



CSE100 الحاسبات والبرمجة ١

د/ عمرو زامل

<https://dramrzamel.github.io/CSE001/>

[<http://bit.ly/AmrZamel>]

المحاضرة 2 : تمثيل البيانات داخل الحاسب

جدول السكاشن

اسبوع نظري و اسبوع عملي

5:00 – 3:55	3:40 – 2.00	2:00 – 12:30	11:40 – 10:00	10:00 – 8:30	
SEC 1,2/3,4 م. هشام عبدالله (نظري) 24403	SEC 17,18/39,40 م. هشام عبدالله (نظري) 27520	SEC 27,28/ 35,36 م. هشام عبدالله (نظري) 24304			السبت
LAB sec 3/1 م. أحمد عبدالباسط (عملي)	LAB sec 39/17 م. محمد عيسى (عملي)	LAB sec 35/27 م. محمد عيسى (عملي)			
LAB sec 4/2 م. دعاء (عملي)	LAB sec 40/18 م. دعاء (عملي)	LAB sec 36/28 م. دعاء (عملي)			
SEC 31,32/37,38 م. أحمد عثمان (نظري) 24408	Sec 7,8/9,10 م. هشام عبدالله (نظري) 25416	Sec 41 ,42/ 45,46 م. هشام عبدالله (نظري) 24406	SEC 5,6 /11,12 م. هشام عبدالله (نظري) 24419		الأحد
LAB sec 37/31 م. أسامة (عملي)	LAB SEC 9/7 م. حمدي – م. أسامة (عملي)	LAB SEC 45/41 م. هند (عملي)	LAB SEC 11/5 م. هند (عملي)		
LAB SEC 38/32 م. حمدي (عملي)	LAB SEC 10/8 م. سارة	LAB SEC 46/42 م. سارة (عملي)	LAB SEC 12/6 م. أحمد عبدالباسط (عملي)		
SEC 19,20/21,22 م. محمد عيسى (نظري) 24406	SEC 25,26/33,34 م. محمد عيسى (نظري) 25515				الاثنين
LAB SEC 21/19 م. أسامة (عملي)	LAB SEC 33/25 م. هند – م. محمود (عملي)				
LAB SEC 22/20 م. سارة (عملي)	LAB SEC 34/26 م. سارة (عملي)				
	SEC 15,16/29,30 م. أحمد عثمان (نظري) 25216	SEC 13,14/23,24 م. سارة (نظري) 24403	SEC 43,44/47,48 م. أحمد عثمان (نظري) 24215		الثلاثاء
	LAB SEC 29/15 م. حمدي (عملي)	LAB SEC 23/13 م. محمود (عملي)	LAB SEC 47/43 م. حمدي (عملي)		
	LAB SEC 30/16 م. محمد عيسى – م. سارة (عملي)	LAB SEC 24/14 م. محمد عيسى (عملي)	LAB SEC 48/ 44 م. محمود (عملي)		

المحاضرة الثانية

تمثيل البيانات داخل الحاسب

مقدمة

تمثيل الأعداد في الحاسب (الأنظمة العددية)

التحويلات بين الأنظمة العددية المختلفة

تمثيل الرقم السالب داخل الحاسب

الخلاصة

مقدمة



■ وحدة تخزين العنصر داخل الحاسب عبارة عن *electronic switches*

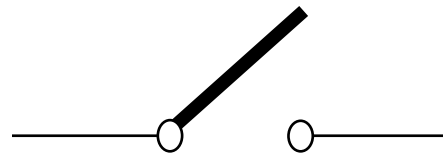
■ كل مفتاح لديه عدد ٢ حالة *on (1) or off (0)*:

ON



1

OFF



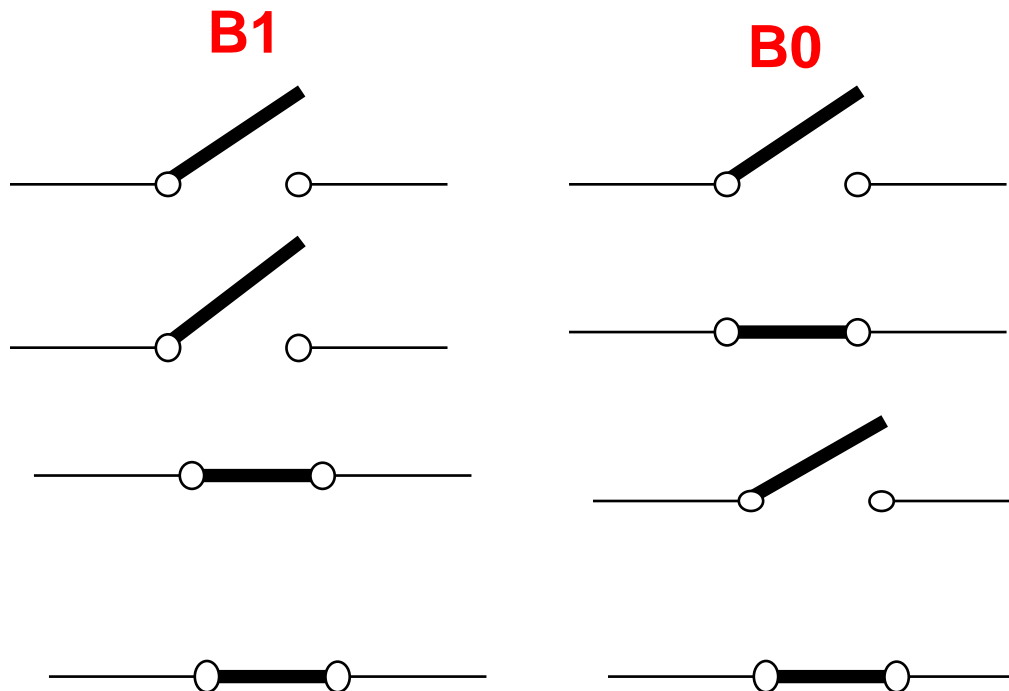
0

■ سوف نستخدم الـ Bit (0 or 1) لكي نعبر عن حالة المفتاح.

مثال

لدينا ٢ مفتاح (ما عدد القيم التي يمثلها)

4



B1 (2)	B0 (1)	Value
0	0	0
0	1	1
1	0	2
1	1	3

عموما : لو ان لدينا N bits فسوف نستطيع تمثيل 2^N حالة مختلفه.

No. of bits n	No. of values to represent 2^n	Values القيمة بالثنائى	القيم العددية المقابلة
1	2	0, 1	0 -> 1
2	4	00, 01, 10, 11	0 -> 3
3	8	000, 001, 010, ..., 110, 111	0 -> 7
4	16	0000, 0001, 0010, ..., 1111	0 -> 15

إذا كان لدينا عدد M لقيم مختلفه فسوف نحتاج لعدد $\lceil \log_2 M \rceil$ Bits

No. of Values M	No. of bits n
2	1
4	2
8	3
16	4
32	5
64	6
128	7

100

ما عدد البت الثنائية

التي تحتاجها لتشفير عدد القيم ١٠٠؟

7

ما عدد البت الثنائية

التي تحتاجها لتشفير عدد القيم ٨؟

3

ما عدد البت الثنائية

التي تحتاجها لتشفير القيمة ٨؟

4

تمثيل الأعداد في الحاسب (الأنظمة العددية)

الأنظمة العددية

Decimal

عشري

Octal

ثماني

Binary

ثنائي

Hexadecimal

سداسي عشر

الأنظمة العددية

النظام	الأساس	العناصر
العشري	10	0,1,2,3, ..., 8,9
الثنائي	2	0 , 1
الثماني	8	0,1,2, ..., 7
السداسي عشر	16	0,1,2,3, ...,9, a, b, c, d , e, f

Decimal System النظام العشري

النظام العشري

$$N = 278$$


2 = المئات

7 = العشرات

8 = الأحاد

الأوزان	10^2	10^1	10^0
الأوزان	100	10	1
N	2	7	8

$$278 = (2 \times 10^2) + (7 \times 10^1) + (8 \times 10^0)$$



المئات العشرات الأحاد

النظام العشري Decimal System

- أكثر أنظمة العد استعمالاً من قبل الإنسان
- سمي **بالعشري** لأن أساس النظام **عشرة** ويتكون من عشرة أرقام (0 -> 9)

أساس (Base) أي نظام عددي يساوي عدد الأرقام المستعملة لتمثيل الأعداد فيه.

- تمثل الأعداد في النظام العشري بواسطة قوى الأساس 10 وهذه تسمى بدورها **أوزان خانات العدد**

$$N = b_n 10^n + b_{n-1} 10^{n-1} + \dots + b_1 10^1 + b_0 10^0$$

Decimal System النظام العشري

أمثله: النظام العشري

$$N = (7129.45)_{10}$$

يمكن كتابته على النحو التالي :

$$N = 7 \times 10^3 + 1 \times 10^2 + 2 \times 10^1 + 9 \times 10^0 + 4 \times 10^{-1} + 5 \times 10^{-2}$$

الاوزان	10^3	10^2	10^1	10^0	10^{-1}	10^{-2}
الاوزان	1000	100	10	1	1/10	1/100
N	7	1	2	9	4	5

النظام الثنائي : Binary System

- الأساس المستعمل في النظام الثنائي هو 2
- يتكون هذا النظام من رقمين فقط هما 0 و 1 ويسمى كل منهما رقماً ثنائياً Binary Digit
- من الشائع إطلاق اسم Bit على الخانة التي يحتلها الرقم داخل العدد الثنائي.

$$N = b_n 2^n + b_{n-1} 2^{n-1} + \dots + b_1 2^1 + b_0 2^0$$

مثال فك هذا الرقم $N = (1101)_2$

الاوزان	2^3	2^2	2^1	2^0
$N = (1001)_2$	1	1	0	1

$$(1001)_2 = 1 \times 2^3 + 1 \times 2^2 + 0 \times 2^1 + 1 \times 2^0$$

$$(1001)_2 = (8 + 4 + 0 + 1)_{10} = (13)_{10}$$

النظام الثماني : Octal System

- الأساس في النظام الثماني هو 8
- يتكون هذا النظام من ثمانية ارقام فقط هي:

0 1 2 3 4 5 6 7

$$N = b_n 8^n + b_{n-1} 8^{n-1} + \dots + b_1 8^1 + b_0 8^0$$

$$N = (263)_8$$

الاوزان	8^2	8^1	8^0
---------	-------	-------	-------

$N = (263)_8$	2	6	3
---------------	---	---	---

$$(263)_8 = 2 \times 8^2 + 6 \times 8^1 + 3 \times 8^0$$

$$(263)_8 = (128 + 48 + 3)_{10} = (179)_{10}$$

Hexadecimal System النظام السداسي عشر

- الأساس في النظام السداسي عشر هو 16
- يتكون هذا النظام من 16 رقم وهي:

0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 A B C D E F

فك النظام السداسي عشر التالي

$$N = (2A)_{16}$$

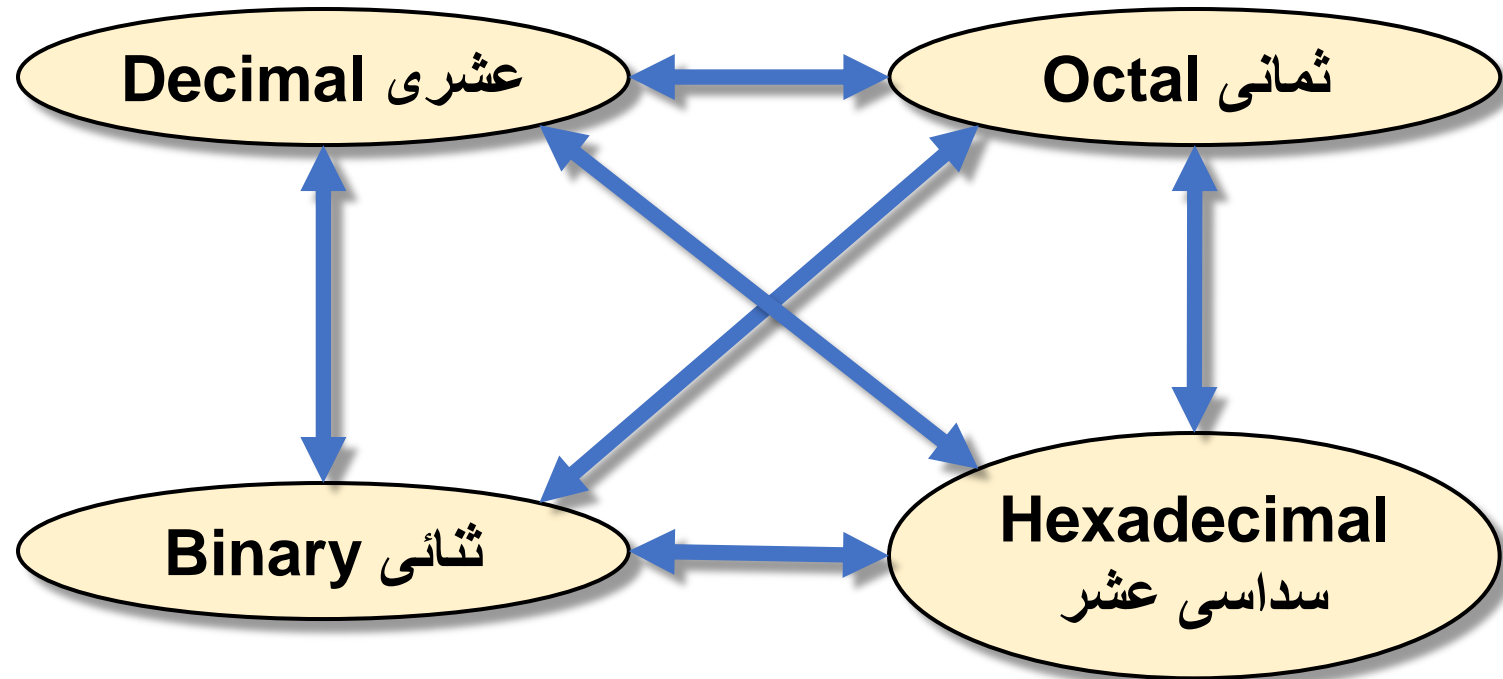
الاوزان			16^1	16^0
$N = (2A)_{16}$			2	A

$$(2A)_{16} = 2 \times 16^1 + 10 \times 16^0$$

$$(2A)_{16} = (32 + 10)_{10} = (43)_{10}$$

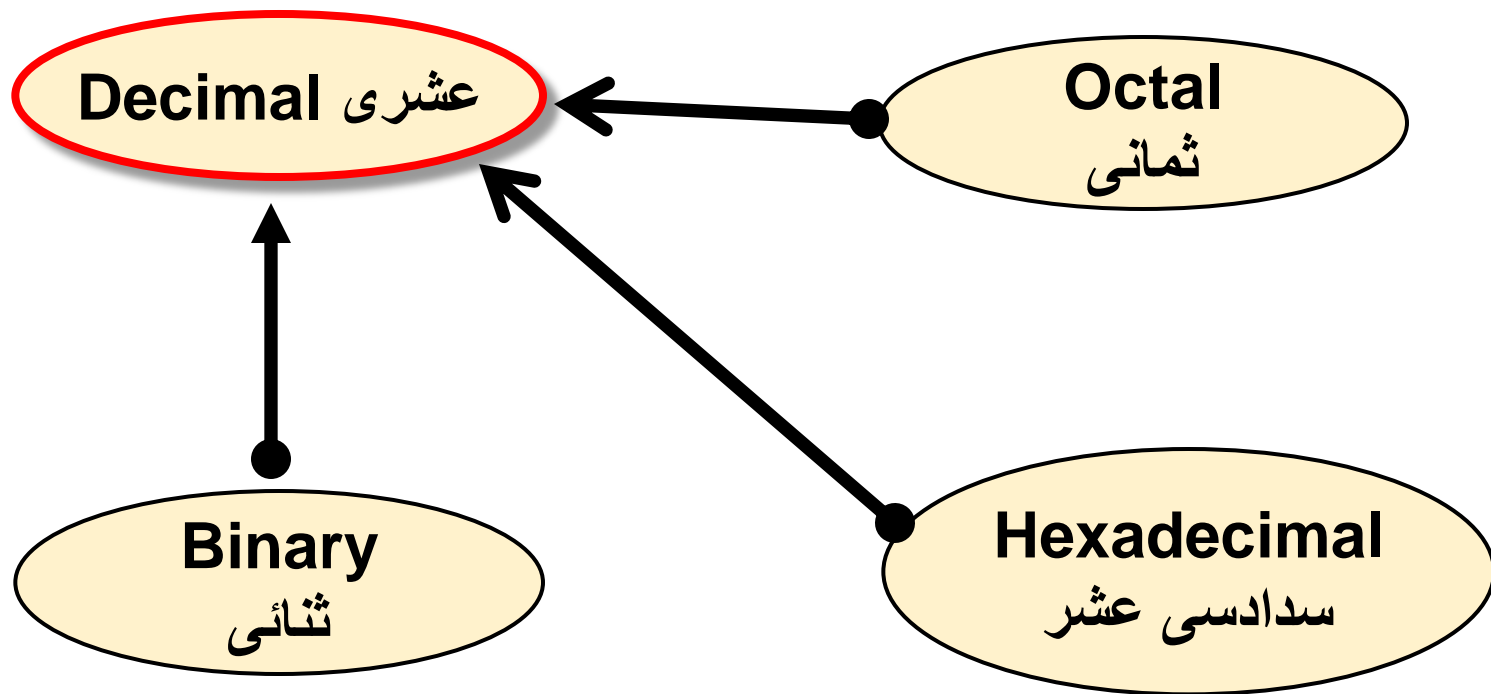
التحول بين الأنظمة العددية

التحول بين الأنظمة العددية



التحول بين الأنظمة العددية

(١) التحويل من أي نظام إلى العشري:



$$(25)_{10} = (11001)_2 = (31)_8 = (19)_{16}$$

خطوات التحويل من اى نظام الى العشري :

فك النظام عن طريق الضرب فى اوزان النظام

التحويل من الثنائى الى العشري

- ضرب كل خانه (Bit) في 2^n ، علما بأن n تمثل وزن خانه.
- وزن خانه عباره عن رقم (مكان) خانه ويبدأ من اليمين ويبدأ برقم صفر.
- جمع النتائج.

$$N = b_n 2^n + b_{n-1} 2^{n-1} + \dots + b_1 2^1 + b_0 2^0$$

الاوزان

2^4

2^3

2^2

2^1

2^0

(1 0 0 1 1)₂

ON/OFF

ON

OFF

OFF

ON

ON

Calculation:

16 + 0 + 0 + 2 + 1 =

(19)₁₀

الثماني / العشري

خطوات عملية التحويل:

- ضرب كل خانه (Bit) في 8^n ، علماً بأن n تمثل وزن خانه.
- وزن خانه عبارته عن رقم (مكان) خانه ويبدأ من اليمين ويبدأ برقم صفر.
- جمع النتائج.

$$N = b_n 8^n + b_{n-1} 8^{n-1} + \dots + b_1 8^1 + b_0 8^0$$

مثال

الاوزان: 64 8 1
 8^2 8^1 8^0

$(1\ 4\ 7)_8$

$$64 + 32 + 7 =$$

$(103)_{10}$

$$\begin{array}{rcll} 724_8 & \Rightarrow & 4 \times 8^0 & = & 4 \\ & & 2 \times 8^1 & = & 16 \\ & & 7 \times 8^2 & = & \underline{448} \\ & & & & 468_{10} \end{array}$$

السداسي عشر / العشري

خطوات عملية التحويل:

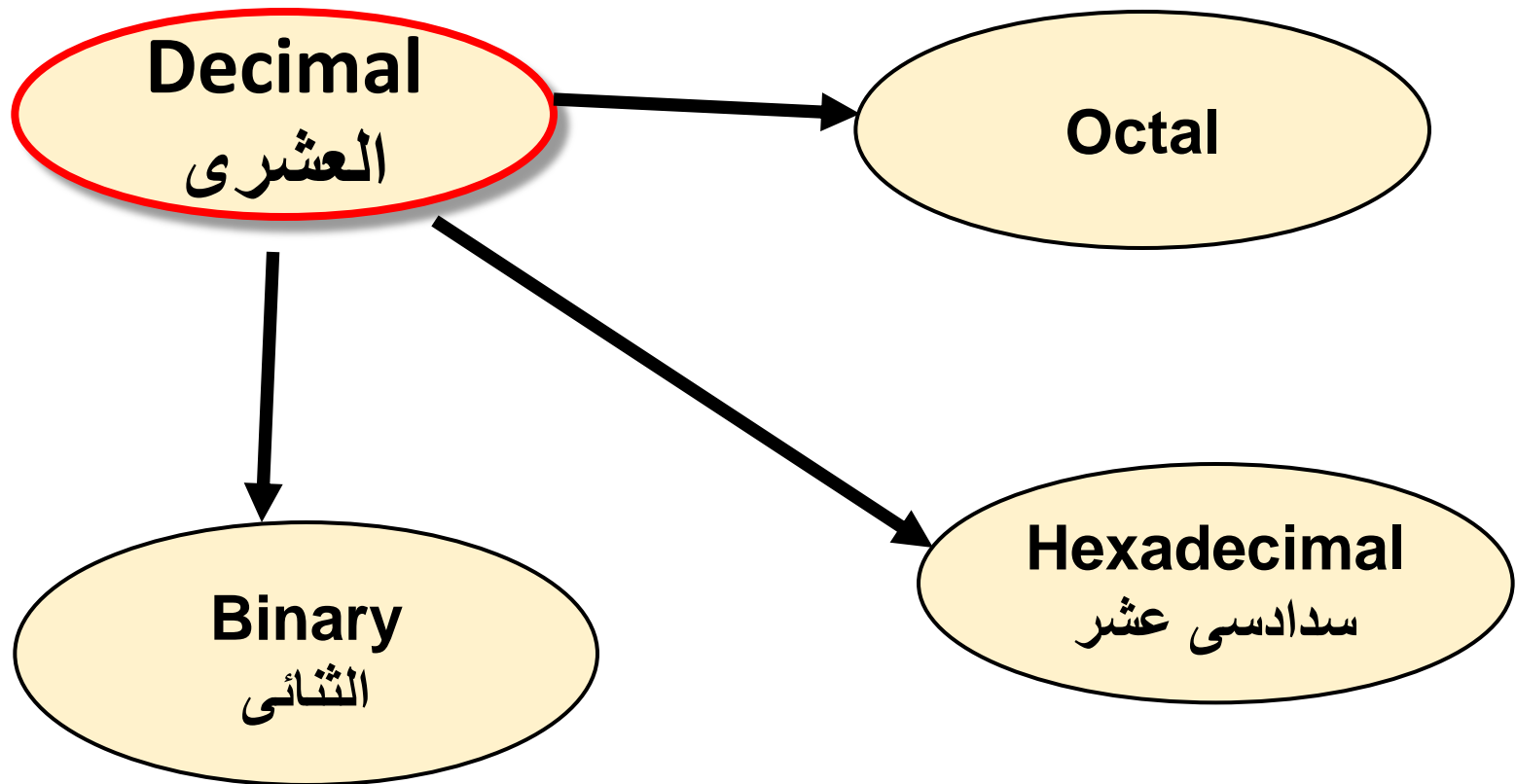
- ضرب كل خانه (Bit) في 16^n ، علماً بأن n تمثل وزن الخانه.
- وزن الخانه عبارته عن رقم (مكان) الخانه ويبدأ من اليمين ويبدأ برقم صفر.
- جمع النتائج.

$$N = b_n 16^n + b_{n-1} 16^{n-1} + \dots + b_1 16^1 + b_0 16^0$$

Example

$$\begin{array}{rcll} \text{ABC}_{16} \Rightarrow & \text{C} \times 16^0 & = 12 \times 1 & = 12 \\ & \text{B} \times 16^1 & = 11 \times 16 & = 176 \\ & \text{A} \times 16^2 & = 10 \times 256 & = 2560 \\ & & & \hline & & & 2748_{10} \end{array}$$

من النظام العشري لأي نظام آخر



تمثيل الأرقام العشرية بالنظام **الثنائي**

مجموع الأوزان

بالقسمة علي **2**

تمثيل الأرقام العشرية بالنظام **الثماني**

مجموع الأوزان

بالقسمة علي **8**

تمثيل الأرقام العشرية بالنظام **السداسي عشر**

مجموع الأوزان

بالقسمة علي **16**

بالقسمة علي أساس النظام

باستخدام القانون العام

من النظام العشري لأي نظام آخر

باستخدام طريقة **مجموع الأوزان** حول الأعداد العشرية التالية إلى مقابلها الثنائي في ٨ خانات منهم ٢ للكسر؟

a) 9 b) 21 d) 12.25

	2^5	2^4	2^3	2^2	2^1	2^0	2^{-1}	2^{-2}	
	32	16	8	4	2	1	0.5	0.25	
(9)	0	0	1	0	0	1	0	0	$(1001.00)_2$
(21)	0	1	0	1	0	1	0	0	$(10101.00)_2$
12. 25	0	0	1	1	0	0	0	1	$(1100.01)_2$

طريقة اخرى للتحويل من عشرى الى اى نظام

طريقة القسمة والضرب المتكرر على اساسى النظام المراد
الذهاب له

العشرى

الصحيح

29.7

الكسر

نقسم على اساس النظام المراد الذهاب اليه

2	29		
2	14	1	$29 - 2 \times 14$
2	7	0	$14 - 2 \times 7$
2	3	1	$7 - 2 \times 3$
2	1	1	$3 - 2 \times 1$
	0	1	$1 - 2 \times 0$

1 1 1 0 1

نضرب فى اساس النظام المراد الذهاب اليه

1 0 1 1

$$0.7 * 2 = 1.4$$

$$0.4 * 2 = 0.8$$

$$0.8 * 2 = 1.6$$

$$0.6 * 2 = 1.2$$

1

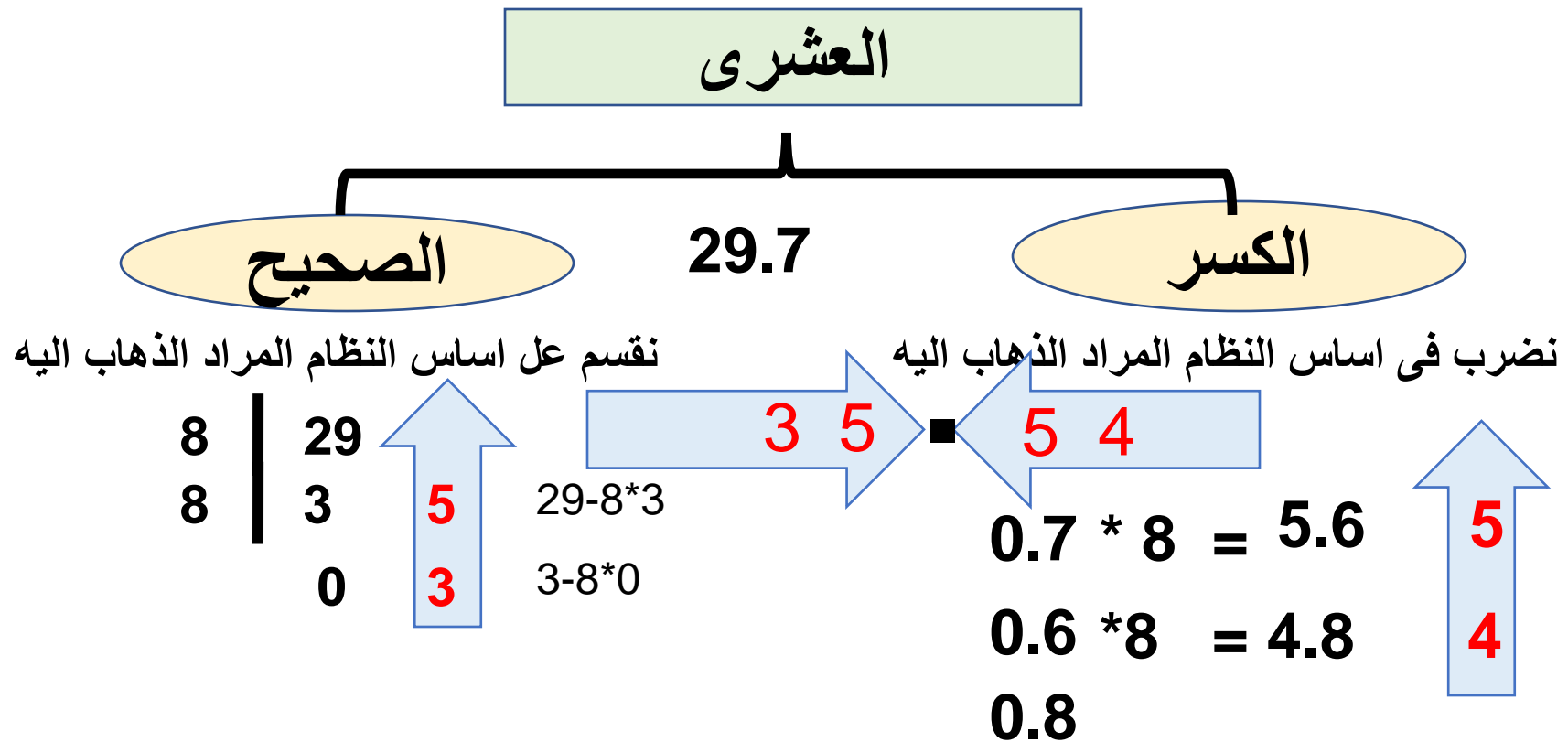
0

1

1

طريقة اخرى للتحويل من عشرى الى اى نظام

حول العشرى الى ثمانى



طريقة اخرى للتحويل من عشرى الى نظام

حول العشرى الى سداسى عشر

العشرى

الصحيح

29.7

الكسر

نقسم على اساس النظام المراد الذهاب اليه

16		29	
16		1	$29 - 16 \times 1$
		0	$1 - 16 \times 0$

↑ 13
1

D 1

نضرب فى اساس النظام المراد الذهاب اليه

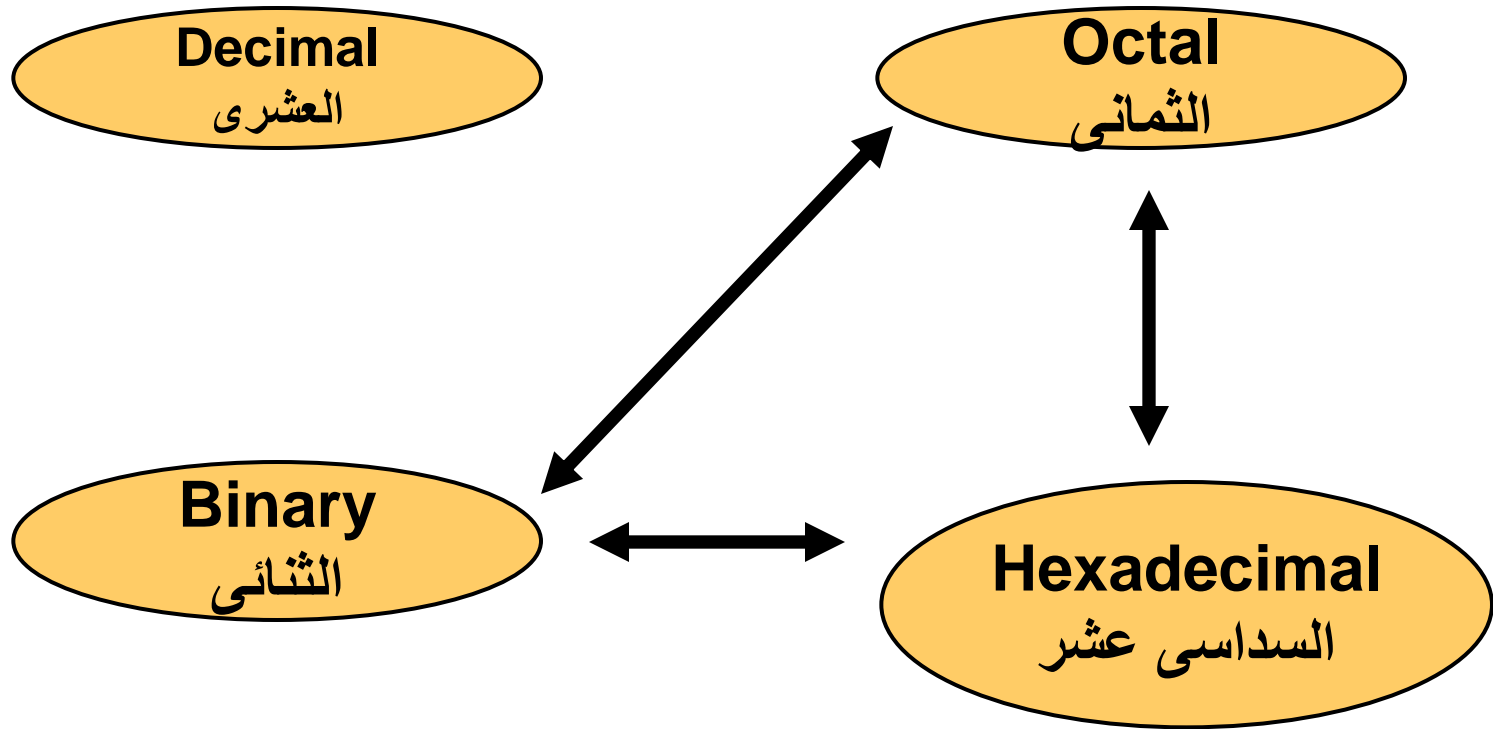
B 3

$$0.7 * 16 = 11.2$$
$$0.2 * 16 = 3.2$$
$$0.2$$

↑ B
3

التحويل بين الأنظمة الأخرى عدا العشري

التحويل بين تلك الأنظمة العددية



التحويل الثنائي - الثماني

■ الثنائي / الثماني: يتم التقسيم في مجموعات من 3

- $8 = 2^3$

- الخانة في الثماني يتم تمثيلها في ثلاث خانات ثنائي

Example:

Assume Zeros

$(10110.01)_2$

$(010\ 110\ .\ 010)_2$

$(2\ 6\ .\ 2)_8$

Octal	Binary		
	4	2	1

0	0	0	0
1	0	0	1
2	0	1	0
3	0	1	1
4	1	0	0
5	1	0	1
6	1	1	0
7	1	1	1

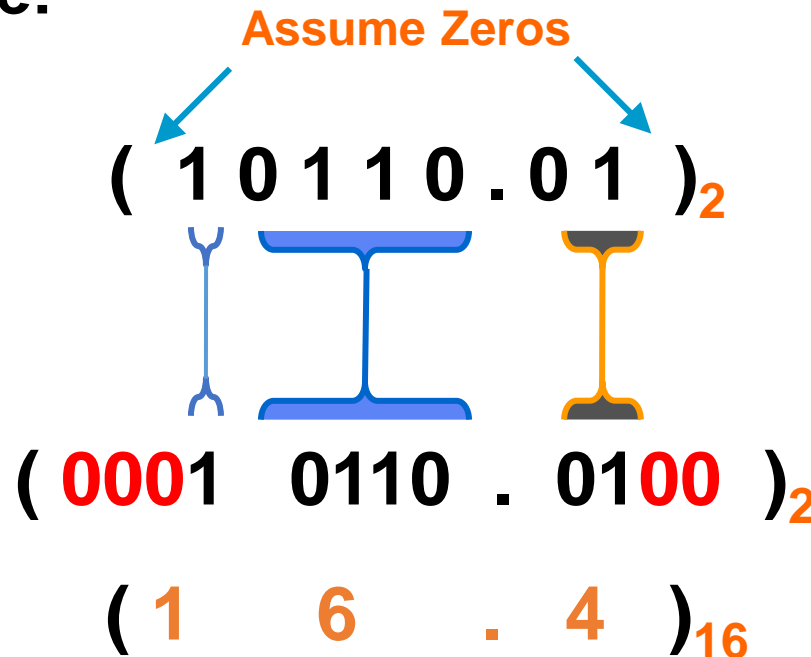
التحويل الثنائي – السداسي عشر

■ الثنائي / السداسي عشر: يتم التقسيم في مجموعات من 4

- $16 = 2^4$

يتم تمثيل الخانة السداسي في اربع خانات ثنائي

Example:

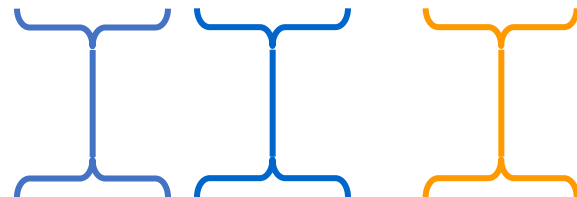


Hex	Binary
	8 4 2 1
0	0 0 0 0
1	0 0 0 1
2	0 0 1 0
3	0 0 1 1
4	0 1 0 0
5	0 1 0 1
6	0 1 1 0
7	0 1 1 1
8	1 0 0 0
9	1 0 0 1
A	1 0 1 0
B	1 0 1 1
C	1 1 0 0
D	1 1 0 1
E	1 1 1 0
F	1 1 1 1

التحويل الثماني - السداسي عشر

- Convert to **Binary** as an intermediate step

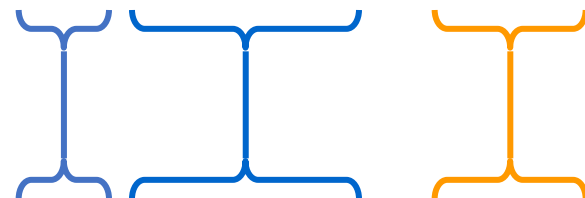
Example (2 6 . 2)₈



Assume Zeros

(0 1 0 1 1 0 . 0 1 0)₂

Assume Zeros



(0001 0110 . 0100)₂

(1 6 . 4)₁₆

Octal	Binary		
	4	2	1

2	0	1	0
---	---	---	---

6	1	1	0
---	---	---	---

Hex	Binary			
	8	4	2	1

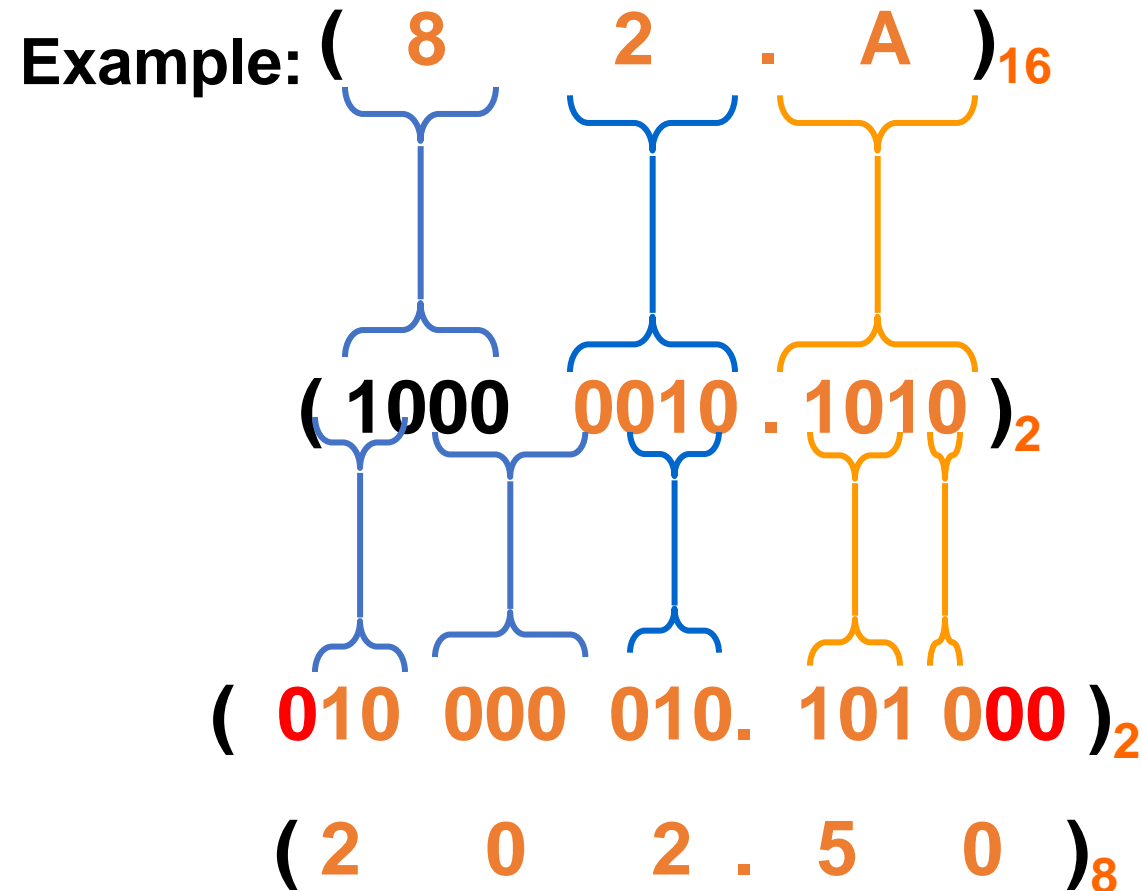
4	0	1	0	0
---	---	---	---	---

6	0	1	1	0
---	---	---	---	---

1	0	0	0	1
---	---	---	---	---

التحويل السداسي - للثمانى

- Convert to **Binary** as an intermediate step



Hex	Binary			
	8	4	2	1

Octal	Binary		
	4	2	1

Exercise – Convert ...

Don't use a calculator!

Decimal	Binary	Octal	Hexadecimal
29.8			
	101.1101		
		3.07	
			C.82

Exercise – Convert ...

Answer

Decimal	Binary	Octal	Hexadecimal
29.8	11101.110011...	35.63...	1D.CC...
5.8125	101.1101	5.64	5.D
3.109375	11.000111	3.07	3.1C
12.5078125	1100.10000010	14.404	C.82

Decimal	Binary	Octal	Hexadecimal
0	0	0	0
1	1	1	1
2	10	2	2
3	11	3	3
4	100	4	4
5	101	5	5
6	110	6	6
7	111	7	7
8	1000	10	8
9	1001	11	9
10	1010	12	A
11	1011	13	B
12	1100	14	C
13	1101	15	D
14	1110	16	E
15	1111	17	F
16	10000	20	10

تمثيل الأعداد الموجبة والسالبة

تمثيل الأعداد الموجبة و السالبة

طرق تمثيل إشارة الرقم

الإشارة والقيمة

Sign & Magnitude

متمم الاثنين

2's Complement

متمم الواحد

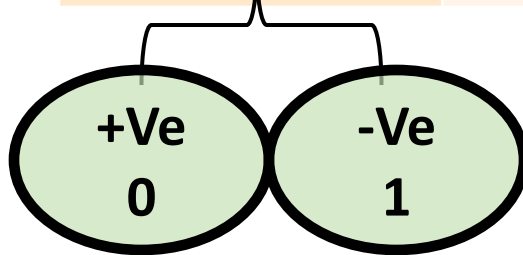
1's Complement

نظام المقدار والاشارة

Examples :

وضح كيف يتم تمثيل ٧- , ٧ في 8 bits باستخدام طريقة المقدار و الاشارة

S	b ₆	b ₅	b ₄	b ₃	b ₂	b ₁	b ₀
Sign bit	7 bits for magnitude (value)						



الاوزان	S	64	32	16	8	4	2	1
+7	0	0	0	0	0	1	1	1
-7	1	0	0	0	0	1	1	1

نظام المقدار والاشارة

Examples:

وضح كيف يتم تمثيل ٧- , ٧ في 6 bits باستخدام طريقة المقدار و الاشارة

	S	16	8	4	2	1
+7	0	0	0	1	1	1
-7	1	0	0	1	1	1

Examples:

وضح كيف يتم تمثيل -7 في 8 bits باستخدام طريقة متمم الواحد

الاوزان	S	64	32	16	8	4	2	1
---------	---	----	----	----	---	---	---	---

الخطوة ١ : حول الرقم الموجب الى ثنائى

+7	0	0	0	0	0	1	1	1
----	---	---	---	---	---	---	---	---

الخطوة ٢ : الرقم السالب (اقلب كل الارقام)

-7	1	1	1	1	1	0	0	0
----	---	---	---	---	---	---	---	---

Examples:

وضح كيف يتم تمثيل 7 , -7 في 8 bits باستخدام طريقة متمم الاثنين

الاوزان	S	64	32	16	8	4	2	1
---------	---	----	----	----	---	---	---	---

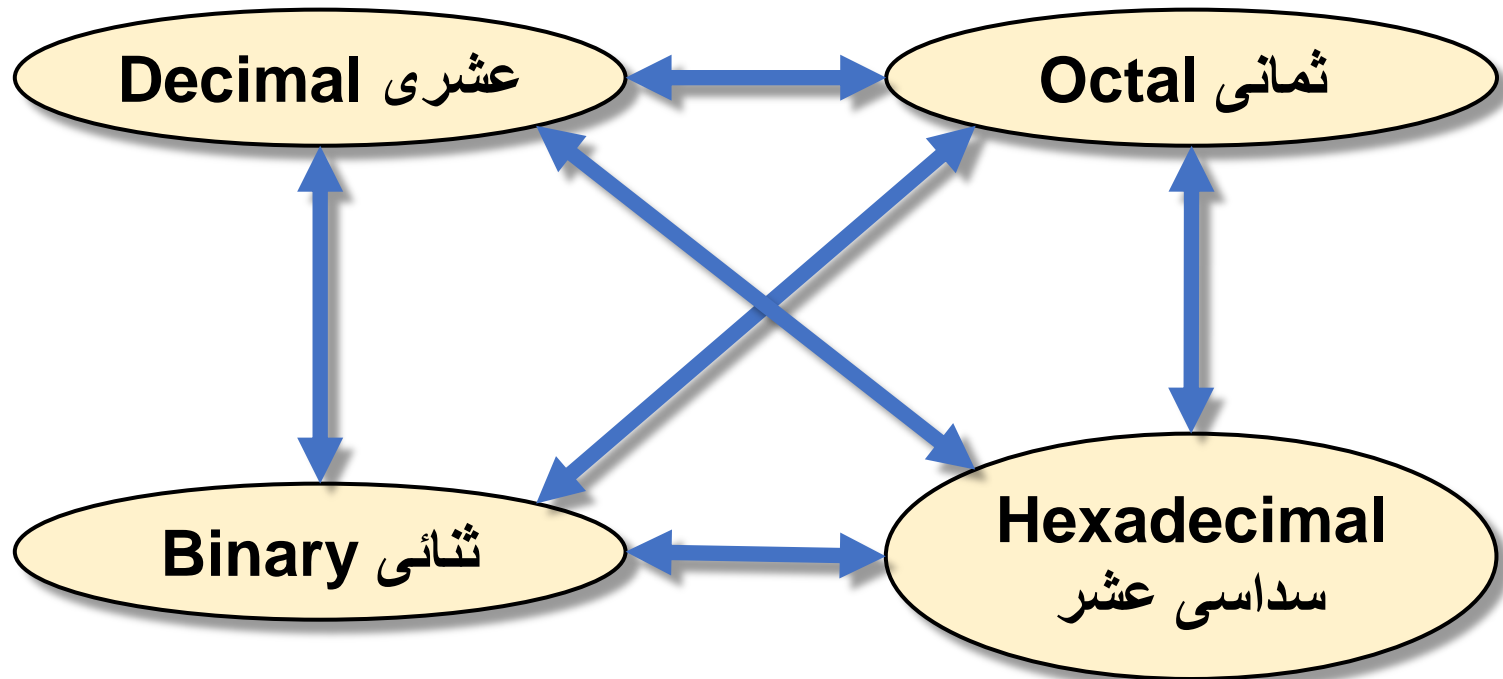
الخطوة ١ : حول الرقم الموجب الى ثنائى

+7	0	0	0	0	0	1	1	1
----	---	---	---	---	---	---	---	---

الخطوة ٢ : الرقم السالب (اقلب الارقام بعد اول واحد)

-7	1	1	1	1	1	0	0	1
----	---	---	---	---	---	---	---	---

• التحويلات بين الانظمة المختلفة



• تمثيل الاعداد السالبة داخل الحاسب

-

الأسئلة

ملاحظة: لازم تحل بايدك مسائل كثيرا
(انتظر يوجد مسائل في اخر المحاضرة)

Exercise:

Obtain representation for the following numbers

Decimal	Sign-magnitude	Ones complement	Tows complement
+7			
+6			
-4			
-6			
-7			
+18			
-18			
-13			

4 bits

8 bits

Home Work

- حول (28.6) من النظام العشري الى مثيله الثنائى والثمانى والسداسى عشر (الكسر ٥ ارقام بعد العلامة واوجد الخطأ بعد التمثيل لثنائى)؟
- حول الرقم 2A.C الى ثنائى وثمانى (بطريقتين مختلفتين) ؟
- اوجد القيم العشرية للارقام الثنائية التالية (ممثلة بطريق المقدار والاشارة)
 - 01110100
 - 10011001
- اوجد القيمة العشرية لارقام الثنائية التالية (ممثلة بطريقة متمم الواحد)
 - 01110100
 - 10011001
- اوجد القيمة العشرية لارقام الثنائية التالية (ممثلة بطريقة متمم الاثنين)
 - 01110100
 - 10011001