- 5. ПРОИЗВОДСТВЕННЫЕ ФУЕКЦИИ (ПФ)
- 5.1. ЭКОНОМИЧЕСКИЕ ПРЕДПОСЫЛКИ ПОСТРОЕНИЯ МОДЕЛЕЙ ПФ.
- 5.2. НЕОКЛАССИЧЕСКАЯ ПФ И ЕЕ ОСНОВНЫЕ СВОЙСТВА.
- 5.3. РАЗНОВИДНОСТИ ОДНОРОДНЫХ И ЛИНЕЙНЫХ ПФ.
- 5.4. ПОСТРОЕНИЕ ДВУХФАКТОРНОЙ МУЛЬТИПЛИКАТИВНОЙ МОДЕЛИ ПФ.
- 5.5. ПРИМЕНЕНИЕ ДВУХФАКТОРНОЙ МУЛЬТИПЛИКАТИВНОЙ МОДЕЛИ ПФ В ЭКОНОМИЧЕСКОМ АНАЛИЗЕ И ПРОГНОЗИРОВАНИИ.

<u>5.2.</u>

В ОБЩЕМ ВИДЕ НЕОКЛАССИЧЕСКАЯ ПФ ВЫГЛЯДИТ ТАК:

$$X = F(K, L) \tag{5.1}$$

X = F(K, L) X - РЕЗУЛЬТАТ ПРОИЗВОДСТВА (ВЫПУСК ПРОДУКЦИИ);

K - ИНТЕНСИВНОСТЬ ЗАТРАТ КАПИТАЛА (ОСНОВНОЙ КАПИТАЛ, ОПФ);

I. - ИНТЕНСИВНОСТЬ ЗАТРАТ ТРУДА.

ПФ (5.1) – НАЗЫВАЕТСЯ НЕОКЛАССИЧЕСКОЙ, ЕСЛИ ОНА ГЛАДКАЯ И УДОВЛЕТВОРЯЕТ СЛЕДУЮЩИМ ЭКОНОМИКО-МАТЕМАТИЧЕСКИМ УСЛОВИЯМ:

- а) F(K,0) = F(0,K) = 0 -при остутствии одного из ресурсов производство -невозможно.
- 6) $\partial F/\partial K > 0$, $\partial F/\partial L > 0$ с ростом интенсивностей затрат ресурсов выпуск растет;
- в) $\partial^2 F/\partial^2 K < 0$, $\partial^2 F/\partial^2 L < 0$ С УСКОРЕНИЕМ ИНТЕНСИВНОСТЕЙ ЗАТРАТ РЕСУРСОВ ВЫПУСК продукции замедляется;

 $F(\infty,L)=F(K,\infty)=\infty$ при неограниченном увеличении использования одного из РЕСУРСОВ ВЫПУКС ПРОДУКЦИИ НЕОГРАНИЧЕННО РАСТЕТ.

5.3. В ТЕХНИКО-ЭКОНОМИЧЕСКИХ ИССЛЕДОВАНИЯХ РАЗЛИЧНЫХ УРОВНЕЙ НАЦИОНАЛЬНОЙ ЭКОНОМИКИ СТРАН ШИРОКОЕ РАСПРОСТРАНЕНИЕ ПОЛУЧИЛИ ОДНОРОДНЫЕ ПФ ВИДА:

$$Z = \alpha_0 \cdot \prod_{j=1}^n Y_j^{\alpha_j} \tag{5.2}$$

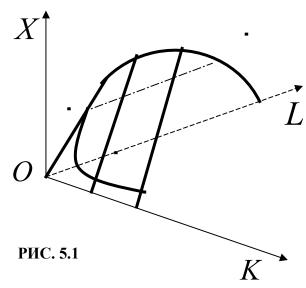
j = ОДНОРОДНАЯ ПФ (5.2) ЛИНЕЙНАЯ В ЛОГАРИФМИЧЕСКОЙ ШКАЛЕ

$$\lg Z = \lg \alpha_0 + \sum_{j=1}^n \alpha_j \cdot \lg Y_j. \tag{5.3}$$

К НЕОКЛАССИЧЕСКОЙ ПФ (5.1) ОТНОСИТСЯ МУЛЬТИПЛИКАТИВНАЯ ПФ ВИДА:

$$X = A \cdot K^{\alpha_1} \cdot L^{\alpha_2}.$$
 $(\alpha_1, \alpha_2) \in (0;1).$ (5.4)

частным случаем (5.4) является пф кобба-дугласа $X = A \cdot K^{\alpha} \cdot L^{1-\alpha}$ (5.5) примерный вид поверхности (5.5) приведен на рис. 5.1.



$$\frac{\partial X}{\partial K} = \alpha_1 \cdot K^{\alpha_1 - 1} \cdot A \cdot L^{\alpha_2} = \alpha_1 \cdot \frac{A \cdot K^{\alpha_1} \cdot L^{\alpha_2}}{K} = \alpha_1 \cdot \frac{X}{K} \Rightarrow \alpha_1 = \frac{\partial X}{\partial K} \cdot \frac{K}{X}$$

$$\frac{\partial X}{\partial L} = A \cdot K^{\alpha_1} \cdot \alpha_2 \cdot L^{\alpha_2 - 1} = \alpha_2 \cdot \frac{A \cdot K^{\alpha_1} \cdot L^{\alpha_2}}{L} = \alpha_2 \cdot \frac{X}{L} \Rightarrow \alpha_2 = \frac{\partial X}{\partial L} \cdot \frac{L}{X}$$

<u>5.4.</u>

$$(X_{t}, K_{t}, L_{t}) \longrightarrow X_{t} = \delta_{t} \cdot A \cdot K_{t}^{\alpha_{1}} \cdot L_{t}^{\alpha_{2}}$$

$$\ln X_{t} = \ln A + \alpha_{1} \cdot \ln K_{t} + \alpha_{2} \cdot \ln L_{t} + \ln \delta_{t}.$$

$$\ln X_{t} = Y_{t}, \quad \ln K_{t} = Z_{1t}, \quad \ln L_{t} = Z_{2t}, \quad \ln A = b, \quad \ln \delta_{t} = \varepsilon_{t},$$

$$Y_{t} = b + \alpha_{1} \cdot Z_{1t} + \alpha_{2} \cdot Z_{2t} + \varepsilon_{t}.$$

$$x = \frac{X}{X_0}, \quad k = \frac{K}{K_0}, \quad l = \frac{L}{L_0},$$

 $X_0,\ K_0,\ L_0$ - значения показателей в базисный год.

ПФ В ОТНОСИТЕЛЬНЫХ ПОКАЗАТЕЛЯХ ЗАПИШЕТСЯ ТАК:

$$x = k^{\alpha_1} \cdot l^{\alpha_2}$$
 (5.6) $\frac{x}{k} = E_k$ - фондоотдача; $\frac{x}{l} = E_l$ - производительность труда.

обощающий показатель экономической эффективности производства E, являющийся оценкой интенсивности использования ресурсов:

$$E = E_k^{\alpha} \cdot E_l^{1-\alpha}$$

$$\alpha = \frac{\alpha_1}{\alpha_1 + \alpha_2}, \quad 1 - \alpha = \frac{\alpha_2}{\alpha_1 + \alpha_2}.$$
(5.7)

показатель масштаба производства M характеризует экстенсивность использования ресурсов

$$M = k^{\alpha} \cdot l^{1-\alpha},$$
 (5.8) $\longrightarrow x = E \cdot M.$

$$b = 5.948853 \Rightarrow A = e^b \Rightarrow A = 383.3134,$$

 $\alpha_1 = 0.305283; \quad \alpha_2 = 0.407868$

 $t(\alpha_1) = 3 > 2.31;$ $t(\alpha_2) = 7.138 > 2.31;$ $F_{pacy} = 290.456$

$$X = 383.3134 \cdot K^{0.305283} \cdot L^{0.407868}$$

$$d = 0.9847; \quad \sigma^2 = 0.028805; \quad t_p(n-k) = t_{0.05}(8) = t_{ma\delta\pi} = 2.31;$$

$$F_{ma\delta\pi} = 4.74.$$

$$\alpha = \alpha_1/(\alpha_1 + \alpha_2) \quad \Rightarrow \quad \alpha = 0.428; \quad 1-\alpha = 0.572;$$

$$x = X_{2009}/X_{2000} = 1.9328, \qquad E_k = x/k = 1.005; \quad E_l = x/l = 0.574;$$

$$k = K_{2009}/K_{2000} = 1.924, \qquad E = E_k^{\alpha} \cdot E_l^{1-\alpha} \quad \Rightarrow \quad E = 1.005^{0.428} \cdot 0.574^{0.572} = 0.7295;$$

$$M = k^{\alpha} \cdot l^{1-\alpha} \quad \Rightarrow \quad M = 1.924^{0.428} \cdot 3.6668^{0.572} = 2.6497;$$

$$x = E \cdot M \quad \Rightarrow \quad 1.9328 = 0.7295 \cdot 2.6497.$$

$$K_{2010} = 30500700 \cdot 1.1 = 33550770;$$

 $L_{2010} = 5220720 \cdot 1.15 = 6003828$
 $X_{2010} = 383.3134 \cdot 33550770^{0.305283} \cdot 6003828^{0.407868} = 44231015$

$$x_{npoe} = X_{2010} / X_{2009} = 1.13$$

$$k = 1.1;$$
 $l = 1.15;$ $E_k = 1.13/1.1 = 1.03$ $E_l = 1.13/1.15 = 0.98;$ $E = 1.03^{0.428} \cdot 0.98^{0.572} = 1.0011;$ $M = 1.1^{0.428} \cdot 1.15^{0.572} = 1.1283;$ $x = 1.0011 \cdot 1.1283 = 1.13.$