Simulado 2 – Intensivão para a OBA

Gabarito

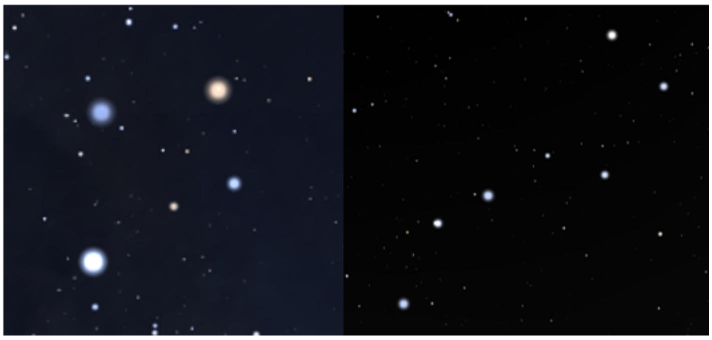
Material elaborado por **Giulia Nóbrega** e **Iago Mendes**.

Observação:

- As alternativas das perguntas deste gabarito não estão na mesma ordem do simulado.

Questões de Astronomia

- **Questão 1) (1 ponto)** A imagem abaixo traz 2 constelações muito famosas. A partir da imagem, responda o que se pede:



  - **Pergunta 1a) (1 ponto) (0,5 ponto cada acerto)** Identifique quais são as constelações na imagem.

	Centauro	Cruzeiro do Sul	Cisne	Ursa Maior
Constelação da esquerda		X		
Constelação da direita				X

- **Questão 2) (1 ponto)** Abaixo temos descrições de diversos corpos celestes. Identifique-os:

  - **Pergunta 2a) (0,25 ponto)** Este corpo constantemente se afasta da Terra. Possui sempre a mesma face voltada para a Terra, ou seja, é bloqueado por marés.

  (*X*) Lua

( ) Sol
( ) Vênus
( ) Marte

- **Pergunta 2b) (0,25 ponto)** Orbita um planeta que possui apenas dois satélites naturais, sendo sua órbita a de menor raio. Com o passar do tempo se aproxima cada vez mais de seu planeta, o que indica que futuramente será despedaçado devido à força gravitacional exercida pelo corpo maior.

(*X*) Fobos
( ) Deimos
( ) Ceres
( ) Lua

- **Pergunta 3c) (0,5 ponto)** É azulado e possui anéis. Demora aproximadamente 84 anos para completar sua translação. Possui 27 satélites naturais, sendo os principais Miranda, Ariel, Umbriel, Titânia e Oberon. É o menos massivo dos planetas gigantes.

(*X*) Urano
( ) Júpiter
( ) Saturno
( ) Netuno

- **Questão 3) (1 ponto)** Na astronomia muitas vezes é útil estimar a altura de um objeto celeste. Como trabalhamos com corpos muito distantes de nós, a altura que medimos não é um comprimento, e sim um ângulo. Um dos objetos mais famosos utilizados para auxiliar esse cálculo é o sextante, que inclusive dá nome a uma constelação do hemisfério sul. Um aluno da OBA decide tentar fazer o mesmo, porém como não tem um sextante resolve improvisar. Ele finca uma vara de madeira de $1\ m$ no chão e percebe que a sombra do objeto possui $1,2\ m$.

  Dados:
  $\tan(30°) \approx 0,58$
  $\tan(60°) \approx 1,73$

  Dica:
  Lembre-se que para x entre 0° e 90° a função $\tan(x)$ é estritamente crescente.

  - **Pergunta 3) (1 ponto)** Qual é aproximadamente a altura do Sol?
    * Chamando a altura de Sol de h e usando o cenário descrito, podemos calcular o $\tan h$:
    $$\tan h = \frac{1}{1,2} \approx 0,83$$
    * Usando os valores das tangentes de 30° e 60° – e lembrando que $\tan(40°) = 1$ –, deduzimos que $30° \leq h \leq 45°$. Portanto, a única alternativa válida é 40°

( ) 10°
(*X*) 40°
( ) 60°
( ) 80°

- **Questão 4) (1 ponto)** Uma das missões da astronomia é determinar a distância de corpos luminosos até nós. Para isso, é muito comum estudar como a luz destes objetos se comporta. A prática mais comum é medir o fluxo de energia de tal corpo na Terra e assim, sabendo sua luminosidade, estimar sua distância. O espaço, no entanto, não é vazio, e a poeira interestelar nele presente absorve parte da radiação emitida, diminuindo a intensidade luminosa que captamos na Terra. Uma das equações mais utilizadas por nós para analisar esse efeito é a seguinte: $F' = Fe^{-nVA}$ onde F' é o fluxo captado na Terra, F é o fluxo que seria captado se não houvesse extinção, e é o número de Euler, V é o volume da nuvem de poeira e A é a área de seção transversal de um grão de poeira. Utilizando seus conhecimentos sobre análise dimensional, responda:

  - **Pergunta 4a) (0,5 ponto)** O que n pode representar?

    * Considere $\alpha = -nVA$ como sendo o expoente da equação passada. Para que α seja adimensional, temos a seguinte unidade para n:

$$.[n] \cdot [V] \cdot [A] = 1 \quad \therefore \quad [n] = \frac{1}{[V] \cdot [A]} = \frac{1}{m^3 \cdot m^2}$$
$$\therefore \quad [n] = \frac{1}{m^5} = m^{-5}$$

    * Como a unidade de n envolve somente comprimento, podemos eliminar as 2 últimas alternativas (considerando a ordem neste gabarito). Para que a resposta fosse a primeira alternativa, $[n]$ deveria ser m. Portanto, ficamos com a segunda alternativa.
    * Uma maneira mais fácil de entender o que n representa seria dizer o número de partículas por volume de poeira interestelar por área de um grão de poeira, ou seja, uma densidade numérica.

    ( ) A distância percorrida pela luz dentro da nuvem de poeira
    (X) A densidade numérica de partículas na nuvem
    ( ) O tempo que a luz demora para percorrer a nuvem de poeira
    ( ) A massa da nuvem de poeira

  - **Pergunta 4b) (0,5 ponto)** O que aconteceria com F' se subitamente todos os grãos de poeira da nuvem dobrassem de tamanho?

    * Se os grãos de poeira aumentarem de tamanho, A aumentará. Como $\alpha \propto -A$, o expoente de e vai diminuir.
    * Além disso, pela equação dada, temos a seguinte proporção:

$$F' \propto e^{\alpha}$$

    * Portanto, F' diminuirá.

    ( ) O expoente de e vai aumentar e consequentemente F' aumentará
    ( ) O expoente de e vai aumentar e consequentemente F' diminuirá
    ( ) O expoente de e vai diminuir e consequentemente F' aumentará
    (X) O expoente de e vai diminuir e consequentemente F' diminuirá

- **Questão 5) (1 ponto)** Imagine que descobrimos um novo sistema planetário orbitando uma estrela muito distante. Essa estrela tem uma característica muito curiosa: sua densidade é igual a do Sol! A partir de diversas observações, astrônomos também descobriram que essa estrela é muito massiva, tendo uma massa de aproximadamente

1.000 vezes a massa do Sol (isso não seria possível na vida real, mas para o exercício vamos considerar que é!).

Dados:
Massa do Sol $\approx 2 \cdot 10^{30}\,kg$
Raio do Sol $\approx 7 \cdot 10^{8}\,m$
$1\,UA \approx 1,5 \cdot 10^{11}\,m$
$\pi \approx 3$

- **Pergunta 5a) (0,5 ponto)** Qual o volume dessa estrela?
  - Primeiramente, vamos relembrar da equação da densidade para esferas:

$$\rho = \frac{M}{V} = \frac{3M}{4\pi R^3}$$

  - Como a densidade das estrelas mencionadas no enunciado são iguais, temos:

$$\rho = \rho_{Sol} \quad \therefore \quad \frac{M}{V} = \frac{3M_{Sol}}{4\pi R_{Sol}^3}$$

$$\therefore \quad V = \frac{4\pi M R_{Sol}^3}{3M_{Sol}} = \frac{4\pi 10^3 M_{Sol} R_{Sol}^3}{M_{Sol}} = \frac{4 \cdot 3 \cdot 10^3 \cdot (7 \cdot 10^8)^3}{3} \approx 1,4 \cdot 10^{30}\,m^3$$

( ) $\approx 5,2 \cdot 10^{25}\,m^3$
(X) $\approx 1,4 \cdot 10^{30}\,m^3$
( ) $\approx 8,2 \cdot 10^{35}\,m^3$
( ) $\approx 3,4 \cdot 10^{40}\,m^3$

- **Pergunta 5b) (0,5 ponto)** Se medirmos o raio desta estrela usando a distância da Terra ao Sol como unidade, qual será aproximadamente o resultado obtido?
  - Usando a mesma estratégia da pergunta anterior, temos:

$$V = 10^3 \cdot V_{Sol} \quad \therefore \quad \frac{4\pi R^3}{3} = 10^3 \cdot \frac{4\pi R_{Sol}^3}{3}$$

$$\therefore \quad R = 10 \cdot R_{Sol} = 10 \cdot 7 \cdot 10^8 = 7 \cdot 10^9\,m$$

  - Colocando em unidades astronômicas, temos:

$$V = \frac{7 \cdot 10^9}{1,5 \cdot 10^{11}} \approx 0,05\,UA$$

(X) $\approx 0,05\,UA$
( ) $\approx 0,5\,UA$
( ) $\approx 5\,UA$
( ) $\approx 50\,UA$

- **Questão 6) (1 ponto)** Chamamos de quadratura o evento em que 2 corpos celestes formam um ângulo reto entre si, tendo um terceiro corpo como referência. Se tomarmos o Sol como centro, por exemplo, teremos dois planetas em quadratura quando o ângulo planeta1-Sol-planeta 2 for 90º. Para este exercício assuma que todos os planetas possuem órbitas circulares e tome o Sol como centro de qualquer quadratura mencionada.

Dados:
Raio da órbita de Mercúrio: $0,4\,UA$
Raio da órbita de Vênus: $0,7\,UA$
Raio da órbita de Marte: $1,5\,UA$
Raio da órbita de Júpiter: $2,8\,UA$

- **Pergunta 6a) (0,5 ponto)** As distâncias da Terra a Mercúrio e a Vênus em uma quadratura são respectivamente:
  - ∗ Em uma quadratura, como o ângulo com vértice no Sol é reto, podemos aplicar o teorema de Pitágoras. Para planetas inferiores (Mercúrio e Vênus), temos o seguinte:
  $$d^2 = 1^2 + r^2 \quad \therefore \quad d = \sqrt{1 + r^2}$$
  em que r é o raio orbital do planeta inferior e d é a distância que queremos calcular.
  - ∗ Fazendo o cálculo para Mercúrio, temos:
  $$d_m = \sqrt{1 + 0,4^2} = \sqrt{1,16}$$
  - ∗ Fazendo o cálculo para Vênus, temos:
  $$d_v = \sqrt{1 + 0,7^2} = \sqrt{1,49}$$

( ) $\sqrt{0,65}\,UA$ e $\sqrt{0,32}\,UA$
( ) $\sqrt{1,41}\,UA$ e $\sqrt{1,73}\,UA$
(X) $\sqrt{1,16}\,UA$ e $\sqrt{1,49}\,UA$
( ) $1\,UA$ em ambos os casos

- **Pergunta 6b) (0,5 ponto)** A partir do item anterior qual é o planeta estatisticamente mais próximo da Terra? Note que o planeta estatisticamente mais perto é aquele cuja distância média a Terra é a menor possível (ou seja, conforme todos os planetas translacionam), não sendo necessariamente o planeta com distância heliocêntrica mais próxima a da Terra.
  - ∗ Como $d_m < d_v$, Mercúrio é o planeta estatisticamente mais próximo da Terra.

(X) Mercúrio
( ) Vênus
( ) Marte
( ) Júpiter

Questões de Astronáutica

Questões avançadas