Algoritmos y Estructura de Datos I

Segundo cuatrimestre de 2016 26 de septiembre de 2016

TPI OJOTA (Organización de Juegos Olímpicos Tp de Algoritmos 1) v1.0

1. Tipos

```
tipo Deporte = String;
tipo Pais = String;
tipo Sexo = Femenino, Masculino;
2.
       \mathbf{Atleta}
tipo Atleta {
        observador nombre (a: Atleta) : String;
        observador sexo (a: Atleta) : Sexo;
        observador añoNacimiento (a: Atleta) : \mathbb{Z};
        observador nacionalidad (a: Atleta) : Pais;
        observador ciaNumber (a: Atleta) : \mathbb{Z};
        observador deportes (a: Atleta) : [Deporte];
        observador capacidad (a: Atleta, d: Deporte) : Z;
             requiere d \in deportes(a);
        invariante |deportes(a)| > 0;
        invariante sinRepetidos(deportes(a));
        invariante ordenada(deportes(a));
        invariante capacidadEnRango : (\forall d \leftarrow deportes(a))0 \leq capacidad(a,d) \leq 100;
problema especilidad (this: Atleta) = res : Deporte {
        asegura res \in deportes(this);
        asegura (\forall d \leftarrow deportes(this)) capacidad(this, res) \geq capacidad(this, d);
problema Atleta (this: Atleta, nom: String, s: Sexo, a: Z, nac: Pais, cia: Z) {
        modifica this;
        asegura nombre(this) == nom;
        asegura sexo(this) == s;
        asegura a\tilde{n}oNacimiento(this) == a;
        asegura nacionalidad(this) == nac;
        asegura \ ciaNumber(this) == cia;
        asegura deportes(this) == [];
problema nombre (this : Atleta) = res : String {
        asegura nombre(this) == result;
problema sexo (this : Atleta) = res : Sexo {
        asegura sexo(this) == result;
problema anioNacimiento (this : Atleta) = res : \mathbb{Z}  {
        asegura a\tilde{n}oNacimiento(this) == result;
problema nacionalidad (this: Atleta) = res: Pais {
        asegura nacionalidad(this) == result;
}
```

```
problema ciaNumber (this : Atleta) = res : \mathbb{Z}  {
        asegura ciaNumber(this) == result;
problema deportes (this : Atleta) = res : [Deporte] {
        asegura deportes(this) == result;
problema capacidad (this : Atleta, d : Deporte) = res : \mathbb{Z}  {
        requiere d \in deportes(this);
        asegura \ capacidad(this, d) == result;
problema entrenarNuevoDeporte (this: Atleta, d: Deporte, c: Z) {
        requiere 0 \le c \le 100;
        modifica this;
        asegura nombre(this) == nombre(pre(this));
        asegura sexo(result) == sexo(pre(this));
        asegura a\tilde{n}oNacimiento(this) == a\tilde{n}oNacimiento(pre(this));
        asegura \ nacionalidad(this) == nacionalidad(pre(this));
        asegura \ ciaNumber(this) == ciaNumber(pre(this));
        asegura mismos(deportes(this), sacarRepetidos(d:deportes(pre(this))));
        asegura (\forall x \leftarrow deportes(this), x \neq d) capacidad(this, x) == capacidad(pre(this), x);
        asegura capacidad(this, d) == c;
problema operator == (this, a: Atleta) = res : Bool {
        asegura \ result == mismosDatosPersonales(this, a) \land mismosDeportesYCapacidades(this, a);
        aux mismosDatosPersonales (a1, a2: Atleta): Bool = nombre(a1) == nombre(a2) \land sexo(a1) == sexo(a2)
           \wedge a\tilde{n}oNacimiento(a1) == a\tilde{n}oNacimiento(a2) \wedge nacionalidad(a1) == nacionalidad(a2)
           \wedge ciaNumber(a1) == ciaNumber(a2);
        aux mismosDeportesYCapacidades (a1, a2: Atleta) : Bool =
           deportes(a1) == deportes(a2) \land (\forall d \leftarrow deportes(a1)) capacidad(a1, d) == capacidad(a2, d);
}
```

3. Competencia

```
tipo Competencia {
       observador categoria (c: Competencia) : (Deporte, Sexo);
        observador participantes (c: Competencia) : [Atleta];
        observador finalizada (c: Competencia) : Bool;
        observador ranking (c: Competencia) : [Atleta];
             requiere finalizada(c);
        observador lesTocoControlAntiDoping (c: Competencia) : [Atleta];
             requiere finalizada(c);
        observador leDioPositivo (c: Competencia, a: Atleta) : Bool;
             requiere finalizada(c) \land a \in lesTocoControlAntiDoping(c);
        invariante participaUnaSolaVez : sinRepetidos(ciaNumbers(participantes(c)));
        invariante participantesPertenecenACat :
           (\forall p \leftarrow participantes(c))prm(categoria(c)) \in deportes(p) \land sgd(categoria(c)) == genero(p) \ ;
       invariante elRankingEsDeParticipantesYNoHayRepetidos :
           finalizada(c) \Rightarrow incluida(ranking(c), participantes(c));
        invariante seControlanParticipantesYNoHayRepetidos:
           finalizada(c) \Rightarrow incluida(lesTocoControlAntiDoping(c), participantes(c));
problema Competencia (this: Competencia, d: Deporte, s: Sexo, as: [Atleta]) {
       requiere sonDeEstaCategoria : (\forall a \leftarrow as)d \in deportes(a) \land s == sexo(a);
       requiere noHayAtletasRepetidos : sinRepetidos(ciaNumbers(as));
       modifica this;
       asegura categoria(this) == (d, s);
        asegura mismos(participantes(this), as);
       asegura \neg finalizada(this);
```

```
}
problema categoria (this: Competencia) = res: (Deporte, Sexo) {
        asegura\ categoria(this) == result;
problema participantes (this: Competencia) = res: [Atleta] {
        asegura mismos(participantes(this), result);
problema finalizada (this : Competencia) = res : Bool {
        asegura finalizada(this) == result;
problema ranking (this: Competencia) = res: [Atleta] {
       requiere finalizada(this);
        asegura ranking(this) == result;
problema lesTocoControlAntiDoping (this : Competencia) = res : [Atleta] {
       requiere finalizada(this);
        asegura mismos(lesTocoControlAntiDoping(this), result);
problema leDioPositivo (this: Competencia, a: Atleta) = res: Bool {
       requiere finalizada(this);
       requiere a \in lesTocoControlAntiDoping(this);
        asegura\ leDioPositivo(this, a) == result;
problema finalizar (this: Competencia, posiciones: [\mathbb{Z}], control: [(\mathbb{Z}, Bool)]) {
       requiere \neg finalizada(this);
       \verb"requiere" incluida (posiciones, ciaNumbers (participantes (this))) \verb";"
       requiere incluida(primeros(control), ciaNumbers(participantes(this)));
        \verb"asegura seMantieneCategoria": categoria(this) == categoria(pre(this));
        \verb|asegura seMantienenenParticipantes|: mismos(participantes(this), participantes(pre(this))); \\
        asegura finalizo : finalizada(this);
        asegura rankingOrdenado: ciaNumbers(ranking(this)) == posiciones;
        \verb"asegura quienesSeControlan": mismos(ciaNumbers(lesTocoControlAntiDoping(this)), primeros(control));
        asegura resultados DeControl: (\forall x \leftarrow control) leDioPositivo(this, elAtleta(participantes(this), prm(x))) \Leftrightarrow sgd(x);
        aux elAtleta (as: [Atleta], x:\mathbb{Z}): Atleta = [a|a \leftarrow as, ciaNumber(a) == x]_0;
problema linfordChristie (this: Competencia, ciaNum: \mathbb{Z}) {
       requiere noFinalizada: \neg finalizada(this);
       requiere esParticipante : ciaNum \in ciaNumbers(participantes(this));
       modifica this;
        asegura seMantieneCategoria : categoria(this) == categoria(pre(this));
        asegura soloUnoDescalificado: mismos(participantes(this), [a|a \leftarrow participantes(pre(this)), ciaNumber(a) \neq
           ciaNum]);
        asegura noFinalizada: \neg finalizada(this);
problema gananLosMasCapaces (this: Competencia) = res : Bool {
       requiere seConocenResultados : finalizada(this);
        asegura \ res == ordenada(reverso(capacidades(ranking(this), deporte(this))));
problema sancionarTramposos (this: Competencia) {
       requiere seConocenResultados: finalizada(this);
       modifica this;
        asegura seMantieneCategoria: categoria(this) == categoria(pre(this));
        asegura seMantienenParticipantes : <math>mismos(participantes(this), participantes(pre(this)));
        asegura sigueFinalizada: finalizada(this);
        \texttt{asegura drogadosDescalificados}: ranking(this) == \left[ a \, | \, a \leftarrow ranking(pre(this)), noLoDescubrenDopado(a, pre(this)) \right]
```

```
asegura seMantieneControl: mismos(lesTocoControlAntiDoping(this), lesTocoControlAntiDoping(pre(this)));
         asegura mismosResultadosControl:
            (\forall a \leftarrow lesTocoControlAntiDoping(this))leDioPositivo(this, a) \Leftrightarrow leDioPositivo(pre(this), a);
        aux noLoDescubrenDopado (a: Atleta, c: Competencia) : Bool =
            a \notin lesTocoControlAntiDoping(c) \vee \neg leDioPositivo(c, a);
}
problema operator== (this,c: Competencia) = res : Bool {
        asegura mismosParticipantesYCategoria(this, c) \land finalizada(this) == finalizada(c) \land
            (finalizada(this) \longrightarrow ranking(this) == ranking(c) \land coincidenControlesAntidoping(this, c));
        aux mismosParticipantesYCategoria (c1, c2: Competencia): Bool = mismos(participantes(c1), participantes(c2)) \land
            categoria(c1) == categoria(c2);
        aux coincidenControlesAntidoping (c1,c2: Competencia) : Bool =
            mismos(lesTocoControlAntidoping(c1), lesTocoControlAntidoping(c2)) \land
            (\forall a \leftarrow lesTocoControlAntidoping(c1))leDioPositivo(c1, a) == leDioPositivo(c2, a);
}
4.
       JJOO
tipo JJ00 {
        observador año (j. JJOO) : \mathbb{Z};
        observador atletas (j: JJOO) : [Atleta];
        observador cantDias (j: JJOO) : \mathbb{Z};
         observador cronograma (j. JJOO, dia: \mathbb{Z}) : [Competencia];
              requiere 1 \le dia \le cantDias(j);
        observador jornadaActual (j. JJOO) : Z;
        invariante atletasUnicos : sinRepetidos(ciaNumbers(atletas(j)));
        invariante una De Cada Categoria : (\forall i, k \leftarrow [0.. | competencias(j)|), i \neq k)
            categoria(competencias(j)_i) \neq categoria(competencias(j)_k);
         invariante competidoresInscriptos : (\forall c \leftarrow competencias(j))incluida(participantes(c), atletas(j));
         invariante jornadaValida : 1 \leq jornadaActual(j) \leq cantDias(j);
         invariante finalizadasSiiYaPasoElDia: lasPasadasFinalizaron(j) \land lasQueNoPasaronNoFinalizaron(j);
problema JJ00 (this: JJ00, año: Z, as: [Atleta], cron: [[Competencia]]) {
        requiere sinRepetidos(ciaNumbers(as));
        \texttt{requiere} \ (\forall cs \leftarrow concat(cron)) (\neg (\exists i, j \leftarrow [0..|concat(cron)|), i \neq j) categoria(cs_i) == categoria(cs_j))) \ ;
        requiere (\forall cs \leftarrow concat(cron))incluida(participantes(cs), as);
        requiere |cron| \ge 1;
        requiere (\forall c \leftarrow concat(cron)) \neg finalizada(c);
        modifica this;
        asegura a\tilde{n}o == a\tilde{n}o(this);
        asegura mismos(atletas(this), as);
         asegura |cron| == cantDias(this);
        \texttt{asegura} \ (\forall j \leftarrow [0..|cron|)) mismos(cron_j, cronograma(this, j+1)) \ ;
         asegura jornadaActual(this) == 1;
problema \ ano \ (this: JJOO) = res : \mathbb{Z} \ 
        asegura a\tilde{n}o(this) == result;
problema atletas (this: JJOO) = res : [Atleta] {
        asegura mismos(atletas(this), result);
\texttt{problema cantDias} \; (this: JJOO) = \texttt{res} : \mathbb{Z} \; \; \{
        asegura \ cantDias(this) == result;
problema jornadaActual (this: JJOO) = res : \mathbb{Z}  {
        asegura jornadaActual(this) == result;
```

```
}
problema cronograma (this: JJOO, d: \mathbb{Z}) = res : [Competencia] {
            requiere 1 \le d \le cantDias(this);
            asegura \ cronograma(this, d) == result;
problema competencias (this: JJOO) = res : [Competencia] {
            asegura result == competencias(j);
problema competenciasFinalizadasConOroEnPodio (this: JJOO) = res: [Competencia] {
            asegura mismos(result, [c|c \leftarrow competencias(j), finalizada(c) \land |ranking(c)| > 0]);
problema dePaseo (this: JJOO) = res : [Atleta] {
            asegura noParticipanEnNinguna : mismos(res, fueronAPasear(this));
            aux fueronAPasear (j: JJOO) : [Atleta] = [a \mid a \leftarrow atletas(j), \neg(\exists c \leftarrow competencias(j))a \in participantes(c)];
problema medallero (this: JJOO) = res : [(Pais, [\mathbb{Z}])] {
            asegura paisesConMedallas : mismos(primeros(res), paisesQueGanaron(this));
             asegura cantidadMedallasCorrecta : (\forall m \leftarrow res) |sgd(m)| == 3 \land m
                  sgd(m)_0 == |filtrarPorPais(medallistasOro(this), prm(m))| \land
                  sgd(m)_1 == |filtrarPorPais(medallistasPlata(this), prm(m))| \land
                 sgd(m)_2 == |filtrarPorPais(medallistasBronce(this), prm(m))|;
             asegura bienOrdenada : (\forall i \leftarrow (0.. |res|)) masMedallas(sgd(res_{i-1}), sgd(res_i));
             aux paisesQueGanaron (j. IJOO): [Pais] = sacarRepetidos(nacionalidades(medallistasOro(j) + +
                 medallistasPlata(j) + + medallistasBronce(j));
             aux masMedallas (x, y: [\mathbb{Z}]) : \mathsf{Bool} = x_0 > y_0 \lor (x_0 == y_0 \land x_1 > y_1) \lor (x_0 == y_0 \land x_1 == y_1 \land x_2 \ge y_2);
}
problema boicotPorDisciplina (this: JJOO, cat: (Deporte, Sexo), p: Pais) = res : \mathbb{Z} {
            requiere esCategoriaValida: (\exists c \leftarrow competencias(this))categoria(c) == cat;
            modifica this;
            asegura soloCambiaCronograma : a\tilde{n}o(this) == a\tilde{n}o(pre(this)) \wedge cantDias(this) == cantDias(pre(this))
                  \land jornadaActual(this) == jornadaActual(pre(this)) \land mismos(atletas(this), atletas(pre(this)));
             \texttt{asegura mismaCantDeCompetencias}: (\forall d \leftarrow [1..cantDias(this)]) | cronograma(this,d)| == | cronograma(pre(this),d)|;
             asegura\ las Otras Competencias No Cambian: (\forall d \leftarrow [1..cantDias(this)])(\forall c \leftarrow cronograma(pre(this),d), categoria(c) \neq contraction contra
                  cat)laCompetenciaSeMantiene(this, d, c);
            asegura\ boicotAEsaCat: (\exists c \leftarrow cronograma(this, elDiaDeEsaCat(pre(this), cat)))
                  igualSalvoBoicot(c, competenciaDeCat(pre(this), cat), p);
             asegura result == |filtrarPorPais(participantes(competenciaDeCat(pre(this), cat)), p)|;
             aux elDiaDeEsaCat (j: JJOO, cat: (Deporte, Sexo)) : \mathbb{Z} =
                  [d \mid d \leftarrow [1..cantDias(j)], (\exists c \leftarrow cronograma(j,d)) categoria(c) == cat]_0;
             aux competenciaDeCat (j: JJOO, cat: (Deporte, Sexo)) : Competencia = [c \mid c \leftarrow competencias(j), categoria(c) = 
                 cat \mid_0;
            aux igualSalvoBoicot (c, prec: Competencia, p: Pais) : Bool = categoria(c) == categoria(prec) \land
                 mismos(participantes(c), sacarLosDePais(participantes(prec), p) \land finalizada(c) \Leftrightarrow finalizada(prec)
                 \land finalizada(c) \Rightarrow (ranking(c) == sacarLosDePais(ranking(prec), p) \land
                 mismos(lesTocoControlAntiDoping(c), sacarLosDePais(lesTocoControlAntiDoping(prec), p))
                 \land (\forall a \leftarrow lesTocoControlAntiDoping(c))leDioPositivo(c, a) \Leftrightarrow leDioPositivo(prec, a));
            aux sacarLosDePais (as: [Atleta], p: Pais) : [Atleta] = [a \mid a \leftarrow as, nacionalidad(a) \neq p];
problema losMasFracasados (this: JJOO, p: Pais) = res : [Atleta] {
            asegura mismos(res, noGanaronMedallas(this, losMasParticipantes(this, atletasDelPais(this, p))));
            aux atletasDelPais (j. JJOO, p. Pais) : [Atleta] = [a \mid a \leftarrow atletas(j), nacionalidad(a) == p];
            aux losMasParticipantes (j. JJOO, as: [Atleta]) : [Atleta] = [a \mid a \leftarrow as,
                  (\forall x \leftarrow as) cantCompetencias(j, a) \geq cantCompetencias(j, x) ];
             aux cantCompetencias (j: JJOO, a: Atleta) : \mathbb{Z} = |[c \mid c \leftarrow competencias(j), a \in participantes(c)]|;
            aux noGanaronMedallas (j: JJOO, as: [Atleta]) : [Atleta] = [a \mid a \leftarrow as, cantMedallas(j, a) == 0];
             aux cantMedallas (j. JJOO, a. Atleta) : \mathbb{Z} = |[c \mid c \leftarrow competencias(j), estaEnElPodio(c, a)]|;
```

```
aux estaEnElPodio (c: Competencia, a: Atleta) : Bool = finalizada(c) \land (salioPrimero(c, a) \lor salioSegundo(c, a) \lor
                                   salioTercero(c, a));
                         aux salioPrimero (c: Competencia, a: Atleta) : Bool = |ranking(c)| \ge 1 \land ranking(c)_0 == a;
                         aux salioSegundo (c: Competencia, a: Atleta) : Bool = |ranking(c)| \ge 2 \land ranking(c)_1 == a;
                         aux salioTercero (c: Competencia, a: Atleta) : Bool = |ranking(c)| \ge 3 \land ranking(c)_2 == a;
problema liuSong (this: JJOO, a: Atleta, p: País) {
                        requiere estaLiu : a \in atletas(this);
                        modifica this;
                         asegura loDemasIgual : a\tilde{n}o(this) == a\tilde{n}o(pre(this)) \land cantDias(this) == cantDias(pre(this))
                                   \land jornadaActual(this) == jornadaActual(pre(this));
                         \verb|asegura mismaCantidadAtletas:|atletas(this)| == |atletas(pre(this))| \ ;
                         asegura atletasIguales : (\forall at1 \leftarrow atletas(pre(this)), \neg(at1 == a))at1 \in atletas(this);
                         asegura cambioLiu: (\forall at1 \leftarrow atletas(pre(this)), at1 == a)(\exists at2 \leftarrow atletas(this))igualSalvoPais(at1, at2, p);
                         \texttt{asegura\,mismaCantDeCompetencias}: (\forall d \leftarrow [1..cantDias(this)]) | cronograma(pre(this), d)| == | cronograma(this, d)|;
                         \texttt{asegura lasOtrasCompetenciasNoCambian}: (\forall d \leftarrow [1..cantDias(this)]) (\forall c \leftarrow cronograma(pre(this), d), a \notin participanted (b)) (\forall c \leftarrow cronograma(pre(this), d), b) (\forall c \leftarrow cronograma(pre(this), d), c) (\forall c \leftarrow c, 
                                   laCompetenciaSeMantiene(this, d, c);
                         asegura cambianLasDeLiu : (\forall d \leftarrow [1..cantDias(this)])(\forall c \leftarrow cronograma(pre(this), d), a \in participantes(c))
                                   (\exists c2 \leftarrow cronograma(this, d))igualSalvoLiu(c, c2, a, p);
                         aux igualSalvoPais (at1: Atleta, at2: Atleta, p: Pais) : Bool = nombre(at1) == nombre(at2) \land
                                   sexo(at1) == sexo(at2) \land a\tilde{n}oNacimiento(at1) == a\tilde{n}oNacimiento(at2)
                                   \land ciaNumber(at1) == ciaNumber(at2) \land deportes(at1) == deportes(at2)
                                   \land (\forall d \leftarrow deportes(at1)) capacidad(at1, d) == capacidad(at2, d) \land nacionalidad(at2) == p;
                         aux igualSalvoLiu (c1: Competencia, c2: Competencia, a: Atleta, p: Pais) : Bool = categoria(c1) == categoria(c2)
                                   \land participantesYLiu(c1,c2,a,p) \land finalizada(c1) \Leftrightarrow finalizada(c2) \land finalizada(c1) \Rightarrow
                                   (rankingYLiu(c1, c2, a, p) \land mismosControladosYLiu(c1, c2, a, p));
                         aux participantes YLiu (c1: Competencia, c2: Competencia, a: Atleta, p: Pais) : Bool =
                                   |participantes(c1)| == |participantes(c2)|
                                   \land (\forall at1 \leftarrow participantes(c1), at1! = a)at1 \in participantes(c2)
                                   \land (\forall at1 \leftarrow participantes(c1), at1 == a)(\exists at2 \leftarrow participantes(c2))igualSalvoPais(at1, at2, p);
                         aux ranking YLiu (c1: Competencia, c2: Competencia, a: Atleta, p: Pais) : Bool = |ranking(c1)| == |ranking(c2)|
                                   \land (\forall i \leftarrow [0..|ranking(c1)|), ranking(c1)_i! = a) ranking(c2)_i == ranking(c1)_i
                                   \land (\forall i \leftarrow [0..|ranking(c1)|), ranking(c1)_i == a) igual Salvo Pais(ranking(c1)_i, ranking(c2)_i, p);
                         aux mismosControladosYLiu (c1: Competencia, c2: Competencia, a: Atleta, p: Pais) : Bool =
                                   |lesTocoControlAntiDoping(c1)| == |lesTocoControlAntiDoping(c2)| \land
                                   (\forall at1 \leftarrow lesTocoControlAntiDoping(c1), at1! = a)at1 \in lesTocoControlAntiDoping(c2) \land leDioPositivo(c1, at1) = a(c1)at1 \leftarrow a(c1)at1 \rightarrow a(c1)at1 \leftarrow a(c1)at1 \rightarrow a(c1)at1 
                                   leDioPositivo(c2, at1) \land
                                   (\forall at1 \leftarrow lesTocoControlAntiDoping(c1), at1 == a)(\exists at2 \leftarrow lesTocoControlAntiDoping(c2))
                                   igualSalvoPais(at1, at2, p) \land leDioPositivo(c1, at1) == leDioPositivo(c2, at2);
problema stevenBradbury (this: JJOO) = res : Atleta {
                        \texttt{requiere alguienGanoMedalla}: (\exists d \leftarrow [1..jornadaActual(this)]) (\exists c \leftarrow cronograma(this, d), finalizada(c)) \mid ranking(c) \mid ranking(c)
                         asegura ganoMedallaDeOro : res \in primeros(ganadoresPorCategoria(this));
                         \texttt{asegura elMenosCapaz}: (\forall a \leftarrow primeros(ganadoresPorCategoria(this)))
                                   peorDesempe\tilde{n}o(res, this) \leq peorDesempe\tilde{n}o(a, this);
                         aux ganadoresPorCategoria (j: JJOO) : [(Atleta, (Deporte, Sexo))] = [(ranking(c)_0, categoria(c))]
                                   d \leftarrow [1..jornadaActual(j)], c \leftarrow cronograma(j, d), finalizada(c) \land |ranking(c)| > 0];
                         aux peorDesempeño (a: Atleta, j: JJOO) : \mathbb{Z}
                                   minimo([capacidad(a, prm(sgd(g))) | g \leftarrow ganadoresPorCategoria(j), prm(g) == a]);
}
problema uyOrdenadoAsíHayUnPatrón (this: JJOO) = res : Bool {
                         asegura siguen Siempre El Mismo Orden (los Mejores Paises (this)) == res;
                         aux losMejoresPaises (j: JJOO) : [Pais] = [mejorEseDia(j,i) | i \leftarrow [1..jornadaActual(j)], alguienGanoOro(j,i)];
                         aux mejorEseDia (j. JJOO, d. \mathbb{Z}) : Pais = [p | p \leftarrow paises(j),
                                    \neg (\exists p2 \leftarrow paises(j))(cantOro(j,p2,d) > cantOro(j,p,d) \lor (cantOro(j,p2,d) == cantOro(j,p,d) \land p2 < p))]_0;
                         aux cantOro (j: JJOO, p: Pais, d: \mathbb{Z}) : \mathbb{Z} = |[1 | c \leftarrow cronograma(j, d), finalizada(c)]|
                                   \land ranking(c) \ge 1 \land nacionalidad(ranking(c)_0) == p \mid |;
                         aux alguienGanoOro (j: JJOO, d: \mathbb{Z}) : Bool = (\exists c \leftarrow cronograma(j,d))finalizada(c) \land ranking(c) \ge 1;
```

```
aux siguenSiempreElMismoOrden (ps:[Pais]) : Bool = (\forall i, j \leftarrow [0..|ps|-1), i < j \land ps_i == ps_j)ps_{i+1} == ps_{j+1} \land
             (\forall i, j \leftarrow [1..|ps|), i < j \land ps_i == ps_i)ps_{i-1} == ps_{i-1};
}
problema sequiaOlímpica (this: JJOO) = res : [País] {
         asegura mismos(result, secosOlimpicos(this));
         aux secos0limpicos (j: JJOO): [País] = [p \mid p \leftarrow paises(j), masDiasSinMedallas(j, p) == maxDiasSinMedallas(j)];
         aux masDiasSinMedallas (j. JJOO, p. País) : \mathbb{Z} = maxDif(0: [i | i \leftarrow [1..jornadaActual(j)),
            GanoMedallaEseDia(j, p, i) + +[jornadaActual(j)];
         aux maxDif (ls:[\mathbb{Z}]): \mathbb{Z} = max(\lceil ls_i - ls_{i-1} \mid i \leftarrow \lceil 1... \mid ls \mid) \rceil);
         aux GanoMedallaEseDia (j: JJOO, p: Pais, i: \mathbb{Z}) : Bool = (\exists c \leftarrow cronograma(j,i))
             (|ranking(c)| \ge 1 \land nacionalidad(ranking(c)_0) == p)
             \vee (|ranking(c)| \geq 2 \wedge nacionalidad(ranking(c)_1) == p)
             \vee (|ranking(c)| \geq 3 \wedge nacionalidad(ranking(c)_2) == p);
         aux maxDiasSinMedallas (j: JJOO) : \mathbb{Z} = max(\lceil masDiasSinMedallas(j, p) \mid p \leftarrow paises(j) \rceil);
problema transcurrirDia (this: JJOO) {
        requiere los Juegos No Terminaron: jornada Actual(this) \leq cant Dias(this);
        modifica this;
         asegura seMantieneAño : a\tilde{n}o(this) == a\tilde{n}o(pre(this));
         asegura seMantienenAtletas : mismos(atletas(this), atletas(pre(this)));
         asegura seMantienenDias : cantDias(this) == cantDias(pre(this));
         asegura avanzaDia : jornadaActual(this) == jornadaActual(pre(this)) + 1;
         \texttt{asegura mismaCantDeCompetencias}: (\forall d \leftarrow [1..cantDias(this)]) | cronograma(this,d)| == | cronograma(pre(this),d)|;
         asegura cronogramaDeOtrosDiasNoCambia : (\forall d \leftarrow [1..cantDias(this)], d \neq jornadaActual(pre(this)))
             (\forall c \leftarrow cronograma(pre(this), d)) laCompetenciaSeMantiene(this, d, c);
         asegura lasFinalizadasSeMantinen: (\forall c \leftarrow cronograma(pre(this), jornadaActual(pre(this))), finalizada(c))
            laCompetenciaSeMantiene(this, jornadaActual(pre(this)), c);
         asegura\ finalizanCompetencias: (\forall c \leftarrow cronograma(pre(this), jornadaActual(pre(this))), \neg finalizada(c))
             finaliza(this, c, jornadaActual(pre(this)));
         aux finaliza (j: JJOO, c: Competencia, dia: \mathbb{Z}): Bool = (\exists x \leftarrow cronograma(j,dia))categoria(x) == categoria(c) \land
            mismos(participantes(x), participantes(c)) \land finalizada(x) \land mismos(ranking(x), participantes(x)) \land
            ordenada(reverso(capacidades(ranking(x), deporte(x)))) \land
            |ranking(x)| \ge 1 \Rightarrow |lesTocoControlAntiDoping(x)| == 1;
}
problema operator== (this, j: JJOO) = res : Bool {
         asegura result == (a\tilde{n}o(this) == a\tilde{n}o(j) \land cantDias(this) == cantDias(j)
             \land jornadaActual(this) == jornadaActual(j) \land mismos(atletas(this), atletas(j)) \land mismoCronograma(this, j));
         aux mismoCronograma (j1, j2: JJOO) : Bool = (\forall d \leftarrow [1..cantDias(j1)])mismos(cronograma(j1,d), cronograma(j2,d));
}
       Auxiliares
5.
   aux ciaNumbers (as: [Atleta]) : [\mathbb{Z}] = [ciaNumber(a) | a \leftarrow as];
   aux competencias (j: JJOO) : [Competencia] = [c \mid d \leftarrow [1..cantDias(j)], c \leftarrow cronograma(j,d)];
   aux incluida (l_1, l_2:[T]): Bool = (\forall x \leftarrow l_1) cuenta(x, l_1) \leq cuenta(x, l_2);
   aux lasPasadasFinalizaron (j: JJOO) : Bool = (\forall d \leftarrow [1..jornadaActual(j)))(\forall c \leftarrow cronograma(j,d))finalizada(c);
   aux lasQueNoPasaronNoFinalizaron (j: \mathrm{JJOO}) : Bool =
(\forall d \leftarrow (jornadaActual(j)..cantDias(j)])(\forall c \leftarrow cronograma(j,d)) \neg finalizada(c);
   aux ordenada (l:[T]) : Bool = (\forall i \leftarrow [0..|l|-1))l_i \leq l_{i+1};
   aux sinRepetidos (l: [T]) : Bool = (\forall i, j \leftarrow [0..|l|), i \neq j)l_i \neq l_j;
   aux capacidades (as: [Atleta], d: Deporte) : [\mathbb{Z}] = [capacidad(a,d) | a \leftarrow as];
   aux deporte (c: Competencia) : Deporte = prm(categoria(c));
   aux laCompetenciaSeMantiene (j: JJOO, d: \mathbb{Z}, c: Competencia) : Bool =
(\exists x \leftarrow cronograma(j,d)) categoria(x) == categoria(c) \land mismos(participantes(x), participantes(c))
```

 $\texttt{aux medallistasPlata} \ (j: \ JJOO) : [Atleta] \ = [\ ranking(c)_1 \ | \ d \leftarrow [1..jornadaActual(j)], c \leftarrow cronograma(j,d), constant \ (j: \ JJOO) : [Atleta] \ = [\ ranking(c)_1 \ | \ d \leftarrow [1..jornadaActual(j)], c \leftarrow cronograma(j,d), constant \ (j: \ JJOO) : [Atleta] \ = [\ ranking(c)_1 \ | \ d \leftarrow [1..jornadaActual(j)], c \leftarrow cronograma(j,d), constant \ (j: \ JJOO) : [Atleta] \ = [\ ranking(c)_1 \ | \ d \leftarrow [1..jornadaActual(j)], c \leftarrow cronograma(j,d), c$

 $\land finalizada(x) \Leftrightarrow finalizada(c) \land finalizada(x) \Rightarrow (ranking(x) == ranking(c) \land mismosControlados(x, c);$ aux medallistasOro (j: JJOO) : [Atleta] = $[ranking(c)_0 | d \leftarrow [1..jornadaActual(j)], c \leftarrow cronograma(j, d),$

 $finalizada(c) \land |ranking(c)| \ge 1$;

 $finalizada(c) \land |ranking(c)| \ge 2$;

```
\begin{array}{l} \text{aux medallistasBronce (j: JJOO)}: [\text{Atleta}] = [ranking(c)_2 \,|\, d \leftarrow [1..jornadaActual(j)], c \leftarrow cronograma(j,d), \\ finalizada(c) \wedge |ranking(c)| \geq 3]; \\ \text{aux minimo (l: } [\mathbb{Z}]): \mathbb{Z} = [x \,|\, x \leftarrow l, (\forall y \leftarrow l)x \leq y\,]_0; \\ \text{aux mismosControlados } (c_1, c_2 : \text{Competencia}): \text{Bool} = \\ mismos(lesTocoControlAntiDoping(c_1), lesTocoControlAntiDoping(c_2))} \wedge \\ (\forall p \leftarrow lesTocoControlAntiDoping(c_1)) leDioPositivo(c_1, p) \Leftrightarrow leDioPositivo(c_2, p); \\ \text{aux nacionalidades (as: } [\text{Atleta}]): [\text{Pais}] = [nacionalidad(a) \,|\, a \leftarrow as\,]; \\ \text{aux primeros (l: } [(T,S)]): [T] = [prm(x) \,|\, x \leftarrow l\,]; \\ \text{aux reverso (l: } [T]): [T] = [l_{|x|-i-1} \,|\, i \leftarrow [0.. \,|l|)\,]; \\ \text{aux sacarRepetidos (l: } [T]): [T] = [l_i \,|\, i \leftarrow [0.. \,|l|), l_i \notin l_{[0..i)}\,]; \\ \end{array}
```