

Se desea realizar un estudio sobre los días necesarios para tratar una determinada lesión deportiva. Se utilizaron para ello dos tratamientos diferentes, y se observaron 50 pacientes con cada uno de los tratamientos, obteniendo los siguientes resultados:

Tratamiento A	Tratamiento B	Días
5	8	[20-40)
20	15	[40-60)
18	20	[60-80)
7	7	[80-100)

Tratamiento A

n_i	x_i	$n_i x_i$	$n_i (x_i - \bar{x})^2$	f_i	F_i
5	[20-40) = 30	150	$5(30 - 60.8)^2 = 4743.2$	0.1	0.1
20	[40-60) = 50	1000	$20(50 - 60.8)^2 = 2332.8$	0.4	0.5
18	[60-80) = 70	1260	$18(70 - 60.8)^2 = 1523.52$	0.36	0.86
7	[80-100) = 90	630	$7(90 - 60.8)^2 = 5968.48$	0.14	1.00
50		3040	14568		

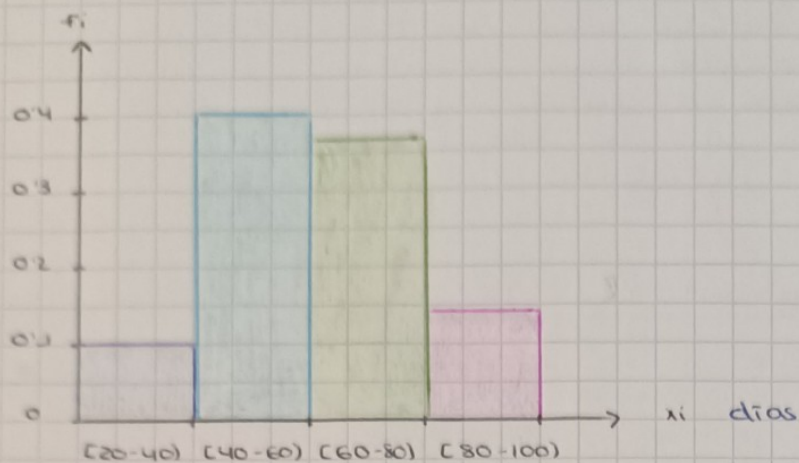
• Media = $\bar{x} = \frac{\sum x_i}{N} = \bar{x} = \frac{3040}{50} = 60.8$ días

• Varianza = $\frac{1}{N} \sum (x_i - \bar{x})^2 = 291.36$ días

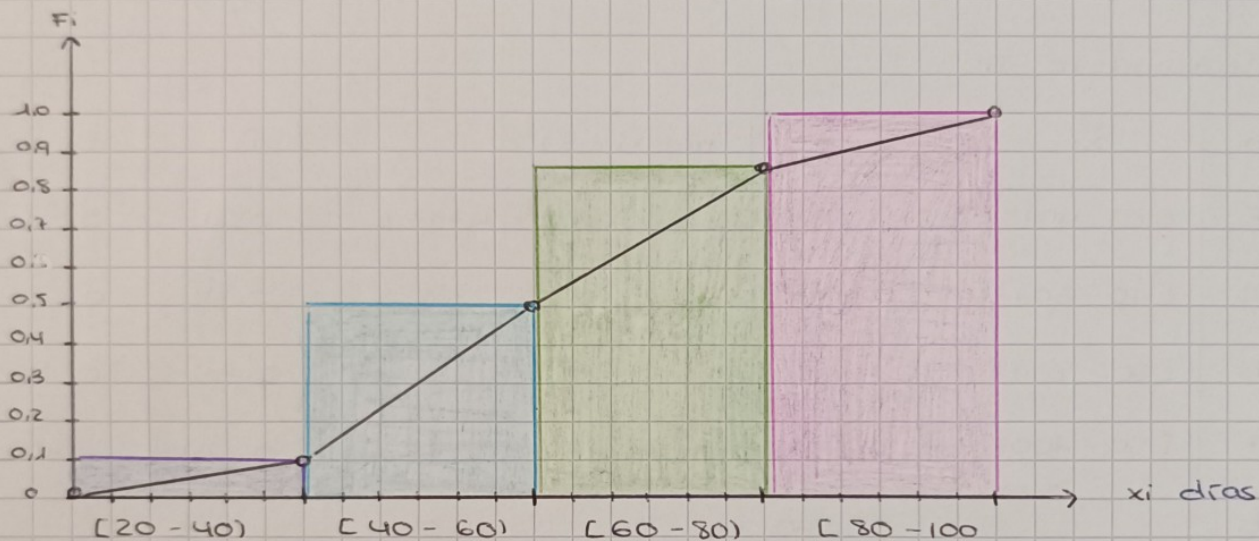
• Desviación típica = $\sigma = \sqrt{s^2} = 17.06927$

• Coeficiente de variación = $CV = \frac{\sigma}{\bar{x}} = \frac{17.06927}{60.8} = 0.2807 \rightarrow 28.07\%$

• Frecuencia relativa (f_i)



• Frecuencia absoluta (F_i) Acumulada



• Moda = Caja de [40-60)

Tratamiento B

n_i	x_i	$n_i x_i$	$n_i (x_i - \bar{x})^2$	f_i	F_i
8	$[20-40) = 30$	240	$8(30 - 60,4)^2 = 7393,28$	0,16	0,16
15	$[40-60) = 50$	750	$15(50 - 60,4)^2 = 1622,4$	0,3	0,46
20	$[60-80) = 70$	1400	$20(70 - 60,4)^2 = 1843,2$	0,4	0,86
7	$[80-100) = 90$	630	$7(90 - 60,4)^2 = 6133,12$	0,14	1,00
50		3020	16992		

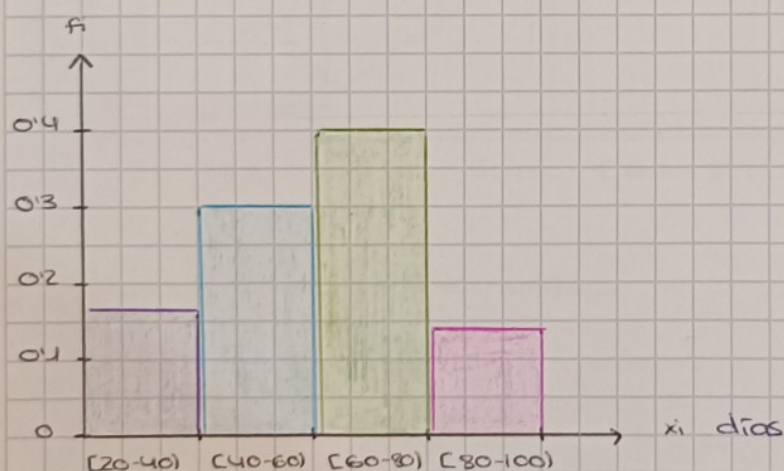
° Media = $\bar{x} = \frac{\sum x_i}{n} = \bar{x} = \frac{3020}{50} = 60,4$ días

° Varianza = $\sigma^2 = \frac{1}{N} \sum (x_i - \bar{x})^2 = 339,84$ días

° Desviación típica = $\sigma = \sqrt{\sigma^2} = 18,4347$

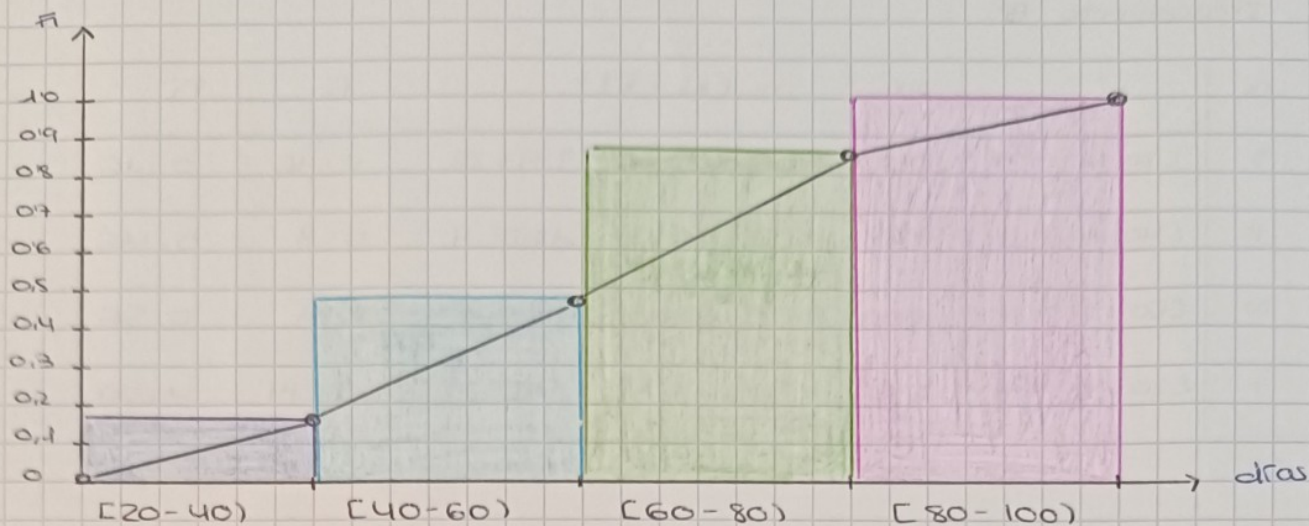
° Coeficiente de variación = $CV = \frac{\sigma}{\bar{x}} = 0,30521 = 30,52\%$

° Frecuencia relativa (f_i)



° Moda = Caja de $[60-80)$

° Frecuencia absoluta (Fi) Acumulada



a) * La media más representativa es la del tratamiento A = cv!

- cv tratamiento A = 28,07%. (cv menor)

- cv tratamiento B = 30,52%. (cv mayor)

◦ Tratamiento A

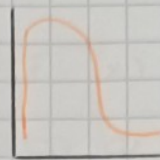
$n_i (x_i - \bar{x})^3$	$n_i (x_i - \bar{x})^4$
$5(30 - 60.8)^3 = (-146090,56)$	$5(30 - 60.8)^4 = 4499589,248$
$20(50 - 60.8)^3 = (-25194,24)$	$20(50 - 60.8)^4 = 272097,792$
$18(70 - 60.8)^3 = 14016,384$	$18(70 - 60.8)^4 = 128950,7328$
$7(90 - 60.8)^3 = 174279,616$	$7(90 - 60.8)^4 = 5088964,787$
<u>17011,20</u>	<u>9989602,56</u>

◦ Tratamiento B

$n_i (x_i - \bar{x})^3$	$n_i (x_i - \bar{x})^4$
$8(30 - 60.4)^3 = (-224755,712)$	$8(30 - 60.4)^4 = 6832573,45$
$15(50 - 60.4)^3 = (-16872,96)$	$15(50 - 60.4)^4 = 175478,784$
$20(70 - 60.4)^3 = 17694,72$	$20(70 - 60.4)^4 = 169869,312$
$7(90 - 60.4)^3 = 181540,352$	$7(90 - 60.4)^4 = 5373594,419$
<u>(-42393,6)</u>	<u>12551515,97</u>

• Coeficiente de Fisher (Asimetría) $g_1 = \frac{1}{N \bar{x}^3} \sum (x_i - \bar{x})^3$

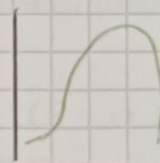
$$\begin{aligned}
 - g_{1A} &= \frac{1}{50 \cdot (1706927)^3} \cdot 17011,20 \\
 &= \frac{1}{50 \cdot (4973,302137)^3} \cdot 17011,20 \\
 &= 0,068
 \end{aligned}$$



$$g_{1A} > 0$$

• Asimetría pequeña hacia la derecha

$$\begin{aligned}
 - g_{1B} &= \frac{1}{50 \cdot (18,4347)^3} \cdot (-42393,6) \\
 &= \frac{1}{50 \cdot (6264,814604)} \cdot (-42393,6) \\
 &= (-0,135)
 \end{aligned}$$

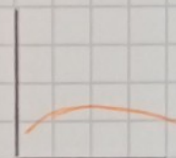


$$g_{1B} < 0$$

• Asimetría pequeña hacia la izquierda

• Coeficiente de curtosis (Apuntado) $g_2 = \frac{1}{N \bar{x}^4} \sum (x_i - \bar{x})^4 - 3$

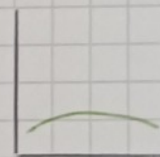
$$\begin{aligned}
 - g_{2A} &= \frac{1}{50 \cdot (1706927)^4} \cdot 9989602,56 - 3 \\
 &= \frac{1}{4244531,849} \cdot 9989602,56 - 3 \\
 &= (-0,6464)
 \end{aligned}$$



$$g_2 < 0$$

• Platicúrtico

$$\begin{aligned}
 - g_{2B} &= \frac{1}{50 \cdot (18,4347)^4} \cdot 12551515,97 - 3 \\
 &= \frac{1}{5774498,889} \cdot 12551515,97 - 3 \\
 &= (-0,8263)
 \end{aligned}$$



$$g_2 < 0$$

• Platicúrtico

e)

° Tratamiento A

$$z_A = \frac{x_i - \bar{x}}{s} = \frac{70 - 60,8}{17,06}$$

$$z_A = 0,539$$

° Tratamiento B

$$z_B = \frac{70 - 60,4}{18,43} = z_B = 0,520$$

- La población A es relativamente mayor en 70 días.

$$f). \quad y = 1,3 \cdot x - 10$$

$$\bar{y} = 1,3 \cdot (60,8) - 10 = 69,04 \text{ días}$$

$$s^2 = 1,3^2 \cdot (291,36) = 492,39 \text{ días}$$

$$cv = \frac{\sqrt{492,39}}{69,04} = 22,19 = \frac{22,19}{69,04} = 0,32 \rightarrow 32\%$$

La media del tratamiento B ahora es más representativa.

Las conclusiones no varían.