# 中山大学本科生期末考试

## 考试科目:《信号与系统》(B卷)

学年学期: 2021 学年第二学期 姓 名: \_\_\_\_\_\_

开课单位: 计算机学院 学 号:

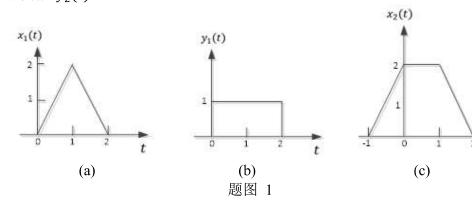
考试方式: 闭卷 年 级: \_\_\_\_\_\_

考试时长: 120 分钟 院 系: \_\_\_\_\_\_

## 警示

《中山大学授予学士学位工作细则》第八条:"考试作弊者,不授予学士学位。"

一、 $(8\, 
m eta)$  考虑一个连续时间线性时不变系统,当输入信号 $x_1(t)$ 如题图 1(a)所示时,输出响应 $y_1(t)$ 如题图 1(b)所示。当输入信号为题图 1(c)所示的 $x_2(t)$ 时,请确定并画出该系统对应的响应 $y_2(t)$ 。



二、(12分)已知如下两个线性时不变系统的输入信号和单位冲激响应,求系统的输出信号。

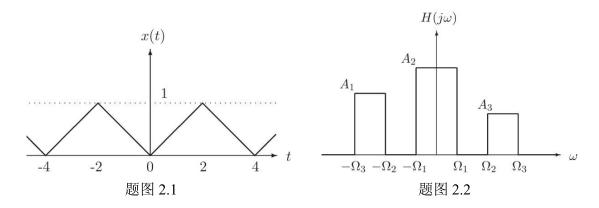
(1) 
$$x(t) = u(t) - u(t-2)$$
,  $h(t) = e^{2t}u(1-t)$ 

(2) 
$$x[n] = h[n] = \beta^n u[n-1]$$

三、(12分)如题图 2.1 所示的周期性三角波x(t)可表示为以下傅里叶级数:

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} a_k e^{jk\omega_0 t}, \quad \text{$\sharp + a_k = \begin{cases} 2\frac{\sin(k\pi/2)}{j(k\pi)^2} e^{-jk\pi/2}, & k \neq 0\\ \frac{1}{2}, & k = 0 \end{cases}}$$

将x(t)输入某连续时间线性时不变系统,观察发现输出为 $y(t)=1-\cos(3\pi t/2)$ 。设该系统的频率响应 $H(j\omega)$ 如题图 2.2 所示,其中 $\Omega_1=\pi/4$ , $\Omega_2=5\pi/4$ , $\Omega_3=7\pi/4$ 。试确定 $A_1$ 、 $A_2$ 、 $A_3$ 取值。



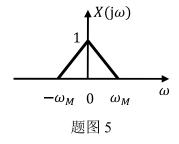
四、(8分)某离散时间因果线性时不变系统由如下线性常系数差分方程描述

$$y[n] - \frac{1}{2}y[n-1] = x[n] + x[n-1]$$

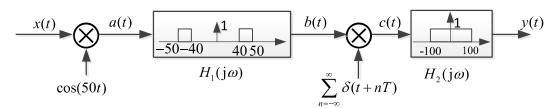
- (1) 确定该系统的频率响应 $H(e^{j\omega})$ ;
- (2) 确定该系统的单位脉冲响应h[n];

五、(16 分)设x(t)为频带有限信号,最高频率为 $\omega_M = 4$ ,其频谱 $X(j\omega)$ 如下面题图 5 所示。

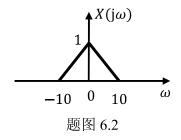
- (1) 在采样定理中,采样频率必须要超过的那个频率叫奈奎斯特率。求x(t)的奈奎斯特率 $\omega_s$ 及其对应的采样间隔 $T_s$ ;
- (2)设用采样序列 $\delta_T(t) = \sum_{n=-\infty}^{\infty} \delta(t nT_s)$ 对信号x(t)进行采样,得到采样输出信号 $x_s(t)$ ,画出 $x_s(t)$ 的频谱 $X_s(j\omega)$ 在频率区间[-16,16]的示意图;
- (3) 若用同一个 $\delta_T(t)$ 对x(2t)进行采样,试画出采样输出信号的频谱图。



六、(16 分)某系统组成如题图 6.1 所示,其中 $H_1(j\omega)$ 和 $H_2(j\omega)$ 为对应子系统的频率响应, $T=0.04\pi$ ,输入信号x(t)的频谱 $X(j\omega)$ 如题图 6.2 所示。请分别画出系统中a(t)、b(t)、c(t)以及输出y(t)对应的频谱 $A(j\omega)$ 、 $B(j\omega)$ 、 $C(j\omega)$ 以及 $Y(j\omega)$ ,需标注频谱横、纵坐标刻度和取值。



题图 6.1



七、 $(16 \, f)$  对连续时间线性时不变系统,已知当t > 0时输入信号x(t) = 0,且x(t)的双边拉普拉斯变换表达式为

$$X(s) = \frac{s+3}{s-4}$$

对应的输出信号为

$$y(t) = -\frac{2}{5}e^{4t}u(-t) + \frac{1}{5}e^{-2t}u(t)$$

- (1) 求该系统的系统函数H(s)及其收敛域;
- (2) 求系统的单位冲激响应h(t);
- (3) 若输入为

$$x(t) = e^{3t}, -\infty < t < \infty$$

求系统输出y(t)。

八、(12分)利用指定的方法,求下列各z变换所对应的时域序列:

(1) 部分分式展开法,
$$X(z) = \frac{1 - \frac{1}{3}z^{-1}}{(1 - z^{-1})(1 + 2z^{-1})}$$
,  $|z| > 2$ ;

(2) 长除法, 
$$X(z) = \frac{1+z^{-1}}{1+\frac{1}{3}z^{-1}}$$
,  $|z| < \frac{1}{3}$ 。

## 常用信号变换对

### 基本傅里叶变换对

信号	傅里叶变换	信号	傅里叶变换
x(t) = 1	$2\pi\delta(\omega)$	$\delta(t-t_0)$	$e^{-j\omega t_0}$
$x(t) = \begin{cases} 1,  t  < T_1 \\ 0,  t  > T_1 \end{cases}$	$\frac{2\sin\omega T_1}{\omega}$	$e^{-\alpha t}u(t), \operatorname{Re}\{\alpha\} > 0$	$\frac{1}{\alpha + j\omega}$
$\frac{\sin Wt}{\pi t}$	$X(j\omega) = \begin{cases} 1,  \omega  < W \\ 0,  \omega  > W \end{cases}$	$te^{-\alpha t}u(t), \operatorname{Re}\{\alpha\} > 0$	$\frac{1}{(\alpha+j\omega)^2}$
u(t)	$\frac{1}{j\omega} + \pi\delta(\omega)$	$\frac{t^{n-1}}{(n-1)!}e^{-\alpha t}u(t), \operatorname{Re}\{\alpha\} > 0$	$\frac{1}{(\alpha+j\omega)^n}$
$\delta(t)$	1		

### 基本拉普拉斯变换对

信号	变换	收敛域	信号	变换	收敛域
u(t)	$\frac{1}{s}$	$\operatorname{Re}\{s\} > 0$	-u(-t)	$\frac{1}{s}$	$\operatorname{Re}\{s\} < 0$
$\frac{t^{n-1}}{(n-1)!}u(t)$	$\frac{1}{s^n}$	$\operatorname{Re}\{s\} > 0$	$-\frac{t^{n-1}}{(n-1)!}u(-t)$	$\frac{1}{s^n}$	$\operatorname{Re}\{s\} < 0$
$e^{-\alpha t}u(t)$	$\frac{1}{s+\alpha}$	$Re\{s\} > -\alpha$	$-e^{-\alpha t}u(-t)$	$\frac{1}{s+\alpha}$	$Re\{s\} < -\alpha$
$\frac{t^{n-1}}{(n-1)!}e^{-\alpha t}u(t)$	$\frac{1}{(s+\alpha)^n}$	$Re\{s\} > -\alpha$	$-\frac{t^{n-1}}{(n-1)!}e^{-\alpha t}u(-t)$	$\frac{1}{(s+\alpha)^n}$	$Re\{s\} < -\alpha$
$\delta(t)$	1	全部 s			

#### 基本 z 变换对

信号	变换	收敛域	信号	变换	收敛域
$\delta[n]$	1	全部 z	$\delta[n-m]$	$z^{-m}$	全部 z, 除 去 0 或∞
u[n]	$\frac{1}{1-z^{-1}}$	z  > 1	-u[-n-1]	$\frac{1}{1-z^{-1}}$	z  < 1
$\alpha^n u[n]$	$\frac{1}{1-\alpha z^{-1}}$	$ z  > \alpha$	$-\alpha^n u[-n-1]$	$\frac{1}{1-\alpha z^{-1}}$	$ z  < \alpha$
$n\alpha^n u[n]$	$\frac{\alpha z^{-1}}{(1-\alpha z^{-1})^2}$	$ z  > \alpha$	$-n\alpha^n u[-n-1]$	$\frac{\alpha z^{-1}}{(1-\alpha z^{-1})^2}$	$ z  < \alpha$