

Se desea realizar un estudio sobre los días necesarios para tratar una determinada lesión deportiva. Se utilizan para ello dos tratamientos diferentes, y se observaron 50 pacientes con cada uno de los tratamientos, obteniendo los siguientes resultados:

Tratamiento A	Tratamiento B	Días
5	8	[20 - 40)
20	15	[40 - 60)
18	20	[60 - 80)
7	7	[80 - 100)

Tratamiento A

n _i	x _i	n _i x _i	n _i (x _i - \bar{x}) ²	f _i	F _i
5	[20 - 40) = 30	150	5(30 - 60'8) ² = 4743,2	0,1	0,1
20	[40 - 60) = 50	1000	20(50 - 60'8) ² = 2332,8	0,4	0,5
18	[60 - 80) = 70	1260	18(70 - 60'8) ² = 1523,52	0,36	0,86
7	[80 - 100) = 90	630	7(90 - 60'8) ² = 5968,48	0,14	1,00
50		3040	44568		

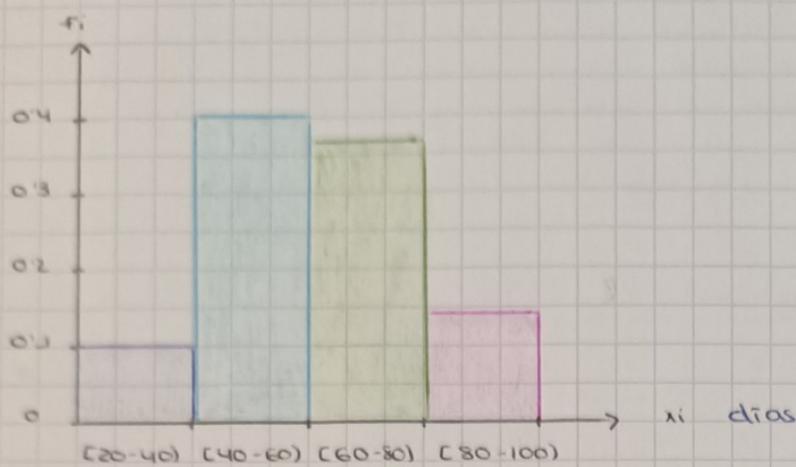
• Media = $\bar{x} = \frac{\sum x_i}{N} = \bar{x} = \frac{3040}{50} = 60'8$ días

• Varianza = $\frac{1}{N} \sum (x_i - \bar{x})^2 = 291'36$ días

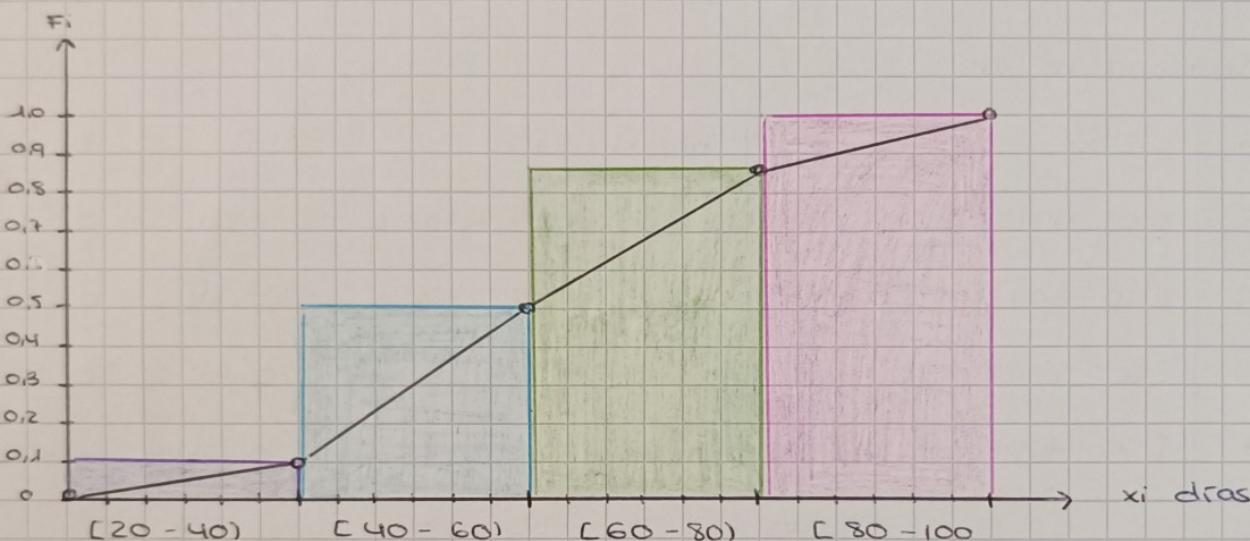
• Desviación típica = $\sigma = \sqrt{\sigma^2} = 17'06927$

• Coeficiente de variación = CV = $\frac{\sigma}{\bar{x}} = \frac{17'06927}{60'8} = 0'2807 \rightarrow 28,07\%$

• Frecuencia relativa (f_i)



• Frecuencia absoluta (F_i) Acumulada



• Moda = Caja de [40-60]

Tratamiento B

n_i	x_i	$n_i x_i$	$n_i (x_i - \bar{x})^2$	f_i	F_i
8	$[20-40] = 30$	240	$8(30 - 60 \cdot 4)^2 = 7393,28$	0,16	0,16
15	$[40-60] = 50$	750	$15(50 - 60 \cdot 4)^2 = 1622,4$	0,3	0,46
20	$[60-80] = 70$	1400	$20(70 - 60 \cdot 4)^2 = 1843,2$	0,4	0,86
7	$[80-100] = 90$	630	$7(90 - 60 \cdot 4)^2 = 6133,12$	0,14	1,00
50		3020	16992		

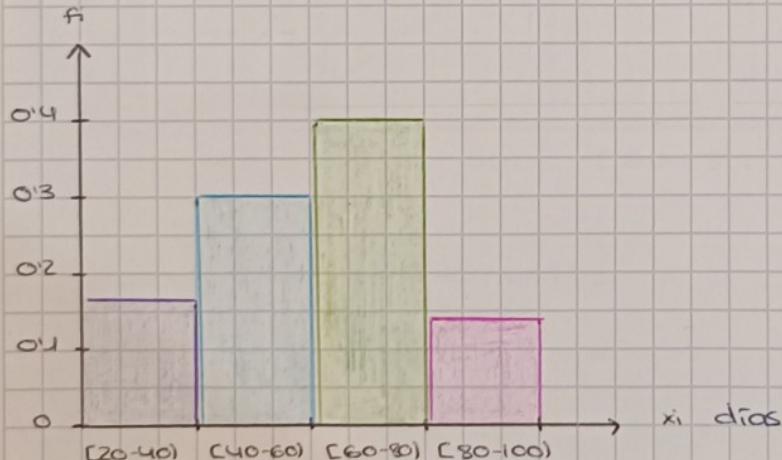
• Media = $\bar{x} = \frac{\sum x_i}{n} = \bar{x} = \frac{3020}{50} = 60,4$ días

• Varianza = $\sigma^2 = \frac{1}{N} \sum (x_i - \bar{x})^2 = 339,84$ días

• Desviación típica = $\sigma = \sqrt{\sigma^2} = 18,4347$

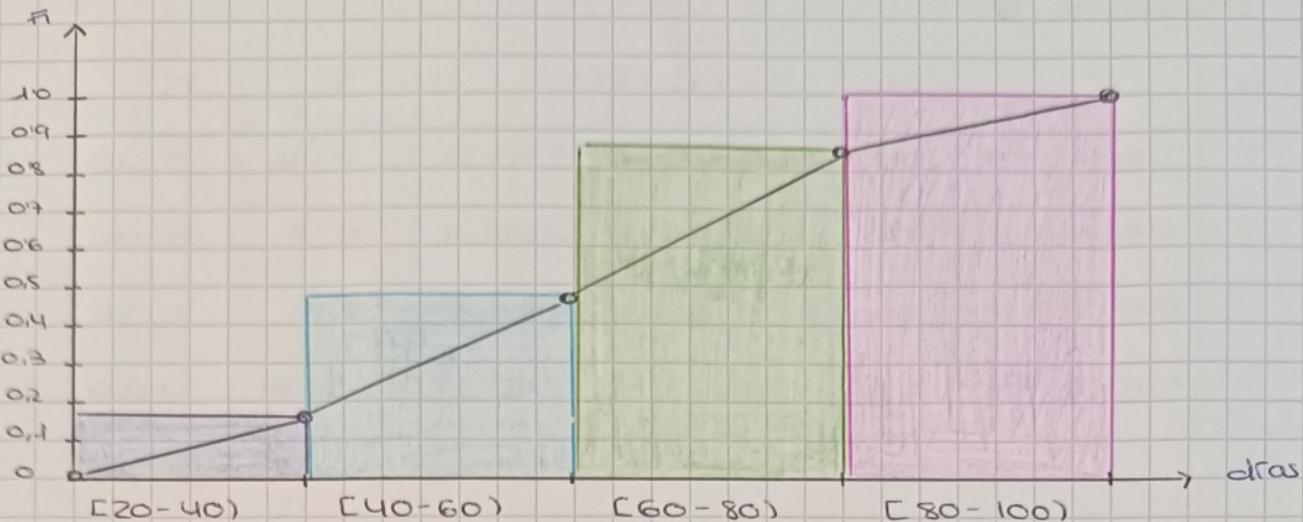
• Coeficiente de variación = $CV = \frac{\sigma}{\bar{x}} = 0,30521 = 30,52\%$

• Frecuencia relativa (f_i)



• Moda = Caja de $[60-80]$

◦ Frecuencia absoluta (F_i) Acumulada



a) * La media más representativa es la del tratamiento A = cv!

- cv tratamiento A = 28,07% (cv menor)
- cv tratamiento B = 30,52% (cv mayor)

◦ Tratamiento A

$$n_i (x_i - \bar{x})^3$$

$$5(30 - 60,8)^3 = (-146090,56)$$

$$20(50 - 60,8)^3 = (-25194,24)$$

$$18(70 - 60,8)^3 = 14016,384$$

$$7(90 - 60,8)^3 = 174279,616$$

$$\underline{17011,20}$$

$$n_i (x_i - \bar{x})^4$$

$$5(30 - 60,8)^4 = 4499589,248$$

$$20(50 - 60,8)^4 = 272097,792$$

$$18(70 - 60,8)^4 = 128950,7328$$

$$7(90 - 60,8)^4 = 5088964,787$$

$$\underline{4989602,56}$$

◦ Tratamiento B

$$n_i (x_i - \bar{x})^3$$

$$8(30 - 60,4)^3 = (-224755,712)$$

$$15(50 - 60,4)^3 = (-16872,96)$$

$$20(70 - 60,4)^3 = 17694,72$$

$$7(90 - 60,4)^3 = 181540,352$$

$$\underline{(-42393,6)}$$

$$n_i (x_i - \bar{x})^4$$

$$8(30 - 60,4)^4 = 6832573,45$$

$$15(50 - 60,4)^4 = 175478,784$$

$$20(70 - 60,4)^4 = 169869,312$$

$$7(90 - 60,4)^4 = 5373594,419$$

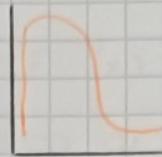
$$\underline{12551515,97}$$

◦ Coeficiente de Fisher (Asimetría) $g_1 = \frac{1}{N\sigma^3} E (x_i - \bar{x})^3$

$$- g_{1A} = \frac{1}{50 \cdot (1706927)^3} \cdot 17011,20$$

$$= \frac{1}{50 \cdot (4973,362137)^3} = 0,00000402147 \\ = 0,068$$

• 17011,20

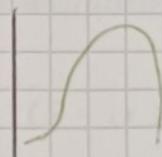


$$g_{1A} > 0$$

◦ Asimetría Pequeña hacia la derecha

$$- g_{1B} = \frac{1}{50 \cdot (18,4347)^3} \cdot (-42393,6)$$

$$= \frac{1}{50 \cdot (6264,814604)} = 0,00000319243 \cdot (-42393,6) \\ = (-0,135)$$



$$g_{1B} < 0$$

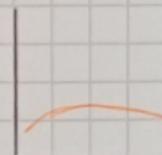
◦ Asimetría Pequeña hacia la izquierda

◦ Coeficiente de curtosis (Apuntado) $g_2 = \frac{1}{N\sigma^4} E (x_i - \bar{x})^4 - 3$

$$- g_{2A} = \frac{1}{50 \cdot (1706927)^4} \cdot 9989602,56 - 3$$

$$= \frac{1}{4244531,849} \cdot 9989602,56 - 3$$

$$= (-0,6464)$$



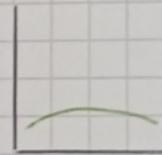
$$g_2 < 0$$

◦ Platicúrtico

$$- g_{2B} = \frac{1}{50 \cdot (18,4347)^4} \cdot 12551515,97 - 3$$

$$= \frac{1}{5774498,889} \cdot 12551515,97 - 3$$

$$= (-0,8263)$$



$$g_2 < 0$$

◦ Platicúrtico

e)

◦ Tratamiento A

$$z_A = \frac{x_i - \bar{x}}{\sigma} = \frac{70 - 60,8}{17,06}$$

$$z_A = 0,539$$

◦ Tratamiento B

$$z_B = \frac{70 - 60,4}{18,43} = z_B = 0,520$$

- La población A es relativamente mayor en 70 días.

f). $y = 1,3 \cdot x - 10$

$$\bar{y} = 1,3 \cdot (60,8) - 10 = 69,04 \text{ días}$$

$$\sigma^2 = 1,3^2 \cdot (291,36) = 492,39 \text{ días}$$

$$CV = \sqrt{492,39} = 22,19 = \frac{22,19}{69,04} = 0,32 \rightarrow 32\%$$

La media del tratamiento B ahora es más representativa.

Las conclusiones no varían.