

## ЛАБОРАТОРНА РОБОТА № 3

### ДОСЛІДЖЕННЯ МЕТОДІВ РЕГРЕСІЇ

**Мета роботи:** використовуючи спеціалізовані бібліотеки та мову програмування Python дослідити методи регресії даних у машинному навчанні.

#### Завдання 2.1

```
import pickle
import numpy as np
from sklearn import linear_model
import sklearn.metrics as sm
import matplotlib.pyplot as plt

# Вхідний файл, який містить дані
input_file = 'data_singlevar_regr.txt'

# Завантаження даних
data = np.loadtxt(input_file, delimiter=',')
X, y = data[:, :-1], data[:, -1]

# Розбивка даних на навчальний та тестовий набори
num_training = int(0.8 * len(X))
num_test = len(X) - num_training

# Тренувальні дані
X_train, y_train = X[:num_training], y[:num_training]

# Тестові дані
X_test, y_test = X[num_training:], y[num_training:]

# Створення об'єкта лінійного регресора
regressor = linear_model.LinearRegression()

# Тренування моделі
regressor.fit(X_train, y_train)

# Прогнозування результату
y_test_pred = regressor.predict(X_test)

# Побудова графіка
plt.scatter(X_test, y_test, color='green')
plt.plot(X_test, y_test_pred, color='black', linewidth=4)
plt.xticks(())
plt.yticks(())
plt.show()

# Обрахування метрик
print("Linear regressor performance:")
print("Mean absolute error =", round(sm.mean_absolute_error(y_test, y_test_pred), 2))
print("Mean squared error =", round(sm.mean_squared_error(y_test, y_test_pred), 2))
print("Median absolute error =", round(sm.median_absolute_error(y_test, y_test_pred), 2))
print("Explain variance score =", round(sm.explained_variance_score(y_test, y_test_pred), 2))
```

Розроб.	Зм.	Перевір.	Керівник	Н. контр.	Зав. каф.	Литт.	Фізі.	Аркуша
		Пулеко.І.В					1	ZZ
Звіт з лабораторної роботи						ФІКТ Гр. ІПЗ-19-1[1]		

```

print("R2 score =", round(sm.r2_score(y_test, y_test_pred), 2))

# Файл для збереження моделі
output_model_file = 'model.pkl'

# Збереження моделі
with open(output_model_file, 'wb') as f:
    pickle.dump(regressor, f)

# Завантаження моделі
with open(output_model_file, 'rb') as f:
    regressor_model = pickle.load(f)

# Perform prediction on test data
y_test_pred_new = regressor_model.predict(X_test)
print("\nNew mean absolute error =", round(sm.mean_absolute_error(y_test,
y_test_pred_new), 2))

```

```

Linear regressor performance:
Mean absolute error = 0.59
Mean squared error = 0.49
Median absolute error = 0.51
Explain variance score = 0.86
R2 score = 0.86

New mean absolute error = 0.59

```

Рис.1 Результат виконання

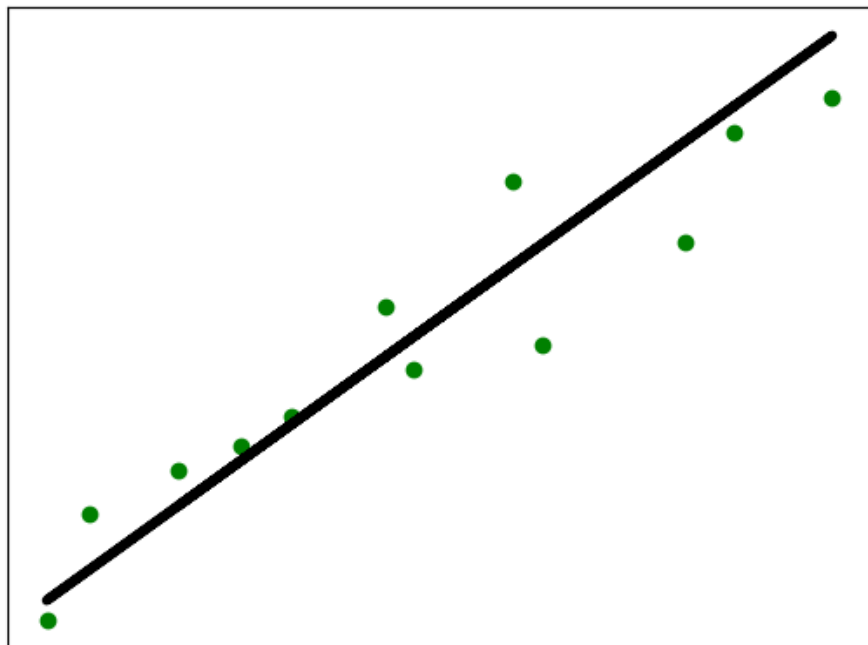


Рис. 2 Графік функції

		Драк Т.С.			ДУ «Житомирська політехніка».22.121.6.000 – Лр3	Арк.
		Пулеко.І.В				2
Змн.	Арк.	№ докум.	Підпис	Дата		

Висновок: ми можемо використовувати цей спосіб для статистичного аналізу, який намагається показати зв'язок між двома змінними. Лінійна регресія може створити модель прогнозування за ніби-то випадковими даними, показуючи тенденцію в даних. Наприклад для цін або акцій.

## Завдання 2.2

№ за списком	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
№ варіанту	1	2	3	4	5	1	2	3	4	5

```
import pickle
import numpy as np
from sklearn import linear_model
import sklearn.metrics as sm
import matplotlib.pyplot as plt

# Вхідний файл, який містить дані
input_file = 'data_regr_1.txt'

# Завантаження даних
data = np.loadtxt(input_file, delimiter=',')
X, y = data[:, :-1], data[:, -1]

# Розбивка даних на навчальний та тестовий набори
num_training = int(0.8 * len(X))
num_test = len(X) - num_training

# Тренувальні дані
X_train, y_train = X[:num_training], y[:num_training]

# Тестові дані
X_test, y_test = X[num_training:], y[num_training:]

# Створення об'єкта лінійного регресора
regressor = linear_model.LinearRegression()

# Тренування моделі
regressor.fit(X_train, y_train)

# Прогнозування результату
y_test_pred = regressor.predict(X_test)

# Побудова графіка
plt.scatter(X_test, y_test, color='green')
plt.plot(X_test, y_test_pred, color='black', linewidth=4)
plt.xticks(())
plt.yticks(())
plt.show()

# Обрахування метрик
print("Linear regressor performance:")
print("Mean absolute error =", round(sm.mean_absolute_error(y_test, y_test_pred), 2))
print("Mean squared error =", round(sm.mean_squared_error(y_test, y_test_pred), 2))
print("Median absolute error =", round(sm.median_absolute_error(y_test,
```

		Драк Т.С.			ДУ «Житомирська політехніка».22.121.6.000 – Лр3	Арк.
		Пулеко І.В				
Змн.	Арк.	№ докум.	Підпис	Дата		3

```

y_test_pred), 2))
print("Explain variance score =", round(sm.explained_variance_score(y_test,
y_test_pred), 2))
print("R2 score =", round(sm.r2_score(y_test, y_test_pred), 2))

# Файл для збереження моделі
output_model_file = 'model.pkl'

# Збереження моделі
with open(output_model_file, 'wb') as f:
    pickle.dump(regressor, f)

# Завантаження моделі
with open(output_model_file, 'rb') as f:
    regressor_model = pickle.load(f)

# Perform prediction on test data
y_test_pred_new = regressor_model.predict(X_test)
print("\nNew mean absolute error =", round(sm.mean_absolute_error(y_test,
y_test_pred_new), 2))

```

```

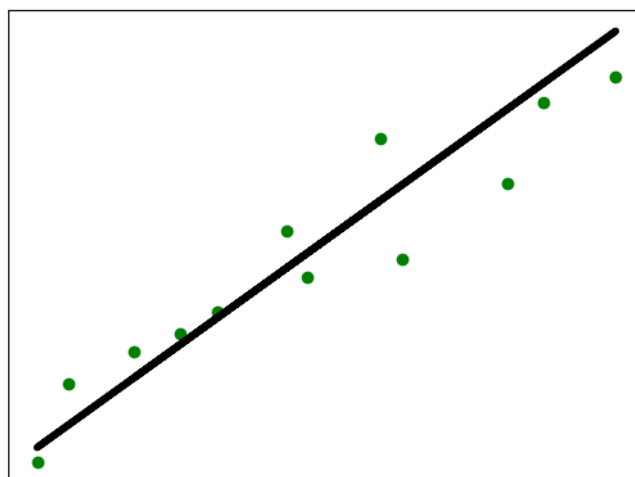
Linear regressor performance:
Mean absolute error = 0.59
Mean squared error = 0.49
Median absolute error = 0.51
Explain variance score = 0.86
R2 score = 0.86

New mean absolute error = 0.59

```

Рис.3 Результат виконання

Figure 1



Navigation icons: home, back, forward, search, zoom, and save.

Рис. 4 Графік функції

		Драк Т.С.			ДУ «Житомирська політехніка».22.121.6.000 – Лр3	Арк.
		Пулеко.І.В				
Змн.	Арк.	№ докум.	Підпис	Дата		4

Висновок: з графіка видно, що залишки розподілені не рівномірно щодо горизонтальної осі. Виходячи з R 2 оцінки можна зробити висновок, що продуктивність цієї моделі машинного навчання на основі регресії є поганою.

## Завдання 2.3

```
import numpy as np
from sklearn import linear_model
import sklearn.metrics as sm
from sklearn.preprocessing import PolynomialFeatures

# Вхідний файл, який містить дані
input_file = 'data_multivar_regr.txt'

# Завантаження даних
data = np.loadtxt(input_file, delimiter=',')
X, y = data[:, :-1], data[:, -1]

# Розбивка даних на навчальний та тестовий набори
num_training = int(0.8 * len(X))
num_test = len(X) - num_training

# Тренувальні дані
X_train, y_train = X[:num_training], y[:num_training]

# Тестові дані
X_test, y_test = X[num_training:], y[num_training:]

# Створення об'єкта лінійного регресора
linear_regressor = linear_model.LinearRegression()

# Тренування моделі
linear_regressor.fit(X_train, y_train)

# Прогнозування результату
y_test_pred = linear_regressor.predict(X_test)

# Обрахування метрик
print("Linear Regressor performance:")
print("Mean absolute error =", round(sm.mean_absolute_error(y_test, y_test_pred), 2))
print("Mean squared error =", round(sm.mean_squared_error(y_test, y_test_pred), 2))
print("Median absolute error =", round(sm.median_absolute_error(y_test, y_test_pred), 2))
print("Explained variance score =", round(sm.explained_variance_score(y_test, y_test_pred), 2))
print("R2 score =", round(sm.r2_score(y_test, y_test_pred), 2))

# Поліноміальна регресія
polynomial = PolynomialFeatures(degree=10)
X_train_transformed = polynomial.fit_transform(X_train)
datapoint = [[7.75, 6.35, 5.56]]
poly_datapoint = polynomial.fit_transform(datapoint)
```

		Драк Т.С.			ДУ «Житомирська політехніка».22.121.6.000 – Лр3	Арк.
		Пулеко.І.В				5
Змн.	Арк.	№ докум.	Підпис	Дата		

```
poly_linear_model = linear_model.LinearRegression()
poly_linear_model.fit(X_train_transformed, y_train)
print("\nLinear regression:\n", linear_regressor.predict(datapoint))
print("\nPolynomial regression:\n", poly_linear_model.predict(poly_datapoint))
```

```
Linear Regressor performance:
Mean absolute error = 3.58
Mean squared error = 20.31
Median absolute error = 2.99
Explained variance score = 0.86
R2 score = 0.86

Linear regression:
[36.05286276]

Polynomial regression:
[41.45893123]
```

Рис. 5 Результат виконання

## Завдання 2.4

```
import matplotlib.pyplot as plt
import numpy as np
from sklearn import datasets, linear_model
from sklearn.metrics import mean_squared_error, r2_score
from sklearn.metrics import mean_absolute_error
from sklearn.model_selection import train_test_split

diabetes = datasets.load_diabetes()
X = diabetes.data
y = diabetes.target
Xtrain, Xtest, ytrain, ytest = train_test_split(X, y, test_size=0.5,
random_state=0)
regr = linear_model.LinearRegression()
regr.fit(Xtrain, ytrain)
ypred = regr.predict(Xtest)
# Обрахування метрик
print("regr.coef =", np.round(regr.coef_, 2))
print("regr.intercept =", round(regr.intercept_, 2))
print("R2 score =", round(r2_score(ytest, ypred), 2))
print("Mean absolute error =", round(mean_absolute_error(ytest, ypred), 2))
print("Mean squared error =", round(mean_squared_error(ytest, ypred), 2))

fig, ax = plt.subplots()
ax.scatter(ytest, ypred, edgecolors=(0, 0, 0))
ax.plot([y.min(), y.max()], [y.min(), y.max()], 'k--', lw=4)
ax.set_xlabel('Виміряно')
ax.set_ylabel('Передбачено')
plt.show()
```

		Драк Т.С.			ДУ «Житомирська політехніка».22.121.6.000 – Лр3	Арк.
		Пулеко І.В				6
Змн.	Арк.	№ докум.	Підпис	Дата		

```

regr.coef = [ -20.4 -265.89 564.65 325.56 -692.16 395.56 23.5 116.36 843.95
12.72]
regr.intercept = 154.36
R2 score = 0.44
Mean absolute error = 44.8
Mean squared error = 3075.33

```

Рис. 6 Результат виконання

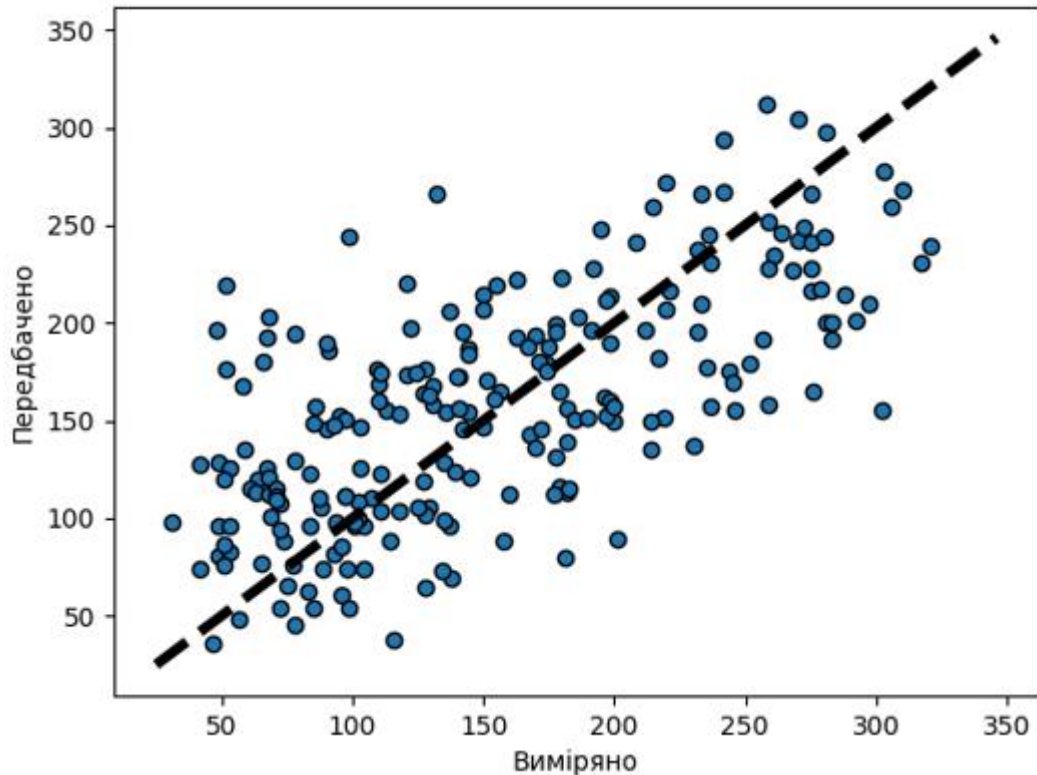


Рис. 7 Графік функції

## Завдання 2.5

### Варіант 6

```

m = 100
X = np.linspace(-3, 3, m)
y = 2 * np.sin(X) + np.random.uniform(-0.6, 0.6, m)

```

```

import numpy as np
from matplotlib import pyplot as plt
from sklearn import linear_model
import sklearn.metrics as sm
from sklearn.preprocessing import PolynomialFeatures

# Генерація даних
m = 100
X = np.linspace(-3, 3, m)
y = 2 * np.sin(X) + np.random.uniform(-0.6, 0.6, m)
X = X.reshape(-1, 1)
y = y.reshape(-1, 1)

# Лінійна регресія
linear_regressor = linear_model.LinearRegression()

```

		Драк Т.С.			ДУ «Житомирська політехніка».22.121.6.000 – Лр3	Арк.
		Пулеко І.В				7
Змн.	Арк.	№ докум.	Підпис	Дата		

```

linear_regressor.fit(X, y)

# Поліноміальна регресія
polynomial = PolynomialFeatures(degree=2, include_bias=False)
X_poly = polynomial.fit_transform(X)
polynomial.fit(X_poly, y)

poly_linear_model = linear_model.LinearRegression()
poly_linear_model.fit(X_poly, y)
y_pred = poly_linear_model.predict(X_poly)

print("\nr2: ", sm.r2_score(y, y_pred))

# Лінійна регресія
plt.scatter(X, y, color='red')
plt.plot(X, linear_regressor.predict(X), color='blue', linewidth=1)
plt.title("Лінійна регресія")
plt.show()

# Поліноміальна регресія
plt.scatter(X, y, color='red')
plt.plot(X, y_pred, "+", color='blue', linewidth=2)
plt.title("Поліноміальна регресія")
plt.show()

```

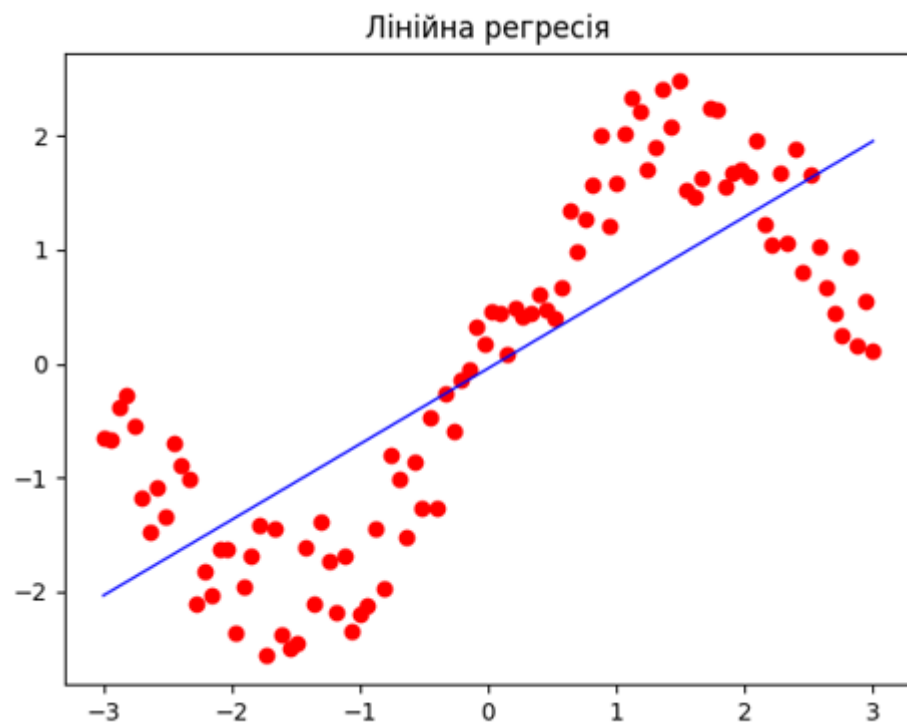


Рис. 8 Лінійна регресія

		Драк Т.С.			ДУ «Житомирська політехніка».22.121.6.000 – Лр3	Арк.
		Пулеко І.В				8
Змн.	Арк.	№ докум.	Підпис	Дата		



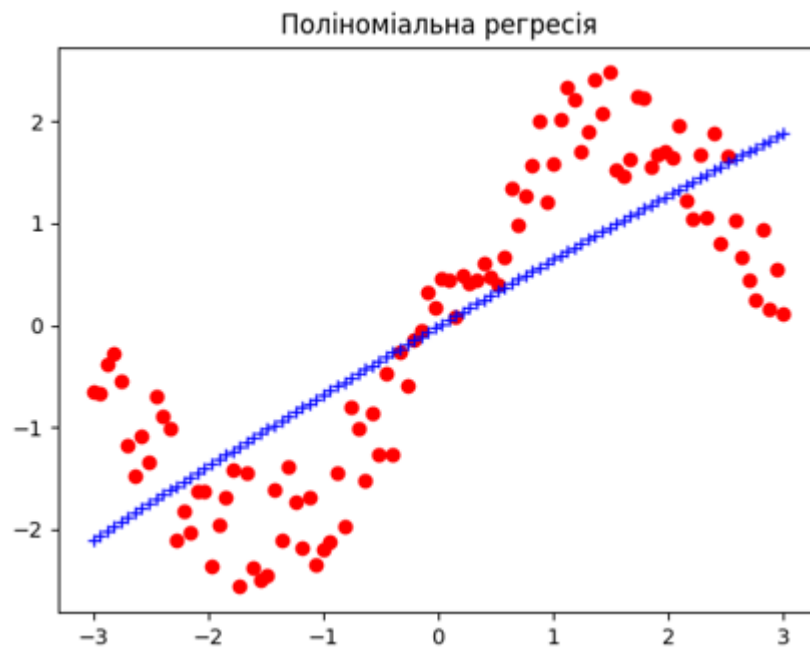


Рис. 9 Поліноміальна регресія

## Завдання 2.6

```
import matplotlib.pyplot as plt
import numpy as np
from sklearn import linear_model
from sklearn.metrics import mean_squared_error
from sklearn.model_selection import train_test_split
from sklearn.preprocessing import PolynomialFeatures

# Генерація даних
m = 100
X = np.linspace(-3, 3, m)
y = 2 * np.sin(X) + np.random.uniform(-0.6, 0.6, m)

def plot_learning_curves(model, X, y):
    X_train, X_val, y_train, y_val = train_test_split(X, y, test_size=0.2)
    train_errors, val_errors = [], []
    for m in range(1, len(X_train)):
        model.fit(X_train[:m], y_train[:m])
        y_train_predict = model.predict(X_train[:m])
        y_val_predict = model.predict(X_val)
        train_errors.append(mean_squared_error(y_train_predict, y_train[:m]))
        val_errors.append(mean_squared_error(y_val_predict, y_val))
    plt.plot(np.sqrt(train_errors), "r-+", linewidth=2, label='train')
    plt.plot(np.sqrt(val_errors), "b-", linewidth=3, label='val')
    plt.legend()
    plt.show()

lin_reg = linear_model.LinearRegression()
# plot_learning_curves(lin_reg, X, y)

from sklearn.pipeline import Pipeline
```

```
polynomial_regression = Pipeline([
    ("poly_features",
     PolynomialFeatures(degree=10, include_bias=False)),
    ("lin_reg", linear_model.LinearRegression())
])

plot_learning_curves(polynomial_regression, X, y)
```

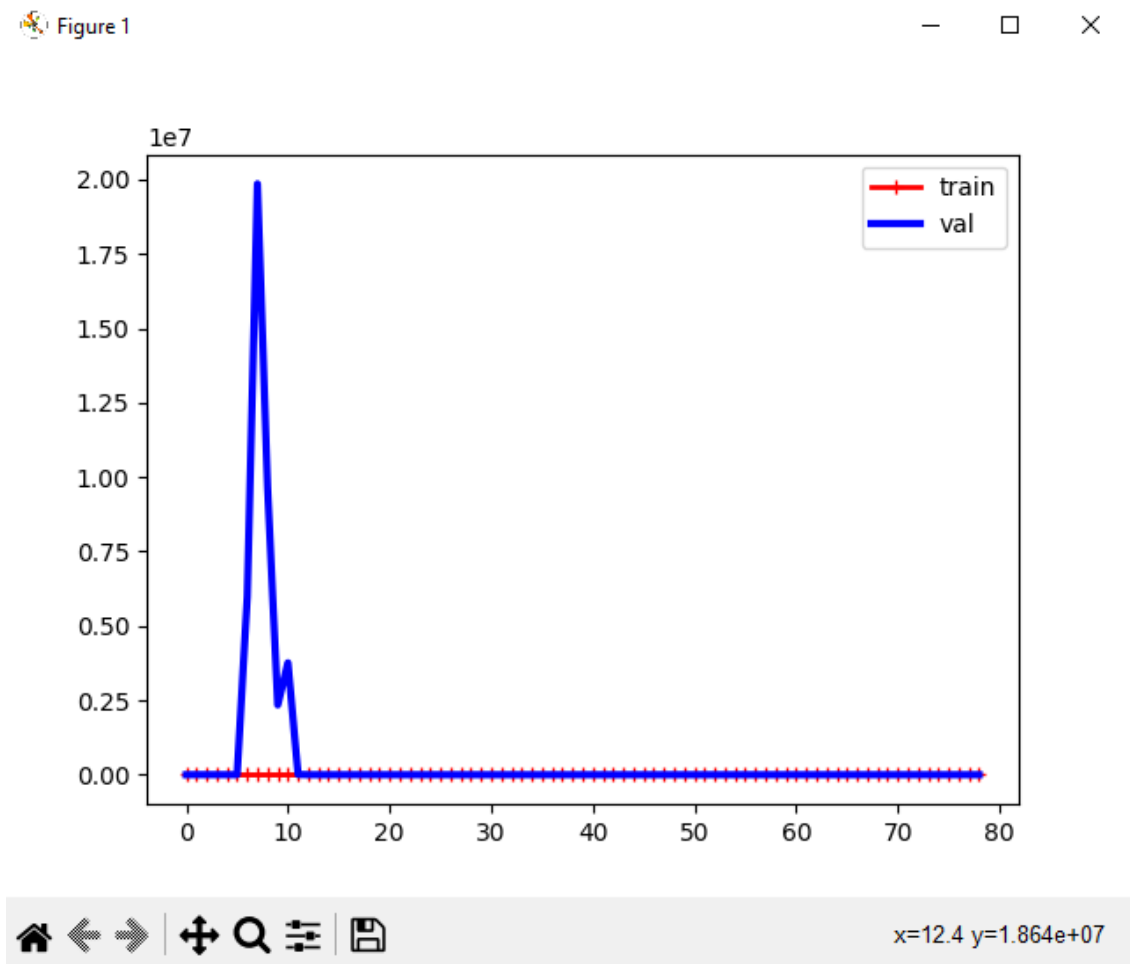


Рис. 10. Криві навчання для поліноміальної моделі 10 ступеня.

		Драк Т.С.			ДУ «Житомирська політехніка».22.121.6.000 – Лр3	Арк.
		Пулеко.І.В				10
Змн.	Арк.	№ докум.	Підпис	Дата		

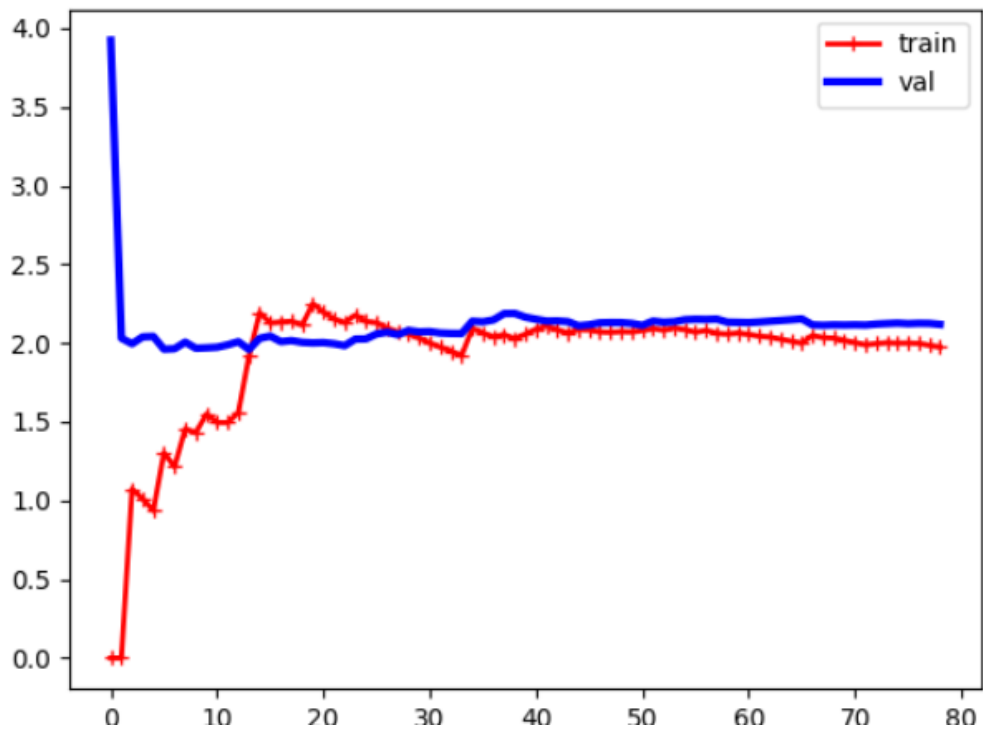


Рис.11. Криві навчання для лінійної моделі.

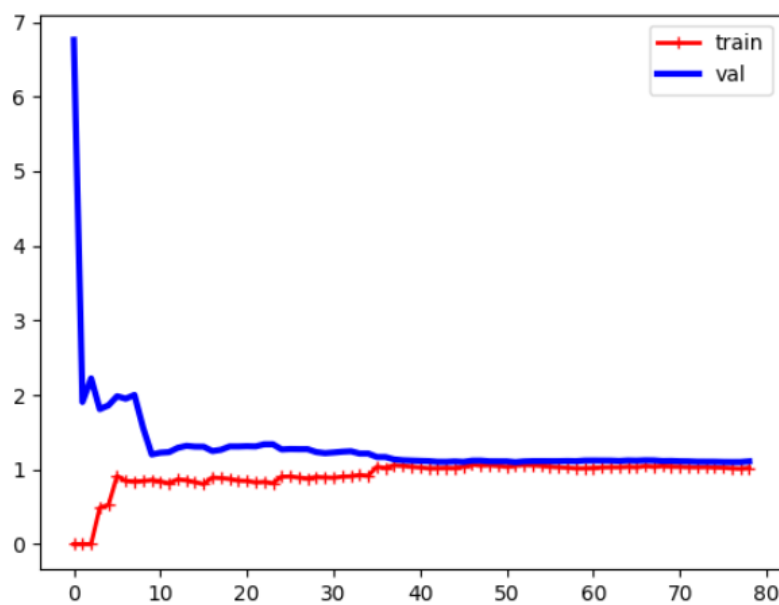


Рис.12. Криві навчання для поліноміальної моделі 2 ступеня.

## Завдання 2.7

```
import numpy as np
import matplotlib.pyplot as plt
from sklearn.cluster import KMeans
from sklearn import metrics

# Завантаження вхідних даних
```

		Драк Т.С.			ДУ «Житомирська політехніка».22.121.6.000 – ЛрЗ	Арк.
		Пулеко.І.В				11
Змн.	Арк.	№ докум.	Підпис	Дата		

```

X = np.loadtxt('data_clustering.txt', delimiter=',')
num_clusters = 5

# Включення вхідних даних до графіка
plt.figure()
plt.scatter(X[:, 0], X[:, 1], marker='o', facecolors='none', edgecolors='black',
s=80)
x_min, x_max = X[:, 0].min() - 1, X[:, 0].max() + 1
y_min, y_max = X[:, 1].min() - 1, X[:, 1].max() + 1
plt.title('Input data')
plt.xlim(x_min, x_max)
plt.ylim(y_min, y_max)
plt.xticks(())
plt.yticks(())

# Створення об'єкту KMeans
kmeans = KMeans(init='k-means++', n_clusters=num_clusters, n_init=10)

# Навчання моделі кластеризації KMeans
kmeans.fit(X)

# Визначення кроку сітки
step_size = 0.01

# Відображення точок сітки
x_min, x_max = X[:, 0].min() - 1, X[:, 0].max() + 1
y_min, y_max = X[:, 1].min() - 1, X[:, 1].max() + 1
x_vals, y_vals = np.meshgrid(np.arange(x_min, x_max, step_size),
                             np.arange(y_min, y_max, step_size))

# Передбачення вихідних міток для всіх точок сітки
output = kmeans.predict(np.c_[x_vals.ravel(), y_vals.ravel()])

# Графічне відображення областей та виділення їх кольором
output = output.reshape(x_vals.shape)
plt.figure()
plt.clf()
plt.imshow(output, interpolation='nearest',
            extent=(x_vals.min(), x_vals.max(),
                    y_vals.min(), y_vals.max()),
            cmap=plt.cm.Paired,
            aspect='auto',
            origin='lower')

# Відображення вхідних точок
plt.scatter(X[:, 0], X[:, 1], marker='o', facecolors='none',
            edgecolors='black', s=80)

# Відображення центрів кластерів
cluster_centers = kmeans.cluster_centers_
plt.scatter(cluster_centers[:, 0], cluster_centers[:, 1],
            marker='o', s=210, linewidths=4, color='black',
            zorder=12, facecolors='black')

x_min, x_max = X[:, 0].min() - 1, X[:, 0].max() + 1
y_min, y_max = X[:, 1].min() - 1, X[:, 1].max() + 1
plt.title('Межі кластерів')
plt.xlim(x_min, x_max)
plt.ylim(y_min, y_max)
plt.xticks(())
plt.yticks(())
plt.show()

```

		Драк Т.С.			ДУ «Житомирська політехніка».22.121.6.000 – Лр3	Арк.
		Пулеко.І.В				12
Змн.	Арк.	№ докум.	Підпис	Дата		

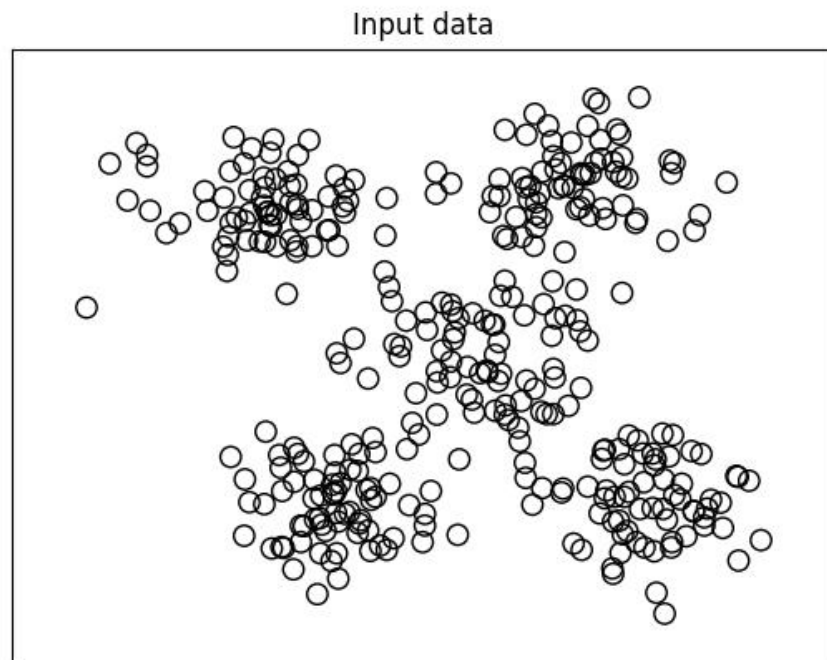


Рис. 13 Вхідні дані

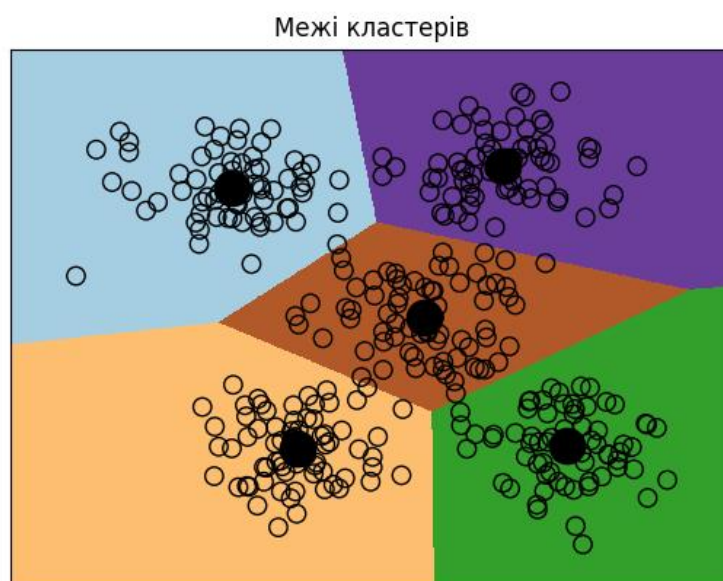


Рис. 14 Межі кластерів

## Завдання 2.8

```
import matplotlib.pyplot as plt
from sklearn import datasets
from sklearn.cluster import KMeans
from sklearn.metrics import pairwise_distances_argmin
import numpy as np

# Отримуємо дані
iris = datasets.load_iris()
X = iris.data[:, :2]
Y = iris.target

# Визначаємо початкові кластери
kmeans = KMeans(n_clusters=Y.max() + 1, init='k-means++', n_init=10, max_iter=300,
                tol=0.0001, verbose=0, random_state=None, copy_x=True)
kmeans.fit(X)
y_pred = kmeans.predict(X)

print("n_clusters: 3, n_init: 10, max_iter: 300, tol: 0.0001, verbose: 0,
      random_state: None, copy_x: True")
print(y_pred)
plt.figure()
plt.scatter(X[:, 0], X[:, 1], c=y_pred, s=50, cmap='viridis')
centers = kmeans.cluster_centers_
plt.scatter(centers[:, 0], centers[:, 1], c='black', s=200, alpha=0.5)
plt.show()

def find_clusters(X, n_clusters, rseed=2):
    # Випадково обираємо кластери
    rng = np.random.RandomState(rseed)
    i = rng.permutation(X.shape[0])[:n_clusters]
    centers = X[i]

    while True:
        # Оголошуємо label базуючись на найближчому центрі
        labels = pairwise_distances_argmin(X, centers)
        # Знаходимо нові центри з середини точок
        new_centers = np.array([X[labels == i].mean(0) for i in
                                range(n_clusters)])
        # Перевірка збіжності
        if np.all(centers == new_centers):
            break
        centers = new_centers
    return centers, labels

print("using find_clusters():")
centers, labels = find_clusters(X, 3)
print("n_clusters: 3, rseed: 2")
plt.scatter(X[:, 0], X[:, 1], c=labels, s=50, cmap='viridis')
plt.show()

centers, labels = find_clusters(X, 3, rseed=0)
print("n_clusters: 3, rseed: 0")
plt.scatter(X[:, 0], X[:, 1], c=labels, s=50, cmap='viridis')
plt.show()

labels = KMeans(3, random_state=0).fit_predict(X)
print("n_clusters: 3, rseed: 0")
```

		Драк Т.С.			ДУ «Житомирська політехніка».22.121.6.000 – Лр3	Арк.
		Пулеко.І.В				14
Змн.	Арк.	№ докум.	Підпис	Дата		

```
plt.scatter(X[:, 0], X[:, 1], c=labels, s=50, cmap='viridis')
plt.show()
```

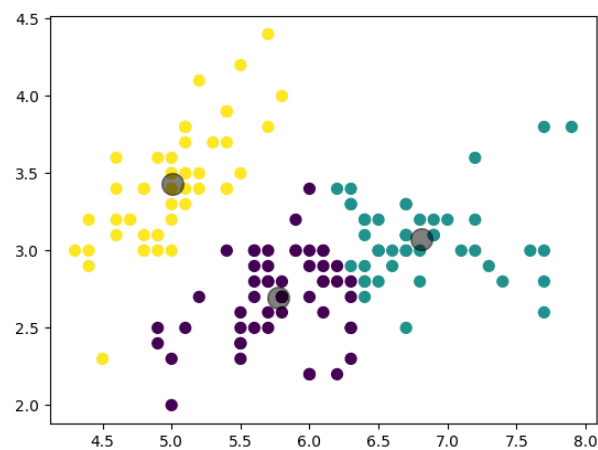
[illegible]

Рис. 14. Кластеризація

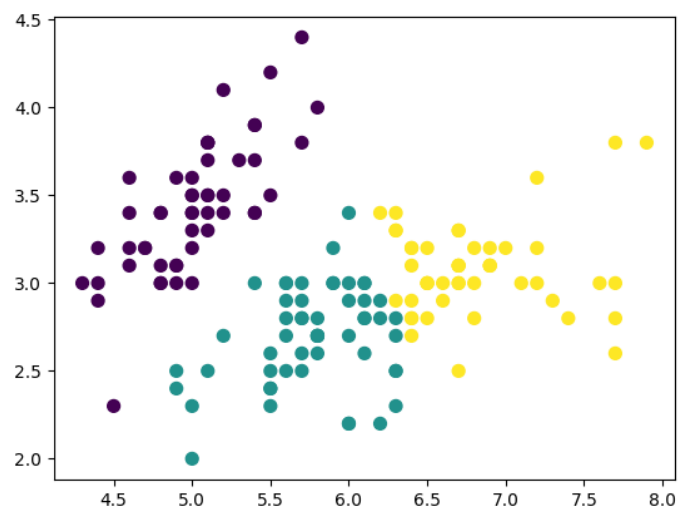


Рис. 15. Кластеризація

		Драк Т.С.			ДУ «Житомирська політехніка».22.121.6.000 – ЛрЗ	Арк.
		Пулеко.І.В				15
Змн.	Арк.	№ докум.	Підпис	Дата		

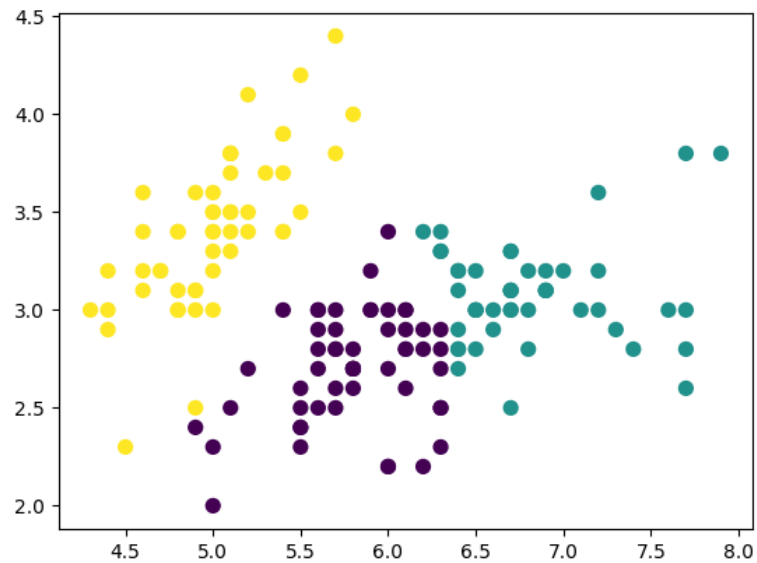


Рис. 16. Кластеризація

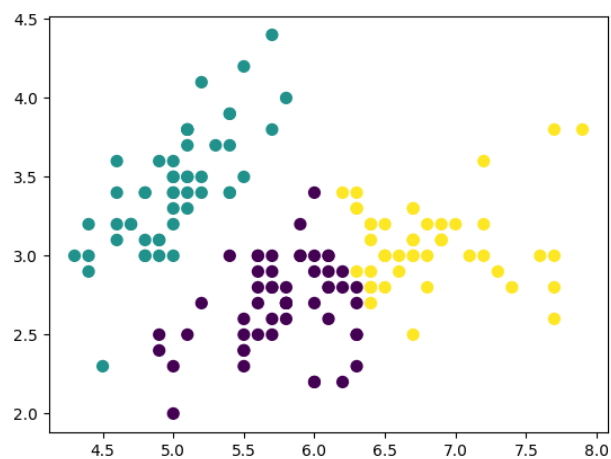


Рис. 17. Кластеризація

## Завдання 2.9

```
import numpy as np
import matplotlib.pyplot as plt
from sklearn.cluster import MeanShift, estimate_bandwidth
from itertools import cycle

# Завантаження даних
X = np.loadtxt('data_clustering.txt', delimiter=',')

# Оцінка ширини вікна для X
bandwidth_X = estimate_bandwidth(X, quantile=0.1, n_samples=len(X))

# Кластеризація даних методом зсуву середнього
meanshift_model = MeanShift(bandwidth=bandwidth_X, bin_seeding=True)
meanshift_model.fit(X)
```

		Драк Т.С.			ДУ «Житомирська політехніка».22.121.6.000 – Лр3	Арк.
		Пулеко І.В				16
Змн.	Арк.	№ докум.	Підпис	Дата		



```

# Витягування центрів кластерів
cluster_centers = meanshift_model.cluster_centers_
print('\nCenters of clusters:\n', cluster_centers)

# Оцінка кількості кластерів
labels = meanshift_model.labels_
num_clusters = len(np.unique(labels))
print("\nNumber of clusters in input data =", num_clusters)

# Відображення на графіку точок та центрів кластерів
plt.figure()
markers = 'o*xvs'
for i, marker in zip(range(num_clusters), markers):
    # Відображення на графіку точок, що належать поточному кластеру
    plt.scatter(X[labels == i, 0], X[labels == i, 1], marker=marker,
                color=np.random.rand(3,))

    # Відображення на графіку центру кластера
    cluster_center = cluster_centers[i]
    plt.plot(cluster_center[0], cluster_center[1], marker='o',
             markerfacecolor='black', markeredgecolor='red',
             markersize=15)

plt.title('Кластери')
plt.show()

```

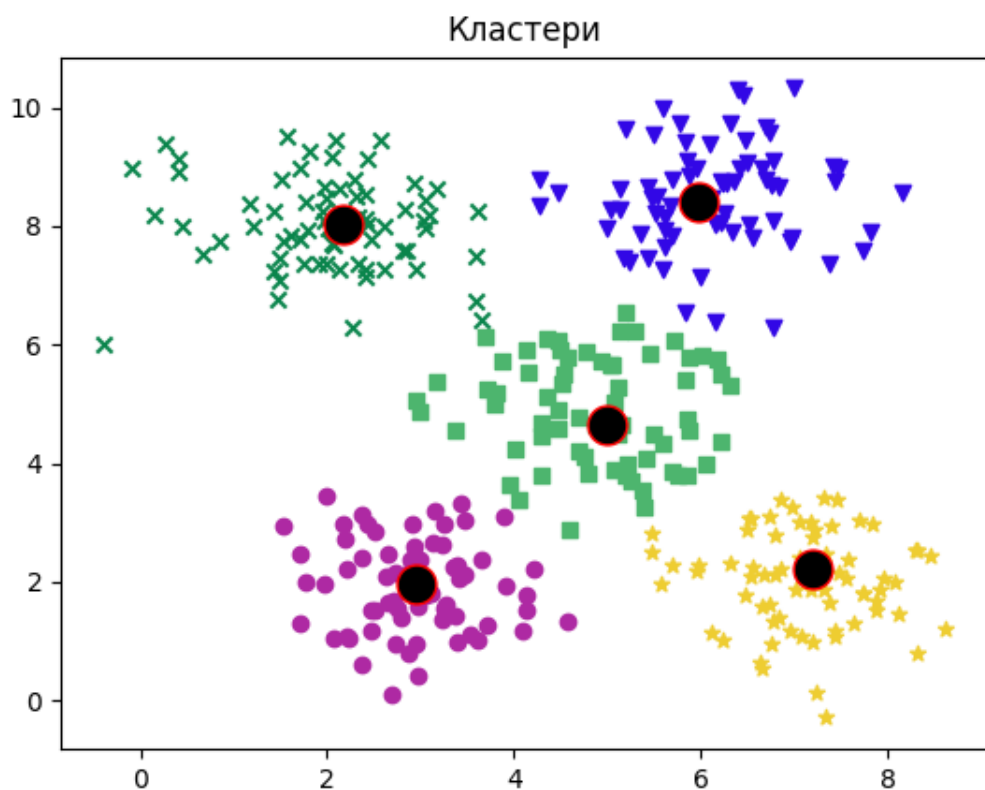


Рис. 18 Результат виконання

**Висновки:** використовуючи спеціалізовані бібліотеки та мову програмування Python дослідив методи регресії даних у машинному навчанні.

		Драк Т.С.			ДУ «Житомирська політехніка».22.121.6.000 – Лр3	Арк.
		Пулеко.І.В				17
Змн.	Арк.	№ докум.	Підпис	Дата		