

TD2/ Traitement Numérique des Signaux

Transformée de Fourier Discrète (TFD)

Exercice 1.

A. Soit le signal

$$x(n) = e^{-a.n} . \varepsilon(n)$$

avec $\varepsilon(n)$ l'échelon unité, la période d'échantillonnage est $T_e = 1$:

1. Déterminer la TFSD – Transformée de Fourier d'un Signal Discret – de $x(n)$ que l'on notera $X_{TFSD}(f)$
2. Déterminer la TFD, Transformée de Fourier Discrète de $x(n)$ que l'on notera $X_{TFD}(k)$
3. Comparer les résultats de la TFSD et de la TFD. D'où peut provenir l'écart entre ces résultats et évaluer son comportement ? On cherchera à exprimer une relation entre $X_{TFD}(k)$ et $X_{TFSD}(f)$

B. Obtenir la TFSD de chacun des signaux suivants

a. $x(n)=[x(2).....x(5)] = [1 \ 2 \ 0 \ 1]$

b. $x(n)=[x(0).....x(4)] = [1 \ 2 \ 3 \ 2 \ 1]$

c. $x(n)=(0.5)^n \varepsilon(n) + \delta(n)$

d. $x(n)=(0.4)^{n-2} \varepsilon(n-2)$

Exercice 2.

Les fonctions périodique $s_{d1}(n)$

et $s_{d2}(n)$ ont une période de

$N=4$. Elles sont définies comme suit

$$s_{d1}(n) = \begin{cases} 0 & \text{pour } n = 4l \\ 1 & \text{pour } n = 4l + 1 \text{ et } 4l + 3 \\ 2 & \text{pour } n = 4l + 2 \end{cases}$$

$$s_{d2}(n) = \begin{cases} 1 & \text{pour } n = 4l \text{ et } n = 4l + 3 \\ 2 & \text{pour } n = 4l + 1 \text{ et } n = 4l + 2 \end{cases}$$

Avec $l = 0, \pm 1, \pm 2, \dots$

1. Représenter les signaux $s_{d1}(n)$ et $s_{d2}(n)$
2. Calculer leur TFD respective

3. Tracer leur module

Exercice 3.

1. Calculer la TFD de la séquence discrète $[0, 1, 0]$
2. Donner la représentation matricielle de la TFD $\{X_1, X_2, X_3\}$ d'un vecteur de $\{x_1, x_2, x_3\}$ échantillons.
3. Généraliser pour une séquence discrète de longueur M .

Exercice 4.

Soient les signaux $x(n)$ et $h(n)$ suivants :

$$h(n) = \begin{cases} \frac{(n+1)}{10} & \text{si } n = 0 \dots 3 \\ 0 & \text{sinon} \end{cases} \quad x(n) = \begin{cases} 0 & \text{si } n = 4l \\ 1 & \text{si } n = 4l + 1, 4l + 3 \\ 2 & \text{si } n = 4l + 2 \end{cases}$$

$x(n)$ est un signal périodique.

1. Calculer $X(k)$ et $H(k)$ les TFD sur 4 points des signaux $x(n)$ et $h(n)$.
2. Tracer le module.