线性回归

- 线性回归是回归问题,通过给定训练集m,选择一个模型函数h,通过计算得到模型函数的最优解,并计算最 优解下的参数。
- 线性回归分为:
 - o 单变量线性回归:

$$h(x) = \theta 0 + \theta 1 * x 1$$

。 多变量线性回归:

$$h(x) = \theta 0 + \theta 1 * x 1 + \theta 2 * x 2 + \theta 3 * x 3$$

• 通用表达式:

$$h(x) = \theta T * X = \theta 0 * x 0 + \theta 1 * x 1 + \ldots + \theta n * x n$$

• 代价函数: 代价函数是计算建立模型和真实数据的误差。

$$J\left(\theta_0, \theta_1 ... \theta_n\right) = \frac{1}{2m} \sum_{i=1}^{m} \left(h_{\theta}\left(\boldsymbol{x}^{(i)}\right) - \boldsymbol{y}^{(i)}\right)^2$$

o m: 训练样本个数 o n: 训练集的特征个数

正规方程

• 正规方程是通过求解下面的方程来找出使得代价函数最小的参数的:

$$\frac{\partial}{\partial \theta_i} J(\theta_j) = 0$$

用来求解θ的最小值。

$$\theta = (XT * X) - 1 * XT * y$$

o x: 训练集矩阵: (mx(n+1))

o y: 训练集对应的正确答案: (1xm)

• 注意: 矩阵不可逆不能使用正规方程(原因: 1.各个特征不独立 2.特征数量大于样本个数)

梯度下降算法 (局部最小值)

• 梯度下降算法是计算达到最优解时,代价函数最小值时的θ值。 每次选取所有样本更新θ , α指学习率。

$$\theta_{j} := \theta_{j} - \alpha \frac{\partial}{\partial \theta_{j}} J(\theta_{0}, \theta_{1}, ..., \theta_{n})$$

代入J(θ),得

$$\theta_{j} := \theta_{j} - \alpha \frac{\partial}{\partial \theta_{j}} \frac{1}{2m} \sum_{i=1}^{m} (h_{\theta}(x^{(i)}) - y^{(i)})^{2}$$

• 求导后得到

$$\theta_{j} := \theta_{j} - \alpha \frac{1}{m} \sum_{i=1}^{m} ((h_{\theta}(x^{(i)}) - y^{(i)}) \cdot x_{j}^{(i)})$$

每个θj必须是同步变换。

特征缩放

- 对于多个特征值相差较大时,需要特征缩放,把所有参数缩放到-1~1的范围,让x适应每个参数。也就是 $Xn = (Xn \mu n)/Sn$
 - ο μ是平均值, S是标准差。

随机梯度下降算法

- 每次只取一个样本更新θ。
- 常用学习率α: 0.01、0.03、0.1、0.3、1、3、10。
- 梯度下降算法与正规方程的比较:

梯度下降算法	正规方程
需要选择学习率α	不需要
需多次迭代	一次运算得出
特征数量n较大时也适用	n ≤ 10000
适用于各种模型	只适用于线性模型