

人工智能:不确定知识表示和推理

烧洋辉 计算机学院, 中山大学

raoyangh@mail.sysu.edu.cn http://cse.sysu.edu.cn/node/2471

> 课件来源:中山大学刘咏梅教授;多伦多大学 Sheila McIlraith教授;浙江大学吴飞教授等



- 背景
- 贝叶斯网络的表示
- 贝叶斯网络中的D-分离
- 贝叶斯网络的推理

- 人工智能系统的表示与推理过程实际上就是一种思维过程。其中, 推理是从已知事实出发,通过运用相关的知识逐步推出某个结论 的过程。人们常常对原因和结果的推理很感兴趣。比如,我感冒 症状减轻了,是不是因为服用了维生素C片导致的?但是,由于 事件都带有随机性,导致看似直截了当的问题,却不容易回答。 例如,我可能仅仅喝白开水,感冒也会自己消失。
 - 。 已知事实(证据),用以指出推理的出发点及推理时应使用的知识;
 - 。 知识是推理得以向前推进,并逐步达到最终目标的依据。
- 按照所用知识的确定性,可以分为确定性和不确定性两种类别。

 - 不确定性推理就是从不确定性初始证据出发,通过运用不确定性的知识,最终 推出具有一定程度的不确定性但却是合理或者近乎合理的结论的思维过程。

- 常识 (common sense) 具有不确定性。
 - 。一个常识可能有众多的例外,一个常识可能是一种尚无 理论依据或者缺乏充分验证的经验。
- 常识往往对环境有极强的依存性。
 - 。"鸟是会飞的"
- 把指示确定性程度的数据附加到推理规则,并由此研究不确定强度的表示和计算问题。
- 处理数据的不精确和知识的不确定所需要的一些工具和方法,包括:
 - · 基于Bayes理论的概率推理
 - 。基于信任测度函数的证据理论
 - 。基于模糊集合论的模糊推理等

- 不确定知识表示与推理是人工智能的核心模块之一,其理论基础包括概率论和可能性理论等。
 - 。 概率论处理的是由随机性引起的不确定性;
 - 。可能性理论处理的是由模糊性引起的不确定性。
- 李德毅院士在统一主观认知和客观现象中的随机性和模糊性 方面提出了不确定性人工智能的研究问题。不确定性人工智 能认为,随机性和模糊性常常是联系在一起的,在人类思维 和智能行为中难以区分并独立存在,研究不确定性需要研究 随机性和模糊性之间的关联性。
- 本讲基于概率论,涵盖贝叶斯网络的表示、D-分离和推理。

• 频率论学派

- · 事件的概率是当我们无限次重复试验时,事件发生次数的比值
- 。投掷硬币、掷骰子等

• 贝叶斯学派

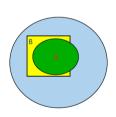
- 。将事件的概率视为一种主观置信度
- 。我认为明天下雨的概率是30%;他认为明天下雨的概率是80%



Thomas Bayes(约1701-1761),英国数学家。约1701年出生于伦敦,1742年成为英国皇家学会会员。他首先将归纳推理法用于概率论基础理论,并创立了贝叶斯统计理论,对于统计决策函数、统计推断、统计的估算等做出了贡献。

• 条件概率

- 。假设变量A表示一个事件的集合,且Pr(A) > 0
- 。在变量A发生的前提下,另一个事件的集合(用变量B 表示)发生的概率记为条件概率*Pr*(*B*|*A*)



- 假设B覆盖了整个事件集合空间的30%,且覆盖了 A的80%,那么Pr(B)=30%,且Pr(B|A)=80%
- 如果*Pr(B|A) = Pr(B)*,则*B和A*独立
- 如果Pr(B|A,C) = Pr(B|A),则给定A的前提下,B和C 条件独立

• 乘法/链式法则

联合概率
$$Pr(A,B)=Pr(A)Pr(B|A)=Pr(B,A)=Pr(B)Pr(A|B)$$

 $Pr(A,B_1,B_2,B_3)=Pr(A)Pr(B_1|A)Pr(B_2|A,B_1)Pr(B_3|A,B_1,B_2)$

$$Pr(Grade = A \mid Student = Smart) = 0.6$$

 $Pr(Grade = A) = 0.2$
 $Pr(Student = Smart) = 0.3$

$$Pr(Student = Smart | Grade = A) = ?$$

• 乘法/链式法则

联合概率
$$Pr(A,B)=Pr(A)Pr(B|A)=Pr(B,A)=Pr(B)Pr(A|B)$$

 $Pr(A,B_1,B_2,B_3)=Pr(A)Pr(B_1|A)Pr(B_2|A,B_1)Pr(B_3|A,B_1,B_2)$

$$Pr(Grade = A \mid Student = Smart) = 0.6$$

 $Pr(Grade = A) = 0.2$
 $Pr(Student = Smart) = 0.3$
 $Pr(Student = Smart \mid Grade = A) = 0.9$

• 加法法则

$$Pr(A) = Pr(A,B) + Pr(A,B^{c})$$

= $Pr(B)Pr(A|B) + Pr(B^{c})Pr(A|B^{c})$

$$Pr(A) = \sum_{B} Pr(A, B) = \sum_{i=1}^{n} Pr(A, B_i)$$
$$= \sum_{i=1}^{n} Pr(A \mid B_i) Pr(B_i)$$

加法法则

$$Pr(A) = Pr(A,B) + Pr(A,B^c)$$

= $Pr(B)Pr(A|B) + Pr(B^c)Pr(A|B^c)$

$$Pr(A) = \sum_{B} Pr(A, B) = \sum_{i=1}^{n} Pr(A, B_i)$$
$$= \sum_{i=1}^{n} Pr(A \mid B_i) Pr(B_i)$$

• 贝叶斯定理

$$Pr(B \mid A) = \frac{Pr(A,B)}{Pr(A)}$$

$$= \frac{Pr(B)Pr(A \mid B)}{Pr(A)}$$

$$= \frac{Pr(B)Pr(A \mid B)}{Pr(A,B) + Pr(A,B^c)}$$

• 加法法则

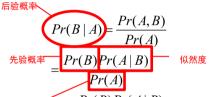
$$Pr(A) = Pr(A,B) + Pr(A,B^c)$$

= $Pr(B)Pr(A|B) + Pr(B^c)Pr(A|B^c)$

$$Pr(A) = \sum_{B} Pr(A, B) = \sum_{i=1}^{n} Pr(A, B_i)$$

$$= \sum_{i=1}^{n} Pr(A \mid B_i) Pr(B_i)$$

贝叶斯定理



$$= \frac{Pr(B)Pr(A \mid B)}{Pr(A,B) + Pr(A,B^c)}$$

标准化常量

假设有一盒骰子,里面有4面的(点数为1、2、3、4),6面的、8面的、12面的、20面的均匀骰子各1个。如果我随机从盒子中选一个骰子,投掷它得到了点数5。那么我选中的骰子为4面、6面、8面、12面、20面的概率各是多少?

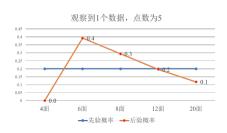
假设有一盒骰子,里面有4面的(点数为1、2、3、4),6面的、8面的、12面的、20面的均匀骰子各1个。如果我随机从盒子中选一个骰子,投掷它得到了点数5。那么我选中的骰子为4面、6面、8面、12面、20面的概率各是多少?

$$Pr(骰子=4 | 点数=5) = \frac{Pr(骰子=4)Pr(点数=5 | 骰子=4)}{Pr(点数=5)} = \frac{0.2 \times 0}{Pr(点数=5)}$$

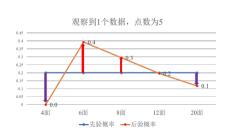
$$Pr(骰子=6 | 点数=5) = \frac{Pr(骰子=6)Pr(点数=5 | 骰子=6)}{Pr(点数=5)} = \frac{0.2 \times \frac{1}{6}}{Pr(点数=5)}$$

...

假设有一盒骰子,里面有4面的(点数为1、2、3、4),6面的、8面的、12面的、20面的均匀骰子各1个。如果我随机从盒子中选一个骰子,投掷它得到了点数5。那么我选中的骰子为4面、6面、8面、12面、20面的概率各是多少?



假设有一盒骰子,里面有4面的(点数为1、2、3、4),6面的、8面的、12面的、20面的均匀骰子各1个。如果我随机从盒子中选一个骰子,投掷它得到了点数5。那么我选中的骰子为4面、6面、8面、12面、20面的概率各是多少?



置信度发生改变!

小结

- 概率推理是一类在不确定性知识的基础上,基于概率 方法进行推理、或近似推理的技术。
- 频率论学派 (Frequentists) → 频率论推理
- 贝叶斯学派 (Bayesians) → 贝叶斯推理
- 频率论学派认为频率论是获得可靠推理的一种统计方法, 称其为统计推理 (statistical inference)。该学派提出了两种密切相关的方法: 内曼-皮尔森 (Neyman-Pearson) 的显著性检验理论 (Theory of significance tests) 和费雪 (Fisher) 的p值 (p-values)。
- 贝叶斯推理基于贝叶斯定理,是现代概率推理的基础。
- 简单的因果关系可采用贝叶斯推理,而复杂的关系则需要基于贝叶斯网络。

17



- 背景
- 贝叶斯网络的表示
- 贝叶斯网络中的D-分离
- 贝叶斯网络的推理

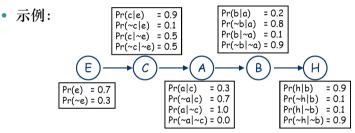
贝叶斯网络(Bayesian Network, 简称BN)是不确定知识表示与推理的一种有效方法,它由一个有向无环图(表达了变量之间的有向依赖关系)和一系列条件概率表(衡量了上述关系的强度)组成。

有向无环图指的是一个无回路的有向图,即从图中任意一个 节点出发经过任意条边,均无法回到该节点。有向无环图刻 画了图中所有节点之间的依赖关系。

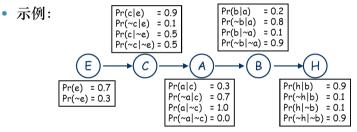
1986年,Judea Pearl提出贝叶斯网络,用于描述不确定知识表示与推理问题。贝叶斯网络让机器可以回答问题——给出一个从非洲回来的发烧且身体疼痛的病人,最有可能的解释是疟疾。



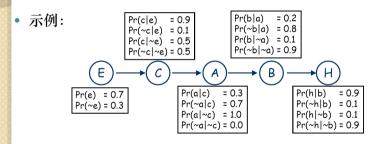
Judea Pearl (朱迪亚·佩尔), 贝叶斯网络之父, 加州大学洛杉矶分校计算机科学学院教授、认知系统实验室主任。2011年, 因人工智能概率方法和因果推理算法获得图灵奖。



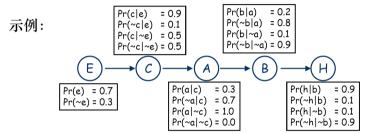
E - Craig woke too early C - Craig needs coffee A - Craig is angry
B - Craig burst a blood vessel H - Craig hospitalized



从上图中我们可以得知, Craig doesn't get sent to the hospital because he's angry, he gets sent because he had a burst blood vessel.



Pr(H,B,A,C,E) = Pr(H|B,A,C,E)Pr(B|A,C,E)Pr(A|C,E)Pr(C|E)P(E) 31个参数 Pr(H,B,A,C,E) = Pr(H|B)Pr(B|A)Pr(A|C)Pr(C|E)P(E) 9个参数



$$\begin{aligned} & \Pr(c) = \Pr(c \mid e) \Pr(e) + \Pr(c \mid ^{\sim}e) \Pr(^{\sim}e) \\ & = 0.9 * 0.7 + 0.5 * 0.3 = 0.78 \\ & \Pr(^{\sim}c) = \Pr(^{\sim}c \mid e) \Pr(e) + \Pr(^{\sim}c \mid ^{\sim}e) \Pr(^{\sim}e) = 0.22 \\ & \bullet \Pr(^{\sim}c) = 1 - \Pr(c), \text{ as well} \\ & \Pr(a) = \Pr(a \mid c) \Pr(c) + \Pr(a \mid ^{\sim}c) \Pr(^{\sim}c) \\ & = 0.3 * 0.78 + 1.0 * 0.22 = 0.454 \\ & \Pr(^{\sim}a) = 1 - \Pr(a) = 0.546 \end{aligned}$$

- 给定变量 $\{X_1,...,X_n\}$,构建一个有向无环图的步骤如下:
 - 步骤1: 在某种变量顺序下,对所有变量的联合概率应用链式 法则

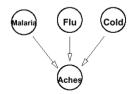
$$Pr(X_1,...,X_n) = Pr(X_n|X_1,...,X_{n-1})Pr(X_{n-1}|X_1,...,X_{n-2})...Pr(X_1)$$

。步骤2:对于每个变量 X_i ,考虑该变量的条件集合 $X_1,...,X_{i-1}$,采用如下方法递归地判断条件集合中的每个变量 X_j 是否可以删除:如果给定其余变量的集合, X_i 和 X_j 是条件独立的,则将 X_j 从 X_i 的条件集合中删除。经过这一步骤,可以得到下式

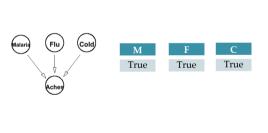
$$Pr(X_1,...,X_n) = Pr(X_n|Par(X_n))Pr(X_{n-1}|Par(X_{n-1}))...Pr(X_1)$$

- 。步骤3:基于上述公式,构建一个有向无环图。其中,对于每个用节点表示的变量 X_i ,其父节点为 $Par(X_i)$ 中的变量集合。
- 。步骤4:为每个家庭(即变量及其父节点集合)确定条件概率 表的取值。 24

- 对于疟疾(M)、流感(F)、感冒(C)和疼痛(A)这四个变量,假设我们知道疟疾(M)、流感(F)和感冒(C)都会导致疼痛(A),那么在构建贝叶斯网络时,我们可以按照下述顺序完成步骤1: Pr(M,F,C,A) = Pr(A|M,F,C)Pr(C|M,F)Pr(F|M)Pr(M)
- 由于M、F和C都会导致A,所以变量A的条件集合不能删减。此外,我们通常认为这三种疾病(即M、F和C)的发生是独立的,因此,Pr(C|M,F) = Pr(C),且Pr(F|M) = Pr(F)。据此构建的贝叶斯网络的有向无环图如下所示:



• Pr(M,F,C,A) = Pr(A|M,F,C)Pr(C|M,F)Pr(F|M)Pr(M)



M	F	C
True	True	True
True	True	False
True	False	True
True	False	False
False	True	True
False	True	False
False	False	True
False	False	False

该贝叶斯网络的参数个数为: 2³+1+1+1=11

- 对于上述例子,如果我们按照另一种顺序完成步骤1: Pr(M,F,C,A) = Pr(M|F,C,A)Pr(F|C,A)Pr(C|A)Pr(A)
- 由于每个变量的条件集合都不能删减,据此构建的贝叶斯网络的有向无环图为:
- 该贝叶斯网络的参数个数为:

$$2^3 + 2^2 + 2 + 1 = 15$$

- 与前面构建的贝叶斯网络相比,更为复杂
- 由此可见因果关系等先验知识在其中的作用

- 在分类等特定的任务中,为了能够从有限的训练样本中进行标签预测,有时也会忽略因果关系,人为假定一些条件独立性。
- 基于"属性条件独立性假设"的朴素贝叶斯分类模型 是通过这种方式构建的一种特殊结构的贝叶斯网络, 它在强(朴素)独立性假设的条件下运用贝叶斯定理 来计算每个类别的条件概率。
- 虽然朴素贝叶斯分类模型的条件独立性假设太强,但 在实际应用中,该模型在很多任务上也能得到很好的 结果,并且模型简单,可以有效防止过拟合。

年龄 (A)	收入(I)	学生(S)?	信用等级 (C)?	是否买电脑 (B)?
<=30	high	no	fair	no
<=30	high	no	excellent	no
3140	high	no	fair	yes
>40	medium	no	fair	yes
>40	low	yes	fair	yes
>40	low	yes	excellent	no
3140	low	yes	excellent	yes
<=30	medium	no	fair	no
<=30	low	yes	fair	yes
>40	medium	yes	fair	yes
<=30	medium	yes	excellent	yes
3140	medium	no	excellent	yes
3140	high	yes	fair	yes
>40	medium	no	excellent	no
<=30	medium	yes	fair	?

后验概率 $Pr(B = \text{yes} \mid A \le 30, I = \text{medium}, S = \text{yes}, C = \text{fair}) = ?$

年龄 (A)	收入(I)	学生(S)?	信用等级 (C)?	是否买电脑 (B)?
<=30	high	no	fair	no
<=30	high	no	excellent	no
3140	high	no	fair	yes
>40	medium	no	fair	yes
>40	low	yes	fair	yes
>40	low	yes	excellent	no
3140	low	yes	excellent	yes
<=30	medium	no	fair	no
<=30	low	yes	fair	yes
>40	medium	yes	fair	yes
<=30	medium	yes	excellent	yes
3140	medium	no	excellent	yes
3140	high	yes	fair	yes
>40	medium	no	excellent	no
<=30	medium	yes	fair	?
000000				

后验概率 $Pr(B = \text{yes} \mid A \le 30, I = \text{medium}, S = \text{yes}, C = \text{fair}) = ?$

先验概率 $Pr(B = yes) = 9/14 \approx 0.64$

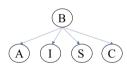
似然度 $Pr(A \le 30, I = \text{medium}, S = \text{yes}, C = \text{fair} \mid B = \text{yes}) = 0$

先验概率 $Pr(B = no) = 5/14 \approx 0.36$

似然度 $Pr(A \le 30, I = \text{medium}, S = \text{yes}, C = \text{fair} \mid B = \text{no}) = 0$

需要更大规模的训练数据!

年龄 (A)	收入(I)	学生(S)?	信用等级 (C)?	是否买电脑 (B)?
<=30	high	no	fair	no
<=30	high	no	excellent	no
3140	high	no	fair	yes
>40	medium	no	fair	yes
>40	low	yes	fair	yes
>40	low	yes	excellent	no
3140	low	yes	excellent	yes
<=30	medium	no	fair	no
<=30	low	yes	fair	yes
>40	medium	yes	fair	yes
<=30	medium	yes	excellent	yes
3140	medium	no	excellent	yes
3140	high	yes	fair	yes
>40	medium	no	excellent	no
<=30	medium	yes	fair	?



该贝叶斯网络的参数个数 为:1+2*2+2*2+2+2= 13个

无上述假设的网络参数个数: 3*3*2*2*2-1=71个

Dural				
年龄 (A)	收入 (I)	学生 (S)?	信用等级 (C)?	是否买电脑 (B)?
<=30	high	no	fair	no
<=30	high	no	excellent	no
3140	high	no	fair	yes
>40	medium	no	fair	yes
>40	low	yes	fair	yes
>40	low	yes	excellent	no
3140	low	yes	excellent	yes
<=30	medium	no	fair	no
<=30	low	yes	fair	yes
>40	medium	yes	fair	yes
<=30	medium	yes	excellent	yes
3140	medium	no	excellent	yes
3140	high	yes	fair	yes
>40	medium	no	excellent	no
<=30	medium	yes	fair	?
0.000			•	

后验概率 $Pr(B = \text{yes} \mid A \le 30, I = \text{medium}, S = \text{yes}, C = \text{fair}) = ?$

先验概率 $Pr(B = yes) = 9/14 \approx 0.64$

以然幾戶 $Pr(A \le 30, I = \text{medium}, S = \text{yes}, C = \text{fair} \mid B = \text{yes}) = Pr(A \le 30 \mid B = \text{yes})*$ $Pr(I = \text{medium} \mid B = \text{yes})*$ $Pr(S = \text{yes} \mid B = \text{yes})*$ $Pr(C = \text{fair} \mid B = \text{yes}) = (2/9)*(4/9)*(6/9)*(6/9)$

归一化后, $Pr(B = yes | A \le 30$, I = medium, S = yes, C = fair) = 0.8 买电脑的置信度上升!

在给定一个数据样本集合的前提下,寻找一个与训练样本集匹配最好的网络结构,被称为贝叶斯网络的结构学习。搜索最优的网络结构是一个NP难问题,从数据中学习贝叶斯网络的结构一直是研究的热点。

- [1] C. K. Chow, C. N. Liu. Approximating discrete probability distributions with dependence trees. *IEEE Transactions on Information Theory*, 14(3): 462-467, 1968.
- [2] N. Wermuth, S. L. Lauritzen. Graphical and recursive models for contingency tables. *Biometrika*, 72: 537-552, 1983.
- [3] G. Rebane, J. Pearl. The recovery of causal polytrees from statistical data. UAI, 222-228, 1987.
- [4] G. F. Cooper, E. Herskovits. A bayesian method for the induction of probabilistic networks from data. *Machine Learning*, 9: 309-347, 1992.
- [5] X. Zheng, et al. DAGs with no tears: Continuous optimization for structure learning. *NeurIPS*, 9492-9503, 2018.
- [6] S. Lachapelle, et al. Gradient-based neural DAG learning. ICLR, 2020.
- [7] Y. Bengio, et al. A meta-transfer objective for learning to disentangle causal mechanisms. ICLR, 2020.
- [8] Y. Luo, et al. When causal inference meets deep learning. Nature Machine Intelligence, 2: 426-427, 2020.

贝叶斯网络的表示 --条件概率表

• 极大似然法:

- · 示例1:
 - · 某超市销售的糖果有2种口味 (cherry 和lime)
 - 假设尝到c颗cherry口味的和l颗lime口味的

$$Pr(F = cherry)$$
 θ $Flavor (糖果口味)$

S. Russell, P. Norvig. Artificial Intelligence: A Modern Approach. 3rd edition, Prentice Hall, 2009.

贝叶斯网络的表示 --条件概率表

• 极大似然法:

- · 示例1:
 - 某超市销售的糖果有2种口味 (cherry 和lime)
 - 假设尝到c颗cherry口味的和l颗lime口味的

记上述观察到的数据为d

$$Pr(d \mid h_{\theta}) = \theta^{c} (1 - \theta)^{l}$$

$$\log Pr(d \mid h_{\theta}) = c \log \theta + l \log(1 - \theta)$$

$$d (\log Pr(d \mid h_{\theta})) / d\theta = c/\theta - l/(1 - \theta)$$

$$c/\theta - l/(1 - \theta) = 0 \implies \theta = c/(c + l)$$

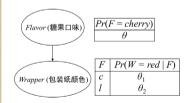


(Flavor (糖果口味)

贝叶斯网络的表示 --条件概率表

• 极大似然法:

- 示例2:
 - · 某超市销售的糖果有2种口味(cherry和 lime),包装纸的颜色分为绿色和红色
 - 糖果的口味决定了包装纸的颜色
 - 假设尝到c颗cherry c 味的(其中 g_c 颗为绿色包装纸, r_c 颗为红色包装纸),以及l颗lime c 中候,f 计中域,为绿色包装纸,f ,为红色包装纸)。

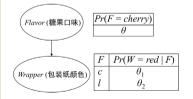


S. Russell, P. Norvig. Artificial Intelligence: A Modern Approach. 3rd edition, Prentice Hall, 2009.

贝叶斯网络的表示 --条件概率表

• 极大似然法:

- 示例2:
 - · 某超市销售的糖果有2种口味(cherry和 lime),包装纸的颜色分为绿色和红色
 - 糖果的口味决定了包装纸的颜色
 - 假设尝到c颗cherry D味的(其中gc颗为绿色包装纸,rc颗为红色包装纸),以及I颗lime D味的(其中g1颗为绿色包装纸,r1颗为红色包装纸)



$$Pr(d \mid h_{\theta,\theta_{1},\theta_{2}}) = \theta^{c} \theta_{1}^{r_{c}} (1 - \theta_{1})^{g_{c}} (1 - \theta)^{l} \theta_{2}^{r_{1}} (1 - \theta_{2})^{g_{l}}$$

$$c/\theta - l/(1 - \theta) = 0 \implies \theta = c/(c + l)$$

$$r_{c}/\theta_{1} - g_{c}/(1 - \theta_{1}) = 0 \implies \theta_{1} = r_{c}/(r_{c} + g_{c})$$

$$r_{c}/\theta_{2} - g_{l}/(1 - \theta_{2}) = 0 \implies \theta_{2} = r_{c}/(r_{l} + g_{l})$$

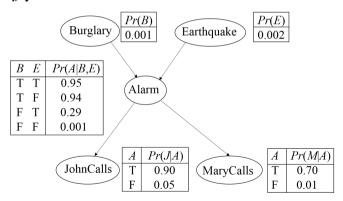
S. Russell, P. Norvig. Artificial Intelligence: A Modern Approach. 3rd edition, Prentice Hall, 2009.

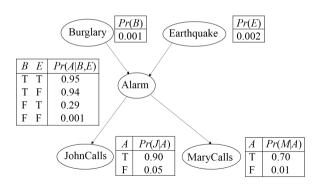


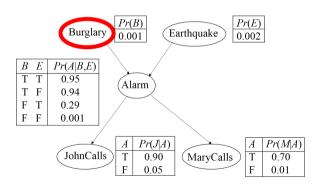
- 背景
- 贝叶斯网络的表示
- 贝叶斯网络中的D-分离
- 贝叶斯网络的推理

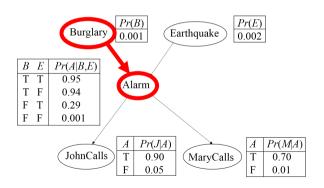
- 对于一个有向无环图, D-分离 (D-Separation) 是一种用来判断其变量是否条件独立的图形化方法。
- 在基于贝叶斯网络的不确定性知识推理中,采用D-分离方法可以简化概率计算,提高运行速度。
- 示例:
 - ∘ 小偷 (Burglar) 会引发警报 (Alarm)
 - 。地震 (Earthquake) 会引发警报 (Alarm)
 - · 警报 (Alarm) 会引起邻居约翰打电话 (JohnCalls)
 - · 警报 (Alarm) 会引起邻居玛丽打电话 (MaryCalls)
- S. Russell, P. Norvig. Artificial Intelligence: A Modern Approach. 3rd edition, Prentice Hall, 2009.

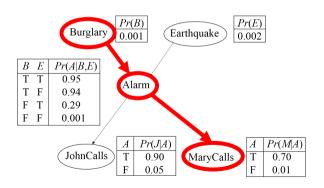
• 示例:

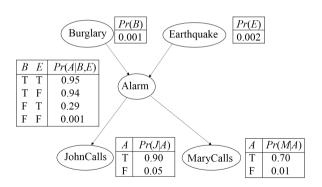


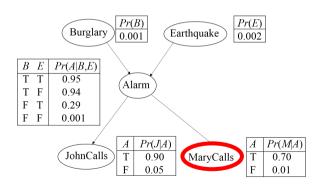


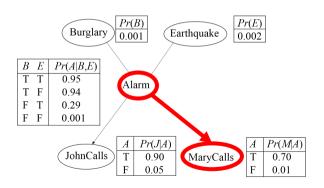


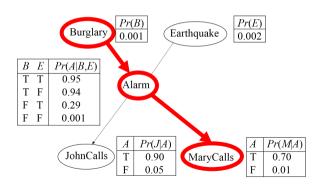




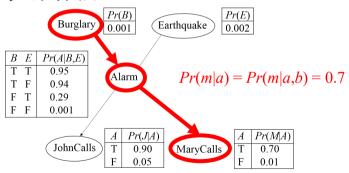




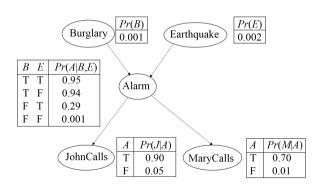




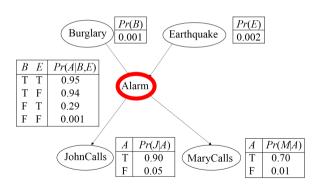
• 间接的因果/证据作用: 给定A的前提下, M与B条件独立。



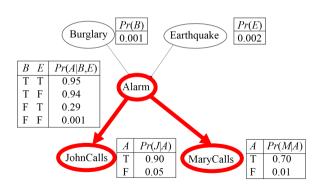
• 共同的原因:



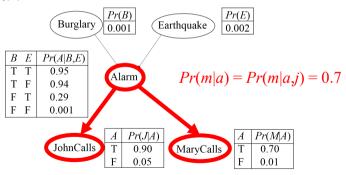
• 共同的原因:



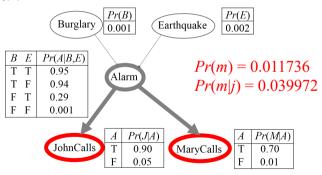
• 共同的原因:



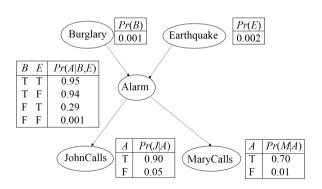
共同的原因:给定A的前提下,J与M条件独立。



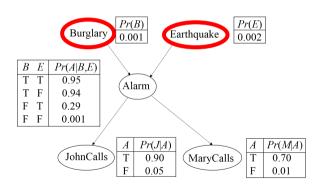
• 共同的原因:未给定A的前提下,J与M 不独立。



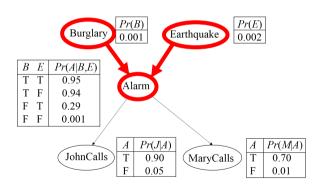
• 共同的作用:



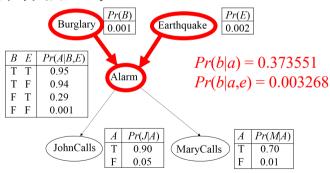
• 共同的作用:



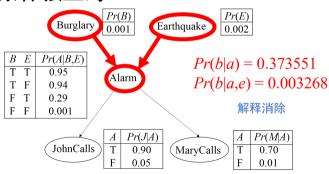
• 共同的作用:



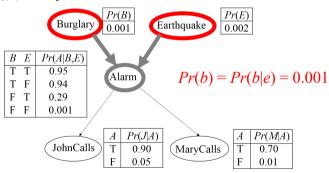
共同的作用:给定A的前提下,B与E不 是条件独立的。



共同的作用:给定A的前提下,B与E不 是条件独立的。



• 共同的作用:未给定A的前提下,B与E 是独立的。



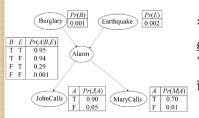
- D-分离 (Directional separation, D-separation) 可用于判断任意两个节点的相关性和独立性。若存在一条路径将这两个节点(直接)连通,则称这两个节点是有向连接(d-connected)的,即这两个节点是相关的;若不存在这样的路径将这两个节点连通,则这两个节点不是有向连接的,则称这两个节点是有向分离的(d-separated),即这两个节点相互独立。
- **定义**: 路径p被限定集Z阻塞 (block) 当且仅当:
 - 。 路径p含有链结构 $A \rightarrow B \rightarrow C$ 或分连结构 $A \leftarrow B \rightarrow C$ 且中间节点B在Z中,或者
 - 。 路径p含有汇连结构 $A \rightarrow B \leftarrow C$ 且汇连节点B及其后代都不在Z中。
- **定义**: 若Z阻塞了节点X和节点Y之间的每一条路径,则称给定Z时,X和Y是D-分离,即给定Z时,X和Y条件独立。

目录

- 背景
- 贝叶斯网络的表示
- 贝叶斯网络中的D-分离
- 贝叶斯网络的推理

贝叶斯网络的推理

- 给定:
 - 一个贝叶斯网络 $Pr(X_1, X_2, ..., X_n) = Pr(X_n \mid Par(X_n)) * Pr(X_{n-1} \mid Par(X_{n-1})) * ... * Pr(X_1 \mid Par(X_1))$
 - 一些证据变量的取值 (Evidence) E = {a set of values for some of the variables}
- 我们希望推理(计算)如下概率分布: $Pr(X_k \mid \mathbf{E})$,即得到 $Pr(X_k = d \mid \mathbf{E})$ for all $d \in Dom[X_k]$



示例:

给定 $Pr(B, E, A, M, J) = Pr(E) * Pr(B) * Pr(A \mid E, B)$ * $Pr(M \mid A) * Pr(J \mid A)$

计算 $Pr(B = \text{True} \mid E = \text{False}, M = \text{True}, J = \text{False})$

总结

• 其它不确定知识表示和推理方法

- 。确定性理论
 - · 该理论由Shortliffe提出,并于1976年首次在血液病诊断专家系统MYCIN中得到了成功应用。
 - 在确定性理论中,不确定性是用可信度来表示的。
- 。证据理论
 - 用于处理不确定性、不精确以及间或不准确的信息。
 - · 引入了信任函数来度量不确定性,引用似然函数来处理由于"不知道"引起的不确定性。
- 。模糊逻辑和模糊推理
 - · 模糊集合论是1965年由Zadeh提出的,随后,他又将模 糊集合论应用于近似或模糊推理,形成了可能性理论。
 - · 模糊逻辑可以看作是多值逻辑的扩展。模糊推理是在一 组可能不精确的前提下推出一个可能不精确的结论。