

Seminarios de Cálculo

Rubén Oncala
`ruben.oncalamesa@ceu.es`

Curso 2025/26

Sugerencia de organización

- Los alumnos trabajarán en grupos de **dos personas** (máximo tres). Los grupos se reorganizarán en cada seminario.
- El profesor dará un tiempo para que cada grupo resuelva las preguntas de la primera función. Durante este período, podrá orientar, responder dudas y aclarar conceptos, pero **no resolverá el ejercicio en la pizarra**.
- Transcurrido el tiempo, el profesor elegirá a un alumno para que resuelva el ejercicio en la pizarra de forma individual. Una vez completado el ejercicio de la primera función, se continuará con la siguiente.
- A lo largo de los seminarios, **todos los alumnos deberán presentar al menos un ejercicio en la pizarra**.
- Al finalizar cada seminario, cada alumno entregará individualmente una **hoja oficial CEU Farmacia**, con los cálculos y resultados presentados de forma clara y ordenada. Estas hojas serán revisadas y devueltas.

1 Derivadas de una variable

Para las siguientes funciones:

$$f_1(x) = 2 + 3x + x^2 + 7x^4 \quad (1)$$

$$f_2(x) = \frac{1}{3x} + \frac{2}{5x^2} + \frac{4}{3x^3} \quad (2)$$

$$f_3(x) = \frac{2}{2x + 4} \quad (3)$$

$$f_4(x) = 4e^{3x^2+6x+7} \quad (4)$$

$$f_5(x) = \ln\left(\frac{3x}{4x^2 + 2}\right) \quad (5)$$

$$f_6(x) = \sin(3x)e^{3x} + \cos(x)(2 + 3x)^2 \quad (6)$$

$$f_7(x) = \frac{2x + 1}{3x - 2} \quad (7)$$

- Resuelve la primera y segunda derivada.
- Encuentra los extremos relativos, calcificalos en máximos o mínimos, encuentra los puntos de inflexión.
- Representa gráficamente las funciones con el ordenador, comprueba tus resultados. Haz un esquema de la función a mano.
- Determina los límites de la función, estudia discontinuidades.

2 Derivadas de varias variable

Para las siguientes funciones

$$g_1(x, y) = 5x^2 + 2y^2 + 3xy \quad (8)$$

$$g_2(x, y) = 2e^{4x^2+3y^2-5} \quad (9)$$

$$g_3(x, y, z) = xz + yx^2 + \ln\left(\frac{1}{z^2 - 1}\right) \quad (10)$$

- Determina el vector gradiente
- Determina la dirección de mayor crecimiento de la función y el valor de la pendiente en el punto $P = (p_x, p_y, p_z) = (1, 0, 1)$.
- Determina los límites relativos, clasificalos
- Determina la derivada direccional en el punto P y en la dirección del vector $V = (v_x, v_y, v_z) = (1, -2, 3)$.
- Representa la función y comprueba los resultados con ordenador

3 Integrales y EDOS

Para las siguientes funciones

$$h_1(x) = 2 + 3x + 5x^3 \quad (11)$$

$$h_2(x) = \frac{27}{30x + 10} \quad (12)$$

$$h_3(x) = e^{2x^2+5} \quad (13)$$

- Obtén una expresión general de la primitiva
- Calcula la integral definida entre los puntos $x_1 = 1$ y $x_2 = 5$. Es igual al área entre la función y el eje-x?
- Representa gráficamente la función y comprueba la integral con ordenador
- Resuelve las ecuaciones diferenciales $h'(x) = h_i(x)$, determina la solución general $h(x)$ y predice $h(3)$ imponiendo la condición $h(1) = 1$.
- Comprueba la solución y la predicción con ordenador.