# Informations und Kommunkationstherorie -Aufgabensammlung Lösungen

# 3. Übertragungskanal

## 3.2. Kanalkapazität bei diskreter Quelle

#### **Aufgabe 1**

Es handelt sich um einen binären Kanal (also Z = 2), bei dem die Wahrscheinlichkeit, dass das Zeichen sich ändert (0 -> 1 oder 1 -> 0) gleich  $p_s$  ist.

GESICHERTE ÜBERTRAGUNG

a)

$$\begin{split} p_s &= 0.02, N = 64, f_Q = 100 \frac{QZ}{s} \\ H(Y|X) &= 2 \cdot \frac{1}{2} \cdot (0.02 \cdot \log_2 \frac{1}{0.02} + 0.98 \cdot \log_2 \frac{1}{0.98}) \\ &= 1.141 \frac{bit}{KZ} \\ H_T &= H(Y) - H(Y|X) = 1 \frac{bit}{KZ} - 1.141 \frac{bit}{KZ} = 0.859 \frac{bit}{KZ} \\ l &= \lceil \log_2 N \rceil = \lceil \log_2 64 \rceil = 6 \frac{KZ}{QZ} \\ H_K &= \log_2 2 = 1 \frac{bit}{KZ} \\ v_s &= f_q \cdot l \cdot \frac{H_K}{H_T} = 100 \frac{QZ}{s} \cdot 6 \frac{KZ}{QZ} \cdot \frac{1 \frac{bit}{KZ}}{0.859 \frac{bit}{KZ}} \\ &= 698 \frac{KZ}{s} \end{split}$$

b)

$$I_T = v_s \cdot H_T = 698 \frac{KZ}{s} \cdot 0.859 \frac{bit}{KZ} = 600 \frac{bit}{s}$$

c)

Kapazit at sauslastung: A

$$A = rac{I_T}{C} \cdot 100\% = rac{v_s \cdot H_T}{2B \cdot H_T} \cdot 100\% = rac{v_s}{2B} \cdot 100\%$$
 $A = rac{698.5}{2 \cdot 2 \cdot 10^3} \cdot 100\% = 17.5\%$ 

#### UNGESICHERTE ÜBERTRAGUNG

a)

$$v_s = f_Q \cdot l = 100 rac{QZ}{s} \cdot 6 rac{KZ}{QZ} = 600 rac{KZ}{s}$$

b)

$$I_{T} = v_{s} \cdot H_{T} = 600 \frac{KZ}{s} \cdot 0.859 \frac{bit}{KZ} = 515, 4 \frac{bit}{s}$$

c)

$$A = rac{v_s}{2B} \cdot 100\% = rac{600}{2 \cdot 2 \cdot 10^3} \cdot 100\% = 15\%$$

### Aufgabe 2

a)

$$f_Q=rac{1}{t_{\scriptscriptstyle 0}}=rac{1}{10}=0.1rac{Bild}{s}$$

$$egin{aligned} I_{KQ} &\leq C \ f_Q \cdot l \cdot H_K &\leq C \ \ l &\leq rac{C}{f_Q \cdot H_K} &\leq rac{50 \cdot 10^3}{0.1 \cdot 1} \ \ l &\leq 500000 rac{KZ}{Bild} \ \ l &\leq 5rac{KZ}{Bildpunkt} => 2^5 = 32 = N \end{aligned}$$

b)

$$f_Q \le rac{C}{l \cdot H_K} \le rac{50 \cdot 10^3}{6 \cdot 10^5 \cdot 1} \ \le 0.083$$

$$t_{_{0}}=rac{1}{f_{O}}=rac{1}{0.083}=12rac{s}{Bild}$$