+1)
    else:
        return fx(t, n+1)

1 = [5,3,4,2,0,4,2,0,0,1,0,2]
print(fx(1,0))
```

```
□ 17. Faites tourner ce programme sur papier (ou dans votre tête) et déterminez ce qu'il fait :
      def fx(t, n, d, f):
           if d>f:
                return False
           m = (d+f)//2
           if t[m] == n:
                return True
           elif t[m] > n:
                return fx(t, n, d, m-1)
           else:
                return fx(t, n, m+1, f)
      1 = [1,4,8,9,12,17,21,25,90]
      print(fx(1, 8, 0, len(1)-1))
      print(fx(1, 10, 0, len(1)-1))
      print(fx(1, 1, 0, len(1)-1))
\square 18. Écrire une fonction récursive qui renvoie la somme des entiers 0^2 + 1^2 + \cdots + n^2, l'entier n étant
      donné en paramètre (sans utiliser de formule).
□ 19. Écrire une fonction récursive qui renvoie un booléen indiquant si les éléments d'un tableau
      d'entier sont tous positifs.
      On pourra écrire une fonction de prototype tout_positif(tab, debut=0) et qui renvoie un
      booléen qui indique si tous les éléments de tab sont positifs depuis l'indice debut jusqu'à la fin.
□ 20. Écrire une fonction récursive qui cherche un élément dans un tableau. Même principe que pour
      l'exercice précédent.
□ 21. Écrire une fonction récursive qui cherche un entier dans un tableau trié d'entiers par recherche
      dichotomique.
□ 22. Écrire une fonction récursive calculant les termes de la suite de Fibonacci 1 1 2 3 5 8 13 21 34 ...
      Cette fonction est-elle efficace en termes de complexité algorithmique? Comment l'améliorer?
\square 23. Écrire une fonction qui génère toutes les chaînes de caractères de longueur k (par exemple, les
      mots de passe!) que l'on peut écrire étant donné une liste de caractères de la forme caracteres
      = ['a','c','x',...].
□ 24. (*) Écrire une fonction récursive qui renvoie la liste de toutes les suites strictements croissantes
      de longueur k composées d'entiers de 1 à n.
      Exemple: Si k=3 et n=5 la fonction doit renvoyer (éventuellement dans un autre ordre)
               [[1, 2, 3], [1, 2, 4], [1, 2, 5], [1, 3, 4], [1, 3, 5], [1, 4, 5], [2, 3, 4], [2, 3, 5], [2, 4, 5], [3, 4, 5]]
```